

الوحدة 1

تطور كميات المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي

خلاصة الدرس

1- التحول الكيميائي والرُمن: يتم في ثلاث حالات:

◄ تحويل سريع أو لحظي: يصل فيه تطور الجملة إلى نهايته مباشرة عند تلامس المتفاعلات.

◄ تحويل بطيئ : يصل فيه تطور الجملة إلى نهايته بعد عدة ثواني إلى عدة دقائق.

◄ تحويل لامتناهي البطء: يستغرق فيه تطور الجملة بعض الأيام أو بعض الشهور.

A + bB = cC + dD: سرعة التفاعل: نمزج التفاعل الكيميائي التالي والتفاعل:

 $v_A = -\frac{dn_A}{dt}$: A سرعة اختفاء النوع الكيميائي

 $v_D = +\frac{dn_D}{dt}$: D النوع

Hard_equation

سرعة التفاعل هي سرعة التحول الكيميائي المرتبط بالتغير
$$v = + \frac{dx}{dt}$$
 . $v = + \frac{dx}{dt}$

.
$$v = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$
 السرعة الحجمية للتفاعل في وسط مائي حجمه V ثابت

العلاقة بين سرعة اختفاء وتشكل الأنواع الكيميائية

ي () المسلم المدار المدار المدار	ل الكيمياد	جدول تقدم لتفاء	نموذج ل		
المعادلة	التقدم	aA	+bB	= cC	+ dD
الحالة الابتدائية	0	n_{0A}	n_{0B}	0mol	0mol
أثناء التفاعل(الحالة الانتقالية)	x	n_{0A} – ax	$n_{0B} - bx$	cx	dx
الحالة النهائية	x_f	$n_{0A} - ax_f$	$n_{0B} - bx_f$	cx_f	dx_f

مع ملاحظة أن التفاعل الحد هو الذي ينتهي.

t في اللحظة n_A في اللحظة

$$n_A = n_{0A} - ax \dots (1)$$

 $v_A = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$: حسب تعريف السّرعة الحجمية للمركب A تكتب

$$x = \frac{n_{0A} - n_A}{\alpha}$$
 ، من المعادلة (1) نعين عبارة x

3 زمن نصف التفاعل 1/2

 $t_{/\!\!/_2} o x_f$: إذن $x = \frac{x_f}{2}$ إذن نصف التفاعل $x = \frac{x_f}{2}$ إذن الكازمة لبلوغ التفاعل نصف تقدمه اي

 $x_f = x_{max}$ إذا كان التحول تاماً فإن

$$t_{\gamma_2} \to \frac{x_{max}}{2} = \frac{n_0}{2}$$

مي كمية المادة الابتدائية للمتفاعل المدن المدن

في التحول التام في زمن نصف التفاعل t_{γ_2} تنقص كمية مادة المتفاعل المحدّ إلى التصف.

 $n_{\rm loc} = f(t)$ بیان



إن العوامل التي تؤثر على سرعة التفاعل هي :

- ◄ درجة الحرارة.
- ◄ التراكيز الابتدائية للمتفاعلات : كلما زادت التراكيز الابتدائية للمتفاعلات، زاد تطور التفاعل.

تعيين زمن نصف التفاعل بيانيا.

- ◄ الوسيط المناسب catalyseur : الوسيط هو نوع كيميائي يسرع التفاعل ولا يشترك فيه ولا يغير الحالة النهائية للجملة الكيميائية.
 - ◄ الوساطة catalyse : هي عملية تاثير الوسيط على التفاعل، ونميز ثلاثة أنواع :

1/ الوساطة المتجانسة

يكون فيها الوسيط والمتفاعلات في نفس الطوّر إما كلّها صلبة (s) أو سائلة (l) أو غازية (g).

2/ الوساطة غير المتجانسة: لا يكون فيها الوسيط والمتفاعلات في نفس الطور.

3/ الوساطة الإنزيمية: وفيها يكون الوسيط إنزيما ويحدث هذا خاصة في العمليات الحيوية، في الحيوانات والصناعات الغذائية والطب.

x(t)رسم منحني تطور التقدم

يتطلب تعيين التقدم x في كل لحظة t ، وهذا لن يتم إلا بقياس الناقلية النوعية σ (التمرين 5).

$$\frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt} \frac{(n_{0A} - n_A)}{a}$$
 بالاشتقاق نجد :

اكن : ثابت $n_{0A}=n_0$ ، وعليه فإن مشتقه معدوم بالنسبة للزمن، أي :

$$\begin{split} \frac{dn_{0A}}{dt} &= 0\\ \frac{dx}{dt} &= \frac{1}{a}\frac{dn_{0A}}{dt} - \frac{1}{a}\frac{dn_A}{dt}\\ \frac{dx}{dt} &= 0 - \frac{1}{a}\frac{dn_A}{dt} \; ; \; \frac{dx}{dt} = -\frac{1}{a}\frac{dn_A}{dt}\\ v_A &= \frac{1}{a}\frac{1}{V}\bigg(-\frac{dn_A}{dt}\bigg) \; ; \; \text{descend} \; \text{i.e.} \end{split}$$

 $v_{\scriptscriptstyle A} = -rac{1}{a}rac{d}{dt}(n_{\scriptscriptstyle A}/V)$: وبما أن الحجم V ثابت، فيمكن إدخاله داخل مؤثر المشتق

$$v_A = -rac{1}{a}rac{[A]}{dt}$$
 الذن التركيز $[A] = rac{n_A}{V}$ الذن

$$v = -\frac{1}{a}\frac{d[A]}{dt} = -\frac{1}{b}\frac{d[B]}{dt} = \frac{1}{c}\frac{d[C]}{dt} = \frac{1}{d}\frac{d[D]}{dt}$$
 بالثل نجد :

ملحظة: سرعة التفاعل دوما موجبة، وعليه فإن $\frac{d[B]}{dt}$ و عليه النان.

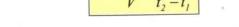
التعيين البياني للسرعة الحجمية للتفاعل في لحظة ٢

- x(t) نمثل بیان تطور التقدم
- ◄ نرسم مماس المنحنى في النقطة H المحددة باللحظة t.
 - نحسب میل الماس:

$$\frac{dx}{dt} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} =$$
ميل الماس

◄ ومن ثم نحسب السّرعة الحجمية للتفاعل كما يلي :

$$v = +\frac{1}{V} \times \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$



ملاحظة : كلما زادت قيمة التقدم نقصت سرعة التفاعل.

- رسم منحني تطور التقدم x(t) يتطلب تعيين التقدم x في كل لحظة، وهذا لن يتم إلاً بقياس الناقلية النوعية σ (انظر التمرين5).
 - ◄ يمكن أن نرسم منحني التقدم انطلاقا من الرسم.

معادلة التفاعل الكيمياني

* ينمذج التفاعل الكيميائي التحوّل الكيميائي، بمعادلة كيميائية تحتوي على طرفين هما aA + bB = cC + dD .

و d و d هي أعداد ستكيومترية.

إذا تم التفاعل بنسب ستكيومترية (المزيج ستكيومتري) فإنه يتحقق .

$$\frac{n_A}{a} = \frac{n_B}{b} = \frac{n_C}{c} = \frac{n_D}{d}$$

إذن لا يوجد متفاعل محد، ومتفاعل وُضع بزيادة، فالتفاعلان (A) و (B) ينتهيان (يُستهلكان).

• وإذا كان الزيج غير متناسق (غير ستكيومتري) بمعنى $\frac{n_A}{a} \neq \frac{n_B}{b}$ ، فإنه يوجد المتفاعل المحن، وعليه فإنّ دراسة تطوّر التفاعل تتم بتعيين كميّة المادّة للمتفاعلات والثواتج عبر جدول التقدّم.

حالة الجملة الكيميانية	التقدّم	aA	+ <i>bB</i>	= cC	+ cC
الحالة الابتدائية	X = 0mol	n_A	n_B	0mol	0mol
الحالة الانتقالية	X	$n_A - aX$	$n_B - bX$	cX	dX
الحالة التهائية	X_f	$n_A - aX_f$	$n_B - bX_f$	cX_f	dX_f

- . $X_f = \frac{n_A}{a}$ وبالتالي $n_A aX_f = 0$ إذا كان الثوع الكيميائي A هو المتفاعل المحدّ فانه يتحقّق و المتفاعل المحدّ فانه يتحقّق المتفاعل المحدّ فانه يتحقّق المتفاعل المحدّ فانه يتحقّق المتفاعل المحدّ فانه يتحقق المتفاعل المتفاعل
- . $X_f = \frac{n_B}{b}$ إذن $n_B b X_f = 0$ وإذا كان النوع الكيميائي B هو المتفاعل المحدّ فإنه يتحقّق و
 - . وإذا كان كلاهما متفاعلان محدّان، فهذا يعني أن $\frac{N_f}{a} = \frac{n_A}{a} = \frac{n_B}{b}$ أي المزيج متناسق.

تطور كميات المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي

كمية المادة

- رمزها : n
- وحدتها : mol
 - عبارتها
- إذا كان الثوع الكيميائي A مادة صلبة، أو سائلة فإن :

$$(g)$$
 ڪتلة المادة ب m_A $m_A=rac{m_A}{M_A}$ $m_A=rac{m_A}{M_A}$.

لدينا في الحالة السائلة $V_A=
ho_A$ حجم السائل. و $V_A=
ho_A$ حجم السائل.

إذا كان النوع الكيميائي مادة غازية فإن :

$$(L)$$
 حجم الغاز ب $:V_A$
$$n_A = \frac{V_A}{V_m}$$
 : الحجم المولى في شروط التجربة

ملاحظة: يعطى $V_{om}=22,4L$ في الشرطين النظامين من الضّغط:

. ($T_0=273^\circ k$ وورجة الحرارة $\theta_0=0^\circ$) وورجة الحرارة $P_0=1$ او $P_0=1$

أ إذا تم التفاعل في شروط فيها الضغط $P_{\scriptscriptstyle A}$ ودرجة الحرارة T والحجم $V_{\scriptscriptstyle A}$ للنوع الكيميائي A ، فإن كمية المادة نحسبها من القانون العام للغازات :

$$n_A = \frac{P_A V_A}{R T}$$

مع : P_A الثابت العام للغاز المثالي، R ، $T(k)=\theta(^{\circ}C)+273$. مع : P_A : ضغط الغاز بالباسكال P_A . (m^3) عجم الغاز ب

 $n_A=C_AV$: إذا كان النوع الكيميائي A مذاب في محلول فإن V إذا كان النوع الكيميائي بV هو تركيز المولي الحجمي لهذا النوع الكيميائي بV هو حجم المول بV

السرعة الحجمية للتفاعل (٧)

Hard_equation

$$v(t) = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$

 $v(t) = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$: تعرّف السرعة الحجمية للتفاعل بالعلاقة:

حجم الزيج المتفاعل باللَّم (L)،

x تقدّم التفاعل بالمول (mol)،

٧ السرعة الحجمية للتفاعل،

تعيّن بيانيا من ميل الماس (AB لبيان التقدم x(t) في اللّحظة t' المعيّنة.

$$.\frac{dx}{dt} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$
 إذن:

ملاحظة

- . $(mol.L^{-1}.s^{-1})$ هِ اِن وحدة v هي t يقدر بالثانية (s) فإن وحدة v
- v إذا كان الرَّمن t يقدّر بالدقيقة (min) فإنّ وحدة v هي v إذا كان الرَّمن t
 - v إذا كان الرّمن t يقدّر بالساعة v فإنّ وحدة v هي v إذا كان الرّمن v

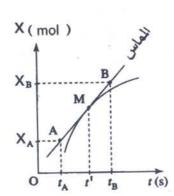
$$v(t) = \frac{\left(\frac{x(t)}{V}\right)}{dt}$$
 : يمكن أن نكتب *

(x(t) لكن الكسر $\frac{x(t)}{V}$ يمثل تركيز الثوع الكيميائي [X] الذي كمية مادته في اللّحظة t هي

 $v(t) = \frac{d[X]}{dt}$ اذن:

العوامل الحركية

. العوامل الحركية التي تغيّر سرعة التفاعل هي : درجة الحرارة، التركيز، العامل الساعد.



الأكسدة والإرجاع

- ارجاع. والتفاعل الذي يقوم به تفاعل ارجاع. (e^-) والتفاعل الذي يقوم به تفاعل ارجاع.
 - المرجع يفقد الإلكترونات (e^-) والتفاعل الذي يقوم به تفاعل أكسدة.
- * تفاعل الأكسدة الإرجاعية ينتج من انتقال (le^-) أو عدة إلكترونات (ne^-) من مرجع لثنائية (Ox_2/Red_2) إلى مؤكسد لثنائية اخرى (Ox_1/Red_1)

دراسة تطور تفاعل بطيئ

يتم دراسة تطوّر تفاعل بطئ بدراسة تطوّر التقدّم x(t) للتفاعل بدلالة الرّمن بإحدى الطريقتين x(t)



 $\sigma = \sum_{i} \lambda_{i} [X_{i}]$

 $\lambda_i(s.m^2.mol)$ الناقلية المولية النوعية للمناب، وتقاس با

. $(mol.m^{-3})$ تراکیز شوارد المحلول بـ $[X_i]$

كما أن الثاقلية G للمحلول تعطى بالعبارة : $G=k\sigma$

x(t) عن عن المنافع إذا كان احد الثواتج أو المتفاعلات في الحالة الغازية فإننا ندرس تطوّر x(t) عن طريق تغيّر الضّغط P(t) للغاز في الرّمن، عند درجة حرارة T وحجم V ثابتين (أو تغيّر حجم V(t) الغاز V(t) في الرّمن بثبوت V(t).



 $^{\circ}$ من أجل ذلك نستعمل القانون العام للغازات : $^{\circ}$

$$P(\theta) = \frac{RT}{V}$$
 : $t = \theta$ ثم نعيَن في اللّحظة

$$P(t) = n(t) \frac{RT}{V} : t$$
 وفي اللحظة

n(t)=f(x) الذي هو دالة في التقدّم x(t) اي الذي هو دالة في التقدّم

التمرين ا

توصف لك التجارب التالية :

1/ في انبوب اختبار توضع كمية محلول نترات الفضة تسكب عليه قطرات من محلول كلور $\left(Ag_{(aq)}^+ + NO_{3(aq)}^-\right)$ الصوديوم $(Na_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-)$ فنشاهد مباشرة راسبا أبيض.





2/ يوضع محلول هيدروكسيد الصوديوم (الشفاف) يضاف إليه قليل من الكاشف الملون الفتالتين $(Na^+ + OH^-)$ الشفاف فيظهر مباشرة لون وردي بنفسجي.

ر نمزج قليلا من محلول يود البوتاسيوم $(K_{(aq)}^+ + I_{(aq)}^-)$ مع محلول بيروكسوديكبريتات $(K_{(aq)}^+ + I_{(aq)}^-)$ البوتاسيوم $(2K_{(aq)}^+ + S_2 O_{8(aq)}^{2-})$ نرج المخلول. ننتظر 20 ثانية. لا يظهر شيء. وبعد 60 ثانية نلاحظ بدء ظهور لون اسمر.





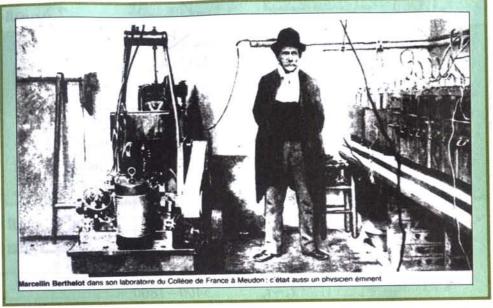


4/ العالم الكيميائي"برتاو" أجرى تفاعلات الأسترة وتتمثل في وضع كمية متساوية في عدد الولات من الإيتانول C_2H_5-OH وحمض الخلّ COOH ووضعها في حبابات زجاجية مغلقة، فلاحظ أن التفاعل عند درجة حرارة الغرفة استغرق له من ماي 1861م إلى جوان 1862م ولاحظ أن 55% فقط من كمية المتفاعلات هي التي حدث لها تحول كيميائي.

 180° C عندما يضاف قليل من حمض الكبريت المركز يتم التفاعل في نصف ساعة عند الدرجة أ/ صنف التحولات السابقة حسب سرعتها.

ب/ في التجربة 4 حدة دور درجة الحرارة وحمض الكبريت المركز.

ج/ اكتب التفاعل المنمذج للتحولين في التجربتين 1 و 3 .



الحل

أ/ تصنيف التحولات الكيميائية

1/ تحول سريع أو لحظى.

2/ تحوّل سريع أو لحظى.

3/ تحوّل بطيئ.

4/ في درجة حرارة الغرفة، التفاعل لامتناهي البطء.

5/ بإضافة قطرات حمض الكبريت المركز وزيادة درجة الحرارة أصبح التفاعل بطيئا.

2/ دور درجة الحرارة

درجة الحرارة من العوامل الحركية التي بازديادها تزداد سرعة التفاعل.

دور حمض الكبريت المركّز: دور وساطة متجانسة.

3/ كتابة التفاعل المنمذج للتحولين الكيميائيين

• في التجربة 1 .

 $(Ag_{(aq)}^{+} + NO_{3(aq)}^{-}) + (Na_{(aq)}^{+} + Cl_{(aq)}^{-}) \rightarrow (Ag^{+}, Cl^{-})_{(s)} + (Na_{(aq)}^{+} + NO_{3(aq)}^{-})$

• في التجربة 3 .

هو تفاعل أكسدة إرجاعية نفضل كتابته بالمعادلتين النصفيتين الإلكترونيتين ثم نقوم بجمعهما :

 $2I_{(aq)}^- = I_{2(aq)} + 2e^-$

 $S_2O_8^{-2} + 2e^- = 2SO_{4(qq)}^{-2}$

 $2I_{(aq)}^{-} + S_2O_{8(aq)}^{-2} = I_2 + S_2O_{8(aq)}^{-2} + 2SO_{4(aq)}^{-2}$

التمرين 2

 $aA+bB \rightleftarrows cC+dD$: السرعة المتوسطة للشكل في تفاعل كيميائي C+dD : نحدد في لحظات مختلفة t التركيز D للنوع الكيميائي D ونسجلها في الجدول التالي :

t(s)	0	1800	3600	5400	7200
$[D]$ $mol.L^{-1}$	0	0,110	0,170	0,218	0,247

 t_2 =5400s عند السرعة المتوسّطة v_m لشكل المركب D وهذا بين اللحظتين t_1 =1800s عند السرعة المتوسّطة v_m المركب $mol.L^{-1}.s^{-1}$ و $mol.L^{-1}.min^{-1}$ عند المتحدد المتح

الحز

: عطى السرعة المتوسطة لشكل A كما يلي

$$v_m = v = \frac{[A]_{t_2} - [A]_{t_1}}{t_2 - t_1} = \frac{0.218 - 0.110}{5400 - 1800}$$

$$v = 3,10^{-5} mol.L^{-1}.s^{-1}$$
 : $mol.L^{-1}.s^{-1}$ الموحدة

 $mol.L^{-1}.min^{-1}$ ب/ بالوحدة

 $Is = \frac{1}{60} min$ نحوّل الثانية إلى الدُقيقة ،

 $v = 3,10^{-5} \, mol.L^{-1} (\frac{1}{60} \, min)^{-1}$ إذن:

 $v = 3 \times 60.10^{-5}$: $v = 1,8.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$

التمرين 3

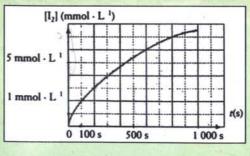
ندرس تطور التحول الكيميائي لأكسدة شاردة I^- بالماء الأكسجيني H_2O_2 في وسط حمضي

فنحصل على المنحني f(t)=f(1) في الشكل المرفق.

1/ اكتب معادلة التحول الكيميائي الحادث. تعطى الثنائيتان ox / red :

 $H_2O_{2(aq)}/H_2O_{(1)}\;\;;\;\;I_{(aq)}^*/I_{2(aq)}$ احسب السرعة اللحظية لتشكل ثنائي 200 من بالمراجعة المحظية 1/2

t=300s اليود I_{2} في اللحظة



- $2I_{(aq)}^- = I_{2(aq)} + 2e^-$: تعطي معادلة الأكسدة : I^-/I_2 الثنائية •
- $H_2O_{2(aq)}+2H_{(aq)}^++2e^-=2H_2O_{(l)}:$ عطي معادلة الإرجاع : H_2O_2/H_2O_2 الثنائية $2I_{(aq)}^-+H_2O_{2(aq)}+2H_{(aq)}^+=I_{2(aq)}+2H_2O_{(l)}$

(T)

1 000 s

[I₂] (mmol · L 1)

mmol · L ·1

 I_2 حساب السرعة اللحظية لتشكل ثنائى اليود 2

t = 300 s المحظية من ميل مماس المنحني البياني في اللحظة

- اللحظة M من M اللحظة النقطة M من اللحظة النحنى البيانى M النحنى البيانى M النحنى البيانى M
- نرسم الماس T للبيان في النقطة M كما هو موضح في الشكل المقابل.
 - نعين نقطتين A و B من الماس T ، ونحدد إحداثيتيهما :

$$(A): \begin{cases} t_A = 100s \\ [I_2]_A = 2,5 \text{mmol.} L^{-1} \end{cases}$$

$$(B): \begin{cases} t_B = 650s \\ [I_2]_B = 7,3 \text{mmol.} L^{-1} \end{cases}$$

$$v = \frac{[I_2]_B - [I_2]_A}{t_B - t_A} = \frac{7,3 - 2,5}{650 - 100}$$

 $v = 8,7.10^{-3} \, \text{mmol.} L^{-1}.s^{-1}$

التمرين 4 (تمرين تجريبي)

نهدف من خلال هذه التجربة إلى دراسة تطور تفاعل محلول ثنائي اليود مع محلول لشوارد الثيوكبريتات (الوثيقة 1) في حجم ثابت ودرجة حرارة ثابتة. من أجل ذلك نتمرن في البداية على كتابة تفاعل محلول شوارد $I_{(aq)}^-$ مع شوارد بيروكسوديكبريتات $S_2O_8^{2-}$.



الوثيقة 1

1/ معادلة التحول الكيميائي الحادث

تماريه خاصة بتطور كميات المتفاعلات والنواتح خلال تحول كيميائي

الحل

$$(1)$$
 عنابة معادلة الأكسدة الإرجاعية المندمجة للتحول $2I_{(aq)}^-=I_{2(aq)}+2e^-$
$$S_2O_{8(aq)}^{2-}+2e^-=2SO_{4(aq)}^{2-}$$

$$2I_{(aq)}^-+S_2O_{8(aq)}=I_{2(aq)}+2SO_{4(aq)}^{2-}$$

$$(2)$$
ب كتابة معادلة الأكسدة الإرجاعية المندمجة للتحول $I_{2(aq)} + 2e^- = 2I_{(aq)}^-$

$$2S_2O_3^{2-} = S_4O_{6(aq)}^{2-} + 2e^{-}$$

$$I_{2(aq)}^{-} + 2S_2O_3^{2-} = 2I_{(aq)} + S_4O_{6(aq)}^{2-}$$

اللون الأسمر يؤكد على ظهور ثنائي اليود I_2 (في الواقع اللون الأسمر يعود إلى شوارد ثلاثي اليود I_2 انظرا لتواجد $I_{2(aq)}$ مع $I_{2(aq)}$).

ب/ يتوقف التفاعل بين $I_{(aq)}^-$ و $S_2 O_{8(aq)}^-$ لانخفاض درجة الحرارة، فهي من العوامل الحركية.

الفرق بين التحولين الكيميائيين 1 و 2 هو أن الأول تحول كيميائي سريع بدليل أنه في بداية التجربة 2 قيل إنه أضيف الماء شديد البرودة حتى يتوقف التفاعل بين $I_{(aq)}^-$ و $S_2O_{8(aq)}^-$.

أما الثاني فهو تحول كيميائي بطيئ بدليل أته استمر إلى 80min .

 V_E و C_{tit} و $n(I_2)$ و بين بالعلاقة بين

 $I_{2(aq)}+2S_2O_{3(aq)}^{2-}=2I_{(aq)}^-+S_4O_{6(aq)}^{2-}$: للسهولة نعيد كتابة العادلة الكيميائية

$$\frac{n(I_2)}{I} = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{n(I^-)}{2} = \frac{n(S_4O_6^{2-})}{I}$$
 الدينا:

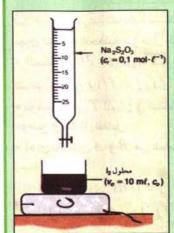
$$n(I_2) = \frac{n(S_2 O_3^{2^-})}{2}$$
 الا تهمنا إلا المساواة :

. لكن:
$$N(S_2O_3^{2-})=C_{tit} imes V_E$$
 إذن: $N(S_2O_3^{2-})=C_{tit} imes V_E$ لكن: كن العلاقة المطلوبة

$$I_2$$
 تعيين تركيز I_2 اي I_2 تعيين تركيز I_2 اي I_2 اي I_2 تعيين تركيز I_2 اي $I_{(I_2)} = C_{(I_2)} . V_{(I_2)}$ لكن $C_{(I_2)} = [I_2]$ اي I_2 اين I_2 كما ان I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 كما ان I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 كما ان I_2

$$I_2J = \frac{V_E}{2}$$
 ومنه $I_2J \times 10^{-2} = \frac{10^{-2} \times V_E}{2}$ ومنه (*) فنجد • نعوض العلاقة السابقة

1/I/1 اكتب معادلة الأكسدة الإرجاعية المنمذجة لهذا التحول. I_2 معادلة الأكسدة I_2 المتشكل بمحلول تيوكبريتات الصوديوم I_3 . I_4 I_5 . I_5 معادلة تفاعل I_5 معادلة تفاعل كالمعادلة تفاعل I_5 معادلة تفاعل كالمعادلة ك



t=0s ندخل في دورق مغروطي t=0s ندخل في دورق مغروطي $(K_{(aq)}^+ + I_{(aq)}^-) + I_{(aq)}^-)$ من محلول يود البوتاسيوم $C_1 = 0,4 mol.L^{-1}$ من محلول بيروڪسوديکبريتات البوتاسيوم $(2K^+ + S_2O_8^{2-})$ نرج المزيج الناتج فنحصل ترڪيزه $C_2 = 0,036 mol.L^{-1}$ ، نرج المزيج الناتج فنحصل بالمدرج على لون اسمر.

I اللون الأسمر يعود إلى ظهور أي نوع كيميائي S باللون الأسمر يعود إلى ظهور أي نوع كيميائي S بن في اللحظة S بن أللحظة S بن ألك يوقف التفاعل بن S و S المتواجدة في البيشر بالإضافة إلى S و ...

 $S_2O_{8(aq)}^-$ و $I_{(aq)}^-$ و جرا بين لاذا يتوقف التفاعل بين

 $C_{tit}=0,01 mol.L^{-1}$ نعاير محتوى البيشر بالتدرج بمحلول لتيوكبريتات الصوديوم تركيزه V_E بالضبط فنحصل على لون أصفر فاتح لا يظهر تغير لونه ولكي نحصل على قيمة حجم التكافؤ V_E بالضبط نضيف قطرات من صمغ النشاء فيتحول اللون إلى أزرق مسود.

مباشرة عند الرور بنقطة التكافؤ نواصل عملية التسحيح قطرة قطرة وعند نقطة معينة يصبح لون محتوى البيشر شفافا. عندها نحدد قيمة محلل التيوكبريتات الصوديوم. نعيد نفس العمليات في لحظات مختلفة ب V_E وندون وي كل مرة نسجل V_E وندون كل النتائج في الجدول التالي ،

t(min	1) (0	3	5	9	12	16	20	30	40	60	80
V _E (m)	()	0	5,5	7,8	12,7	16,2	20,1	22,8	27,5	30,4	33,2	33,9

. $I_{2(aq)}+2S_2O_{3(aq)}^{2-}=2I_{(aq)}^-+S_4O_{6(aq)}^{2-}$: يعطى التفاعل 2 المنمذج لتحول المعايرة والتفاعل 3 والتفاعل 3 والتفاعل 3

حدد العبارة التي استعملت لتمييز التفاعل الأول من الثاني.

 V_{E} و C_{tit} و (1) و المتشكل من التحول (1) و بين (1_{2}) و بين المتشكل من التحول (1)

 $[I^-]$ و $[S_4O_6^{2-}]$ وكذلك و $[I_2]$ وكذلك 4

الملأ جدول تغير $[I_2]$ بدلالة t .

 $I_2 = f(t)$ ارسم المنحنى البيانى لتطور

t=20 \min في اللحظة أ I_2 بي الحظة عند I_2

د/ استنتج سرعة تفكك شوارد الثايوكبريتات وكذا سرعة تشكل كل من I^- و SO_4^{2-} .

تماريه خاصة بتطور كميات المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي

 (I_2) حساب سرعة تفكك ج

$$V(I_2)=M$$
 ميل الماس في النقطة $=rac{15,3.10^{-3}-7.10^{-3}}{34-4}pprox 2,76.10^{-4}$

 $V(I_2) = 2.8.10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$

د/ سرعة تفكك التايوكبريتات

$$\frac{V(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{V(I_2)}{I} = \frac{V(I^-)}{2} = \frac{V(S_4O_6^{2-})}{I}$$
 نعلم أن

 $V(S_4O_6^{2-}) = 2,8.10^{-4} \, mol.L^{-1} \, .min^{-1}$ تماما مثل المساواة المكتوبة في السؤال (ب)، ومنه :

$$V(S_2O_3^{2-}) = V(I^-) = 2V(I_2) = 5,6.10^{-4} \, mol.L^{-1}.min^{-1}$$

التمرين 5 (دراسة تطور تفاعل عن طريق قياس الناقلية)

إن تفاعل إماهة المركب A (التفاعل مع O_2) وهو 2كلورو-2مثيل بروبان يُنمذج بالعادلة . $(CH_3)_3CCl_{(aq)} + 2H_2O_{(l)} = (CH_3)_3COH_{(aq)} + H_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-$ الكيميائية :

 $Cl_{(aq)}^-$ نهدف إلى دراسة تطور هذا التفاعل عن طريق قياس الناقلية النوعية σ للشاردتين فهد. $H_{(aq)}^+$ المتواجدتين فيه.

بيشر سعته 150ml نسكب فيه 80ml من مذيب يتالف من مزيج من ماء- كيتون بنسبتين حجميتين 95%و و5% على الرتيب. كما نضيف 10ml من المركب 10ml الذي تركيزه الابتدائي حجميتين 150ml نستعين بجهاز قياس الناقلية ومخلاط مغناطيسي. ثدون النتائج في جدول.

t(s)	0	30	60	80	100	120	150	200
$\sigma(s.m^{-l})$	0	0,246	0,412	0,502	0,577	0,627	0,688	0,760

1/ أ/ ذكر بقانون كولروش.

? قارن بين عدد المولات الابتدائي لكل من الماء والمركب A . ماذا تستنتج

2/ أنجز جدول تقدم التفاعل.

التفاعل، وكذا عند انتهاء التفاعل. x(t) استنتج عبارة الناقلية النوعية σ بدلالة التقدم x(t) للتفاعل، وكذا عند انتهاء التفاعل. ب/ أعط جدولا يعطي قيم x بدلالة الزمن.

x(t) ارسم المنحنى البياني لتطور /4

t = 50د احسب سرعة التفاعل في اللحظة.

 t_{∞} في اللحظة x_{max} في اللحظة أ t_{∞} المحظة في اللحظة أ

 t_{y} عين زمن نصف التفاعل t_{y} .

 $\lambda(Cl^-) = 7,6.10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$, $\lambda(H_3O^+) = 35.10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$. يعطى :

$$[S_4O_6^{2-}] = \frac{V_E}{2}$$
 بنفس الطريقة نجد أيضا

اما تركيز I^- فنجده I^- اما تركيز I^-

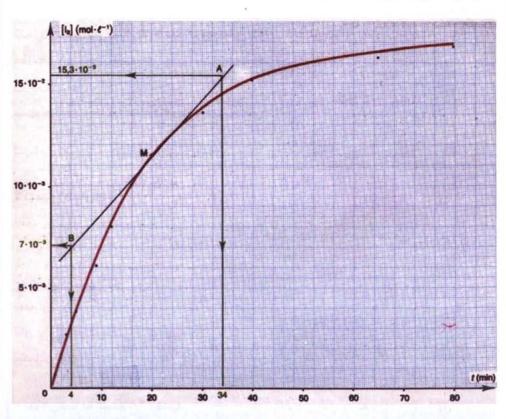
ار ملء الجدول /4/4 ملء $I_2J=\frac{V_E}{2}$: لدينا

$$[I_2] = rac{5,5.10^{-3}}{2} = 2,75.10^{-3} \, mol.L^{-1}$$
 : نعوض فنجد V لدينا $t=3min$

نعوُّض بالنسبة للحظات الأخرى فنحصل على جدول بالقيم التالي :

$[I_2]$ (mol.L ⁻¹ .10 ⁻³)	0	2,75	3,9	6,3	8,1	10,1	11,4	13,7	15,2	16,6	16,9
t(min)	0	3	5	9	12	16	20	30	40	65	80

 $[I_2] = f(t)$ ب/ رسم المنحني البياني



. لكن V حجم المحلول. $[Cl^-] = n_{Cl^-}$ وكذا وكذا $[H^+] = \frac{n_{H^+}}{V}$

x(t) هو الحالة (الحالة الانتقالية) ؛ التقدم هو

$$[Cl^-] = [H^+] = \frac{x(t)}{V} \cdot n_{Cl^-} = \frac{x(t)}{V} \quad \text{o} \quad n_{H^+} = \frac{x(t)}{V}$$
 إذن

$$\sigma(t) = (\lambda_{H^+} + \lambda_{Cl^-}) \frac{x(t)}{V}$$
(1) : نعوض في العبارة (*) فنجد

 $x(t) = x_f = n_0$ عند انتهاء التفاعل لدينا :

$$\sigma_f = (\lambda_{H^+} + \lambda_{Cl^-}) \frac{n_0}{V}$$

ب/ جدول تغير X بدلالة t

$$x = \frac{V\sigma}{\lambda_{H^+} + \lambda_{CI^-}}$$
 : x من العبارة (1) السابقة نجد عبارة التقدم

V = 100mL + V = 80mL + 20mL: لدينا

$$V=10^{-4}\,m^3$$
 نحول إلى m^3 لأن λ_{Cl} و فيهما m^3 إذن m^3 اذن m^3 اي

$$x = \frac{10^{-4} \, \sigma}{35.10^{-3} + 7.6.10^{-3}}$$
 نعوض في عبارة x فنجد

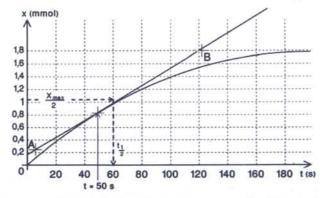
 $x \approx 2,347.10^{-3}.\sigma(mol)$

$$x \approx 2,347\sigma(mmol)$$
: نحول إلى الملي مول $(mmol)$:

ي كل لحظة t نعوض بـ σ فنجد قيمة x ، وهكذا نملأ الجدول :

t(s)	0	30	60	80	100	120	150	200
$\sigma(s.m^{-1})$	0	0.577	0.967	1.18	1,35	1,47	1,62	1,78

x = f(t)رسم المنحني البياني /4



الحل

1/1/ قانون كولروش

$$\sigma = \sum_{i} \lambda_{i} \left[x_{i} \right]$$
 عصلى الناقلية النوعية لمحلول شاردي، شوارده هي x_{i} بقانون كولروش :

مع : [x_i] : التركيز المولية الحجمية لشوارد المحلول،

 λ : الناقلية المولية النوعية للمذاب.

$$(n_{0A})$$
 و $(n_0$ برا المقارنة بين $n_{0A} = C_0 V_0 = 0.10 \times 20.10^{-3}$ الدينا $n_{0A} = 2.10^{-3} \, \mathrm{mol}$

بالنسبة للماء : حجم الماء = %95 من حجم المزيج (ماء- كيتون)

$$V_{H_2O} = \frac{95 \times 80}{100} = 76 \, \text{mL}$$
 : حجم الماء

 $m_{H_2O} =
ho_{H_2O} imes V_{H_2O}$: ڪتلة هذا الحجم من الماء

$$ho_{H_2O}=lg.mL^{-l}$$
 لكن الكتلة الحجمية للماء

$$m_{H_2O} = 1 \times 76 = 76g$$
 إذن:

عدد مولات الماء (كمية المادة) الابتدائي

$$n_{0H_2O} = \frac{m_{H_2O}}{M_{H_2O}} = \frac{76}{18} = 4,2mol$$

نلاحظ أن $n_{0\;eau}>>n_{0\;A}$ فنقول إذن : إن تواجد الماء "بزيادة".

2/ جدول تقدم التفاعل

معادلة التقاعل	$(CH_3)_3CCl_{(aq)}$	$+2H_{2}O_{(1)}$	$=(CH_3)_3COH$	$H_{(aq)} + H_{(aq)}^+$	$+Cl_{(aq)}^{-}$
الحالة الابتدائية	n_0	بزيادة	0 mol	0 mol	0 mol
الحالة الانتقالية	$n_0 - x_f$	بزيادة	x(t)	x(t)	x(t)
الحالة النهائية	$n_0 - x_f = 0$	بزيادة	x_{max} of x_f	x_f	x_f

 $n_{\scriptscriptstyle 0}-x_{\scriptscriptstyle f}=0$. لاحظ أن المركب $(CH_{\scriptscriptstyle 3})_{\scriptscriptstyle 3}CCl$ هو الذي سيختفي من المتفاعلات لذا وضعنا

$$x_f = n_0$$
:

x عبارة الناقلية النوعية للمحلول بدلالة التقدم λ

$$\sigma = \sum \lambda_i [x_i] = \lambda_{H^+} [H^+] + \lambda_{Cl^-} [Cl^-] \dots (*)$$

النمرين 6 (تمرين تجريبي)

. $CH_3COOC_2H_{5(aq)}$ ايثانوات الإيثيل $C_4H_8O_2$ سائل شفاف صيغته نصف المضلة $C_4H_8O_2$ الما هي وظيفته الكيميائية $C_4H_8O_2$ سائل شفاف صيغته نصف المجموعة التي تميزها $C_4H_8O_2$ سائل شفاف صيغته المجموعة التي تميزها $C_4H_8O_2$

ان التفاعل بين إيثانوات الإيثيل ومحلول الصود $(Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-)$ يسمَى تفاعل التصبَن وينمذج بالمعادلة :

$$CH_3COOC_2H_{5(aq)} + Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^- = Na^+ + CH_3COO^- + C_2H_5OH$$

في لحظة $t=0\,s$ نضيف إيثانوات الإيثيل إلى محلول موجود في بيشر هو محلول الصود فنحصل على مزيج حجمه $V_o=1000\,m$ ويكون التركيز المولي لكل الأنواع الكيميائية متساويا ويساوي $C_o=10\,m$.

ليكن X(t) تقدّم التفاعل في اللّحظة t . أنشئ جدول التقدّم.

G(t) لتابعة تطور التفاعل نقيس في لحظات مختلفة الناقلية G(t) بواسطة جهاز قياس الناقلية. أ/ برأيك، لماذا ندرس تطور هذا التفاعل عن طريق قياس الناقلية، ولا ندرسه عن طريق تغير الضّغط أو اللّون ξ

ب/ عبر عن G(t) للمحلول بدلالة الثابت K لجهاز الناقلية والناقلية الشاردية المولية لختلف شوارد المحلول $\lambda_{CH_3COO^-}$ ، λ_{No^+} ، λ_{Na^+}

 $G(t)=rac{K}{V_0}$ بيّن أنها من الشكل $G(t)=rac{K}{V_0}$ ($lpha X\left(t
ight) +eta$ مع تحديد عبارتي الثابتين lpha و

 $G(\infty)$ استنتج عبارة الناقلية في البداية t=0 ، اي G(0) ، والناقلية عند انتهاء النفاعل $t \to \infty$.

 $y(t) = \frac{G(t)}{G(0) - G(\infty)}$ بحیث y(t) بحیث //4

 $X(t) = C_0 V_0(y(0) - y(t))$ بینان (۱)

ب/ بقياس G(t) في لحظات مختلفة X نحصل على الجدول التالي :

t(min)	0	5	9	13	20	00
y(t)	1,560	1,315	1,193	1,107	0,923	0,560

بيّن أنه انطلاقا من الجدول يمكن الحصول على قيم $X\left(t
ight)$ في اللّحظات السّابقة. ارسم بيان $X\left(t
ight)$.

بين أنه يمكن تحد يد الفترة الزمنية اللازمة لتصبن نصف الكمية الابتدائية للاستر.

t=50s حساب سرعة التفاعل في اللحظة /5

t=50 s نرسم مماس المنحني في النقطة التي فاصلتها

$$v = 1, 1.10^{-4} \text{ mol.s}^{-1}$$
, $v = \frac{x_B - x_A}{t_B - t_A} = \frac{1, 8 - 0, 25}{125 - 7}$

 t_{∞} في x_{mux} الأعظمي المقدم الأعظمي أ6

 $(CH_3)_3CCl$ يعين X_{max} من المتفاعل المحد وهو المركب A اي ومن جدول التقدم لدينا .

$$n_0 - x_f = 0$$
; $x_f = x_{max} = n_{0A} = 2.10^{-3} \, mol$

 $t_{\gamma_{\!\scriptscriptstyle L}}$ برا تعیین زمن نصف التفاعل برا

$$x = \frac{x_{max}}{2}$$
 خالة $t_{1/2}$ في حالة

$$x = 1 \text{mmol}$$
 اي $x = 1 \times 10^{-3} \text{mol}$, $x = \frac{2 \times 10^{-3}}{2}$

 $t_{\frac{1}{2}}=60s$: $t_{\frac{1}{2}}$ وهي ننقل هذه النقطة في البيان، ونستخرج الفاصلة الموافقة لها وهي

Hard_equation

الحل

أ/ الوظيفة الكيميانية للمركب

بما أن الصيغة نصف الفصّلة للمركب هي من الشكل R-COO-R' فله وظيفة أستر. O بما أن الحموعة التي تميّزه هي O C=O

2/ جدول التقدم

ن حسب المعادلة الكيميائية المعطاة فإن Na^+ موجود في الطرفين الأيسر والأيمن، مما يدل على أن الشوارد Na^+ لا تتفاعل، وبالتالي الكمية الابتدائية لها $C_0 V_0 - X_{max} = 0$ لا تتغيّر، مع Na^+ الشوارد Na^+ الذن : Na^+ إذن :

أ// هذا التفاعل به شوارد مختلفة، ولذا يفضّل دراسة تطوّره بدراسة تغيّر الناقلية G لهذه الشوارد في الحلول، وبما أنه لا يحتوي على أنواع كيميائية في الحالة الغازية، لذا لا نـدرس تطوّر التفاعل بدراسة تغيّر الضّغط P. كما أنّ المحلول شفّاف ولا يوجد فيه تغيّر لوني ندرسه.

G(t) برارة الناقلية

. نعلم أن G(t)=k حيث k مقدار ثابت ندعوه ثابت جهاز الناقلية.

: تعطى عبارة الثاقلية النوعية $\sigma(t)$ بقانون كولروش

$$\sigma(t) = \sum_{i} \lambda_{i} [X_{i}] = \lambda_{Na^{+}} [Na^{+}] + \lambda_{HO^{-}} [HO^{-}] + \lambda_{CH_{3}COO^{-}} [CH_{3}COO^{-}]$$

 A^- بالرّمز CH_3COO^- بالرّمز كالمهولة نصطلح على كتابة

$$G(t) = k \left(\lambda_{Na^+} [Na^+] + \lambda_{HO^-} [HO^-] + \lambda_{A^-} [A^-] \right)$$
 اذن:

$$[Na^+]=C_0$$
 : وبالتالي $[Na^+]=\frac{C_0V_0}{V_0}$: لكن

$$[HO^-]=C_0-\frac{X\left(t
ight)}{V_0}$$
 اِذَن : $[HO^-]=\frac{C_0V_0-X\left(t
ight)}{V_0}$: ڪذلك :

$$G(t)$$
 نعوض في عبارة $G(t)$ السّابقة فنجد إ $A^{-}J=rac{X(t)}{V_{0}}$

$$G(t) = k \left(\lambda_{Na^{+}} \times C_{0} + \lambda_{HO^{-}} \times C_{0} - \lambda_{HO^{-}} \times \frac{X(t)}{V_{0}} + \lambda_{A^{-}} \times \frac{X}{V_{0}} \right)$$

$$G(t) = k \left[C_{0} (\lambda_{Na^{+}} + \lambda_{HO^{-}}) + \frac{X(t)}{V_{0}} (\lambda_{A^{-}} - \lambda_{HO^{-}}) \right]$$

$$G(t) = \frac{k}{V_0} \left[\underbrace{(\lambda_{A^-} - \lambda_{HO^-})}_{\alpha} X(t) + \underbrace{C_0 V_0 (\lambda_{Na} + \lambda_{HO^-})}_{\beta} \right]$$

$$G(t) = \frac{k}{V_0} (\alpha X(t) + \beta)$$
فهي من الشكل

$$\beta = C_0 V_0 \left(\lambda_{Na^+} + \lambda_{HO^-} \right) \quad \text{o} \quad \alpha = \lambda_{A^-} - \lambda_{HO^-}$$

G(0) عبارة

 $G(0)=rac{k}{V_0}(lpha+0+eta)$ لنجد G(t) لنجد يعوض في عبارة $X=0\,mol:t=0$ لنجد في اللّحظة

$$G(\theta) = \frac{k \, \beta}{V_{\, \theta}}$$
 : each

 $G(\infty)$ عبارة

G(t) فنجد ، $X=X_{\max}=C_{0}V_{0}$ فنجد في اللّحظة $t
ightarrow \infty$ فنجد .

$$G(\infty) = \frac{k}{V_0} (\alpha C_0 V_0 + \beta)$$

X(t) اثبات العبارة X(t)

$$y(t) = \frac{G(t)}{G(0) - G(\infty)}$$
 : لدينا

 $G(0)-G(\infty)$ نعيَن في البداية الفرق

$$G(0) - G(\infty) = \frac{k\beta}{V_0} - \frac{k}{V_0} (\alpha C_0 V_0 + \beta) = \frac{k\beta}{V_0} - \frac{k\alpha C_0 V_0}{V_0} - \frac{k\beta}{V_0}$$

$$G(0)-G(\infty)=-k\,\alpha C_0$$
 اذن:

: نعوض عبارة الفرق في عبارة y(t) لنجد

$$y(t) = \frac{\frac{k}{V_0} (\alpha X(t) + \beta)}{-k \alpha C_0} = \frac{\alpha X(t) + \beta}{-\alpha C_0 V_0} \dots (1)$$

$$n_0 = \frac{C_0 V_0}{2}$$
 بالفعل، يمكن تحديد الفترة الزمنية لنصف الكمية الابتدائية للاستر، وهي

$$n_0 = \frac{10^{-2} \times 1}{2} = 5.10^{-3} \, mol = 5 \, mmol$$

 $t_{1/2} pprox 14 \; min$ ننقل الكمية $X\left(t
ight)$ فنجد قيمة $n_{0}=5 \; mmol$ ننقل الكمية

النمرين 7 (تمرين تجريبي)

عند درجة الحرارة $V=500\,m$ وفي دورق (بالون) حجمه $V=500\,m$ نتابع باستعمال جهاز قياس الضغط، التحوّل الذي يحدث بين حجم $V'=200\,m$ لحلول حمض كلور الهيدروجين قياس الضغط، التحوّل الذي يحدث بين حجم $V'=200\,m$ لحلول حمض كلور الهيدروجين $m_{Mg}=9$, Ocg ذي تركيز مولي $C=10\times 10^{-1}\,mol$ في تركيز مولي الكيميائي الحادث هي :

$$Mg_{(s)} + 2H_{(aq)}^{+} = Mg_{(aq)}^{2+} + H_{2(g)}$$

 $R = 8,31 J.k^{-1}.mol^{-1}$ ، $M_{Mg} = 24,3 g.mol^{-1}$ يعطى:

ما هي النواتج المتشكلة خلال هذا التحول ؟ احسب كميات المادة الابتدائية للمتفاعلات. ما هو المتفاعل الحدّ ؟ علَل.

للغاز P الضغط الجوي في شروط التجربة P التخط P الغاز P الضغط P الغاز الموجود في الدورق لأزمنة مختلفة وتعطى قيمته بالعلاقة P P ، ونحصل على حدول القياسات التالى :

t(s)	0	18	52	71	90	115
$P(10^5 Pa)$	1,009	1,034	1,097	1,127	1,159	1,198
t(s)	144	160	174	193	212	238
$P(10^5 Pa)$	1,239	1,261	1,273	1,294	1,297	1,297
t(s)	266	290				
$P(10^5 Pa)$	1,297	1,297				

أ/ أعط جدول تقدّم التفاعل.

ب/ جد العبارة الحرفية للتقدّم x بدلالة P_{H_2} . مثل بيان تغيّرات التقدم x بدلالة الزمن. سلّم الرّسم : $20s \leftrightarrow 20s$ للفواصل،

للزاتيب. $lcm \leftrightarrow 4 \times 10^{-4} mol$

t=180s عين زمن نصف التفاعل $t_{//}$. عين السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة

عين عند اللّحظة 180s عين عند اللّحظة t=180s عين عند اللّحظة $Mg^{2+}_{(aa)}$

 $V_{\rm m} = 24 L.mol^{-1}$ يعطى الحجم المولي للغاز المنطلق (في شروط التجربة بالقيمة

 $X\left(t\right)=X\left(0\right)=0\,mol$: اللحظة t=0 لدينا t=0

$$y(\theta) = \frac{\alpha + \theta + \beta}{-\alpha C_0 V_0} = -\frac{\beta}{\alpha C_0 V_0}....(2)$$
 اذن:

$$y(t)-y(0)=rac{lpha X(t)+eta}{-lpha C_0 V_0}-rac{-eta}{lpha C_0 V_0}$$
 ، فنجد (2) و (2) فنجد العادلتين (1) و فنجد

$$= \frac{\alpha X(t)}{-\alpha C_0 V_0} - \frac{\beta}{\alpha C_0 V_0} + \frac{\beta}{\alpha C_0 V_0}$$

$$y(t) - y(0) = \frac{X(t)}{-C_0 V_0}$$

 $X(t) = C_0 V_0 \left(y(0) - y(t) \right)$ وهي العبارة المطلوبة.

y(t)=y(0)=1,560 يكون t=0 لل عنا للاحظ الله X(0)=0 mol عندما نعوّض في عبارة X(t) فنجد Y(t)=1,315 لدينا t=5 min وفي اللّحظة

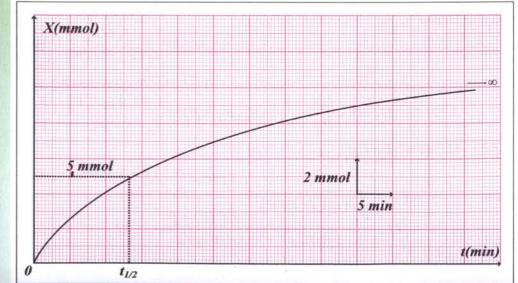
 $V_0=1L$ و $C_0=10\,mmol.L^{-1}=10^{-2}\,mol.L^{-1}$ و ڪما اُن

 $X\left(t
ight)$ عندما نعوض في عبارة

 $X(t) = 10^{-2} \times I(1,560-1,315) = 0$, $245.10^{-2} \ mol = 2$, $45.10^{-3} \ mol = 2$, $45 \ mmol = 2$, 4

t(min)	0	5	9	13	20	00
X(m.mol)	0	2,45	3,67	4,53	6,37	10,00

X(t) رسم البيان



2/ حساب كميات المادة الابتدائية للمتفاعلات

إذا أعطى التركيز C والحجم V نستعمل العلاقة n=CV ، وإذا أعطيت الكتلة m نستعمل العبارة

م ، وهذا لحساب كمية المادة. $n = \frac{m}{M}$

 $n_{Cl^-} = n_{H^+} = C\,V^{\,\prime} = 1.0 \times 10^{-l} \times 2 \times 10^{-l} = 2.0 \times 10^{-2}\,mol$: نحوّل الحجم إلى اللّر $\cdot(g)$ إلى الغرام السنتيغرام ($\cdot(cg)$ إلى الغرام الحول ال

$$n_{Mg} = \frac{m_{Mg}}{M_{Mg}} = \frac{9 \times 10^{-2}}{24,3} = 3.7 \times 10^{-3} \,\text{mol}$$

3/ التفاعل الحد

 $1Mg_{(s)}+2H_{(aq)}^{+}=Mg_{(aq)}^{2+}+H_{2(g)}$ معادلة التفاعل هي

 $\frac{n_{\rm Mg}}{1} = \frac{n_{\rm H^+}}{2}$ فإذا تم التفاعل بنسب ستكيومترية فيجب أن يتحقّق

فإذا تحقّق $\frac{n_{(Mg)}}{2} > \frac{n_{H^+}}{2}$ فانَ Mg وضع بزيادة و H^+ هو الذي ينتهي، وبالتالي هو التفاعل المحدّ.

وإذا تحقّق $\frac{n_{Mg}}{2} < \frac{n_{H^+}}{2}$ فانَ H^+ هو الذي وُضع بزيادة و Mg هو الذي ينتهي، فهو المتفاعل المحدّ.

 $\frac{n_{H^+}}{2}$ و $\frac{n_{\rm Mg}}{I}$ وعليه، فلتحديد المتفاعل المحدّ يجب أن نقارن بين النسبتين

$$\frac{n_{H^+}}{2} = \frac{2 \times 10^{-2}}{2} = 10^{-2} \, \text{mol} \, \text{g} \, n_{\text{Mg}} = 3.7 \times 10^{-3} \, \text{mol}$$

نلاحظ حيننذ أن $\frac{n_{H^+}}{2} > \frac{n_{Mg}}{1}$ ومنه فإن $\frac{Mg}{2}$ هو المتفاعل المحدّ.

4/أ/ جدول التقدّم

المعادلة		Mo. +2F	$H_{(aq)}^{+} = Mg_{(aq)}^{2+} + H_{2(8)}$	$+2H_{2}$	$O_{(1)}$	
	التقدم					
الحالة الابتدائية	0	$3.7 \times 10^{-3} mol$	2.0×10^{-2} mol	0mol	0mol	
A District	v	$3.7 \times 10^{-3} - X(t)$	$2.0 \times 10^{-2} - 2X(t)$	X(t)	X(t)	
الحالة التهائية	X max	$3.7 \times 10^{-3} - X_{max}$	$2.0 \times 10^{-2} - 2X_{max}$	X_{max}	X_{max}	

P بدلالة X بدلالة بارة الحرفية للتقدم

PV=nRT يُعطى القانون العام للغازات المثالية (معادلة الحالة للغازات المثالية) بالعبارة

$$n_{H_2} = \frac{P_{H_2}V}{RT}$$
 إذن

$$X(t) = rac{P_{H_2} \cdot V}{R.T}$$
 : إذن $n_{H_2} = X(t)$ فإن $n_{H_2} = X(t)$ التقدم فإن نبّه إلى الوحدات $n_{H_2} = X(t)$

 $m^3 \perp V$ assult

. $P_{H_2} = P - P_{alm}$ مع (الباسكال) P_a ب P_{H_2}

 $T(k) = \theta(^{\circ}C) + 273$ درجة الحرارة T بK بالكلفن مع T

• التقدم X بـ mol .

. SI الثابت العام للغازات R بR بالثابت العام للغازات R بالثابت العام للغازات R بالثابت العام للغازات الدّولية الم

T=293k ، T=20+273 ومنه $heta=20^{\,0}C$: لدينا المعطيات التالية $R=8.31\,\mathrm{SI}$, $P_{\mathrm{H_2}}=P-1.009\times10^5\,P_a$, $P_{\mathrm{atm}}=1.009\times10^5\,P_a$

: خاز ثنائي الهيدروجين H_2 الناتج عن التفاعل يتصاعد ويحتل الحيّز الفارغ، إذن

V= حجم المحلول - حجم المحلون - حجم الم

 $X(t) = \frac{(P-1,009 \times 10^{+5})3 \times 10^{-4}}{8.31 \times 203}$: نعوض في عبارة X(t) فنجد

عند التبسيط نجد: $X(t) = 1,232 \times 10^{-7} (P - 1,009 \times 10^{5})$ وهي العبارة المطلوبة.

X(t) تمثیل بیان 5

، X(t) عبارة في الجدول في عبارة P العطاة في الجدول في عبارة التمثيل البيان، يجب التعويض عن قيم P

• فمثلاً، من أجل القيمة الأولى : t=0 و t=0 فنجد ؛

 $X(0) = 1,232 \times 10^{-7} (1,009 \times 10^{5} - 1,009 \times 10^{5}) = 0 \text{mol}$

• ومن أجل القيمة الثانية : $P = 1.034 \times 10^5 \, Pa$ و t = 18s فنجد

 $X(18) = 1,232 \times 10^{-7} (1,034 \times 10^{5} - 1,009 \times 10^{5}) = 3,08 \times 10^{-4} \text{ mol}$

 $X(18) = 0.31 \times 10^{-3} \, mol = 0.31 \, mmol$

وهكذا بالنسبة لبقية القيم، لنحصل على الجدول التالي:

t(s)	0	18	52	71	90	115	144	160	174	193	212	238
X (mmol)	0	0,3	1,1	1,4 5	1,8 5	2,3	2,8 3	3,1	3,2 5	3,4	3,5 1	3,5 5

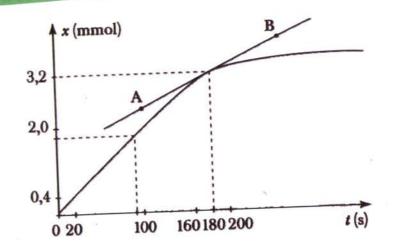
 $n_{H_2} = rac{V_{H_2}}{V_m}$ غاز، فلتعيين حجمه نستعمل العلاقة H_2 وبما أن

 $V_{\scriptscriptstyle m}=24\,L.mol^{-l}$ وهو شروط التجربة وهو $V_{\scriptscriptstyle H}=n_{\scriptscriptstyle H_2}V_{\scriptscriptstyle m}$ إذن : $V_{\scriptscriptstyle H}=n_{\scriptscriptstyle H_2}V_{\scriptscriptstyle m}$

$$V_{(H_2)} \cong 7,9.10^{-2} L$$
 $V_{H_2} = 3,3 \times 10^{-3} \times 24$

 $[Mg^{2+}]$ حساب

$$[Mg^{2+}] = \frac{n_{[Mg^{2+}]}}{V'} = \frac{3.3 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-1}} ; [Mg^{+}] = 1.65 \times 10^{-2} \text{ mol.} L^{-1}]$$



 t_{y} زمن نصف التفاعل 6

$$X_{y_2} = rac{X_{max}}{2}$$
 من جدول القيم لدينا $X_{max} = 2,55 mol$ من جدول القيم الدينا

$$t_{\frac{1}{2}}pprox 87s$$
 : اذن $X_{\frac{1}{2}}=\frac{2,55}{2}$ ، وبنقل هذه القيمة في البيان نجد : اذن

t=180s تعيين السَرعة الحجمية للتفاعل في اللَّحظة و7 نعلم أنّ السرعة الحجمية للتفاعل تعطى بالعبارة :

$$v = \frac{1}{V'} \times \frac{dx}{dt} = (t = 180s)$$
ميل مماس المنحني في المحظة

نختار نقطتين A و B ، ثم نعيّن إحداثيي كلّ منهما :

$$B(t_B = 250s \; ; \; x_B = 4mmol) \; . \; A(t_A = 100s \; ; \; x_A = 2,6mmol) \ V' = 200mL \; g$$

$$v = \frac{1}{V'} \times \frac{x_B - x_A}{t_B - t_A} = \frac{1}{200 \times 10^{-3}} \frac{(4 - 2, 6)}{250 - 100} \times 10^{-3} = 4,67 \times 10^{-5}$$

$$v = 4,67 \times 10^{-5} \text{ mol. } L^{-1}.s^{-1}$$

 V_{H_2} عند اللّحظة 180 $_{H_2}$ عند اللّحظة 180 $_{H_2}$ عند اللّحظة X=3,3mmol نجد من البيان في اللّحظة 180s ال $X=n_{H_2}=n_{Mg^{2+}}$ لدينا $n_{H_2}=3,3mmol$ إذن $n_{H_1}=3,3mmol$

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

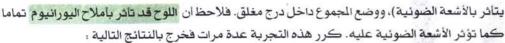
Hard_equation

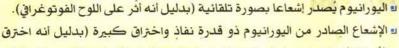
المجال 1 النطورات الرئيبة الوحدة 2 دراسة تحولات نووية

1- النشاط الإشعاعي

1 – 1 – تاريخ

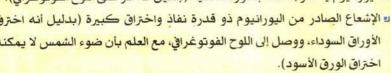
€ في 26 فيفري من عام 1896م لاحظ الفيزيائي الفرنسي (هنري بكريل) بمحض الصدفة أن قطعة من أملاح اليورانيوم كان قد وضعها بجوار لوح فوتوغرافي حساس (cliché) مغلّف بعدة أوراق سوداء (حتى لا





الأوراق السوداء، ووصل إلى اللوح الفوتوغرافي، مع العلم بأن ضوء الشمس لا يمكنه

🗷 تسمى هذه الظاهرة (ظاهرة النشاط الإشعاعي) (la radioactivité).





🤜 بعد هذا الاكتشاف العظيم تمكنت (ماري سكلودفسكايا-كوري) وزوجها (بيار-كوري) بين سنتي 1898م و1899م من الحصول على مادتين أكثر (Ra) والراديوم (Po) والراديوم (Ra) والراديوم (Ra).

◄ في سنة 1903م تمّ منح جائزة نوبل في الفيزياء لكل من بكريل، ماري وبيار، تكريما لأعمالهم في النشاط الإشعاعي الطبيعي.

◄ أما في سنة 1934م فقد تم اكتشاف النشاط الإشعاعي الصناعي من قبل (فردريك جوليو) وزوجه (ايرين كوري جوليو)، ومُنحا على اثره جائزة نوبل في الفيزياء لسنة 1935م.

1 - 2 - ماهية النشاط الإشعاعي الطبيعي

- 🥌 أثار اكتشاف النشاط الإشعاعي الطبيعي، الذي يصدر
- بصورة تلقائية من اليورانيوم أو الراديوم...، أسئلة كثيرة وعجب العلماء لهذا الإشعاع ،
- * من أين يأتي ؟ أمن إلكترونات الذرات مثل أشعة رونتجن أم من الأشعة المبطية، أم من أنوية الذرات؟
- ومن أي شيء يصنع ؟ وكيف يمكن إنتاجه ؟ وهل يحدث تغييرا في المواد التي تطلق إشعاعا ؟



المقدمة

الحمد لله وحده و بعد :

أريدها مقدمة ليست كالقدمات ولذلك أقول ؛ لو اتبعنا تاريخ تطور العلوم الفيزيائية، لوجد نا أن الطريقة التي اتبعها العلماء فيها كانت بسيطة وفعالة، بدءا بالواح ابن سينا ووصولا إلى تجارب غاليله، التي بدأ بها العلم أول دورته، وضغط على زر تشغيل آلة الفيزياء العظيمة.

يقول آينشتاين في ذلك : (التجربة هي لب اختراع غاليله). فغاليله لما أدرك ذلك اعتمد التجربة أسلوبا ومنهاجا، وكذلك فعل من بعده العلماء.

فالإنسان اكتشف أول ما اكتشف الظواهر اليكانيكية والفلكية والضوئية. علمها، فه<mark>مها، ح</mark>اكاها، ومن ثم أوجد قوانينها، قبل أن تذهله الظواهر الكهرومغناطيسية والنووية. فأولى الظواهر الفيزيائية كانت بادية للعيان، التقطتها حواس الناس، فكانت عين اليقين للإنسانية منذ فجر التاريخ. أما آخرها <u>فقد اكتشفت إما بالصد</u>فة (تجربة أرستد ، التحريض الكهر ومغناطيسي لفارادي، أو التحولات النووية على يد بكريل)، أو بتطور وسائل البحث فكانت علم اليقين.

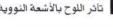
وعليه فإن من وجهة نظر الإبستومولوجيا، ينبغي أن يؤخذ بهذا التدرج في بناء منهاج العلوم الفيزيائية اليوم وغدا. فالمنهاج الذي لا يراعي، ولا يتدرج كما تدرج العلماء في فهمهم للظواهر الفيزيائية والكيميائية هو منهاج ميت فاقد للذاكرة، ولا تغرنك ديباجته، وإن كانت منمقة بكلمات كبيرة في الفيزياء، فهي رطانة سمجة. والمنهاج الذي يكرس في الامتحانات الرسمية طريقة استرداد العلومات كأن التلميذ قرص مدمج، أو وعاء مستطرق، لن يفلح به النشء، ولن يتحقق معه الرجاء. ذلك أنه يجعل منه أذن صاغية وفقط، تعمل بالنظام القسري، لا قلب نابض يعمل بالنظام الحر الغذى. وهنا مكمن الداء وبؤرة الخطر والفصل بين الأقطاب والأصفار.

في كتابنا Z زاد العلوم الفيزيائية، أردنا أن نكسب الرهان، فسعينا أن نعمل بالنظام الحر المغذى، ولا مناص من ذلك، فنحن جادون في أخذ قصب السباق. لذلك ارتاينا أن نسرد حكاية الفيزياء من بد ايتها، حكاية العلماء الذين كرسوا حياتهم لحل لغزها الكبير، وفي ذلك خاضوا كفاحا مضنيا، شاقا، اتسم بروعة الأداء والصبر ومجابهة المعارضين والمشككين. ونعلم ما للقصص من أثر في النفوس.

حاولنا أن نضع لبنة أولى لنرتقي بالنشء، بتوفيق من الله وحده، فيصل إلى زر تشغيل آلة الفيزياء. لا ندعي في ذلك علما، إنما اجتهادا لا غير، فهو ديدننا في كل يوم. ولا نضع همتنا فوق همم الناس، انما نريد أن نستنهض الهمم، من أجلك ياوطني... يا صاح غيرنا قد وصل... فأين الهمام ؟ ... أين ؟

الأستاذ أبو إسلام الحسين مصطفى صالح.













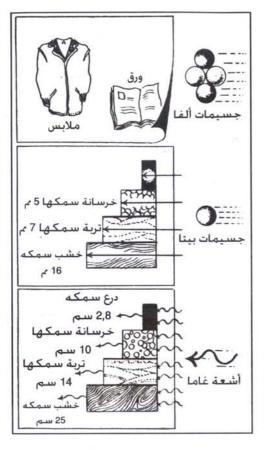
1 - 3 - بطاقة هوية للإشعاعات

 α الاسم : جسيم $q_a=+2|e^-|$ الشحنة . $m_a\approx 7000 m_e$ الكتلة السكونية . $m_a\approx 7000 m_e$ العلامات الخصوصية $m_a\approx 7000 m_e$

* دُو نفاذية ضعيفة في المواد الرمز النووي ، ⁴++ الرمز النووي ،

etaالاسم : حسيم eta eta

 γ الاسم : إشعاع γ الشحنة منعدمة $q_{\gamma}=0$ الشحنة منعدمة $m_{\gamma}=0$ الكتلة السكونية منعدمة . $m_{\gamma}=0$ العلامات الخصوصية : ذو نفاذية خارقة للمواد الرمز النووي : γ_{0}^{0}



1-4-1 النشاط الإشعاعي الصناعي

في 11 جانفي من سنة 1934م تم اكتشاف النشاط الإشعاعي الصناعي من قبل العالمين الفرنسيين (فرديريك جوليو) وزوجته (ايرين كوري)، إذ قذفا صفيحة المنيوم (Al) بجسيمات α صادرة من عنصر مشع هو البولونيوم (Po). وعندما أوقفا القذف بدا لهما وكأن صفيحة (Al) أصبحت مشعة، وبدأت تصدر جسيمات من نوع جديد تسمى البوزيترونات (Positrons)، وهي جسيمات لها نفس كتلة الإلكترون (m_e) ونفس قيمة الشحنة الكهربائية، لكنها موجبة (ومن هنا يأتي مصطلح بوزيترون ؛ لأن الشحنة موجبة)، لذا أعطي لها الرمز (β).

◄ فالألمنيوم في البداية لم يكن مشعا، وبعد قذفه بجسيمات α تحول الجزء المقذوف منه إلى عنصر مشع.
وعلى إثر هذا الاكتشاف العظيم تم منحهما جائزة نوبل للفيزياء سنة 1935م.

انبرى علماء كثيرون للإجابة عن هذه الأسئلة بتجارب غاية في الدقة وكانت نتائجها كالتالي:

لا أكد العالم (بكريل) أن النشاط الإشعاعي لا يتعلق بالحالة الفيزيائية أو الكيميائية للمادة المشعة . فإذا غيرًنا أحد العوامل الفيزيائية التالية: الضغط، درجة الحرارة، أو حالة المادة (سائلة، صلبة أو غازية) تبقى المادة المشعة هي هي، دون تغير نشاطها الإشعاعي، كما أن الحالة الكيميائية للمادة المشعة لا تغير من طبيعتها الإشعاعية مهما كان نوع المادة المرتبطة كيميائيا بالمادة المشعة، وعليه فإن النشاط الإشعاعي لا يتعلق بالتركيب الإلكتروني وبالتالي الكيميائي للمادة المشعة .

بيتا $(oldsymbol{eta})$. $(oldsymbol{arepsilon})$ بين $(oldsymbol{eta})$ بيمكن $(oldsymbol{arepsilon})$ بيمكن ان تنحرف في حقل مغناطيسي، وأن نسبة شحنتها إلى كتلتها $(oldsymbol{arepsilon})$ التي اكتشفها (تومسون) سنة $(oldsymbol{arepsilon})$ لذا $(oldsymbol{arepsilon})$

اذن جسيمات $oldsymbol{eta}$ هي الكترونات. $oldsymbol{eta}$

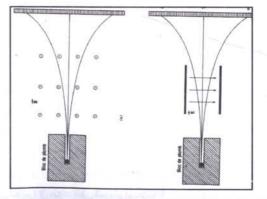
- ان أشعة lpha هي جسيمات مادية. - من خصائص الامتصاص - أن أشعة lpha هي جسيمات مادية.

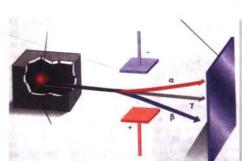
 μ وفي عام 1903م نجح رذرفورد في حرف جسيمات μ في حقل مغناطيسي، وأشارت جهة الانحراف إلى أنها معناطيسي، وأشارت جهة الانحراف إلى أنها جسيمات ذات شحنة موجبة، وبين أن شحنتها ($m_{\alpha} \approx 7000 m_e$) وأن كتلتها ($m_{\alpha} \approx 7000 m_e$) أي أن جسيم μ ما هو إلا نواة الهيليوم μ .

فهي جسيمًات تشبه تماما الإلكترونات، لذا اصطلح عليها برمز

في سنة 1900م بين العالم الفيزيائي الفرنسي (Villard) وجود نوع ثالث من الإشعاعات هو إشعاع غاما (٧)، وهو إشعاع مماثل للأشعة الضوئية، لكنه ذو نفاذية عظيمة في المواد، وهو غير مشحون، بدليل أنه لا ينحرف في حقل مغناطيسي.

بناءً على ما سبق نقول : إنه عند تحريض الإشعاع الصادر من المواد المشعة بحقل مغناطيسي \overrightarrow{B} أو حقل كهربائي \overrightarrow{E} فإنه يترك ثلاثة آثار في اللوح الفوتوغرافي المحمض، أي أنه ينحرف إلى ثلاث حزم.





هي اربعة :

- lpha التفكك الفا (lpha) ؛ هو إصدار جسيمات، كل جسيم هو نواة الهيليوم $_2^2$ ويسمى جسيم
 - $(eta^-_{-1}e)$ هو إصدار إلكترونات $(eta^-_{-1}e)$ سريعة.
 - 0 ا: هو إصدار بوزيترونات (eta^{+}) : هو إصدار بوزيترونات
- $\frac{1}{2}$ الإصدار غاما (إشعاع γ) ؛ هو إصدار فوتونات $\binom{0}{0}$)، وهي إشعاعات كهرومغناطيسية لكنها ذات طاقة عالية.

◄ ملاحظة

- . (γ) وتصدر الشعة طبيعيا تحدث التفككين (α) و (β^-) وتصدر اشعاع (γ).
 - \star العناصر المشعة صناعيا تحدث التفكك (β^+).

◄ كيف يمكن الكشف عن ظواهر النشاط الإشعاعي ؟

توجد عدة طرائق للكشف عن ظاهرة النشاط الإشعاعي هي :

عداد جيجر - مولر

(Compteur Geiger-Muller)

مبدأ عمله بسيط (انظر الشكل المرفق)، يطبق توترا كهربائيا بين السلك المعدني والأنبوب الأسطواني المملوء بغاز (الهواء مثلا).

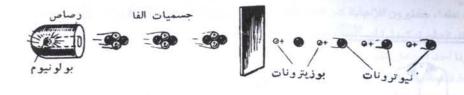
فإذا وجدت مادة مشعة بجوار الأنبوب، فإن إشعاعها يؤين الهواء الموجود في الأنبوب فيحدث تفريغ كهربائي بين C وينتج عنه تيار يمر عبر الدارة C ،M ،B ،F ،C ،ومن تغيير في التوتر الكهربائي U_{BM} فيمر عبر المضخم A ، ومن ثم نحو مكبر الصوت، فيسمع طقطقة ،أو يمر عبر عداد الإشارات.

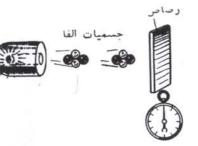
غرفة التأين

تشبه في مبدأ عملها عداد جيجر إلا أنها مزودة بكاشف كهربائي مشحون (بالموجب مثلا)، فإذا مر الإشعاع من أنبوب غرفة التأين، فأنه يؤين الهواء، فتنتج الكترونات يجذبها الكاشف الكهربائي، وبالتالي يحدث له تفريغ كهربائي، فنشاهد اقتراب الرقاقتين من بعضهما.

غرفة ويلسون

تملؤ الغرفة بهواء مشبع ببخار الماء، فإذا مر الإشعاع النووي يتأين الهواء، وتنتج عنه حرارة تكفي لتكثف بخار الماء، في كل نقطة من فضاء الغرفة، يمر بها الإشعاع مما يجعله يترك أثرا ماديا (قطيرات الماء) في كل مساره.







 $q_{\beta+}=+\left|e^{-}\right|$ الشحنة ، $q_{\beta+}=+\left|e^{-}\right|$ الكتلة السكونية ، $m_{\beta+}\approx m_{c-}$ العلامات الخصوصية $m_{\beta+}\approx m_{c-}$ * يسمى ضديد الإلكترون

- - الرمز النووي: والم

الاسم: جسيم + 8

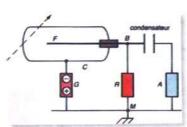
1 – 5 – نتانج

🤜 ما هو النشاط الإشعاعي ؟ وما هي طبيعته وخصائصه ؟

- . والنشاط الإشعاعي هو الإصدار التلقائي والمستمر للجسيمات $eta^-,eta^+,lpha$ وإشعاع γ
- العينات التي تحدث النشاط الإشعاعي تسمى النابع المشعة (أو العناصر المشعة) مثل اليورانيوم (U) والبولونيوم (Po).
- النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحتة، لا علاقة لها بالبنية الإلكترونية للعنصر المشع، أو بالارتباط الكيميائي له مع بقية العناصر.
- النشاط الإشعاعي لا يتعلق بالحالة الفيزيائية للمواد المشعة، ولا يتغير بتغير الحالة الفيزيائية، من غازية وصلبة وسائلة.

🥏 ما هي أنواع الجسيمات والإشعاع الصادر عن العناصر المشعة ؟





2- النواة ـ الاستقرار وعدم الاستقرار

-1-2 النواة

2-1-1- بنية النواة

تتالف نواة الذرة من النويات أو النكليونات (les nucléons).

إ ما هي النويات؟

⊳ النويات نوعان من الجسيمات وهما:

البروتون (P): جسيم نووي اكتشفه العالم (رذرفورد) سنة 1919م له بطاقة الهوية التالية:

P.ojas q=+e=+1,6×10⁻¹⁹c ، شحنته موجبه كتلته السكونية :

 $m_p = 1,6726 \times 10^{-27} \text{kg} \text{ s/m}_p = 1836 \text{m}_e$ قطره # a الم 1,8×10-14cm

النترون (n) : جسيم نووي اكتشفه العالم الإنجليزي (جيمس شادويك) سنة 1932م وبطاقة هويته :

شحنته متعادلة كهربائيا : q_=0 c m =1,6749×10⁻²⁷kg ، كتلته

قطره # 1,5×10⁻¹³cm

2-1-2 رمز النواة

يرمز لنواة أي عنصر كيميائي (X) بالرمز

٢ ٢ ◄ عدد البروتونات

عدد البروتونات، ويسمى أيضا العدد الشحني أو العدد الذري. Z

العدد الكتلي= عدد النويات= عدد البروتونات(Z)

السع جيمس شادريك (1891-1974)

مثال : نواة اليورانيوم المخصب (U) تحتوي على 92 بروتونا و143 نترونا.

اذن: 2=2 و 143=N

ومنه: A=Z+N=143+92 ، إذن : A=Z+N=

ولذا يكون رمزنواة اليورانيوم المخصب هو: U^{A}_{Z} أي U^{235}_{Q}

(Isotopes) النظائر

كل الأنوية التي لها نفس عدد البروتونات (Z) ومختلفة في عدد االنترونات (N) تسمى نظائر، وهذا بناءً على اقتراح من العالم آستون.

◄ أمثلة:

* العنصر الكيميائي (X) هو خليط من النظائر، وبنسب مئوية مختلفة، وعليه فإن نظائر العنصر الكيميائي الواحد تحتل نفس المكان (isotopes) في الجدول الدوري، ولهذا السبب أطلق العالم آستون (Aston) المصطلح اليوناني (isotopos)، أي نفس المكان لنظائر العنصر الواحد، فمثلا: عنصر

اليورانيوم (U) يوجد في الطبيعة على شكل 3 نظائر هي :

 $^{235}_{92}$ بنسبة مئوية بعدد الذرات تساوي (%0,720)

عنصر الكربون (C) يتألف من : (98,89%) $^{12}_{6}$ و(1,111%) وبعض آثار الكربون المشع $^{14}_{6}$). $(0,015\%)^2_1$ والديتيريوم (H) عنصر الهيدِروجين (H) عنصر الهيدِروجين (H) عنصر الهيدِروجين (ط) عنصر الهيدِروجين (H) عنصر (H) ع وبعض آثار الثريثيوم (H_1^3).

الرمز النووي لبعض الجسيمات تحت الذرية (particules subatomiques)

جسيم lpha : هو نواة الهيليوم التي تحتوي على 2 بروتون و2 نترون، لذا يأتي رمزه النووي كما يلي:

etaجسيم eta أو الإلكترون (e^-) : بناء على اقتراح من العالم صودي (Soddy) يعطى له الرمز النووي (e^-). eta^+ جسيم eta^+ أو البوزيترون (e^+) وهو ضديد الإلكترون : رمزه النووي هو

0=A اشعاع γ : رمزه النووي (γ_0^0)، اي : شحنته N=0 وكتلته N=0

0=A النوترينو u: رمزه النووي (u0)، اي : شحنته u2 وكتلته

ضدید النوترینو $\overline{\mathcal{V}}$: رمزه النووي $(0\overline{\mathcal{V}})$

استقرار وصم استقرار النواق -2-2

2-1-1- تأثير القوة النووية القوية في استقرار النواة

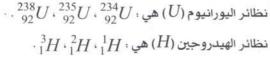
🤜 كيف تفسر استقرار أغلبية أنوية العناصر الموجودة في الطبيعة من (U) الهيدروجين (H) إلى اليورانيوم

◄ وكيف تفسر عدم استقرار بعض الأنوية، سواء التي يحدث لها نشاط إشعاعي طبيعي أو صناعي ؟

نفسر ذلك بالمقاربة الفيزيائية التالية :

من المعلوم أن قوى التنافر الكهربائية (الكولومبية) بين البروتونات في النواة والمشحونة بشحنة كهربائية موجبة تساهم في عدم استقرار النواة. غير أننا نجد في الطبيعة أن أغلبية العناصر مستقرة ومتماسكة. وهذا





◄ ملاحظات

 $^{238}_{92}$ بنسبة مئوية بعدد الذرات تساوي (%99,275)

 $^{234}_{92}$ بنسبة مئوية بعدد الذرات تساوي ($^{0,0056\%}_{92}$

بكثير من القوة الكولونية، الأمر الذي يؤدي إلى استقرارها.

مثال : بين أن نواة الكربون 12 مستقرة.

هنا Z=17 وZ=35-17 إذن N=18 فنلاحظ أن Z=17 أي Z=17 بتقريب I فالنواة مستقرة. تفسير استقرار الأنوية المتوسطة 20<Z<82

كل الأنوية المستقرة والتي تنتمي إلى المجال ZO<Z<82 تتميز بأن عدد بروتوناتها قد زاد، وبالتالي تزداد معه قوة التنافر الكهربائي، بينما يُرَجُّح - من جهة أخرى - نقصان القوة النووية القوية الجاذبة، لأنه بازدياد عدد النويات (البروتونات والنترونات) يزداد حجم النواة، فيزداد ابتعاد النويات عن بعضها، لأن القوة النووية تخضع ـ كما أسلفنا ـ لخاصية التشبع، فتصبح النويات البعيدة غير متأثرة ببعضها البعض. وهكذا يبدو أن شدة القوة النووية القوية أصبحت أضعف من شدة القوة الكولومبية، مما يسبب عدم استقرار النواة. إلا أن هذا لم يحدث، فكيف نفسر استقرار هذه الأنوية ؟

إذا نظرنا من جديد إلى الأنوية Z < 82 نلاحظ أن فيها : عدد النترونات (N) أكبر من عدد

تفسير عدم استقرار الأنوية الثقيلة 2>82 بزيادة عدد البروتونات Z تصبح قوة التنافر الكولومبي أكبر من القوة النووية القوية، وهذا مهما زاد عدد النترونات N على عدد البروتونات، وهكذا تصبح النواة غير مستقرة.

لذا نقول إن أغلب الأنوية التي لها 2>82 هي أنوية لعناصر مشعة.

مثال : نواة U^{238}_{02} هي نواة غير مستقرة إذ يحدث لها تفكك (α) فهي نواة لعنصر مشع، Z>82 إذن Z=92 إذن Z>82ومنه فالنواة U_{92}^{238} غير مستقرة. توقع نوع التفكك للأنوية غير الستقرة β^- كيف نتوقع التفكك β^- ؟

القول إن كل الأنوية التي لها Z<20 وتنتمي إلى منطقة الاستقرار تكون فيها القوة النووية القوية أكبر

نلاحظ هنا أن N=Z=6 فالنواة إذن مستقرة.

مثال : بين أن نواة 35 مستقرة.

البروتونات (Z) أي (Z < N) ، وهذا العدد الزائد من النترونات يعمل على تخفيف الشحنة الكهربائية الموجبة مما يجعل القوة النووية القوية أكبر شدة من قوة التنافر الكولومبية، وبهذا نفسر استقرار

مثال : نواة الرصاص (206) اي $\frac{N}{82}$ هي نواة جد مستقرة لأن $\frac{206-82}{82}$ ومنه اي (N>1,54Z)، فالنواة مستقرة. $\frac{N}{Z}\approx 1,54$ يؤدي بنا إلى القول بأنه توجد قوة أخرى ذات تأثير جاذب، تمنع تنافر البروتونات داخل النواة، إذن فهي التي تضمن بقاء النواة متماسكة. هذه القوة تسمى القوة النووية القوية.

نلخص فنقول إن استقرار النواة من عدمه يعتمد على نوعين من القوى هما :

1/ قوة التنافر الكهربائي (القوة الكولومبية)

مسؤولة عن التنافرالكهربائي بين البروتونات داخل النواة.

و نوع تأثيرها : تنافري.

🗉 مدى تأثيرها : كبير جدا (يقال لانهائي) ، بمعنى أن كل البروتونات مهما كانت بعيدة بعضها عن بعض تتأثر بالنتافر الكهربائي فيما بينها.

شدتها : تعطى بقانون كولوم، وهي أضعف من شدة القوة النووية القوية بكثير.

2/ القوة النووية القوية

مسؤولة عن تماسك البروتونات.

 قاثيرها : تجاذبي بمعنى أن البروتون يحدث تجاذبا مع بروتون آخر بفضل هذه القوة النووية داخل النواة، كما يحدث تجاذب بين (p) و(n) وأيضا بين (n) و(n).

= مدى تأثيرها : قصير، أي على مستوى النواة فقط، أي في حدود ($10^{-15}m$).

شدتها : كبيرة بحيث تعتبر أكبر القوى الأساسية الأربع في الطبيعة.

تتميز القوة النووية بخاصية التشبع (Saturation) التي تتمثل في أن النوية (بروتون أو نترون) لا تؤثر إلا في العدد المحدود من النويات المجاورة لها مباشرة، ولا يصل تأثيرها إلى النويات البعيدة عنها.

2-2-2 تأثير عدد البروتونات (Z) وعدد النترونات (N) في استقرار أو عدم استقرار النواة

(N,Z)

تم تحديد الأنوية المستقرة من عدمها في مخطط (N,Z) بدلالة (N,Z) ندعوه الخطط (N,Z)، وهو الموضح في

تعليق على الخطط (N,Z)

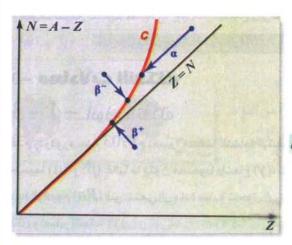
 العناصر الستقرة ممثلة بنقاط سوداء، لا تشكل خطا منحنيا بل تشكل منطقة ندعوها منطقة الاستقرار zone de stabilité

تفسير استقرار الأنوية الخفيفة التي لها 2<20

نلا حظ أن منطقة الاستقرار في حالة Z < 20 تقع بجوار المستقيم المنصف $N{pprox}Z$ ، وفي هذه الحالة يتحقق :

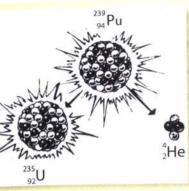
عدد البروتونات = عدد النترونات.

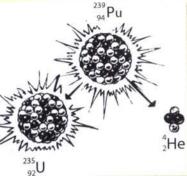
نستنتج أنه إذا تحقق $N{pprox}Z$ فإن النواة تكون مستقرة وهذا معناه أن النواة متماسكة، وهذا ما يؤدي بنا إلى



التفكك A

التفكك هو إصدار جسيمات، كل جسيم يشبه نواة الهيليوم (4He) أي يحتوي على 2 بروتون و2 نترون. $_{Z}^{A}X \rightarrow _{2}^{4}He + _{Z-2}^{A-4}Y$ معادلة التفكك هي





 $^{239}_{94}Pu \rightarrow ^{235}_{92}U + ^{4}_{2}He$ مثال : مثال

التفكك $^{-}$ هو إصدار إلكترونات سريعة ($^{0}e_{-1}$) من النواة. معادلة التفكك هي : $^{0}Z^{X}
ightarrow _{-1}^{0}e + {}^{A}_{Z+I}Y + {}^{0}\overline{\nu}$.

 \overline{v}_0^0 هو ضديد النوترينو.

 $^{14}C \rightarrow ^{14}N + ^{0}_{-1}e + ^{0}\overline{\nu}$:

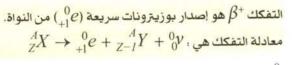
كيف يمكن للنواة إصدار الكترون؟ وهل هذا يعني أن النواة تحتوي على الكترونات؟ كلاً، فالنواة لا تحتوي على الكترونات.

إذن، من أين أتى هذا الإلكترون ($\stackrel{0}{e}_{-1}$) الذي أصدرته النواة $^{\circ}$

لقد تبين أن في النواة يتحول نترون إلى بروتون والكترون وضديد النترينو $\overline{\mathcal{V}}$ كما يلي :

 $a \to {}^{1}p + {}^{0}e + {}^{0}\overline{\nu}$

В⁺ التفكك □



 $^0_0{}^{\mathcal{V}}$ هو النترينو.

 $^{14}_{6}C \rightarrow ^{11}_{5}B + ^{0}_{+1}e + ^{0}_{0}v :$

 $(+_{1}^{^{U}}e)$ على بوزيترون وهل هذا يعني أن النواة تحتوي على بوزيترون $(+_{1}^{^{U}}e)$

كلا، فلقد تحول بروتون داخل النواة إلى نترون وبوزيترون ونوترينو $^0\mathcal{V}$ كما يلي :

 $0 \to {}^{1}_{0}n + {}^{0}_{+1}e + {}^{0}_{0}v$

كل الأنوية الغنية بالنترونات (مقارنة مع الأنوية المستقرة) نتوقع أن يحدث لها تفكك (-8). فينقص عدد نتروناتها ويزداد عدد بروتوناتها، وبالتالي يحدث لها تركيب (بروتوني-نتروني) مشابه

لتركيب الأنوية الستقرة.

؟ مثال : eta^{-14} هي نواة مشعة يحدث لها تفكك eta^{-14} ، فكيف نفسر ذلك

وعندما يحدث لها التفكك eta^- ينقص عدد نتروناتها، فتتحول إلى نواة مستقرة، كما يلي :

$${}^{14}_{6}C \rightarrow {}^{0}_{-1}e + {}^{14}_{7}N$$

فالنواة N=7 هي نواة مستقرة (لاحظ أن Z=7 و Z=7 إذن N=7 ومنه N=Z).

إذا نظرنا إلى الخطط (Z,N) نجد أن التفكك β^- يحدث للعناصر المشعة التي تقع

إلى يسار منطقة الاستقرار (انظر الشكل المرفق).

 (β^+) كل الأنوية الغنية بالبروتونات (مقارنة مع الأنوية المستقرة) نتوقع أن يحدث لها تفكك

فينقص عدد بروتوناتها ويزداد عدد نتروناتها، وبالتالي يحدث لها تركيب (بروتوني-نتروني) مشابه لتركيب الأنوية المستقرة.

إذا نظرنا إلى المخطط (N,Z) نجد أن التفكك (eta^+) يحدث للعناصر المشعة الصناعية التي تقع إلى يمين منطقة الاستقرار. (انظر الشكل المرفق).

مثال : النواة ^{12}N تتميز بان Z=2 و N فهي إذن غنية بالبروتونات مقارنة مع النواة المستقرة، لذا $^{12}N
ightarrow ^0_{+1} e + ^{12}_{6} C$: نتوقع أن يحدث لها التفكك eta^+ ، وعندها تتحول إلى نواة مستقرة كما يلي

≅ كيف نتوقع التفكك α ؟

lphaكل الأنوية التي لها $Z{>}82$ (او $Z{>}200$) نتوقع أن يحدث لها التفكك $Z{>}82$

3- معادلات التفكك

1-3 أنواع التفكك

قدُم رذرفورد سنة 1903م تفسيرا مدهشا للنشاط الإشعاعي، إذ أكد أن نواة العنصر المشع عندما تصدر جسیما (lpha) أو (eta) غالبا ما یکون مصحوبا باشعاع (γ) ، تتحول من نواة إلى نواة أخرى مختلفة تماما، مثل نواة الراديوم (Ra) التي تنتمي إلى مادة صلبة تتحول إلى نواة الرادون (Rn) الغازي، بعدما يحدث لها تفكك (γ) وتصدر اشعاعا (γ) .

إذن فهل نحن إزاء تحويل العناصر بعضها إلى بعض، الذي طالما حلم به السيميائيون (الكيميائيون الأوائل)؟



إن النواة الناتجة عن احد التفككين (α) و (β) (والتي تسمى نواة بنتا) يمكن أن تكون في حالة "إثارة" (état excité)، كان تكون لها طاقة إضافية زائدة على المستوى الأساسي لطاقتها العادية، فإنها تفقد هذه الطاقة الزائدة على شكل إشعاع كهرومغناطيسي يسمى "إشعاع γ " طول موجته صغير جدا (في حدود $\lambda_{\gamma}=10^{-12}m$)، وبالتالي فإن طاقته كبيرة جدا. وبفقد هذا الإشعاع، تعود النواة المثارة إلى المستوى الأساسي لطاقتها.

يعبر عن النواة المثارة بالرمز X^* (بوضع العلامة X)، وعن النواة في حاتها الأساسية بالرمز X^* (بدون علامة).

$$_{Z}^{A}X^{*} \rightarrow _{Z}^{A}X + \gamma$$

2-3 - قانونا الانحفاظ (قانونا صودي للانحفاظ)

ت قانون انحفاتظ الشحنة الكهربائية (Z)

(Z') أنوية قبل التفكك (Z) أنوية بعد التفكك (Z') ، أمحنة الأنوية بعد التفكك Z=Z'

A قانون انحفاظ عدد النويات (قانون انحفاظ العدد الكتلي A عدد النويات قبل التفكك A' عدد النويات بعد التفكك A' A' A'

(Z) التحقق من انحفاظ (Z) التحقق من انحفاظ (Z) $Pu \longrightarrow \frac{92}{\sqrt{}}U + \frac{2}{2}He$ $\sqrt{}$ Z=94 Z'=92+2=94 Z=Z'=94 ! Z=Z'=94 ! Z=Z'=94 التحقق من انحفاظ (A) التحقق من انحفاظ (A) $\sqrt{}$ $\sqrt{}$

A = A' = 239 إذن:

4- الناقص في النشاط الإشعاعي

وجد رذرفورد أن المادة المُشعة وهي تتفكك يقل نشاطها، فمثلا إذا كانت قطعة من مادة مشعة $\frac{1000}{100}$ بداية $\frac{1000}{100}$ جسيم (α أو β^+ أو β^+) في الثانية الواحدة، فمن باب الاحتمال، تطلق بعد مدة قصيرة (α) حسيم فقط في الثانية، وبعد فترة أطول لا بد أن تطلق عددا أقل من الجسيمات... وهكذا. ولا بد أن يجيء الوقت الذي تصبح المادة المشعة فيه قادرة على إطلاق $\frac{500}{100}$ جسيم في الثانية فقط، أي نصف العدد الذي كان يمكنها إطلاقه في أول الأمر (بداية القياس).

A(t) with A(t) = 1 - 4

النُساط الإشعاعي لعينة من الأنوية المشعة في لحظة زمنية (t) هو عدد التفككات (A) التي تحدث لها في وحدة الزمن (أي في 1 ثانية).

يساوي 1000 تفكك في الثانية ؛ A_0 يساوي 1000 تفكك في الثانية ؛ $A_0=1000~dcute{e}$ يساوي $A_0=1000~dcute{e}$

ي بعد مدة يكون النشاط نقص إلى النصف أي $\frac{A_0}{2}$: يا بعد مدة يكون النشاط نقص إلى النصف أي $\frac{A_0}{2}$

 $\frac{A_0}{2}$ = 500 désintégrations/sec

اعطى رذرفورد اسم "نصف العمر $\frac{t_l}{2}$ " (أو عمر النصف) (demi vie) للوقت الذي ينخفض فيه نشاط المادة الشعة إلى النصف.

هذه الفترة من الزمن أي $\binom{l_1}{2}$ تختلف من مادة مشعة إلى أخرى. فبعض المواد تتفكك ببطء شديد وينخفض نشاطها ببطء شديد أيضا، لذلك فإن "نصف عمرها" يكون طويلا جدا.

 $t_{\underline{l}}$ = $4{,}5.10^9$ a : مثال اليورانيوم هو 4500 مليون سنة اي ليورانيوم هو $t_{\underline{l}}$ = $1{,}56.10^3$ a : سنة اي $t_{\underline{l}}$

2-4 - قانون تناقص النشاط الإشعاعي

في دراستنا السابقة بيّنًا أن كل نواة يورانيوم 238 يحدث لها التفكك (α) . لكن، هل فعلا كل الأنوية لعينة من $(238 \choose 22)$ يحدث لها التفكك α ؟

ڪلا! ...

ولإيضاح ذلك، نورد التجربة التالية.

باستعمال عداد جيجر، تم إحصاء عدد التفككات (α) لعينة من 1g كتلتها 1g فوجد أنه يحدث باستعمال عداد جيجر، تم إحصاء عدد التفككات (α) لعينة من 1g نواة، أي على الما 15000 تفككا فقط في 1 ثانية، رغم أن 1g بحتوى على 15000×10^{23} نواة، أي على

لها 15000 تفككا فقط في 1 ثانية، رغم أن 1g يحتوي على $10^{23} \times 6,023 \times \frac{1}{238}$ نواة، أي على 15000 تفكك فقط في الثانية، إلا أننا 15000 نواة، وبالتالي لو حدث لكل نواة منها تفكك (α) لأحصينا 15000 تفكك في الثانية، إلا أننا لم نحص غير 15000 تفكك. فنستنتج أن التفكك (α) لا يحدث لجميع أنوية العينة، فالتفكك قد يحدث لهذه النواة أو تلك، بدون تحديد، وبشكل عشوائي.

نستنتج أن التفكك النووي هو ظاهرة تلقائية عشوائية،

إحصائية تطبق عليها قوانين الإحصاء والاحتمالات.

الدراسة الإحصائية

ان احتمال تفكك نواة واحدة في 1 ثا من العينة السابقة نرمز له بالرمز (λ) ونحسبه من المثال السابق كالتالي $\lambda = \frac{15000}{2.5.10^{21}} = 6.10^{-18}$

وهذا الاحتمال متساو لكل نواة من أنوية العينة.

 $\lambda = \lambda imes 1$ بشكل عام ؛ نفترض أن احتمال تفكك نواة واحدة في 1 نا هو ؛

 $(t{=}0)$ عدد أنوية العنصر المشع في اللحظة الابتدائية: N_0 (t) عدد الأنوية المتبقية بعد التفكك في اللحظة N

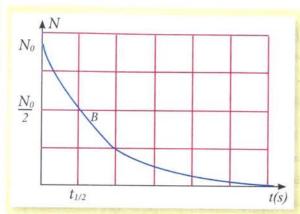
ايضا واحدة، ويسمى أيضا ؛ احتمال تفكك نواة واحدة في ثانية واحدة، ويسمى أيضا ثابت الإشعاعية (أو ثابت التفكك)، ويبين سرعة التفكك.

قانون تناقص النشاط الإشعاعي $N=N_0e^{-\lambda t}$

N=f(t) الموضح بالشكل المقابل المابان قانون التناقص الإشعاعي N=f(t)

" فترة نصف العمر إل

فترة نصف العمر هي الزمن الذي يستغرقه العنصر المشع لكى يتفكك نصف العدد الابتدائي 20 لأنويته. اي من اجل $t = t_1$ تتفكك $\frac{N_0}{2}$ نواة. و N_0 هو العدد الابتدائي (في بداية القياس) لأنوية العنصر المشع.



عبارته ، نعوض بـ $rac{t_2}{2}$ و $N=rac{N_0}{2}$ في قانون التناقص فنجد ؛

$$\frac{N_0}{2} = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}}; \quad \frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}}$$

$$-\lambda t_{1/2} = \ln(\frac{1}{2})$$

$$-\lambda t_{1/2} = \ln 1 - \ln 2$$

$$-\lambda t_{1/2} = 0 - \ln 2$$

 $t_{\underline{j}} = \frac{ln2}{\lambda}$: في الأخير، عبارة نصف العمر هي

🗉 النشاط الإشعاعي (A) لعنصر مشع

النشاط الإشعاعي لعنصر مشع هو عدد التفككات التي تحدث له في ثانية واحدة.

$$A {=} \left| rac{\Delta N}{\Delta t}
ight|$$
 : على التعريف السابق، نكتب على التعريف

 $\lambda' \!\!=\!\! \lambda \! imes \! 2$. وبالتالي فاحتمال تفكك نواة واحدة في 2ثا هو λdt . هو (dt) هو زمن صغیر (dt) هو اوحده فی زمن صغیر $N\lambda dt$. هو (dt) من (من (N) هو واحتمال تفكك (N

إذن : عدد الأنوية المتفككة في زمن dt يساوي Nadt إذن :

من جهة أخرى، نفترض أن N_o هو عدد الأنوية المشعة في بداية الزمن ($t\!=\!0$) (بداية القياس)، إذن في اللحظة (t) يتناقص عددها فيصبح مساويا (N)،

وفي اللحظة (t+dt) يكون عددها (N+dN).

نستنتج أن عدد الأنوية المتفككة في اللحظة (dt) المحصورة بين اللحظتين (t+dt) و(t) هو : N-(N+dN)=-dN

> $N\lambda dt = -dN$. بالطابقة بين (*) و(**) نجد

> > (***) $\frac{dN}{dt} = -\lambda N$: ومنه

ان المقدار $\frac{dN}{dt}$ يعبر عن مشتق الدالة N(t) بالنسبة إلى الزمن أي N'(t)، لذا نكتب للسهولة :

 $N'(t) = \frac{dN(t)}{dt}$

 $N'(t)=-\lambda N(t)$ ومنه نجد:

لاحظ أن هذه المعادلة فيها المتغير N(t) والمشتق الأول N'(t) لنفس المتغير، فهي من الشكل الرياضياتي :

Y'+aY=0 gi Y'=-aY

لذا يقال عنها إنها معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى (لوجود المشتق الأول) وبدون طرف ثان.

فكيف نجد حلا لهذه المعادلة ؟

نقوم بالمقاربة الرياضياتية التالية :

ندعو الدالة $Y{=}be^{-ax}$ الدالة الأسية.

Y=b فإن x=0 فإن عندما يكون

 $Y'=-abe^{-ax}$ مشتق هذه الدالة هو

Y'=-aY

 $Y=be^{-ax}$ ان حل المعادلة التفاضلية Y'=-aY هو الدالة الأسية!

 $N{=}ae^{-\lambda t}$ هو الدالة $N'(t){=}{-}\lambda N(t)$ هو الدالة التفاضلية ومنه نستنتج أن حل المعادلة التفاضلية $N_0{=}ae^{-\lambda(0)}$; $N_0{=}a$: وإذا اعتبرنا أن في اللحظة ($t{=}0$) كان عدد الأنوية هو وإذا اعتبرنا أن في اللحظة

ومنه نجد : $N=N_0e^{-\lambda t}$ وهو قانون تناقص النشاط الإشعاعي.

اي: $N=\frac{N_0}{e}\approx 0.368N_0$ وهو ما نريد الحصول عليه.

 $\frac{1}{e} = \frac{1}{2,718} = 0,368$. لاحظ ان

au عيفية تعيين الثوابت (λ) و (t_{j}) و (au) بيانيا

(B) نعين $(\frac{N_0}{2})$ ونمددها فتقطع المنحني البياني في النقطة (B). ثم نعين فاصلة النقطة في تعيين $(t_{\underline{j}})$. ثم نعين فاصلة النقطة (B). ثم نعين فاصلة النقطة (B).

تعيين (τ) : نرسم مماسا (Δ) للمنحني في اللحظة (t=0) ونمدده فيتقاطع مع الحور (t) في نقطة فاصلتها هي (τ) .

 (λ) : عندما نعین (τ) نستطیع تعیین

ملاحظة هامة : يمكن أن نتأكد من أن (\mathcal{T}) يعين من ميل الماس (Δ) كما يلي :

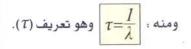
$$(t{=}0$$
 ميل $\Delta {t}{=}\Delta$ (في اللحظة) ميل

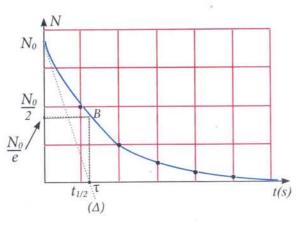
$$\Delta$$
اذن: $\frac{dN}{dt}$ =- λN_0 اذن

$$\Delta$$
میں= $rac{\partial-N_{0}}{ au-\partial}$ = $-rac{N_{0}}{ au}$

$$-\lambda N_0 = -rac{N_0}{ au}$$
 بالفعل : بالفعل

$$\lambda = \frac{I}{ au}$$
 . إذن





و تطبيق النشاط الإشعاعي في مجال التأريخ

تحديد عمر الأجسام

يستخدم الكربون 14 لتحديد عمر الأجسام القديمة التي استخدمها الإنسان القديم، لذا تسمى هذه الطريقة طريقة تحديد العمر الثقافي (l'antropologie).

تحدید عمر الأرض

يستخدم الراديوم واليورانيوم لتحديد عمر الأرض أو العمر الجيولوجي (air géologique).

و تقنية التأثر أو اقتفاء الأثر (traceurs radioactifs)

$$A = \left| \frac{dN}{dt} \right|$$
 : وفي زمن صغير نكتب

 $\left| rac{dN}{dt}
ight| = -\lambda N$. وحسب العبارة (***) السابقة، يكون

إذن : $A=\lambda N$ وهي عبارة النشاط الإشعاعي في لحظة (t) للعنصر المشع، وفي اللحظة (t=0s) يكون

 $A_0 = \lambda N_0$: النشاط الإشعاعي الابتدائي النشاط الإشعاعي الابتدائي

النشاط الإشعاعي يتناسب طردا مع عدد الأنوية المتفككة.

وحدة النشاط الإشعاعي هي البيكريل (Bq) : 1 تفكك وحدة النشاط الإشعاعي هي البيكريل (Bq)

 $A{=}\lambda N_0\,e^{-\lambda t}$ بما أن $A{=}\lambda N_0\,e^{-\lambda t}$ و $N{=}N_0\,e^{-\lambda t}$ فإن $A{=}\lambda N$

إذن : $A = A_0 e^{-\lambda t}$ وهذه العبارة تثبت أن النشاط الإشعاعي هو في تناقص أسي مع الزمن.

ت العمر المتوسط لنواة (أو ثابت الزمن) (La vie moyenne (ت

إن التفكك يمكن أن يحدد عمر كل نواة، غير أننا نعلم أن بعض الأنوية، وإن كانت من نفس النوع، يمكن أن تستغرق مدة أطول في التفكك، فنقول إنها تعيش أكثر من غيرها، ومن ثم فلا يجب البتة التكلم عن عمر نواة بعينها، بل نتكلم عن متوسط العمر، لجميع الأنوية التي يحدث لها نفس التفكك. لذا

فإن الزمن المتوسط لحياة نواة مشعة يسمى العمر المتوسط (أو ثابت الزمن) (T).

. (0) إلى N_0 نظريا من متوسط أعمار الأنوية، عندما يتناقص عددها من N_0 إلى

 $au=rac{(0)}{100}$ إلى au=1 إذن: عدد الأنوية إau=1

 $au = rac{1}{\lambda}$ ویمکن آن نبرهن نظریا آن :

نواة مشعة من عدد ابتدائي ($N_0 \over e$) من الأنوية المشعة . au

 $(N{=}N_0)$ الدينا ($t{=}0$) الدينا (أي أنه في اللحظة

وفي اللحظة (t=t) يكون لدينا (N= $\frac{N_0}{e}$) نواة غير متفككة.

كيف نتأكد من ذلك ؟

 $N{=}N_0\,e^{-\lambda au}$: نعوض عن $t{=} au{=}rac{1}{\lambda}$ نعوض عن $t{=} au$

 $N{=}N_0\,e^{-\lambda(rac{J}{\lambda})}$. إذن $N{=}N_0\,e^{-1}$

مجموع الشحنات الكهربائية النووية للأنوية المتفاعلة = مجموع الشحنات الكهربائية النووية للأنوية الناتجة

 ΣZ (النواتج) = ΣZ (النواتج)

2 قانون انحفاظ عدد النويات

عدد النويات المتفاعلة = عدد النويات الناتجة

 ΣA (النواتج) $= \Sigma A$ (النواتج)

31 الانشطار النووي والاندماج النووي

3º1º علاقة اينشتاين

تكافؤ الطاقة والمادة

إن المادة والطا<mark>قة متكافئتان، فالمادة يمكن تحويلها</mark> إلى طاقة، والطاقة يمكن تحويلها إلى مادة.

علاقة اينشتاين : في سنة 1905م أعلن اينشتاين عن علاقته الشهيرة بالقول :

m : كتلة الجسم (kg) : كتلة الجسم (célérité) : C : سرعة الجسم في الخلاء (célérité) :

C≈3.108m/s

中国人民邮政

(J) الطاقة الكتلية: E

كل مادة كتلتها m إذا تحولت إلى طاقة فإنها تعطي طاقة كتلية (E) (énergie de masse) تعطى بالعلاقة $E=mC^2$

ر مثال: أعط المكافئ الطاقوي (طاقة الكتلة) لمادة كتلتها ($m\!=\!1g$). حسب علاقة اينشتاين: $E\!=\!mC^2$

 $E=3.10^{13}J$: اذن $E=1.10^{-3}(3.10^8)^2$ نكتب

وهي طاقة كبيرة مقارنة بالطاقة التي تنتج عن طريق التفاعلات الكيميائية.

 $\underline{Defaut\ de\ masse}$ ($\underline{\Delta m}$) النقص الكتلي $\underline{2^*}$ النقص الكتلة الذرية (\underline{u})

 $^{\text{II}}$ إن الجسيمات مثل الإلكترون ($^{\text{O}}$) أو البروتون ($^{\text{D}}$) أو النترون ($^{\text{O}}$) أو حتى النواة ($^{\text{C}}$ X) ألها كتل صغيرة من رتبة ($^{\text{O}}$ 24 $^{\text{O}}$ 3)، ولتفادي التعامل مع العدد ($^{\text{O}}$ 10) تم اختيار وحدة جديدة هي وحدة الكتل الذرية ($^{\text{U}}$ 3) التي نجد فيها كتل الأجسام السابقة من رتبة ($^{\text{U}}$ 3)، وهذا المقدار يمكن التعامل معه بسهولة كبيرة.

وحدة الكتل الذرية u هي $\frac{1}{12}$ من كتلة ذرة الكربون 12.

 $12g = \binom{12}{6}C$ نعلم ان ڪتلة 1مول من

في الميدان الطبي : بعض المواد المشعة مثل $\binom{I3I_{53}}{53}$ عندما يحقن في الإنسان يتجمع في الغدة الدرقية، فإذا كان المريض مصابا بمرض (ورمي) فيها فإن اليود المشع يعمل على تخريب الخلايا المريضة بها، وبما أن له نصف عمر $t_j=8d$ اي $t_j=8d$ اي اليام) فإن اليود المشع يختفي تماما من الجسم بعد مدة.

2- النغاعلات النووية المغتعلة

التحول 1-2 التحول 1-2

قام رذرفورد سنة 1919م بقذف النتروجين $\binom{14}{7}N$) بجسيمات α داخل جهاز يسمى سبننارسكوب (spinthariscope)، فظهرت له في شاشته توهجات ناصعة من أثر الجسيمات المتكونة، وافترض أن البريق تسببه جسيمات صادرة عن نوى النتروجين، وأكدت البحوث التي أجراها أن هذه الجسيمات (انظر الشكل في ص (35)) النظلقة هي بروتونات $(\frac{1}{1}P)$ ولم تكن معروفة قبل ذلك، كما تم أيضا الحصول على أنوية الأكسيجين $(\frac{170}{8})$. انظر جهاز سبنثارسكوب في آخر الصفحة $(\frac{170}{8})$

و كيف يمكن تفسير الحصول على االأنوية ($^{17}_8O$) انطلاقا من الحصول على االأنوية ($^{14}_8O$) على الأنوية ($^{14}_8O$)

استطاع رذرفورد أن يفسر هذا التحول الصناعي للأنوية بعضها إلى بعض، كما يلي :

 $\alpha + {}^{14}_{7}N \longrightarrow {}^{1}_{1}p + {}^{17}_{8}O$

سميت هذه الظاهرة بالتفاعل النووي، وفتح رذرفورد الباب واسعا إلى إمكانية اصطناع تفاعلات نووية.

≡ النشاط الإشعاعي الصناعي

قام كل من فردريك وإيرين جوليو-كوري سنة 1934 م بقنف معدن الألومنيوم (Al) بجسيمات α صادرة عن (Po) فلاحظا وجود جسيمات هي بوزيترونات (Po) تنبعث مع النترونات (Po) من صفيحة (Al). وعندما أوقفا عملية قذف (Al) بجسيمات α أو عندما وضعا حاجزا من الرصاص بين صفيحة (Al) ومنبع جسيمات α ، توقف إصدار النترونات، لكن إصدار البوزيترونات (Po) يستمر مما يدل على أن (Al) ومنبع جليدة ظهرت وهي التي تصدر جسيمات (Al) (أي البوزيترونات). فالألومنيوم (Al) لا يصدر هذه الجسيمات في الحالة الطبيعية.

فاستنتجا أن المادة التي ظهرت هي مادة مشعة تصدر جسيمات β^+ . وبهذه التجربة تم الحصول لأول مرة على النشاط الإشعاعي الصناعي، واستحق بذلك كل من فر دريك وإيرين جائزة نوبل للفيزياء سنة 1935م.

تفسير التجربة

عند قذف ($^{1}_{13}Al$) بجسيمات $^{0}_{15}Al$ نحصل على الفوسفور ($^{30}_{15}P$) ونترون ($^{1}_{0}n$) حسب التفاعل النووي التالي : $^{4}_{15}P+^{30}_{15}P+^{1}_{0}n+^{1}_{0}$

والفوسفور الناتج يصدر بدوره جسيمات ^+eta أي $^0_{+l}e$ عسب التفكك التالي (التفاعل النووي) :

 $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{30}_{14}Si$

2 - 3 - قانونا الانحفاظ في التفاعلات النووية

إن التفاعلات النووية، سواء منها المستحدثة أو الطبيعية الناتجة عن التفككات β^+ ، α^- ، تخضع لقانوني الانحفاظ.

المجال 1

nicolonia.

2515

C LUMPITA KID ISO

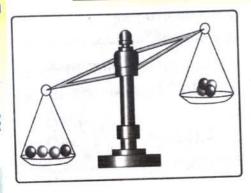
 $m_{\text{u,u}} = 2(1,00728) + 2(1,00866)$; $m_{\text{u,u}} = 4,0320$

نتيجة : و كتلة أي نواة أصغر دوما من مجموع كتل مكوناتها (نوياتها) وهي متفرقة.

و وإذا تشكلت نواة ما من مكوناتها فإنه يحدث نقص في الكتلة.

النقص الكتلي (Δm) هو فرق الكتلة بين النواة ومكوناتها (النويات)، اي :

 $\Delta m = m_{_{3,3}} - m_{_{3,3}}$



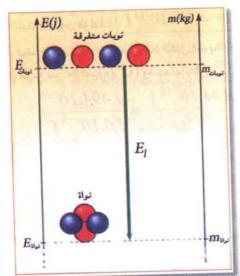
أين اختفت الكتلة الناقصة ؟ وكيف نفسر كون
 كتلة النواة أقل من كتلة مكوناتها ؟

د لقد بینت التجارب أن نواة الهیلیوم ذات استقرار کبیر، بمعنی أن نویاتها (مکوناتها) وهي (2p) و(2n) مرتبطة ببعضها داخل النواة ارتباطا کبیرا. فما السبب في ذلك یا تری (2n)

البنت الدراسة أن النقص الكتلي (Δm) بين النواة ومكوناتها يتحول إلى طاقة، وهذه الطاقة هي التي تجعل النواة متماسكة ومستقرة، إذ تربط بين مكوناتها داخل النواة، فسميت طاقة الربط النووي (E_l).

النواة أكثر استقرارا من نوياتها إذا أخذت بصفة منفردة، وسبب ذلك يعود إلى طاقة الربط النووي.

 (E_l) طاقة الربط النووي عطاقة الربط النووي طاقة



N=A-Z : بروتون مع N=A-Z کل نواة تحتوي على N=A-Z

 Δm النقص الكتلي (Δm) الدوزار $\Delta m - m - m$

 $m_{a,a} = m({}_{Z}^{A}X)$

 $m_{_{\!\scriptscriptstyle (\!arsigma\!)}}=$ كتلة البروتونات + كتلة البروتونات

 $Zm_p=$ لكن ، كتلة البروتون الواحدimesعدد البروتونات $Nm_n=$

 $m_{\omega} = Zm_p + Nm_n$

 $m_{\omega_{\omega}} = Zm_p + (A-Z)m_n$

ومنه تكون عبارة النقص الكتك (٨m) كالتال

 $(\mathcal{N}=6,02.10^{23}:$ و 1 مول بحري على \rightarrow عدد افوغادرو \mathcal{N} من الذرات (مع $\mathcal{N}=6,02.10^{23}:$ $\mathcal{N}=0$ لذرة واحدة من $(\frac{12}{6}C):$ $\mathcal{N}=0$ اذرة $m=\frac{1\times 12}{N}$

$$Iu = \frac{1}{N}$$
 (grammes) $1u = \frac{1 \times 12}{N}$ الذن $1u = \frac{m}{12}$ الذن $1u = \frac{m}{12}$ الكن $1u = \frac{1}{6,0221.10^{23}} = 1,66054.10^{-24}$ g
$$1u = \frac{1}{6,0221.10^{23}} = 1,66054.10^{-27}$$
 g

وعليه، يمكن حساب كتلة البروتون والنتزون والإلكترون بوحدة الكتل الذرية (11).

$$m_p = 1,67262.10^{-27} \text{ kg} = \frac{1,67262.10^{-27}}{1,66054.10^{-27}} \text{ ; } \boxed{m_p = 1,00728 \text{ u}}$$

$$m_n = 1,67493.10^{-27} \, kg = \frac{1,67493.10^{-27}}{1,66054.10^{-27}} \; ; \; \boxed{m_n = 1,00866 \, u}$$

$$m_e = 9,10939.10^{-31} \, kg = \frac{9,10939.10^{-31}}{1,66054.10^{-27}} \; ; \qquad m_e = 0,00055 \, u$$

نلخص هذه النتائج في الجدول التالي :

الجسيم	m(kg)	m(u)
$_{-1}^{0}e$	9,10939.10 ⁻³¹	0,00055
$^{1}_{1}p$	1,67262.10-27	1,00728
$\frac{1}{0}n$	1,67493.10 ⁻²⁷	1,00866

النقص الكتلي (∆m)

لا تم قياس كتل الذرات باستعمال مطيافية الكتل (spectrographe de masse) على يد العالم أستون (Aston) سنة 1919م، ووضعت في جدول خاص ناخذ منه كتلة نواة الهيليوم (4_2He) فنجد القيمة 4_30015 4_3

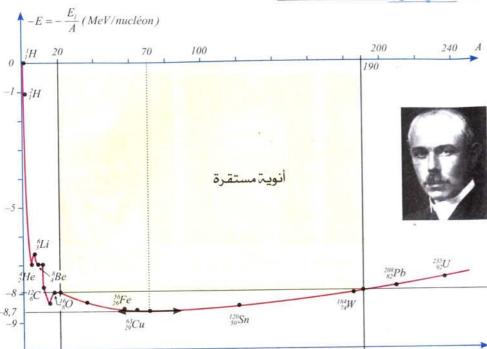
 $m(_{2}^{4}He)=4,0015 u$

(2n) و ومعلوم أن نواة الهيليوم تتألف من (2p) و

مثال: احسب طاقة الربط لكل نوية من نويات الهيليوم (4He).

$$\frac{\dot{E}_1({}_{2}^{4}He)}{A} = \frac{28,5}{4} = 7,12 \text{ MeV}$$

3 منحني استون Courbe d'Aston



إن منحني أستون يعطي طاقة الربط لكل نوية (E_l/A) بدلالة العدد الكتلي (A) (عدد النويات)، وهذا بالنسبة لجميع الأنوية الموجودة في الطبيعة.

الأنوية الخفيفة (A < 20)

من الهيدروجين الثقيل $({}^2_{10}Ne)$ إلى النيون $({}^2_{10}Ne)$.

(8Mev) نلاحظ أن (E_l/A) تزداد بازدياد (A) من القيمة (1Mev) إلى حوالي القيمة

الأنوية المتوسطة (75 × 50 < 50)

. فهي ذات استقرار ڪبير ، يان لها طاقة ربط لكل نوية $E_l \! pprox \! 8,5~MeV$

ت الأنوية الثقيلة (A>100)

المنحني يتناقص ببطء، وجميع هذه الأنوية أقل استقرارا من الأنوية التوسطة، وهنا تكمن الأهمية القصوى.

اللاحظة الأولى :

ماذا يحدث لو انشطرت نواة ثقيلة، كنواة اليورانيوم على سبيل المثال، إلى نواتين متوسطتين 50 < A < 75) ؟

لو حدث ذلك لكانت النواتان الناتجتان أكثر استقرارا من النواة الكبيرة المنشطرة، وهذا يؤدي إلى تحرر

$$\Delta m = Zm_p + (A-Z)m_n - m\binom{A}{Z}X$$

عبارة طاقة الربط النووي (E₁)

: بحيث (E_l) بحيث علاقة اينشتاين فإن الكتلة (Δm) التي تعبر عن النقص الكتلي تكافئ طاقة هي $E_l = \Delta m C^2$

$$E_l = [Zm_p + (A-Z)m_n - m(\frac{A}{Z}X)]C^2$$
 إذن:

مثال: احسب طاقة الربط النووي لنواة الهيليوم (4He++).

نعلم أن $E_l = \Delta m C^2$ حيث Δm النقص الكتلي، وقد حسبناه سابقا فوجدنا القيمة :

 $\Delta m = 4,0320 \text{ u} - 4,0015 \text{ u}$

 $\Delta m = 0.0305 \ u = 0.0305 \times 1.66.10^{-27} \ kg = 5.063.10^{-29} kg$

 $E_l(^4_2He)=\Delta mC^2$: نستعمل علاقة اينشتاين

 $E_{l}({}_{2}^{4}He)=5,063.10^{-29}\times(3.10^{8})^{2}=4,5567.10^{-12}J$ إذن:

 $1ev = 1,6.10^{-19} J$: نعلم أن و (ev) نحول إلى الـ

$$E_l({}_2^4He) = \frac{4,5567.10^{-12}}{1,6.10^{-19}}$$
 إذن:

$$E_1({}_{2}^{4}He) = 2,85.10^{7}ev = 28,5 Mev$$

وحدات جديدة للطاقة

(Mev) في الفيزياء النووية، عادة ما نستعمل للطاقة وحدة هي الإلكترون فولط (ev) والميغا إلكترون فولط

$$1ev = 1,6.10^{-19}J$$
 الإلكترون فولط:

$$1 Mev = 10^6 ev = 1,6.10^{-13} J$$
 الميغا إلكترون فولط:

ا يضا في الفيزياء النووية وحدة الكتل الذرية (u) عادة ما نحولها إلى طاقة كتلية، كما يلي : بضربها في مربع سرعة الضوء (C^2) وقسمتها على (C^2) :

$$1u = \frac{1u}{C^2}C^2 = \frac{1,66.10^{-27}(3.10^8)^2}{C^2} = \frac{1,494.10^{-10}J}{C^2} = \frac{1,494.10^{-10}J}{1,6.10^{-13}.C^2}$$

$$1u \approx 931,5 \text{ Mev/C}^2$$

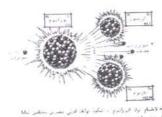
(E_l/A) طاقة الربط لكل نوية 4^3

إذا كانت طاقة ربط نواة ما هي (E_l) وكان عدد نوياتها (A) فإن هذه الطاقة تتوزع على جميع النويات، بشكل متساو تقريبا، بحيث يعطى نصيب كل نوية المتوسط من الطاقة بالعبارة (E_l)

$$\frac{E_{l}}{A}$$
 عدد نویاتها

 $_{0}^{1}n+_{92}^{235}U\longrightarrow_{35}^{85}Br+_{57}^{148}La+3_{0}^{1}n+\gamma+$ dist

 $_{0}^{1}n+{}_{92}^{235}U\longrightarrow {}_{38}^{94}Sr+{}_{54}^{140}Xe+2{}_{0}^{1}n+$ dis



ملاحظات هامة

 □ ليس بإمكان جميع الأنوية الثقيلة إحداث انشطار نووي، وإنما بعضها فقط على أساس قيمة الطاقة ($E_{\rm I}/A$) ووفرتها في الطبيعة.

ت الأنوية التي تحدث انشطارا نوويا تسمى الأنوية الخصبة (fertiles).

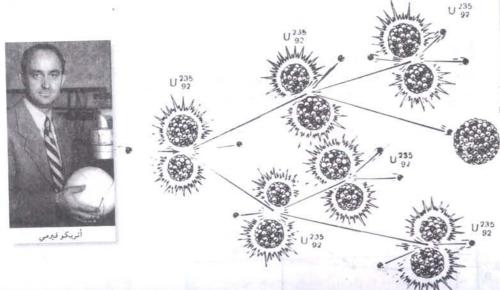
وهي موجودة في الطبيعة بنسب عددية صغيرة ($^{235}_{92}U$) هي نواة خصية، وهي موجودة في الطبيعة بنسب عددية صغيرة (في حدود (0,7%). ونواة البلوتونيوم $(239^{94}_{94}^{94})$ أيضًا هي نواة خصبة وتنتج في المفاعلات النووية.

ت النترون السريع لا يحدث انشطارا نوويا، فهو يخترق النواة بكل سهولة. أما النترون البطيء جدا فهو يصطدم بالنواة، ويرتد عنها (ينعكس عليها). أما النترون البطيء (أو المسمى الحراري الذي له طاقة في

حدود ev فهو الذي يحدث الانشطار النووي.

المنترونات المحررة من الانشطار النووي بإمكانها مهاجمة أنوية يورانيوم ($^{235}_{92}U$) خصبة، فتنشطر 10 هذه الأخيرة، محررة بدورها نترونات أخرى، وهذه النترونات تهاجم أنوية أخرى $\binom{235}{92}$)، لنحصل على تفاعل نووي متسلسل (réaction en chaine)، كما هو موضح باتلشكل المقابل، وتنتج عن ذلك

ت تسمح المفاعلات النووية (réacteurs nucléaires) بالتحكم في الطاقة النووية المتحررة من التفاعل التسلسل. وكان اول من نجح في تحقيق تفاعل نووي متسلسل يتحكم فيه هو العالم الإيطالي أنريكو فارمي في ديسمبر 1942م بالولايات المتحدة الأمريكية.



طلقة نووية. هذه العملية حدثت بالفعل، وقد اكتشفها العالمان الكيميائيان الألمانيان أوتوهان (Otto Hann) وستراسمان (Strasmann) في نوفمبر 1938م، وتأكدا منها سنة 1939م، بفضل العالمة الفيزيائية (ليز مايتنر) والتي سمت هذا التفاعل تشبيها بانشطار الخلايا : الانشطار النووي لليورانيوم. وقد تبين أن انشطار نواة واحدة من اليورانيوم $({}^{235}_{92}U)$ يحرر طاقة في حدود (200Mev).

بعض الأنوية الثقيلة (A>190) يمكن أن يحدث لها انشطار نووي، فتعطي نواتين تقعان في مجال الاستقرار لنحني أستون.







ليز مايتنر (1878_1968)

الملاحظة الثانية :

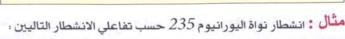
ان الأنوية الخفيفة (A<20) تتغير فيها طاقة ربط كل نوية (Aبشكل كبير من (1Mev) لـ (1Mev) إلى (7Mev) لـ (2He)، كما هو موضح في منحني أستون مثلا. فنواة الهيليوم (4He) أكثر استقرارا من نواة ($^{2}_{1}He$). وإذا استطعنا أن أن نشكل نواة هيليوم ($^{2}_{2}He$) انطلاقا من اندماج (fusion) نواتين من الدبتيريوم (H^2)، فإن طاقة نووية كبيرة ستتحرر، لذا يسمى التفاعل النووي الحادث بين نواتي الديتيريوم بتفاعل

بعض الأنوية الخفيفة (A<20) يمكن أن يحدث لها اندماج نووي، فتعطي نواة واحدة أكثر استقرارا من النواتين المندمجتين.

وهكذا، باستغلال منحني أستون يمكن أن نميز المناطق التي يحدث فيها انشطار نووي من تلك التي يحدث فيها اندماج نووي.

La fission nucléaire الانشطار النووي 643

الانشطار هو تفاعل نووي يحدثه نترون بطيئ عند قذفه على نواة ثقيلة انشطارية، تنتج نواتان متوسطتان وتتحرر بعض النترونات (من 2 إلى 3 نترونات) كما تتحرر طاقة كبيرة.

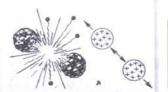


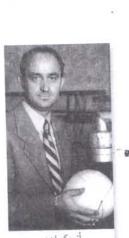












أخطار الإشعاع النووي

إن تعرض الكائن الحي للإشعاع النووي يُحدث له أضرارا خطيرة ليس لها مثيلاً. ان الاشعاع يسبب الموت أو الحروق اذا كان الشخص على بعد عشرات الكيلومترات فان الإشعاع يدخل الى الخلايا ويعمل على افساد عمل المورثات.

في الصناعة النووية، يتم عزل العاملين فيها من الاشعاعات النووية بواسطة

جدران سميكة من الخرسانة أو من الفولاذ، أو من الرصاص

يزود كل عامل بمقياس يشبه القلم يسمى مقياس الجرعة

ان تفاعل الإشعاع مع مادة الكائن الحي، ينتج عنه امتصاص طاقوي. و على حسب الطاقة التي تمتصها مادة الكائن الحي ، يحدد ما يعرف بالجرعة المتصة D .

الجرعة المتصة D=1 الطاقة التي يمتصها 1kg من مادة الكائن الحي وحدة الجرعة D هي الغراي Gy .

1Gy=1j/kg

تختلف خطورة الجرعة D ، على حسب نوع الاشعاع

🗉 وحدات مكافئة أخرى

1Gy=100rad : rad-

(α بالنسبة لجسيمات) 1Gy=20rem : rem-

rad équivalent for man هي المكافئ الإشعاعي للأشخاص

الأخطار النووية الكبرى التي أحدثها الإنسان

في 28 مارس 1979 في أيسلندا بالولايات المتحدة الأمريكية 26 أفريل1986 في تشرنوبيل بالإتحاد السوفيتي سابقا

القنبلة الذرية

عند تحطم نواة الذرة تندفع شظاياها التطايرة بسرعة عظيمة . و الطاقة الحركية لهذه الشظايا تتحول الى طاقة حرارية مكافئة يمكن استغلالها للخير في محطات توليد الطاقة أو للشر و الدمار في القنبلة الذرية

و لكي تتاح هذه الطاقة للاستغلال ينبغي إطلاق تفاعل متسلسل في مادة خصبة مثل اليورانيوم 235 أوالبلوتونيوم 239.

يحدث التفاعل المتسلسل حينما تصطدم النيترونات البطيئة بلأنوية الخصبة فتسبب انفلاقها .إلى شظايا ذات طاقة حركية عظيمة ونترونات تهاجم بدورها نوى

لا أما في حالة القنبلة الذرية (bombe A) فيترك للتفاعل التسلسل العنان في تحرير الطاقة، وبالتالي يحدث الانفجار العظيم الذي لا يبقي ولا يذر...

3 الاندماج النووي La fusion nucléaire

الاندماج هو تفاعل نووي تندمج فيه نواتان خفيفتان لتتشكل نواة أكبر منهما وتتحرر طاقة نووية كبيرة.

مثال : اندماج دیتیریوم $({}^2H)$ مع دیتیریوم $({}^2H)$) یعطی نواة الهیلیوم $({}^4He)$:

$$_{1}^{2}H + _{1}^{2}H \longrightarrow _{2}^{4}He$$

و ملاحظة هامة: إن تفاعل الاندماج يحتاج إلى درجة حرارة عالية في حدود (10^8k)، وهذا للتغلب على التنافر الكهربائي بين النواتين المندمجتين، لذا يسمى بالتفاعل النووي الحراري. تماما كما يحدث في مركز الشمس أو النجوم، حيث درجة الحرارة عظيمة، في حدود (3.10^7k)، والضغط كبير جدا. وهذا الوسط يسمى البلازما (plasma)، وهو الحالة الرابعة للمادة، فيه تكون المادة على شكل خليط من الإلكترونات والأنوية الخفيفة.

الحصيلة الطاقوية

كل تفاعل نووي يصحبه اكتساب أو تحرر طاقة، ففي تفاعلات الانشطار والاندماج النووية تعين

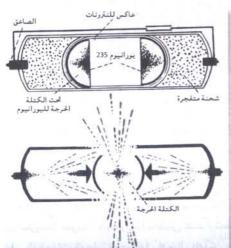
الطاقة المتحررة بعلاقة اينشتاين : $\frac{E = \left|\sum m($ النوائج $) - \sum m($ النوائج $) + C^2$ بحيث : $\sum m($ التفاعلات) مجموع كتل الأنوية المتفاعلة

200 240 A

 $\sum m(النواتج) = \sum m$ مجموع ك تل

الأنوية الناتجة.





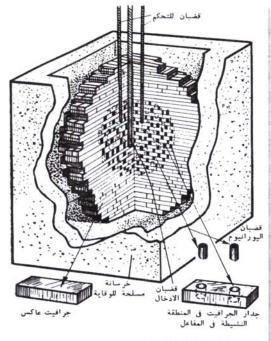
أخرى فتسبب انشطارها و هكذا دواليك . فيبدأ التفاعل المتسلسل، و تنطلق طاقة هاذ التفاعل النووي كله في جزء من الثانية محدثة انفجارا هائلا مدمرا.

المفاعل النووي

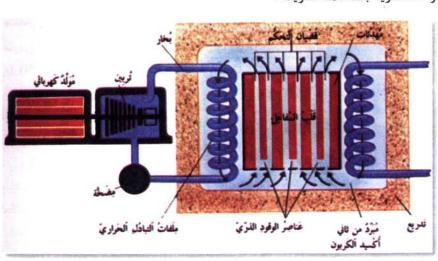
أمّا في المفاعل النووي فلا بدّ من اتخاذ ترتيبات تبطئ من التفاعل التفجيري المدمّر الذي بحدث في القنبلة و يتمّ ذلك باستخدام مزيج من نظير اليورانيوم الانشطاري ونظيره الآخر الأكثر توافرا و الأشد استقرارا وهو اليورانيوم 238. وتحتوي اليورانيوم الطبيعي المعدّن من الأرض حوالي 7 في الألف فقط من ذرّات اليورانيوم من أغلى الانشطارية. وهذا يجعل اليورانيوم من أغلى المعادن قيمة ومن أشدها مطلوبية.

ومن غير المكن الحصول على تفاعل متسلسل من هذه الطبيعية المادة ، لذا ينبغي زيادة النسبة المئوية لذرات اليورانيوم 235 في اليورانيوم الطبيعي أو اضافة البلوتونيوم اليه. وتعرف هذه العملية بتخصيب اليورانيوم

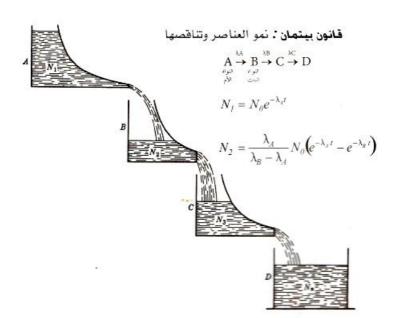
 وتسمى المفاعلات التي تستخدم الوقود المزود بالنظائر الانشطارية بالمفاعلات السريعة.

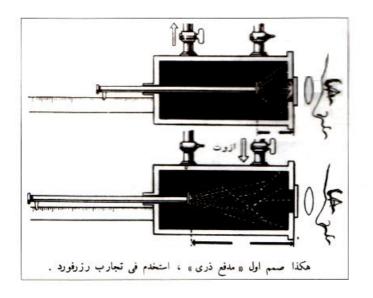


التركيب الداخلي لاول مفاعل نووي يوراني جرافيتي في العالم .

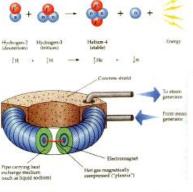


ويستخدم في المفاعلات الحرارية مبدأ آخر يمزج الوقود الذري بمادة تسمى المهدئ. وهي مادة متعادلة الشحنة وذات ذرّات خفيفة (كالغرافيت و الماء). تصطدم بها النترونات المنبعثة عن الانشطار . والعروف أن النترونات سريعة كثيرا لذا تمتص عند ارتطامها بنظائر اليورانيوم 238المستقرّة ، لكن ذلك لا ينطبق على النترونات البطيئة وهذا يتيح عددا أكبر منها















منظر شامل لفاعل نووي مدخنة مفاعل نووي



التحولات النووية

النموذج النووي

z ، عدد الثويات

$$A = Z + N$$
 . (N) عدد النويات = عدد البروتونات + عدد النرونات A

Z : يسمّى أيضا العدد الذرّي.

النشاط الاشعاع

- النشاط الإشعاعي هو الإصدار التلقائي المستمر للجسيمات β⁻, β⁺, α وإشعاع γ.
- النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحثة وعشوائية، لا علاقة لها بالبنية الإلكترونية للعنصر الشغ،
 أو بالإسقاط الكيميائي له مع بقيّة العناصر.
 - التشاط الإشعاعي لا يتعلق بالحالة الفيزيائية للمواد الشفة.

معادلات التفكك

التفك α : هو إصدار جسيمات، كل جسيم منها يشبه نواة الهيليوم (He) .

$$_{z}^{A}X \rightarrow _{2}^{4}He + _{Z-2}^{A-4}X$$

 $rac{A}{2}X
ightarrow rac{A}{2}Y + rac{A}{0}\overline{U}$ ، هو إصدار الكترونات سريعة $(rac{A}{2})^0$ من النواة ،

لجسم 📆: هو ضديد النترينو، كتلته السكونية معدومة، وشحنته معدومة، استغرق العلماء زمنا طويلا للكشف عنه.

 $\frac{A}{Z}X o rac{a}{+1}e + rac{a}{Z-1}Y + rac{a}{0}U$; هو اصدار بوزیترونات سریعة $e + rac{A}{1}e$ من الثواة :

الجسيم 🐠 : هو التترينو.

إصدار 🌱 : هو إصدار اشعاع كهرومغناطيسي ذي طاقة عالية، يسمّى اشعاع 🗸 ، عادة ما يكون

$$\frac{A}{z}X^{\bullet}
ightarrow \frac{A}{z}X + \gamma$$
 : α عصاحبا للتفكك ع

هي نواة مثارة. ${}^4X^{m{*}}$

استقرار وعدم استقرار الثواة

ارتباط النواة: تساهم القوة النووية القوية في ربط التويات، وبالتالي في استقرار النواة. أمّا القوة الكهرومغناطيسية، فهي تساهم في عدم استقرارها ، لأنها قوّة تنافرية.

مجالات استقرار وعدم استقرار النواة المخطط (N.Z)

يسمح المخطط (N, Z) بتحديد مجالات الاستقرار. كن الأنوية الستقرة محددة في " مجال الاستقرار" أو "واد الاستقرار".

• إذا كان Z < 20 ، الأنوية المستقرة تحقق الشرط ؛

 $N \approx$

انا كان $22 \le Z \le 2$ ، الأنوية المستقرة تحقق •

 $\frac{N}{Z} \approx 1.5$ الشرط:

اذا كان 2 > 82 ; كل الأنوية غير مستقرة.

قانون الثناقص الإشعاعي

 $N = N_o e^{-\lambda t}$ يعطى بالعبارة :

 N_0 عدد أنوية العنصر المشغ في لحظة القياس N=1 ،

N عدد الأنوية المتبقية بعد التفكك في اللحظة 1،

 $\lambda = \frac{1}{t}$ مع: $\lambda = \frac{1}{t}$ مع: λ

عو العمر التوسلط (أو ثابت الزمن)، ويقاس بالثانية.

نصف العمر 1

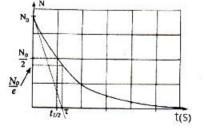
 $t_{\frac{1}{2}} = \frac{\ln 2}{2}$. هو الرّمن الذي يستغرقه العنصر المشغ لتفكّك نصف عدد أنويته الابتدائي المنافقة العنصر المشغ التفكّل المنافقة المنافقة العنصر المشغ التفكّل المنافقة المنافق

تعيين ٢ ، ٨ و ١١ بيانيا

من اجل $t=t_{\gamma_j}$ نواة. • من اجل من اجل من احل م

. من اجل $t=\tau$ نتفکك $\frac{N_{\theta}}{e}$ اي $\theta,37N_{\theta}$ نواة.

الماس للبيان عند البدأ يعين ٢

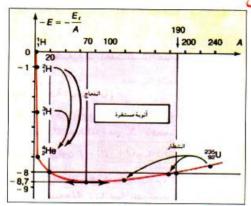


النشاط الاشعاعي 4

$$A = -\frac{dN}{dt} = \lambda N$$
 : عدد التفككات في ثانية واحدة : A

يقاس بالبيكريل (Bq). ولدينا أيضا : $A = A_0 \, e^{-\lambda t}$ حيث $A = A_0 \, e^{-\lambda t}$ الإستعاعي الابتدائي.

منحني أستون



قانون الانحفاظ في التّفاعلات النّووية - قانونا صودي

- $\sum Z$ (النواح انحفاظ الشحنة الكهربائية: (النواح) المخاط الشحنة الكهربائية:
- $\sum A$ قانون انحفاظ عدد النويات (العدد الكتلي) ؛ $\sum A$ (البراتج) $\sum A$

الحصيلة الطاقوية

• علاقة اينشتاين (1905 م)

: كلّ مادة كتلتها m إذا تحوّلت إلى طاقة فإنها تعطي طاقة كتلية E تعطى بالعلاقة E

 $E = mC^2$

· (kg) الكتلة بـ (m ؛

 $C pprox 3.10^8 \, m.s^{-1}$ ، سرعة الضنوء في الخلاء ، C

- النقص الكتلى (Am)
- ◄ كتلة أي نواة أصغر دوما من مجموع كتل مكوناتها، وهي متفرّقة ، نربك m > نراء m
 - $\Delta m = m$ النقص الكتلي هو فرق الكتلة بين النواة ونوياتها : نراء m بريات m

• طاقة الربط النووي (EL)

 E_L النقص الكتلي Δm يتحوّل إلى طاقة تعمل على ربط النويات ببعضها، تسمّى طاقة الرّبط النووي النقص الكتلي $E_L = m.C^2$

التفاعلات النووية التلقائية والتفاعلات النووية المفتعلة

التفاعلات النووية التلقانية

 eta^- ، lpha ، lpha التوقية الطبيعية التي تحدث تلقائيا للعناصر المشغة ويصدر عنها التفككان eta^- ، lpha واصدار γ .

التفاعلات النووية المفتعة (المصطنعة)

1/ التحول الاصطناعي للثوى الذرية ، تجربة رذرفورد (1919م)

قنف رنرفورد بجسيمات lpha أنوية النزوجين $^{17}_{2}N$ فحصل على الأكسجين $^{17}_{8}O$. وعلى جسيم آخر لم يُعرف من قبل وهو البروتون $^{1}_{2}$: $^{17}_{2}O$. $^{17}_{3}O$.

2/ التشاط الإشعاعي الاصطناعي = تجربة ايرين- فريدريك (1934 م)

قند يجسيم lpha أنوية الألنيوم $^{27}_{ij}Al$. فحصلا على أنوية الفوسفور والنترونات $^{20}_{ij}$ والنترونات

 $\alpha + {}^{27}_{13}Al \rightarrow {}^{30}_{15}P + {}^{1}_{0}n$

: eta^* lower ames. Since P_{ij} and P_{ij} are simple simple and P_{ij} lower black of P_{ij} and P_{ij} are simple simp

3/ الانشطار الثووى ■ تجربة هاهن-ستراسمان (1938 م)

فقد الوية اليورتيوم الخصب U_{ij}^{235} بنترونات بطينة فتبيّن لهما أنّ كل نواة تنشطر الى نواتين مسترتين وتتحرر طافة في حدود $200\,MeV$ لكل نواة تنشطر.

التشطر هو تفاعل نووي يحدثه نترون بطيئ، عند قذفه على نواة نقبلة انشطارية مثل $^{235}_{92}U$ أن مثل $^{235}_{92}$ و مثل $^{235}_{92}$. فتشفح نواتان متوسطتان وتتحرز بعض النترونيات (من 2 إلى 2 نترونيات)، كما تحرز ملقة كيرة في حدود $^{200\,MeV}$ لكل نواة.

 $_{0}^{1}n + _{0}^{115}U \rightarrow _{15}^{15}Br + _{17}^{148}La + 3_{0}^{1}n + \gamma + 33_{0}^{1}$

4/ الانتماج النَّووي

الاندماج هو تفاعل نووي، تندمج فيه نواتان خفيفتان، لتشكّلا نواة أكبر منهما، وتتحزر طاقة نووية كبيرة.

 $_{1}^{2}H + _{1}^{3}H \rightarrow _{2}^{4}He + _{0}^{1}n \quad _{2}^{2}H + _{1}^{2}H \rightarrow _{2}^{3}He + _{0}^{1}n$



. $\frac{E_L}{A}$ הבינ הגט וرتباط النويات ببعضها داخل النواة، وتعطى بناتج القسمة

الطاقة الناتجة من التفاعلات النووية (منها الإنشطار والإندماج)

تعطى الطاقة المتحرّرة من تفاعلي الانشطار والاندماج بعلاقة انشتاين :

$$E = \left| \sum_{m_{\text{obs}}} m_{\text{obs}} - \sum_{m_{\text{obs}}} m_{\text{obs}} \right| \cdot C^2$$

2 6 Jog (1992) Con

• وحدات خاصة

 $1 MeV = 1.6 \times 10^{-13} J$. $1u = 931.5 MeV / C^2$

إليك أسماء علماء الفيزياء ، رونتجن (Ræntegen)، بكريل (Bequerel) كروكس (Crookes)، د اكتشاف اشعة X ، واليك الطواهر الفيزيائية التالية :

« اكتشاف الأشعة المبطية،

اكتشاف النشاط الإشعاعي الطبيعي.

تماريه خاصة

أرفق بكل أكتشاف اسم العالم الذي أكتشفه.

2 ما الفرق بين أشعة X والأشعة المبطية ؟

هل الأشعة المبطية تغير نوع العنصر الذي يصدرها إلى عنصر آخر ؟

3 ما هو النشاط الإشعاعي الطبيعي؟ وهل يتغير نوع العنصر المشع عندما يصدر إشعاعا؟

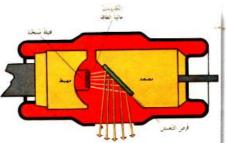
4. بين بكريل (Bequerel) أن النشاط الإشعاعي لليورانيوم مستقل عن المواد المرتبطة به، أو المرتبطة به، ومستقل عن تركيبه الإلكتروني. برأيك، كيف يتم تفسير ذلك؟

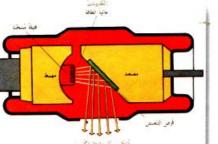
له برايك، من الذي سبب اسوداد اللوح الفوتوغرافي في تجربة بكريل، هل هي جسيمات lpha أو eta أو أشعة eta

[لا العالم الألماني رونتجن هو الذي اكتشف الأشعة السينية X سنة 1896م. العالم الأثاني كروكس هو الذي اكتشف الأشعة الهبطية التي هي حزمة من الإلكترونات. العالم الفرنسي بكريل هو الذي اكتشف النشاط الإشعاعي الطبيعي.

21 الفرق بين الأشعة المبطية وأشعة X

الأشعة الهبطية هي حزمة من الإلكترونات، أما أشعة X فهي أشعة كهر ومغناطيسية نحصل عليها عندما تصطدم حزمة الكترونات الأشعة الهبطية بمعدن ثقيل مثل التنغستين W ، فتعطى طاقة لإلكترونــات هذا العدن، تجعلها تغادر مدارتها تاركة فراغا بإلكترونات الدارات العليا التي تفقـد الـطاقـة الزائدة على شكل إشعاع طيفي (طيف إصدار) ذي طاقبة عالية طول موجته (λ) في حدود $10^{-10}m$.





ر ملاحظة

🛭 سميت اشعة 🗴 لأن العلماء في ذلك الوقت لم يعرفوا مصدرها عندما اصطدمت حزمة الإلكترونات

(الأشعة الهبطية) فأعطي لها الرمز X (اي مجهول)، ولم يتم تفسيرها إلا في سنة 1912م.

 عندما اكتشف رونتجن أشعة X في المانيا واظهر قدرتها على اختراق الأجسام، إلا الأجسام الكثيفة كالمعادن والعظام، لم يصدق العلماء ذلك، فبعث لهم بصورة الهيكل العظمي ليد زوجته، كما هو موضح بالشكل

أول عالم فيزياني نال جائزة نوبل في الفيزياء هو رونتجن سنة 1901م.

 ان الإلكترونات التي تخرج من ذرات المعادن أو المواد لا تغير من الطبيعة النووية للعنصر الكيميائي الذي صدرت منه، فالعنصر تبقى نواته هي هي، فقط بعض الخواص الكيميانية تطرأ عليها. فالعنصر الكيميائي لا يتغير إلى عنصر كيميائي آخر.

 γ واشعاع lpha واشعاع والسبعي والإصدار التلقائي والستمر للجسيمات lpha واشعاع etaمن أنوية العناصر المشعة. فكل عنصر مشع يتغير إلى عنصر آخر قد يكون مستقرا وقد يكون بدوره عنصرا مشعا حينما يصدر إشعاع lpha أو eta ، أما إذا أصدر إشعاع γ فلا يتغيّر.

> 4 إن النشاط الإشعاعي لليورانيوم - حسب بكريل - مستقل عن الواد المرتبطة به، ومستقل عن تركيبه الإلكتروني، ويمكن تفسير ذلك بأن النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحتة (تمس النواة فقط)، ولا علاقة لها بالبنية الإلكترونية للعنصر المشع، أو بالارتباط

> 5= إن الذي سبب اسوداد اللوح الفوتوغرافي للغلف بعدة طبقات من الأوراق - في تجربة بكريل - هو إشعاع ٧، لأن هذا الإشعاع ذو طاقة

 eta^- عالية، فهو يستطيع أن ينفذ عبر الأوراق الغلفة للوح الفوتوغرافي بكل سهولة. أما أشعاع lpha أو إشعاع فلا يستطيعان ذلك.

التمرين 2

بتحولات نووية

1 حدد أنواع الإشعاعات التي تصدرها المواد الشعة التي لها نشاط إشعاعي طبيعي أو صناعي، وقارن بينها من حيث القدرة على اختراق المواد.

2 اليورانيوم عنصر مشع طبيعيا، يمكن أن يتواجد في عدة حالات ؛ صلبة، سائلة، غازية...

أد هل بتغير حالته الفيزيائية يتغير نشاطه الإشعاعي ؟

ب و نقوم بضغطه ضغطا عاليا، هل يتغير نشاطه الإشعاعي؟

ج = نقوم برفع درجة حرارته، هل يتغير نشاطه الإشعاعي ؟

قيم النتائج.

أله أنواع الإشماعات الطبيعية

إشعاع α : عبارة عن جسيمات هي في الحقيقة أنوية الهيليوم (He,)، وذات قدرة نفاذ كبيرة في المواد.

eta اشعاع eta : هو اصدار الكترونات سريعة (eta)، وهي ذات قدرة نفاذ كبيرة جدا في المواد. و إشعاع ٧ : هو إصدار أشعة كهرومغناطيسية ذات طاقة عالية، ولها قدرة نفاذ عظيمة حتى في المواد

🕶 له الإشعاع الصناعي اشعاع + β : هو إشعاع نووي صناعي، وهو عبارة عن جسيمات تسمى البوزيترونات، والبوزيترون (عرب) له نفس كتلة الإلكترون $q_{\beta^+} = +1,6.10$ ونفس شحنته ولكن موجبة $(m_{\beta^-} = m_{\beta^+})$ -19e ، لذا يسمى البوزيترون بضديد الإلكترون (antiélectron).

ملاحظة ؛ البوزيترون ليس هو البروتون، فكتلة البروتون أكبر من كتلة البوزيترون بحوالي 1836 مرة.

ت القارنة بين الإشعاعات من حيث قدرة النفاذ 21 ألا النشاط الإشعاعي لليورانيوم (أو للعناصر الشعة بصفة عامة)

لا يتأثر بالحالة الفيزيائية التي يوجد بها، سواء الصلبة أو السائلة أو

ب/ كما أن النشاط الإشعاعي لا يتغير بتغير الضغط على المادة المشعة. ج/ ولا يتغير بتغير درجة حرارة العنصر المشع.

النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحتة للأجسام الشعة.

من الرصاص (Pb). مرة تحرف الإشعاعات الصادرة من

للنبع (٤) بحقل كهربائي، ومرة بحقل مغناطيسي.

1 عدد الوثيقة التي خُرُفت فيها الإشعاعات النووية

2 أن على ماذا يدل انحراف الإشعاعات النووية ؟

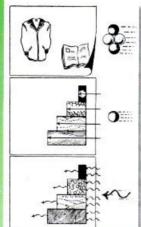
3 أي الجسيمات حدث له انحراف أكبر في الحقلين

الكهربائي والغناطيسي ؟ ماذا تستنتج ؟

ب د حدد اشارة جسيمات eta ، جسيمات lpha واشعاع γ . برر

إليك التجربة الموضحة بالوثيقتين التاليتين.

بالحقل الكهربائي.



تماريه خاصة

أد برايك، هذه العينة مؤلفة من نوع واحد من العناصر، أم من عدة أنواع لعناصر مشعة ذات طبيعة مختلفة. $+ \frac{1}{2}$ من العينة الطبيعية $+ \frac{1}{2}$ من العينة الطبيعية $+ \frac{1}{2}$

حيث: 🗗 : شحنة الإلكترون،

-me . كتلة الإلكترون.

أرفق بكل جسيم شحنته وكتلته الناسبة.

شحولات نووية

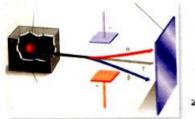
الحل

كهربائية سالبة.

1º الوثيقة (i) هي التي حُرفت فيها الإشعاعات النووية بالحقل الكهربائي، لأن رمز الحقل الكهربائي هو ، أما \overrightarrow{B} فهي رمز الحقل المغناطيسي.

 $m_a \approx 7350 m_e$ - ، $m_b = m_e$ - ، $q_2 = +2|e^-|$ ، $q_1 = e^-$ اليك بعض العطيات: 4

2= أ = انحراف الإشعاعات النووية، سواء في الحقل الكهرباني أو في الحقل المغناطيسي، يدل على أنها جسيمات مشحونة بشحنات كهربائية. وبما أن الانحراف تم على الأقل في اتجاهين متعاكسين، فهذا يعني أنه يوجد على الأقل نوعان من الجسيمات، أحدها ذو شحنة كهربائية موجبة، والأخر ذو شحنة



 β وجسيمات α وجسيمات ڪل من جسيمات α

نعلم أن اتجاد الحقل الكهربائي $ec{E}$ يكون من الكمون المرتفع نحو الكمون المنخفض، أي من الصفيحة الموجبة كهربائيا إلى الصفيحة السالبة كهربائيا.

فالجسيمات المشحونة سلبا تنحرف نحو الأعلى، لذلك فهي جسيمات eta. أما الجسيمات التي γ المعاع γ المعامة. أما المعاع γ (أو انوية الهيليوم $^{++}_e$) موجبة الشحنة. أما المعاع فغير مشحون، لذلك لا يحدث له أي انحراف، فيكون مساره مستقيما.

الجسيم المشحون eta هو الذي حدث له الانحراف الأكبر مقارنة بالجسيم (lpha). وهذا يجعلنا الجسيم المشحون etaنستنتج ما يلي : ﴿ الجسيم ۖ ﴾ له سرعة كبيرة إثر صدوره من العنصر الشع، مقارنة بسرعة صدور جسيم α.

 α أصغر من كتلة الجسيم β أصغر من كتلة الجسيم α.

4. الجسيم وشحنته وكتلته

كتلته	شحنته	الجسيم
m_e	$q_1=e^-$	β-
	$q_2 \approx +2 e^- $	α



 $M = \frac{11 \times 81, 1 + 10 \times 18, 9}{100}$

M=10,81 g/mole

4ء تحديد النسبة المنوية الكتلية لكل نظير

 $x\% = \frac{81.1 \times 11}{10.81} = 82.52\% \cdot {}_{5}^{11}B$ بالنسبة إلى

 $y\% = \frac{18.9 \times 10}{10.81} = 17.48\% \cdot {}_{5}^{10}B$ بالنسبة إلى

التمرين 5

1/ املأ الجدول التالي. Fe العنصر الكيميائي 235U نواته 26 عدد بروتوناته 146 عدد نتروناته عدد الكتروناته 2/ حدد النظائر المثلة في الجدول.

الحل

1 سملء الجدول

العنصر الكيميائي

UFe 56Fe 235U

238U H_{i}^{I} 92 26 عدد بروتوناته 143 146 30 عدد نج وناته

26

92

عدد الكتروناته 2ء تحديد النظائر

 $V_{co}^{238}U \cdot U_{co}^{235}U \cdot U_{co}^{238}$ النظائر هي :

شحنة النواة (q) = شحنة بروتوناتها (Ze)

ا النظير $\frac{11}{5}$ ، من الشكل $\frac{1}{2}$. فعدد البروتونات $\frac{Z=5}{2}$ ، وعدد النويات (العدد الكتلي) . أما

 $Z+N=A \Rightarrow N=A-Z \Rightarrow N=11-5$; N=6

Z=5, A=10, N=A-Z=10-5; N=5

نواة كلا النظيرين تحتوي على عدد من البروتونات (Z=5)، وبما أن النزونات متعادلة الشحنة، فإن :

 $q=+8,0.10^{-19}$ C . اي $q=Ze=5.1,6.10^{-19}$ (B) حساب الكتلة المولية الذرية المتوسطة لعنصر البور(B)

 $^{238}U \xrightarrow{\alpha} ^{234}Th \xrightarrow{\beta} ^{234}Pa...$ إذن، في نفس قطعة اليورانيوم نجد الثوريوم والبراكتينيوم وكلها عناصر مشعة، فيها يحدث . γ وفيها يحدث تفكك β وفيها يصدر إشعاع γ ب و من العينة المشعة الطبيعية لا نحصل على التفكك eta^+ لأن هذا التفكك ينتج عن العينات

أه هذه العينة مؤلفة من عدة أنواع لعناصر مشعة مختلفة، فلا يمكن أن نجد عنصرا مشعا

آخرى مشعة مثل الثوريوم (Th) والبراكتينيوم (Pa)، التي نتجت عن اليورانيوم نفسه

واحدا يُحدث التفكك lpha والتفكك eta معا. فإما يُحدث التفكك lpha وإما التفكك lpha. وعلى سبيل الثال، عندما نأخذ عينة من اليورانيوم نجد أنها تحتوي، بالإضافة إلى اليورانيوم، عناصر

المشعة الصناعية فقط

 β - و α التفككات α

النمرين 4

يوجد عنصر البور (B) في الطبيعة على شكل نظيرين هما $(B_5^{(1)})$ و $(B_5^{(1)})$ بنسبة مئوية عددية (بعدد الذرات) ، 81,1% و 18,9% على الترتيب.

أد حدد البنية النووية لكل نظير. 2 حدد شحنة النواتين المذكورتين. 3 احسب الكتلة الولية الذرية المتوسطة لعنصر البور (B).

4- استنتج النسبة المنوية الكتلية لكل نظير. شحنة البروتون : e=+1,6.10⁻¹⁹C .

الحل

l " تحديد البنية النووية لكل نظير

 $= 10^{0}B_{2}$ النظير

1 تحديد شحنة النواتين

عدد النترونات نحسبه كالتالي :

 الد هل التفكك النووي يحدث لكل العناصر الكيميائية الموجودة في الطبيعة ؟ ماذا تسمى العناصر التي يحدث لها تفكك ؟ وماذا تسمى العناصر التي لا يحدث لها تفكك ؟

أ له اذكر أنواع التفككات والإشعاعات الصادرة عن العناصر المشعة (الطبيعية

ب، اكتب معادلة كل تفكك، مذكرا بقانوني الانحفاظ.

3 محدد انواع التفككات التي تحدث تغيرا في النواة المتفككة وتجعلها تتحول إلى نواة أخرى.

1ء ليس كل عناصر الطبيعة تحدث لها تفككات نووية. والتي تتعرض للتفككات النووية تسمى عناصر مشعة (أو منابع مشعة). أما التي لا تتعرض للتفككات النووية فتسمى عناصر مستقرة.

أد أنواع التفككات هي ،

التفكك \alpha : أو إصدار الجسيم (He, أ.)، $(_{e}^{0})$ ؛ أو إصدار الإلكترونات β التفكك β^+ أو إصدار البوزيترونات (β^+)، الإصدار 7: أو إصدار الإشعاع 7.

ب و معادلات التفكك أولا، نذكر بقانوني الانحفاظ؛ قانون انحفاظ الشحنة الكهريائية (Z) أو انحفاظ Z

نواه النواع (Z) الأنوية الناتحة

قانون انحفاظ عدد النويات (A)

ر(A) النواة التمككة (A) الأنوية الناتحة

د التفكك α أو (He.) التفكك α.

 ${}_{2}^{A}X \longrightarrow {}_{2}^{4}He + {}_{Z'}^{A'}Y$

Z'=Z'-2 ومنه، Z=2+Z' ومنه، Z'=Z'-2

A'=A-4 ومنه A=4+A' . A $A^{-4}_{Z-2}Y$: ومنه نكتب النواة Z'Y كما يلي

 $_{zX}^{A}$ \longrightarrow $_{2}^{4}He+{}_{z-2}^{A-4}Y$: lpha : lpha وهكذا يكون التفكك

В⁻ التفكك □

تماريه خاصر شحولات نووية

 ${}_{7}^{A}X \longrightarrow {}_{1}^{0}e + {}_{7}^{A'}Y$

A=0+A'; A'=A

Z=-1+Z'; Z'=Z+1

 $_{7}^{A}X \longrightarrow _{1}^{0}e + _{Z+1}^{A}Y$ اذن:

В⁺ التفکك

В⁺ التفکا

В⁺ التفکا

В на

В

 ${}_{7}^{A}X \longrightarrow {}_{1}^{0}e + {}_{2}^{A'}Y$

A=0+A'; A'=A

Z=1+Z'; Z'=Z-1 $_{z}^{A}X \longrightarrow_{+1}^{0} e +_{z-1}^{A}Y$ اذن:

1 June = ${}_{7}^{A}X \longrightarrow {}_{0}^{A}X^{*} \longrightarrow {}_{0}^{0}Y + {}_{C}^{A'}Y$

> A=0+A'; A'=AZ=0+Z' : Z'=Z

بما أن (Z) لم يتغير لأن Z'=Z فالنواة لا تتغير، وبالتالي Z' هي نفسها النواة Z' ولذا نكتب :

 $_{Z}^{A}X \longrightarrow \gamma + _{Z}^{A}X$

3 التفككات التي تُحدث تغيرا في النواة المتفككة

 α التفكك α - حوَّل النواة α إلى نواة جديدة هي α التفكك α

- التفكك $-\beta$: حوّل النواة X_{γ}^{A} إلى نواة جديدة هي (γ_{1}, γ_{1}) . - التفكك β^+ حول النواة X إلى نواة جديدة هي $(\gamma_-^A Y)$.

الإصدار لا : لم يغير النواة التي أحدثته.

إليك النماذج التالية. حدد لكل نموذج نوع التفكك الحادث له.

التمرين 7

اكتب معادلة كل تفكك. He (1)

تماريه خاصة يتحولان نووية

Si يكون Z=14 بالنظر إلى الجدول نجد أنه من أجل

 $^{30}_{15}P \longrightarrow_{+1}^{0}e + ^{30}_{14}Si$ الذن ،

14=0+A; A=146=-1+Z; Z=7

النمرين 9

الحل

الأنوية التى

 $^{14}_{6}C \longrightarrow ^{0}_{-1}e + {}^{A}_{Z}Y : {}^{14}_{6}C(\beta^{-})$

 $^{14}_{6}C \longrightarrow ^{0}_{-1}e + ^{14}_{7}N$ النواة هي N فالنواة هي

(N). والتفاعل بين هذه النويات (nucléons).

أ/ فما هي الخاصية المميزة لأغلب الأنوية المستقرة ؟

1 تفسير استقرار النواة من عدم استقرارها

Z=N لا تحقق Z=N فهي غير مستقرة

يقال إن استقرار أي نواة $\binom{A}{2}$ أو عدم استقرارها يعتمد على عدد بروتوناتها (Z) وعدد نتروناتها

1/ في مقاربة أولى، حاول أن تفسر استقرار النواة من عدم استقرارها بالتفاعل الحادث بين

2/ في مقاربة ثانية، تؤكد الدراسة أن عدد الأنوية المستقرة هي في حدود 266 نواة، منها :

 $^{16}_{8}O, ^{24}_{12}Mg, ^{28}_{14}Si, ^{40}_{20}Ca, ^{48}_{22}Ti, ^{56}_{26}Fe.$

 $\frac{N}{Z} = \frac{206 - 82}{82} = 1,51$

اذن : Z<N.

نواة تتميز بان Z زوجي وN زوجي ، 53 نواة تتميز بان Z زوجي وN فردي ، 50 نواة 159

و بالنسبة إلى الأنوية الخفيفة ($Z{<}20$) ؛ نلاحظ أن الأنوية التي يكون فيها $Z{pprox}N$ مستقرة، وهذا

 $Z{<}N$: بالنسبة إلى الأنوية المتوسطة ($Z{<}S2$) : نلاحظ أن الأنوية المستقرة فيها تحقق والعدد الزائد من النترونات يعمل على تخفيف الشحنة الكهربائية الموجبة، مما يجعل القوة النووية

أكبر شدة من القوة التنافرية الكولومبية. فالرصاص (206Pb) مثلاً، يتمتع باستقرار كبير لأن :

يعني أن القوة النووية القوية بين النويات تكون أكبر بكثير من القوة الكولومبية التنافرية. أما

ب/ إذا علمت أن 80% من القشرة الأرضية بتألف من عناصر مستقرة لها الأنوية التالية :

التنافر الكولومبي (القوة الكهرومغناطيسية) والقوة النووية القوية الجاذبة.

تتميز بأن Z فردي وN زوجي ، 4 أنوية تتميز بأن Z فردي وN فردي.

فما هي الخاصية الأبرز المشتركة بين هذه النوى؟

استقرار النواة يعتمد على عدد بروتوناتها (Z) وعدد نتروناتها (N).

العدد الذري Z 13 86 82 82

Fe N Pb Em Al الرمز

 ${}^{14}C(\beta^{-}), {}^{30}P(\beta^{+}), {}^{214}Po(\alpha)$

Si

الحل

 α النموذج 1 ، هو نموذج لتفكك

 $^{239}_{94}Pu\longrightarrow {}^4_2He+{}^{235}_{92}U$ معادلة تفككه هي : معادلة معاد

 β - النموذج 2 : هو نموذج

 $^{14}C \longrightarrow ^{14}7N + ^{0}_{1}e$ معادلة تفككه هي

 $^{II}_{6}C$ \longrightarrow $^{II}_{5}B+_{+1}^{0}e$ معادلة تفككه هي $_{+1}^{0}e$

النمرين 8

اكتب التفاعل النووي الحادث لكل نواة، مستعينا بالجدول المرفق.

Pb يوافق (Z=82) . يوافق الدوري لدينا

 β^+ النموذج 3 ، هو نموذج

يظهر بين قوسين نوع التفكك الحادث لكل عنصر مشع من العناصر التالية:

معادلة التفاعل النووي الحادث لكل نواة

 $^{-214}_{84}Po \longrightarrow ^{4}_{2}He + ^{A}_{7}Y \cdot ^{214}_{84}Po(\alpha)$

Z=82 . ين 84=2+Z ان 84=2+Z بن 84=2+Z

A=210 إنن 214=4+A إنن 210=4+4

 $^{214}_{84}Po \longrightarrow ^{4}_{2}He + ^{210}_{82}Pb$ إذن نكتب:

 $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{A}_{Z}Y : ^{30}_{15}P(\beta^{+})$

30=0+A; A=30

15=1+Z; Z=14

إلى عدم استقرار النواة.

اما الأنوية الثقيلة (Z>82) فإنها غير مستقرة، ذلك لأنه بزيادة عند البروتونات (Z) تصبح قوة الما الأنوية الثقيلة (Z>82) التنافر الكولومبي كبيرة. إلى درجة تتغلب فيها على قوى الجذب النووية، وهذا بطبيعة الحال يؤدي

ا/ الخاصية المميزة لغالبية الأنوية المستقرة هي Z زوجي وN زوجي. ب/ إن الخاصية الأبرز التي تميز العناصر التي تُكوِّن %80 من القشرة الأرضية هي كونها

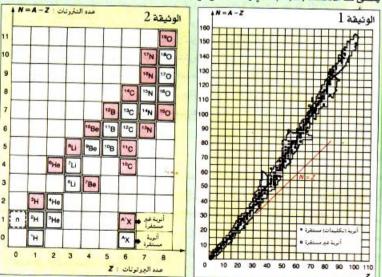
، من النوع (زوجي-زوجي)، ايZ زوجي وN زوجي. فمثلا

$$(16) C \longrightarrow \begin{cases} N = 16 - 8 = 8 \longrightarrow 0 \\ Z = 8 \longrightarrow 0 \end{cases}$$

$$\stackrel{56}{l8}Fe \longrightarrow \begin{cases} N = 56 - 28 = 28 \longrightarrow \text{if } Z = 28 \longrightarrow \text{if } Z$$

التمريني 10

يعطى لك المخطط (N,Z) الذي يمثله شكل الوثيقة 1.



- 1/ حدد منطقة الاستقرار، وما هي الحالة النووية للعناصر المتواجدة بها ؟
- 2/ حدد الحالة النووية للعناصر المتواجدة خارج منطقة الاستقرار، وما هي أنواع التفككات التي يمكن ان تجريها ؟

- 3/ يؤخذ جزء من المخطط (N,Z) ونقوم بتكبيره، ونحدد عليه خانات فيها الأنوية المستقرة والأنوية ^{10}C , ^{15}O , ^{14}C , ^{10}Be : غير المستقرة (الوثيقة 2). تعطى الأنوية
- أ/ باعتبار الأنوية التي لها فائض في عدد النترونات (N) _ مقارنة بالأنوية المستقرة _ تتعرض للتفكك مدد من بين الأنوية السابقة تلك التي تتوقع أن تتعرض للتفكك eta ، وأعط معادلات تفككها، وهذا eta ، حدد من بين الأنوية السابقة تلك التي تتوقع أن تتعرض للتفكك eta
 - ب/ باعتبار الأنوية التي لها فائض في عدد البروتونات (Z) تتعرض للتفكك β^+ ، حدد من بين الأنوية السابقة تلك التي تتوقع أن تتعرض للتفكك β^+ ، وأعط معادلات تفككها.

N=A-Z

الحل

بالاستعانة بالوثيقة 2.

تماريه خاصة بتحولات نووية

- 1/ تحديد منطقة الاستقرار منطقة الاستقرار هي المنطقة التي تظهر فيها نقاط سوداء، كما هو موضح بالشكل المرفق.
- الحالة النووية للعناصر المتواجدة بمنطقة الاستقرار هي أنها ذات أنوية مستقرة.
 - 2/ العناصر خارج منطقة الاستقرار هي عناصر غير مستقرة، بمعنى أنها عناصر مشعة، فهي تتعرض إذن
- للتفككات β^+ ، β^- ، أو التفكك γ ، وتظهر في الشكل على شكل مناطق بيضاء.
 - فالعناصر التي تقع أعلى منطقة الاستقرار وعلى يساره تجري التفكك etaوالعناصر التي تقع أسفل منطقة الاستقرار وعلى يمينه تجري التفكك β^+ .
 - . α العناصر النقيلة التي تقع بجوار اليورانيوم ($^{235}_{02}U$) فإنها تجري التفكك
 - أ/ تحديد الأنوية التي تتعرض للتفكك "β لنحدد أولا (Z) و(N) لكل نواة ،

النواة	¹⁰ ₄ Be	14 ₆ C	15 ₈ O	$^{10}_{6}C$
Z	4	6	8	6
N	6	8	7	4

 $_4^9Be$ لاحظ أن النواة $_4^{10}Be$ لها فائض من النترونات ($N{=}6$) مقارنة بنواة مستقرة مثل ، التي لها (Z=4) و(N=5) لذا تجري التفكك eta^- اي تصدر الكترونا (N=5) التي لها

$$^{10}_{4}Be \longrightarrow ^{0}_{-1}e + ^{A}_{Z}Y$$

- حسب قانون انحفاظ الشحنة الكهربائية : 2+1−1 ومنه ،
 - A=10 ومنه A=10 ومنه A=10 ومنه A=10

والنواة التي لها (Z=5) مسجلة في الوثيقة 2 وهي نواة B_{5} اذن النواة $\sum_{j=1}^{A} A_{j}$ هي $\sum_{j=1}^{B} B_{j}$ وهي نواة مستقرة، فنكتب من جديد :

باستعمال قانون انحفاظ عدد النويات نجد : 41

Z=7 : باستعمال قانون انحفاظ (Z) نجد

 $^{15}O\longrightarrow_{+1}^{0}e+{}_{7}^{A}X$ $:\beta^{+}$

كذلك، لو عدنا إلى الجدول للأحظنا أن النواة (${14C \choose 6}$) أيضا لها فائض من النترونات

تتميز بـ Z=6 ، N=6 وعليه فإننا نتوقع أن $\binom{12}{6}$ ، بحدث لها تفكك β^- كما يلى ؛

ولو عدنا إلى الوثيقة 2 لوجدنا أن النواة التي لها (Z=7) هي النواة (N)، فالنواة هي $(N^{14}_{7}N)$.

و النواة ($^{(15)}_{8}$)؛ تتميز بـ Z=8 و N=7 ، لها فائض من البروتونات، لذا فيمكنها أن تحدث

بالاستعانة بالوثيقة 2 نجد أن النواة $\binom{15}{7}$) هي النواة $\binom{15}{7}$ وهي نواة مستقرة، لذا نكتب

 $^{15}_{8}O \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{15}_{7}N$

و النواة $\binom{10}{6}$ ، تتميز بـ Z=6 و N=4 ، لها فائض من البروتونات، لذا تجرى التفكك :

، والنواة ($X_i^{(0)}$) في الوئيقة 2 هي النواة ($X_i^{(0)}$) وهي نواة مستقرة، والتفكك الحادث هو

 ${}^{10}_{6}C \longrightarrow {}^{0}_{+1}e + {}^{10}_{5}B$

 $(^{16}_8O)$ النواتان $(^{15}_8O)$ الهمل فائض في عدد البروتونات مقارنة بالنواتين الهمل النواتين الهمل فائض أ

مقارنة بالنواة ($\binom{12}{6}$). إذ أن ($\binom{14}{6}$) تتميز بZ=6 ، N=8 بينما النواة ($\binom{12}{6}$).

وهي نواة مستقرة، يكون التفكك كالتالي ، $e + {}^{14}_{7}N$ وهي نواة مستقرة، يكون التفكك كالتالي ،

15=0+A : A=15

8=1+Z : Z=7

 $^{10}_{4}Be \longrightarrow ^{0}_{-1}e + {}^{10}_{5}B$

 $^{14}C \longrightarrow ^{0}e + {}^{4}Y$

· و(2°C) على الترتيب ؛

التفكك السابق كالتالي:

 $^{10}C \longrightarrow ^{0}L^{1}e + ^{4}X$

Z=5, A=10

وهذا هو التفكك - β

أكمل المعادلات النووية التالية، محددا نوع النشاط الإشعاعي الحادث (نوع التفكك).

لإكمال المعادلات النووية وتحديد نوع التفكك يجب استعمال قانوني حفظ (Z) و(N).

، إذن $({}_{Z}^{A}X)$ هي $({}_{-1}^{\theta}E)$ فهي $({}_{-1}^{\theta}E)$ الذي يمثل الرمز النووي للإلكترون، لذا نكتب من جديد ا

 ${}^{14}_{6}C \longrightarrow {}^{14}_{6}N + {}^{0}_{1}e$

 $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{30}_{14}Si + ^{0}_{+1}e$

وهو التفكك + β

 ${}^{14}C \longrightarrow {}^{14}N + \cdots$

 $^{30}P \longrightarrow ^{30}I + \cdots$

 $^{99}T^*_c \longrightarrow ^{99}T_c + \cdots$

 $^{238}U \longrightarrow ^{234}Th + \cdots$

بالنسبة إلى المعادلة الثانية ، $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{30}_{14}Si + ^{4}_{7}X$

بالنسبة إلى المعادلة الأولى:

 $^{14}C \longrightarrow ^{14}N + {}_{7}^{A}X$

14=14+A : A=0

6=7+Z : Z=-1

A=0 ; Z=+1

إذن $\binom{A}{Z}$ هي $\binom{\theta}{1}$ فهي $\binom{\theta}{1}$ الذي يمثل الرمز النووي للبوزيترون، ويكون التفكك :

بالنسبة إلى المعادلة الثالثة :

 $A=0 \; ; \; Z=0$

وهذا يوافق إصدار ٧

تماريه خاصة بتحولات نووية

التمريل اا

الحل

 $^{99}Tc^* \longrightarrow ^{99}Tc + ^{4}Y$

طاقي أعلى من مستواها الطاقي الأساسي، لذا نكتب إصدارها كما يلي :

ثم إن الرمز (*) الموجود في نواة التكنسيوم $T_{3}^{*}(T_{3}^{*})$ يعني أن هذه النواة مهيَّجة، وهي في مستوى

تماريه خاصة بتحولات نووية

2/ التذكير بالعبارات

النمرين 13

كالتالي:

الحل

N=f(t) البيان 1

(Bq) وحدة (A) هي البكريل $A=\lambda N=\lambda N_0\,e^{-\lambda t}$

باستعمال عداد "حيجر-مولر"، تم قياس النشاط الإشعاعي لعينة من منبع إشعاعي هو اليود (131) أي (1^{131}) ، ومن ثم تم حساب عدد الأنوية التبقية (N) في أزمنة مناسبة لها، فكانت النتائج

0,71

7,6

N×1020

t(j)(20)

 $y=bx^{-2}$; $y=be^{-ax}$; $y=be^{+ax}$ $(a=\lambda)$ و ($b=N_0$) على اعتبار ان

1,41

وحدة ($t_{\underline{t}}$) هي الثانية ($t_{\underline{t}}$).

0,35

15,2

ج/ العمر المتوسط (T) (أو الثابت الزمني)،

د/ النشاط الإشعاعي (A_0) و (A_1) في اللحظتين (OS) و (t_2) .

أ/ أيُ معادلة يمكن إعطاؤها للمنحنى السابق من بين المعادلات التالية ؟

بفرض أن هذه العينة من اليود خُقنت في الغدة الدرقية لريضة :

ب/ كم يبقى من هذه العينة بعد 60,8 يوما ؟

ب/ اكتب حينئذ قانون التناقص الإشعاعي.

ا/ تحديد فترة نصف العمر 1/

0,18

22,8

ا/ فترة نصف العمر £1، ب/ ثابت الإشعاعية لم،

أ/ احسب الكتلة الابتدائية (m₀) للعينة،

1/ مثل البيان N=f(t) . 1

2/ حدد من البيان ،

وحدة (τ) هي الثانية (s).

 $^{99}_{43}T\ddot{c} \longrightarrow ^{99}_{43}Tc + \gamma$

 (^4_2He) اي α اي الحادث هو تفكك α

 $^{238}_{92}U \longrightarrow ^{234}_{90}Th + ^{4}_{2}He$

المعادلة الرابعة :

النمرين 12

 $^{238}_{92}U \longrightarrow ^{234}_{90}Th + {}^{A}_{Z}X$

ونكتب المعادلة النووية كما يلي:

1/ اعط تعريف كل من ؛

A=238-234=4; Z=92-90=2 $({}_2^4He)$ اي نواة الهيليوم $({}_2^4X)$ هي $({}_2^4X)$

ا/ النشاط الإشعاعي (A)

ب/ نصف العمر إt (أو الدور) ج/ العمر المتوسط T (أو ثابت الزمن)

ا/ تعريف النشاط الإشعاعي (A)

هو عدد التفككات (A) في ثانية واحدة.

ج/ تعريف العمر المتوسط 7 (أو ثابت الزمن)

د/ دایت الاشعاعیة ﴿

 t_{\parallel} (أو عمر النصف أو الدور) با تعريف نصف العمر t_{\parallel}

لكي يتفكك نصف العدد الابتدائي $(\frac{N_0}{2})$ من أنويته.

العمر المتوسط لنواة هو الزمن المتوسط لحياة نواة مشعة.

ثابت الإشعاعية لم هو احتمال تفكك نواة واحدة في ثانية واحدة.

د/ ثابت الإشعاعية λ (أو ثابت التفكك).

النشاط الإشعاعي لعينة من الأنوية الشعة في لحظة زمنية (t)

فترة نصف العمر هي الزمن اللازم الذي يستغرقه العنصر المشع

وهي تقريبا نفس القيمة التي وجدناها بالطريقة البيانية.

د/ تحديد النشاط الإشعاعي ٨٥

$$A=\lambda N$$
 نعلم أن

حولات نوونة

 $A_0=\lambda N_0$ اذن $(N=N_0)$ لدينا (t=0s) اذن الحظة $A_0=1,06.10^{-6}.1,41.10^{20}\approx 1,5.10^{14}$

 $A_0 = 1,5.10^{14}$ désintégration/seconde = $1,5.10^{14}$ Bq

النشاط الإشعاعي (٨) في اللحظة (١١)

$$A_1 = \lambda \frac{N_0}{2} = \frac{A_0}{2}$$
 ، إذن $\frac{N_0}{2}$ ، لدينا (t_j) لدينا (t_j) واللحظة

$$A_1 = 0,75.10^{14} d\acute{e}si/s = 7,5.10^{13} Bq$$

أ/ حساب الكتلة الابتدائية م 11 للعبنة

ا نستعمل القاعدة الثلاثية التالية .

$$6,023.10^{23} \rightarrow 131 g$$

$$1,41.10^{20} \rightarrow m_0$$

$$\Rightarrow m_0 = \frac{1,31.10^{20}.131}{6,023.10^{23}}$$

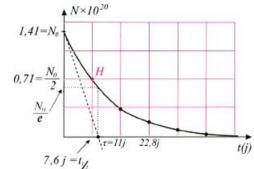
$$m_0 = 0,0307g = 30,7mg$$

u طريقة 2 :

 $m_0 = \frac{1,41.10^{20}.131}{6.023.10^{23}}$; $m_0 = 0,0307g = 30,7mg$

ب/ حساب الكتلة المتبقية من العينة بعد 60,8 يهم $m_0 = 30,7mg$ في اللحظة (t=0s) كتلة العينة هي

$$rac{m_0}{2}$$
 في اللحظة $(t_I=t_{ar{4}})$ يبقى من العينة كتلة تساوي



 $N_0 \! = \! 1,41.10^{20}$. اللحظة (N_0) للأنوية. إذن $t \! = \! 0$ توافق العدد الابتدائي (N_0) للأنوية.

 $rac{N_{ heta}}{2}$ اللحظة $(rac{N_{ heta}}{2})$ توافق العند $(rac{N_{ heta}}{2})$ لانوية. وبما أن $rac{N_{ heta}}{2}=0.71.10^{20}$ فبإسقاط هذه القيمة على المنحني البياني نجد أنها تتقاطع معه في النقطة (H)، نعين فاصلة النقطة (H) فنحد : وهو محدد في البيان السابق. $t_{\frac{1}{2}} = 7,6j$

ب/ حساب ثابت الاشعاعية لل (ثابت التفكك)

$$\lambda = \frac{ln2}{t_4}$$
 : نعلم ان نعلم $t_2 = \frac{ln2}{\lambda}$ ومنه

: لنينا اليوم ($t_{\underline{j}}$ نحوله إلى الثواني (s) اليوم ($t_{\underline{j}}$) فيه (24سا)، والساعة فيها (3600s)، إذن t;=7,6×24×3600=656640s

ج/ حساب العمر التوسط (أو ثابت الزمن) (٢)

و الطريقة السانية

نرسم مماسا (Δ) للمنحني في اللحظة (t=0) ونمدده فيتقاطع مع الحور (t) في نقطة فاصلتها

$$au$$
هي (T). بالرجوع إلى البيان نجد :

و الطريقة الحسابية

$$\tau = \frac{1}{106.10^{-6}} = 943396, 2 \text{ s}$$

$$au = \frac{943396,2}{3600\times24} = 10,9\,j:(j)$$
 الى الأيام (3) إلى الأيام

 $rac{m_0}{2^3}$ في اللحظة ($t_3=3~t_1$) يبقى من العينة كتلة تساوي

 $rac{m_0}{2^4}$ في اللحظة ($t_4=4~t_{
m i}$) يبقى من العينة كتلة تساوي

 $^{226}_{88}Ra \longrightarrow ^{222}_{86}Rn + ^{4}_{2}He$

ا/ حساب ثابت التفكك الإشعاعي لم للراديوم

$$\frac{\lambda = \frac{ln2}{t_{\frac{1}{2}}}}{t_{\frac{1}{2}}}$$
 : ومنه $t_{\frac{1}{2}} = \frac{ln2}{\lambda}$ نعلم ان

 $t_4 = 1620$ ans = $1620 \times 365 \times 24 \times 3600 = 5, 1.10^{10} \, \text{s}$ نكن ا

يعطى بالعبارة ،
$$A=\lambda N$$
 ، ونعينه كالتالي ، حيث (N) عدد الأنوية الموجودة في $(1g)$ من (N) عدد الأنوية الموجودة في التالي ،

 $N = \frac{m}{M} \mathcal{N}$; $N = \frac{1}{226} \times 6,023.10^{23}$; $N = 2,66.10^{21}$

$$A=1,36.10^{-11} imes2,66.10^{21}$$
 : نعوض الآن في عبارة $A=3,6.10^{10}~Bqpprox 1Ci$

ان النشاط الإشعاعي الناتج عن (1g) من $^{226}_{88}Ra$ اصطلح عليه سابقا على أنه يساوي (1Ci) .

$$rac{A_{\theta}}{8}$$
ج/ حساب الزمن A اللازم ليصبح النشاط الإشعاعي A مساويا

 $rac{1}{8}=e^{-\lambda t}$. این ، $rac{A_0}{8}=A_0\,e^{-\lambda t}$. این ، $A=rac{A_0}{8}$ ، ای ، $A=A_0\,e^{-\lambda t}$ نعلم آن ، $A=A_0\,e^{-\lambda t}$ $ln\frac{1}{8} = ln e^{-\lambda t} = -\lambda t$; $t = \frac{ln\frac{1}{8}}{-\lambda}$

$$t = \frac{\ln\frac{1}{8}}{-1,36.10^{-11}} = \frac{-2,079}{-1,36.10^{-11}} ; \quad t = 1,53.10^{11} s$$

د/ عدد جسيمات (a) المنطلقة من (1µg) من Ra كل نواة في (1μg) من العينة يمكن أن تصدر جسيما (α) $\frac{2}{2} = \frac{m_0}{2^2}$ في اللحظة ($t_2 = 2 t_1$) يبقى من العينة كتلة تساوي $rac{m_0}{2^8}$ في اللحظة ($t=8\,t_{
m f}$) اي ($t=60,8\,j$) يبقى من العينة

تماريه خاصة بتحولات نووية

 $\frac{30.7}{2^8} = 1,20 \text{ mg}$. ومنه كتلة العينة بعد هي وبعد مدة تبقى آثار قليلة من العينة 131/ في الغدة الدرقية للمريضة، بدون خطر يذكر منها، لذا يستعمل اليود لعلاج الغدة الدرقية.

اذا كان $m = \frac{m_0}{2^n}$ هذه النتيجة في حل الخاك و المحمال هذه النتيجة الخاك الخاك المحمال المحمال النتيجة الخاك الخاك المحمد النتيجة الخاك الخاك المحمد النتيجة الخاك المحمد $m = \frac{m_0}{2^8}$ التمرين: $n = \frac{t}{t_{1/2}} = \frac{60.8}{7.6} = 8$ اذن:

$$y=be^{-ax}$$
 للعادلة التي تحقق قانون التناقص الإشعاعي هي العادلة . $a=\lambda$ و $b=N_0$. مع $b=N_0$. مع $N=N_0$ و $N=N_0$ فانون التناقص الإشعاعي بشبه العادلة السابقة، لذا نكتب .

التمرين 14

الراديوم ($^{226}_{88}Ra$) عنصر مشع يتفكك إلى غاز الرادون ($^{222}_{86}Ra$) وجسيم α . له نصف عمر يساوي .1620ans

1/ اكتب معادلة التفكك. 2/ احسب ،

أ/ ثابت التفكك الإشعاعي للراديوم ، ب/النشاط الإشعاعي لـ (1g) من الراديوم، ثم قارنه مع الكوري (1Ci). ماذا تستنتج؟ ج/الزمن اللازم لكي ينقص النشاط الإشعاعي للراديوم إلى ثمن قيمته الابتدائية ،

د/ عدد جسيمات (α)) للنطلقة من $(I\mu g)$ من الراديوم. $1Ci = 3,7 \times 10^{10} Bq$ يعطى .

، معادلة تفكك الراديوم ، يتفكك (Ra) إلى (Rn) مضدرا جسيم lpha (أي نواة الهيليوم Heي) ،

فعدد جسيمات (lpha) الممكن انطلاقها يساوي عدد الأنوية الموجودة في ($1\mu g$) من العينة. نحسب عدد الأنوية في $(1 \mu g)$ من $^{226}_{88}Ra$.

$$N = \frac{m}{M} \mathcal{N} = \frac{1.10^{-6}}{226} \times 6,023.10^{23} \; ; \quad \boxed{N = 2,66.10^{15}}$$

 $2,66.10^{15}$ ، ومنه عدد جسيمات (lpha) الممكن انطلاقها هو

النمرين 15 (وضعية ادماجية)

الكربون 14 هو عنصر مشع طبيعيا، فهو موجود في الطبيعة ويصدر جسيمات eta^- بنصف عمر يساوي (5730ans)، كما نعتبره عنصرا مشعا صناعيا لأنه يتشكل باستمرار في طبقات الجو العليا، نتيجة اصطدام النترونات الآتية من الإشعاع الكوني بالأزوت $\binom{14}{7}N$ فينتج $\binom{14}{6}$ وجسيم من

أ/ اكتب معادلة تفكك 140.

ب/ اكتب معادلة تشكل 14° مع استنتاج طبيعة الجسيم 2X

 2 يحصل توازن إشعاعي بين التفكك والتشكل لـ ^{4}C ، وهذا المتشكل يتأكسد إلى ثنائي أكسيد الكربون (¹⁴CO₂)، فتستنشقه جميع الكائنات الحبة (نبات، حيوان، إنسان)، لكن تقدير العلى القدير جعل تركيز ¹⁴C الذي نستنشقه، وفي الغذاء الذي ناكله ضئيلا جدا، فتركيزه في الجسم لا يساوي إلا حوالي (10^{-12}) من تركيرُ الكربون 12 (أي 10^{-12}) الموجود في النسيج الحي. وتحتوى جميع الكاننات الحية على كمية من $\binom{14C}{2}$ في توازن مع $\binom{14C}{2}$ الموجود في الجو. فإذا جاء أجل الموت للكائن الحي، توقف تنفسه، وتوقف أخذه للغذاء، فيتوقف نهائيا استنشاقه لـ $\binom{I^4C}{5}$ الموجود

بنصف عمر يساوي (5730ans) دون أن يُعوِّض من الجو، وبهذا ينتهي التوازن الإشعاعي عند الموت. وعلى هذا الأساس يحتوي الخشب القديم الذي قطعت أو ماتت أشجاره على كمية أقل مما في الخشب الجديد. وأيضا تحتوي العظام القديمة على كمية من $\binom{1^4C}{6}$ أقل من العظام الجديدة.

 (β^{-}) الموجود في الكائن الميت من لحظة الموت بالتناقص الإشعاعي (إصدار (β^{-})

فبقياس تركيز ($^{l4}_{6}$) يمكن حساب زمن حدوث الوفاة. لهذا يعتبر (^{l4}C) مؤرخا ممتازا للأنثروبولوجيين (anthropologistes) الباحثين في علم الإنسان، من حيث نشوئه وتطوره، وعاداته واعتقاداته. واختيارهم لـ $\binom{14}{6}$) بسبب فترة نصف العمر له وهي 5730 سنة، التي تلائم "عمر التاريخ الثقافي للشعوب والأمم".

عمليا، يتم تحديد عمر خشب قديم كما يلي :

وقاس النشاط الإشعاعي A لكتلة عينة من خشب قديم.

ثم يقاس النشاط الإشعاعي An لنفس الكتلة من عينة أخرى لخشب جديد.

// في ضوء هذا النص، ما معنى التوازن الإشعاعي لـ (14C) في الكائن الحي؟ ب/ لماذا يتناقص (14C) في الكائن الحي بموته ؟

ج/ لماذا يلائم (14C) عمر التاريخ الثقافي للحضارات ؟

3/ عيّنة من خشب قديم وجد أنها تصدر 325 تفككا في الدقيقة، وهذا من أجل كل (1g) من فحم العينة. وعينة أخرى من خشب جديد لها نف<mark>س</mark> كتلة الخشب القديم تصدر 1350 تفككا في

شحولات نووية

الحل

تماريه خاصة

ا/ معادلة تفكك (١٠٠٠)

الدقيقة. ما هو عمر الخشب القديم ؟

بما أن eta^{14}_6) يحدث له تفكك eta^- ، همعادلة التفكك تكون كالتالي :

 ${}^{14}_{6}C \longrightarrow {}^{0}_{-1}e + {}^{4}_{7}Y$

A=4 . وبالتالى : A=0+A وبالتالى : A=4

Z=7 . وبالتالى : S=7 وبالتالى : S=7

وعليه تكون النواة $^{AY}_{Z}$ هي $^{AY}_{7}$ اي $^{I4}_{7}$ ، لذا نكتب من جديد معادلة التفكك كما يلي :

 $^{14}_{6}C \longrightarrow ^{0}_{-1}e + ^{14}_{7}N$

ب/ معادلة تشكل $\binom{l^4C}{6}$) يتشكل $\binom{l^4C}{7}$ نتيجة اصطدام النترونات $\binom{1}{0}$ السريعة ب $\binom{l^4C}{7}$ ، هنكتب ، ${}_0^l n + {}_7^{l4} N \longrightarrow {}_6^{l4} C + {}_Z^A X$

لدينا حسب قانوني حفظ الشحنة وعدد النويات ،

1+14=14+A; A=1

0+7=6+Z; Z=1

اذن فالجسيم $\stackrel{A}{X}$ هو البروتون $(\stackrel{I}{I}P_{l})$ أو $(\stackrel{I}{I}P_{l})$ ، ومعادلة التفكك هي ، ${}_{0}^{1}n + {}_{7}^{14}N \longrightarrow {}_{6}^{14}C + {}_{1}^{1}H$

التوازن الإشعاعي ، في ضوء هذا النص نقصد بالتوازن الإشعاعي أن نسبة (^{14}C) التوازن الإشعاعي أن نسبة ^{14}C الموجودة داخل الكائنات الحية تتناسب مع $\binom{14}{6}$ الموجود في الجو. فإذا مات الكائن الحي، تبدأ كمية $\binom{I_4^4C}{6}$ الموجودة فيه بالتناقص، بينما $\binom{I_4^4C}{6}$ الموجود في الجو يبقى هو هو دون تناقص، وبهذا يختل التوازن الإشعاعي.

ب يتناقص $\binom{14}{6}$ في الكائن الحي من لحظة موته، لأنه لم يعد قادرا على استنشاقه من الجو عن طريق (¹⁴CO₂)، ولا قادرا على تناوله في الأغذية.

ان الكربون 14 له فترة نصف عمر $t_{ij} = 5730$ ، وهذه الفترة تلائم تاريخ $t_{ij} = 5730$ ، وهذه الفترة تلائم تاريخ الحضارات القديمة.

> 3/ حساب عمر الخشب القديم $A=\lambda N$ للخشب القديم هو A_0 للخشب القديم هو $A_0=\lambda N_0$ النشاط الإشعاعي A للخشب الجديد هو النشاط الإشعاعي

تماريه خاصة بتحولات نووية

الحل

$$^{14}_{7}N + \alpha \longrightarrow ^{17}_{8}O + ^{A}_{Z}X$$

 4_2He كن جسيم lpha هو في الأصل نواة الهيليوم (

$$^{14}_{7}\!N+^4_2\!H\!e\longrightarrow {}^{17}_8O+{}^A_2\!X$$
 لذا نكتب من جديد :

$$Z\!\!=\!\!1$$
 ، ومنه بالمحنة لدينا باء $7\!\!+\!\!2\!\!=\!\!8\!+\!\!Z$ ، ومنه المحنة لدينا

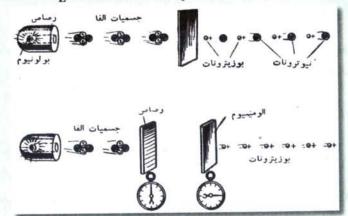
$$A=1$$
 ، ومنه ، $14+4=17+A$ ، ومنه ، حسب قانون انحفاظ عدد النويات ،

. فنجد أن النواة X^{A}_{Z} هي البروتون P_{l}^{I} (أو نواة الهيدروجين H_{l}^{I})، وفي الأخير نكتب

$$^{14}_{7}N + ^{4}_{2}He \longrightarrow ^{17}_{8}O + ^{1}_{1}P$$

النمرين 17 (وضعية ادماحية)

تم الحصول على ظاهرة النشاط الإشعاعي الصناعي (la radioactivité artificielle) لأول مرة في تاريخ البشرية من قبل العالمين (فردريك جوليو) وزوجته (إيرين كوري)، إذ قاما سنة 1934م بقذف صفيحة الومنيوم ($^{27}\!\!AI$) بجسيمات lpha (التي يصدرها البولونيوم $^{(Po)}$) فحصلا على جسيم هو $rac{A}{Z}$ البوزيترون (e) وجسيم آخر هو النترون (e) (الوثيقة e)، ونواة



1/ اكتب معادلة التفاعل النووي الحادث الذي يُنَمْذِجُ الظاهرة الممثلة بالوثيقة 1 محددا النواة $^{30}_{-15}P$ ، $^{27}_{13}Al$ ، $^{30}_{14}Si$ ، $^{16}_{16}Si$ ، يعطى يعطى يعطى الناتجة .

2/ إلى هذا الحد كان الأمر عاديا بالنسبة إلى العالمين، فقد سبقهما إلى إجراء تفاعلات نووية مستحدثة بعض العلماء أمثال رذرفورد وفيرمي وغيرهما. لكن الأمر الجديد الذي أثار دهشتهما Al وحيّرهما أنه عند إبعادهما لمصدر جسيمات lpha أو وضع حاجز من الرصاص بين صفيحة وجسيمات lpha ، اي بعد توقيف قذف صفيحة Al اختفت النترونات تماما كما كان متوقعا، غير أن انبعاث البوزيترونات (e) استمر رغم ذلك (الوثيقة e). فمن أين أتت هذه البوزيترونات رغم أن التفاعل النووي المستحدث توقف ؟ هكذا تساءل العالمان.

$\frac{A}{A_0} = \frac{\lambda N}{\lambda N_0}$; $\frac{A}{A_0} = \frac{N}{N_0}$(1)

 $rac{N}{N_0} = e^{-\lambda t}$. يذن ، $N = N_0 \, e^{-\lambda t}$. يدن ، الن ، الن ، کن، حسب قانون التناقص الإشعاعي

$$rac{A}{A_0}$$
 = $e^{-\lambda\,t}$: نعوض في المعادلة (1) فنجد

$$ln\frac{A}{A_0} = lne^{-\lambda t} = -\lambda t$$

$$\frac{A}{A_0} = e^{-\lambda t}$$
 نعوض في المعادلة (1) فنجد : $\ln \frac{A}{A_0} = \ln e^{-\lambda t} = -\lambda t$
$$t = -\frac{1}{\lambda} \ln \left(\frac{A}{A_0}\right)$$
(2)

: نعوض في العبارة فنجد $\lambda=rac{\ln 2}{t_{I/2}}$ ؛ ننا $t_{I/2}=rac{\ln 2}{\lambda}$ ؛ نكن

$$t = \frac{-t_{1/2}}{\ln 2} \ln \left(\frac{A}{A_0} \right)$$

A=325 Bq , $A_0=1350 Bq$, $t_{1/2}=5730 ans$

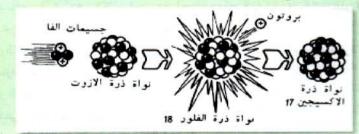
$$t = \frac{-5730}{0,693} \ln\left(\frac{325}{1350}\right)$$
 : نعوض فنجد

t≈11774,5 ans

ونظرا لأن العملية فيها تقريب، لا نحتفظ إلا بالثلاثة أرقام المعنوية الموجودة على يسار العدد، والبقية نجعلها أصفارا : t≈11700 ans

التمرين 16

في عام 1919 ولأول مرة في تاريخ البشرية استطاع رذرفورد أن يحول نواة النتروجين (1⁴N) إلى نظير الأكسيجين ($^{17}_8O)$ كما هو موضح بالوثيقة التالية، كما اكتشف البروتون. اكتب معادلة التفاعل النووي المستحدث.



وتبيَّن لهما أن في كل (2,5min) يتناقص عدد البوزيترونات المنبعثة مرتين، وبدا لهما أن هذه البوزيترونات تصدر من عنصر مشع لم يُعرف من ذي قبل ولم تُعرف فترة نصف عمره (لأي عنصر مشع آخر). علاوة على ذلك، تميزت ظاهرة النشاط الإشعاعي الجديد $t_{1/2}=2,5min$ بان صفيحة (Al) تعاود إطلاق البوزيترونات إذا ما تم قذفها من جديد بجسيمات lpha ، وهذا كالأمر لا يحدث في حالة النشاط الإشعاعي الطبيعي.

وبعد دراسة معمقة تاكد (فردريك) و(إيرين) انه عند قذف (Al) بجسيمات (α) يتحول جزء من نوى $\binom{27}{13}$ إلى نوى الفوسفور المشع $\binom{30}{15}$ ، وهذه النوى هي التي تصدر البوزيترونات $\binom{30}{15}$ وتتحول إلى نوى مستقرة هي نوى السيليكون ($^{30}_{14}$ Si).

ا/ في ضوء ما سبق كيف تتأكد من أن الفوسفور $\binom{30}{15}$) هو عنصر مشع اصطناعيا ويحدث له تفكك + 8؟

> $.(^{4}He)$ و (^{27}Al) بكتب من جديد التفاعل النووي الحادث بين (^{13}Al) و(^{4}He). eta^+ تأكد من أن تفكك (^{30}P) هو تفكك $^+$

> > د/ حدد فترة نصف العمر للعنصر المشع.

3/ قيّم نتائج تجربة (فردريك) و(ايرين) التي استحقا من أجلها جائزة نوبل للفيزياء سنة

معادلة التفاعل النووي الحادث : تمّ قذف النواة $(^{27}_{13}Al)$ بجسيم lpha (أي بنواة الهيليوم ^{4}He) فنتج 1 بوزيترون $\binom{0}{1}e$ ونترون $\binom{1}{0}n$ ونواة $\binom{A}{Z}X$ سنحددها بكتابة معادلة التفاعل النووي المستحدث ثم تطبيق قانوني الانحفاظ (انحفاظ Z وانحفاظ A). تطبيق قانوني الانحفاظ (انحفاظ Z^{7} 4I4I6I7, I8, I9, I1, I1, I1, I1, I1, I2, I3, I4, I4, I6, I7, I7, I8, I8, I9, I9, I1, I1,

$${}_{2}^{4}He + {}_{13}^{27}Al \longrightarrow {}_{+1}^{0}e + {}_{0}^{1}n + {}_{Z}^{A}X$$

Z=14 ، ومنه نجد اZ=1+0+2=2+3 ، ومنه نجد اقانون انحفاظ Aقانون انحفاظ A يؤدي إلى : A+1+0+1+0 ، ومنه نجد

فالنواة $(Z^{A}X)$ هي $(I_{14}^{30}X)$ وبالاستفادة من الأنوية المعطاة، فالنواة هي نواة السيليكون $(I_{14}^{30}Si)$.

// نتأكد من أن الفوسفور (30P) هو عنصر مشع اصطناعيا لأنه لم يكن موجودا في lpha البداية، وإنما كانت فقط نوى الألومنيوم $(13^{27}Al)$ هي الموجودة، وعند قذفها بجسيمات α ظهرت جسيمات هي البوزيترونات (e^{0}) والنترونات (e^{0}). وعندما تم إبعاد جسيمات وتوقف قذف (Al) لماذا استمرت البوزيترونات (e) في الانبعاث $^{\circ}$ للإجابة عن هذا التساؤل يتحتم علينا افتراض ظهور عنصر مشع لم يكن موجودا هو $(^{30}P_{15})$ ، lphaاذ تم انتاجه بعملية قذف (Al) ب

في الأخير نستنتج أن $(eta_{15}^{30}P)$ هو عنصر مشع اصطناعيا ويحدث له تفكك (eta^+))، لأنه يصدر $(^{0}_{+1}e)$ البوزيترونات

 $\binom{4}{2}He$ ب/ التفاعل النووي الحادث بين (Al) و

$$_{2}^{4}He + _{13}^{27}Al \longrightarrow _{0}^{1}n + _{15}^{30}P$$
 : يلي تفككا ($_{15}^{6}P$) تفككا ($_{15}^{6}P$) عما يلي جريدت الفوسفور المشع

$$^{30}_{15}P \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{30}_{14}Si$$

ملاحظة هامة : لو جمعناالمعادلتين النوويتين السابقتين (السؤالان ب، ج) لوجدنا المعادلة النووية التي حصلنا عليها في السؤال 1.

د/ فترة نصف العمر للعنصر المشع صناعيا وهو $(^{30}_{15}P)$ تعطى بالقيمة $(^{1/2}_{1/2}=2,5min)$.

3/ تقییم نتائج تجربة (فردریك) و(ایرین)

استطاع هذان العالمان أن يحدثا نشاطا إشعاعيا من مادة لم تكن مشعة أصلا، وسُمَّى ذلك بالنشاط الإشعاعي الصناعي، ونحصل به على التفكك + \$.

1/ باستعمال قانون انحفاظ الشحنة الكهربائية النووية وقانون انحفاظ عدد النويات املأ الفراغات (...) في المعادلات النووية التالية.

a)
$${}^{10}_{5}B + {}^{1}_{0}n \longrightarrow {}^{4}_{2}He + {}^{\cdots}_{-}Li$$

b)
$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{...}^{90}Rb + {}_{55}^{...}Cs + 2{}_{0}^{1}n$$

c)
$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{38}^{90}Sr + {}_{54}^{143}Xe + \cdots {}_{0}^{1}n$$

d)
$$^{238}_{92}U \longrightarrow ^{4}_{2}He + \cdots$$

$$e)$$
 $^{56}_{27}Co \longrightarrow ^{56}_{28}Fe+...$

$$f)$$
 ${}^{121}_{51}Sb+\cdots \longrightarrow {}^{121}_{52}Te+{}^{1}_{0}n$

g)
$$\cdots + {}_{2}^{4}He \longrightarrow {}_{57}^{133}La + 4{}_{0}^{1}n$$

$$h) \quad \stackrel{238}{92}U \longrightarrow \stackrel{239}{93}Np + \cdots$$

يعطى جزء من عناصر الجدول الدوري: 82Pb ، 83Bi ، 84Po ، 90Th ، 55Cs 2/ مير التفاعلات النووية السابقة عن بعضها.

الحل

1/ ملء الفراغات وكتابة المعادلات النووية

 $^{10}B + ^{1}_{0}n \longrightarrow {}^{4}He + ^{A}_{7}Li:(a)$

A=7 . إذن A+1=4+A الدينا A=7

=3 . اذن : S+0

ومنه النواة ($_{Z}^{A}Li$) هي ($_{3}^{7}Li$) ، لذلك نكتب التفاعل النووي من جديد كما يلي :

$${}^{10}_{5}B + {}^{1}_{0}n \longrightarrow {}^{4}_{2}He + {}^{7}_{3}Li$$

المعادلة (b) : نضع (A) في مكان فراغ (Z_5) و (Z_5) و (Z_5) وأي فتكون المعادلة $_{0}^{1}n+\frac{235}{92}U\longrightarrow {}_{2}^{90}Rb+{}_{55}^{A}Cs+2{}_{0}^{1}n$ النووية كما يلي: A = 144 . إذن A = 144 ، إذن A = 144 ، إذن A = 144Z=37 . إذنZ الديناZ لدينا لدينا (0+92=Z+55+2ومنه النواة ($_{Z}^{A}Li$) هي ($_{3}^{7}Li$) ، لذلك نكتب التفاعل النووي من جديد كما يلي :

$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{37}^{90}Rb + {}_{55}^{144}Cs + 2{}_{0}^{1}n$$

المعادلة (c) في فراغ (n) الضع (a) ونكتب المعادلة النووية : ${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{38}^{90}Sr + {}_{54}^{143}Xe + a {}_{0}^{1}n$ a نستعمل قانون انحفاظ Z فنجد : 0+92=38+54+a(0) ؛ فلا يمكننا تعيين \star

> a=3 ، 1+235=90+143+a(1) ؛ نستعمل قانون انحفاظ A فنجد * وهكذا تكون المعادلة النووية :

$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{38}^{90}Sr + {}_{54}^{143}Xe + 3 {}_{0}^{1}n$$

المعادلة (d) المعادلة

$$^{238}_{92}U \longrightarrow ^{4}_{2}He + ^{A}_{Z}X$$

$$A=238-4=234$$
 ; $Z=92-2=90$

والنواة ($234 \times (90 Th)$) هي نواة الثوريوم (90 Th)، إذن :

$$^{138}_{92}U \longrightarrow ^{4}_{2}He + ^{234}_{90}Th$$

المعادلة (e): نعطى للجسيم الناتج الرمز النووي $({}^{A}X)$ ونكتب المعادلة النووية:

$$^{56}_{27}Co \longrightarrow ^{56}_{28}Fe + ^{A}_{Z}X$$

A=0 : نن ، 56=56+A نکتب ، بنن ، 56=56+A

Z=-1 . اذن Z=28+Z اذن Z=-1 اذن المسب قانون انحفاظ

وعليه يكون رمز الجسيم النووي هو (β^+) اي (-1^0) (الإلكترون او (β^+)) وعليه يكون

$$^{56}Co \longrightarrow ^{56}_{27}Fe + ^{0}_{-1}e$$

المعادلة (f): نرمز بـ (f)) إلى الفراغ الموجود في المعادلة ونكتب: ${}^{121}_{51}Sb + {}^{A}_{7}X \longrightarrow {}^{121}_{52}Te + {}^{1}_{0}n$

$$Z$$
=1 . اذن $51+Z=52+0$ ، ادن

شحولات نووية

$$Z=1$$
 . اذن : $51+Z=52+0$. اذن : $A=1$. كذلك : $1+A=121+1$ ، اذن : $1+A=121+1$

فالنواة الناتجة هي نواة الهيدروجين (X_l^l) أي (H_l^l) (أو جسيم هو البروتون $P_l^l)$)، وهكذا نكتب

$${}^{121}_{51}Sb + {}^{1}_{1}P \longrightarrow {}^{121}_{52}Te + {}^{1}_{0}n$$

المعادلة (ع): بتفس الطريقة السابقة نكتب:

$$_{Z}^{A}X + _{2}^{4}He \longrightarrow _{57}^{133}La + 4_{0}^{1}n$$
 $A=133:$ مع $A+4=133+4(1):$ مع $Z=55:$ إذن $Z+2=57+4(0):$

وبالاستفادة بالأنوية المعطاة نجد أن النواة ($^{133}_{55}X$) هي نواة السيزيوم (^{55}Cs)، فنكتب المعادلة النووية كالتالي :

$$^{133}_{55}Cs + {}^{4}_{2}He \longrightarrow {}^{133}_{57}La + 4{}^{1}_{0}n$$

$$^{138}_{92}U \longrightarrow ^{239}_{93}Np + ^{A}_{Z}X : (h)$$
 المعادلة $A=0$ بسرعة نجد : $A=0$

ومنه (Z^A_Z) هو الإلكترون $(e)_{-1}^0$ (أو β^-)، إذن نكتب المعادلة النووية كما يلي :

$$^{138}_{92}U \longrightarrow ^{239}_{93}Np + ^{0}_{-1}e$$

2/ تمييز المعادلات النووية عن بعضها

. (réactions nucléaires provoquées) هي تفاعلات نووية مستحدثة g ، f ، a هي تفاعلات المعادلات

" المعادلتان c ، b هما تفاعلا انشطار (réactions de fission) ا

، α المعادلة النووية d هي تفكك =

« المعادلة e هي تفكك β-

. eta- المعادلة النووية h هي تفكك

$$1u = \frac{1}{\mathcal{N}_A} = 1,66.10^{-27} \, \text{kg}$$

أما الفائدة من استعمال الوحدة (u) في مجال الفيزياء النووية فتكمن في أن كل الأجسام الذرية والأجسام تحت الذرية (النويات والجسيمات الأساسية) كتلها مضاعفات للعدد (10^{-27}) ، وباستعمال الوحدة (u) يُحذف هذا العدد، كما سنرى أثناء الإجابة عن السؤال الموالى.

ب/ تحويل كتل الجسيمات من (kg) إلى (U)

شحولات نووية

$$10^{-27} \, kg = \frac{1u}{1.660543}$$
 : نعلم أن : $1u = 1,660543.10^{-27} kg$ ؛ إذن : $1u = 1,660543.10^{-27} kg$

$$m_e = 9,1093897.10^{-4}.10^{-27} kg = 9,1093897.10^{-4}.\frac{Iu}{1,660543} = 0,000548 u$$

$$m_p = 1,6726231.10^{-27} kg = 1,6726231. \frac{1u}{1,660543} = 1,00728 \ u$$

$$m_n = 1,6749286.10^{-27} kg = 1,6749286. \frac{1u}{1,660543} = 1,00866 u$$

نلخص النتائج السابقة في الجدول التالي:

الجسيم	الرمز النووي	الكتلة بـ (kg)	الكتلة بـ (11)
الإلكترون	0 -1	9,1093897.10 ⁻³¹	0,00055
البروتون	¹ ₁ p	1,6726231.10 ⁻²⁷	1,00728
النترون	$\frac{1}{0}n$	1,6749286.10 ⁻²⁷	1,00866

ا/ تقدير الإلكترون-فولط (1ev)

$$1ev = |e^-|v = 1,6.10^{-19}.1$$
; $1ev = 1,6.10^{-19}j$

طاقة الميغا الكترون-فولط (1Mev)

 10^6 الميغا يعني

$$1 Mev = 10^6.1, 6.10^{-19} j$$
 . ومنه $1 Mev = 10^6 ev$ إذن

$$1Mev = 1,6.10^{-13}j$$
 وبالتالي :

ب/ حوَّل كتل الجسيمات التالية وهي الإلكترون (e) والبروتون (p) والنترون (n) من m_e = $9,1093897.10^{-31}kg$ (u) إلى وحدة الكتل الذرية (u) m_p = $1,6726231.10^{-27}kg$

 $m_n=1,6749286.10^{-27}kg$

ا/ إذا علمت أن الإلكترون-فولط (1ev) هو الطاقة التي يكتسبها الكترون عندما يُطبق عليه توتر كهربائي يساوي (1v)، فاحسب قيمة هذه الطاقة بالجول (i) واستنتج قيمة طاقة 1 ميغا الكترون-فولط (1Mev).

ب/ أعط المكافئ الطاقوي لوحدة الكتل الذرية، أي لـ (1u). تعطى سرعة الضوء في

الخلاء:

النمرين 19

 $C=3.10^8 m/s$

ج/ احسب الطاقة السكونية (طاقة الكتلة) لكل من الإلكترون (e) والبروتون (p) والنترون (n) بالجول (i) وبالميغا الكترون-فولط (n)).

الحل

ا/ وحدة الكتل الذرية (١)

وحدة الكتل الذرية (u) هي $\frac{1}{12}$ من كتلة ذرة واحدة من الكربون (^{12}C) .

فيمة وحدة الكتل الذرية

$$1u = \frac{1}{12}M({}_{6}^{12}C)$$

$$12$$
 بحيث $M(^{12}_{6}C)$ هي ڪتلة 1 ذرة من $(^{12}_{6}C)$ التي نحسبها ڪما يلي: $M(^{12}_{6}C)$ بحيث $M(^{12}_{6}C)$; $M(^{12}_{6}C) = \frac{12}{\mathcal{N}_{A}}$ (grammes)

 $\mathcal{N}_{\!A}{=}6,023.10^{23}$: مع () هو عدد أفوغادرو

$$Iu = \frac{1}{\mathcal{N}_A}(g)$$
 اذن: $Iu = \frac{1}{12} \cdot \frac{12}{\mathcal{N}_A}$: ومنه نجد

$$1u = \frac{1}{6,02 \cdot 10^{23}} = 1,660543.10^{-24} g = 1,660543.10^{-27} kg$$

شحولات نووية

التمرين 20

اختر الإجابة الصحيحة.

ا/ كتلة النواة دوما (أكبر من / أصغر من / تساوي) مجموع كتل نوياتها.

 $_{\rm L}$ النقص الكتلى (Δm) يساوي :

 $\Delta m = m_n - m_{o^+}$ الفرق بين كتلة النويات (اي فرق الكتّلة بين البروتونات والنترونات) 1

 $\Delta m = m_{nucleons} - m_{novau}$ الفرق بين كتلة النواة وكتلة نوياتها ، الفرق بين كتلة النواة وكتلة نوياتها

 $\Delta m = m_{atome} - m_{noyau}$ ؛ الفرق بين كتلة النواة وكتلة ذرتها

ج/ النقص الكتلي (Δm) (يتحول / لا يتحول) إلى طاقة كتلة E_L $=\Delta m$. C^2 تساهم في ارتباط النويات داخل النواة.

د/ طاقة الربط E_L تساوى :

1/ طاقة الإلكترونات المرتبطة بالنواة والتي تدور حولها.

 A ر الطاقة المتحررة عندما تتشكل النواة A انطلاقا من نوياتها المتفرقة.

ر الطاقة المقدمة للنواة X_{7} وهي ساكنة (بالنسبة إلى معلم) حتى تتفرق نوياتها 3وتصبح ساكنة (بالنسبة إلى نفس المعلم).

 E_L هي عبارة E_L

 $E_L=m({}_{7}^{A}X)C^2/1$

 $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n]C^2 /2$

 $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n] C^2 - m(A_Z)C^2$ /3

 $E_L = [m_{nucl\acute{e}ons} - m_{novau}] C^2 /4$

الحل

اختيار الإحابات الصحيحة

/ كتلة النواة دوما أصغر من مجموع كتل نوياتها.

 $\Delta m = m_{nucl\acute{e}ons} - m_{noyau} / \rightarrow$

النقص الكتلي (Δm) يتحول إلى طاقة كتلة E_L = Δm . C^2 تساهم في ارتباط النويات داخل /خ النواة.

.3,2 /

 $E_L = [Zm_{\scriptscriptstyle D} + (A-Z)m_{\scriptscriptstyle B}] \; C^2 - m({}_7^A X)C^2$ هي العبارة الثالثة : $E_L = [Zm_{\scriptscriptstyle D} + (A-Z)m_{\scriptscriptstyle B}] \; C^2 - m({}_7^A X)C^2$ هي العبارة الثالثة : $E_L = [Zm_{\scriptscriptstyle D} + (A-Z)m_{\scriptscriptstyle B}] \; C^2 - m({}_7^A X)C^2$ $E_L = [m_{nucl\acute{e}ons} - m_{novau}] C^2$: والعبارة الرابعة

تماريه خاصة

حساب طاقة الكتلة (الطاقة السكونية)

تعطى عبارة طاقة الكتلة (m) بعلاقة اينشتاين $= \frac{E - mC^2}{E}$ مع $= C - 3.10^8$ وهي سرعة الضوء في الخلاء.

طاقة كتلة الإلكترون

 $E=m_e.C^2\approx 9,1.10^{-31}(3.10^8)^2=9,1.10^{-31}.9.10^{16}=81,9.10^{-15}\approx 8,2.10^{-14}j$ نحولها إلى الـ (ev) والـ (Mev)

$$E = \frac{8,2.10^{-14}}{1,6.10^{-19}} = 5,12.10^{5} \,\text{ev}$$

$$E = \frac{5,12.10^5}{10^6}$$
; $E = 0,512 \,\text{MeV}$

طاقة كتلة البروتون

 $E{=}m_p.C^2{\approx}1,6726231.10^{-27}(3.10^8)^2$ بنفس الطريقة السابقة نجد :

طاقة كتلة النترون

 $E=m_n.C^2\approx 1,6749286.10^{-27}(3.10^8)^2$

ملاحظة هامة ، في الفيزياء النووية، عادة ما نتكلم عن كتلة الإلكترون أو البروتون أو النترون بوحدة هي (Mev/C^2) أي بمكافئ طاقوي.

المكافئ الطاقوي لوحدة الكتل الذرية (١٤)

: لتحويل الكتلة إلى طاقة، تضرب الكتلة في مربع سرعة الضوء (C^2) حسب علاقة اينشتاين

$$1u = \frac{1u \cdot C^2}{C^2} = \frac{1,660543.10^{-27} (3.10^8)^2}{C^2} = 1,4944887.10^{-10} j/C^2$$

:(Mev) إلى الجول نحول الجول (j) إلى

$$Iu = \frac{1,4944887.10^{-10}}{1,6.10^{-13}} Mev/C^2 \approx 934,06 Mev/C^2$$

$$1u = 931,5 \; Mev/C^2$$
 ؛ ولو دققنا في الحساب نجد

المكافئ الطاقوى للبروتون والنترون

$$m_n = 939,6 \text{ Mev/C}^2$$
 , $m_p = 938,3 \text{ Mev/C}^2$

تماريه خاصة

 $rac{7}{3}Li$ ان رمز نواة الليثيوم هو

1/ اعط عدد البروتونات (Z) وعدد النترونات (N) لليثيوم.

 $m(^{7}_{3}Li)$ =7,01601u هي ڪتلة نواة الليثيوم هي 2/ إذا علمت أن ڪتلة نواة الليثيوم

(ويعطى: m_n=1,00866u، m_p=1,00728u و 1u=931,4Mev/C²

احسب النقص الكتلي (Δm).

 $E_L({}^7_3Li)$ أحسب طاقة الربط النووي لنواة الليثيوم /

 $E_{L/A}$ ب/ أحسب طاقة الربط لكل نوية

4/ تعطى طاقة الربط لكل نوية لبعض الأنوية كالتالي :

^{3}H	$^{2}_{I}H$	⁴ He	$_{3}^{7}Li$	النواة
2,77	1,09	7,05	5,4	$E_{L/A}(Mev)$

رتّب هذه الأنوية مع نواة $({7Li})$ حسب تزايد طاقة الربط لكل نوية، وحدد أكثرها استقرارا.

ندا نستعمل الطريقة البسيطة التالية : $1u = 931,4 Mev/C^2$ نعلم أن $1u = 931,4 Mev/C^2$ نعلم أن 1u = 0.04047

 $\Delta m = 0,04047 u$: وبما أن

 $\Delta m=0.04047 imes 931,5 Mev/C^2$: فنعوض عن (u) في (u) في $\Delta m=37,7 Mev/C^2$

 $E_L({}_{3}^{7}Li) = 37,7(Mev/C^2).C^2$. ومنه نکتب

 $E_L({}_{3}^{7}Li) = 37,7Mev$

 $E_{L/A}$ برطاقة الربط لكل نوية

$$E_{L/A} = \frac{37.7}{7}$$
; $E_{L/A} \approx 5.4 \text{ MeV}$

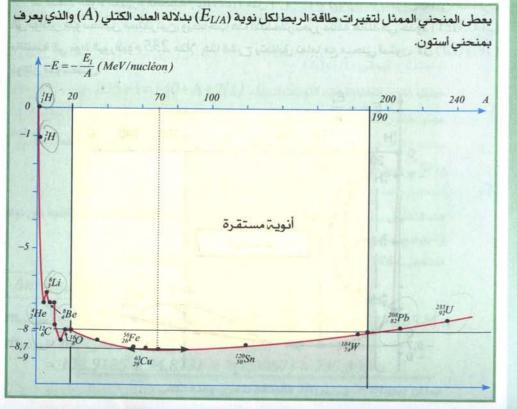
4/ ترتيب الأنوية حسب تزايد طاقة الربط النووي لكل نوية منها

بالاستعانة بقيم الجدول المعطى، وبالقيمة التي حسبناها لنواة $^7\!Li)$ نكتب :

 $E_{L/A}(_{I}^{2}H) < E_{L/A}(_{I}^{3}H) < E_{L/A}(_{3}^{7}Li) < E_{L/A}(_{2}^{4}He)$

كلما كانت طاقة الربط النووي أكبر زاد استقرار النواة.

التمرين 22



(N) عدد البروتونات (Z) وعدد النترونات (N)

 $_{Z=3}^{A=7}Li$: نواة الليثيوم هي

 $N{=}4$. الكن $A{=}7$ ، وعليه $N{=}A{-}Z$ ، وبالتالي $Z{=}3$ ، وبالتالي $Z{=}3$

 (Δm) النقص الكتلي (Δm)

 $\Delta m = m_{nuclcute{ons}} - m_{noyau}$: تعطى عبارة النقص الكتلي كما يلي

عندما نعوض يجب أن نبقى على جميع الأرقام المعنوية لكل من (m_p) و (m_n) ، إذن \cdot

 $m_{nucl\acute{e}ons} = Zm_p + (A-Z)m_n = 3(1,00728) + 4(1,00866) = 7,05648 u$

 $m_{nucl\acute{e}ons}=7,05648~u$. ومنه

 $m_{noyau} = m({}_{3}^{7}Li) = 7,01601$ \geq

 $m_{nucl\acute{e}ons} > m_{noyau}$: نلاحظ أن

ويكون النقص الكتلي (Δm) بين النويات والنواة كما يلي :

 $\Delta m = m_{nucl\acute{e}ons} - m_{noyau} = 7,05648 - 7,01601 = 0,04047 u$ $\Delta m = 0,04047 u$

$E_L({}_3^7Li)$ المساب طاقة الربط النووي لنواة الليثيوم /ا

 $E_L({}^7_3Li)=\Delta mC^2$: وبالتالي ، $E=mC^2$ ، وبالتالي ، $E_L({}^7_3Li)=0.040470(3.10^8)^2$. لا نستطيع أن نعوض كما يلي ، $E_L({}^7_3Li)=0.040470(3.10^8)^2$. لأن $E_L({}^7_3Li)=0.040470(3.10^8)^2$. لأن $E_L({}^7_3Li)=0.040470(3.10^8)^2$. لأن $E_L({}^7_3Li)=0.040470(3.10^8)^2$. المقدرة بوحدة الكتل الذرية $E_L({}^7_3Li)=0.040470(3.10^8)^2$.

شحولات نووية

النمرين 23

يعطى التفاعل النووي التالي. $^{235}_{92}U + ^{1}_{0}n \longrightarrow ^{140}_{54}Xe + ^{1}_{2}Sr + 2^{1}_{0}n + iii$

(Z) استنتج قيمة كل من (A) و(Z).

ب/ ما نوع هذا التفاعل النووي ؟ برر إجابتا ،

2/ تعطى كتل الأنوية التالية :

 $m\binom{235}{9}U$ =235,0439u; $m\binom{4}{7}Sr$ =94,8731u; $m(^{140}_{54}Xe)=138,9185u$; $m(^{1}_{0}n)=1,0087u$; $1u = 931.5 Mev/C^2$.

أ/ احسب الطاقة المتحررة في هذا التفاعل. كيف تتأكد من أنها طاقة متحررة؟ 1 kgب/ استنتج الطاقة المتحررة نتيجة تفاعل (1 kg) من اليورانيوم (235).

. $\mathcal{N}_A {=} 6,023.10^{23}$. يعطى عدد افوغادرو

"ltep ج/ إذا علمت أن l طن من البترول يعطى طاقة تسمى "مكافئ الطن البترولى lبحيث $1tep=4,2.10^{10}$ فأعط قيمة الطاقة المتحررة من 1kg) اليورانيوم (235) بمكافئ الطن البترولي.

الحل

(Z) استنتاج قیمتی (A) و (Z)

A=94 ، الذن بانحاط عدد النويات لدينا باA=94 ، الذن بانحاط عدد النويات لدينا باندن بانحاط عدد النويات الدينا باندن بانحاط عدد النويات الدينا باندن بانحاط عدد النويات الدينا بانحاط بانحاط العدد النويات الدينا بانحاط العدد النويات العدد العدد العدد النويات العدد العدد العدد النويات العدد النويات العدد النويات العدد النويات العدد العدد العدد العدد العدد العدد العدد النويات العدد العد Z=38 ، إذن : 92+0=54+Z+2(0) ، إذن : 92+0=54+Z+2(0) $^{(140}Xe)$ هما (^{140}Xe) هما نشطار ؛ لأنه نتج عنه نواتان متوسطتان هما (^{140}Xe) و(Sr)، وتحررت طاقة.

أ/ حساب الطاقة المتحررة

هذا التفاعل يمثل انشطار نواة واحدة ($^{235}_{92}U$)، وعليه فإن الطاقة المتحررة ناتجة عن نواة واحدة، ونحسبها كالتالى :

نستعمل علاقة اينشتاين : $E=mC^2$ حيث Δm هي النقص الكتلى :

 $\Delta m = m_{(\text{idlakli})} - m_{(\text{idlakli})}$

 $m_{(a)abab} = m(^{235}_{02}U) + m(^{1}_{0}n) = 235,0439 + 1,0087 = 236,0526 u$ $m_{(sus)} = m({}^{140}_{54}Xe) + m({}^{94}_{38}Sr) + 2m({}^{1}_{0}n)$ = 138,9185 + 94,8731 + 2(1,0087) = 235,809 u

1/ حدد الأنوية المستقرة من غيرها.

2/ حدد الأنوية التي تتوقع أن تحدث تفاعلات انشطار نووي، وكذا الأنوية التي تحدث اندماجا

 $^{(130}_{52}Te)$ و $^{90}_{(40}Zr)$ والمحار نواة اليورانيوم والمحار $^{(235}_{92}U)$ يعطي نواتين هما $^{(90}_{52}Te)$ والمحار $^{(90}_{52}Te)$

هل هذا ممكن حسب منحني أستون ؟

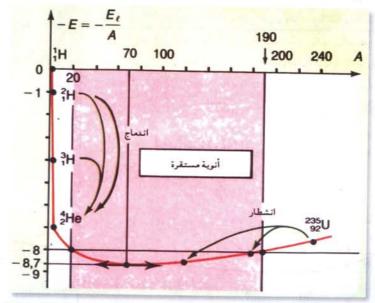
1/ تحديد الأنوية المستقرة

 $(E_{L/A})$ الأنوية المستقرة هي الأنوية التي لها طاقة ربط نووي كبيرة أو التي لها طاقة ربط لكل نوية (A=190) إلى (A=70)، وهي هنا ممثلة في المنحني بجوار ذروة المنحني (A=70) بلى

2/ الأنوية التي نتوقع أن يحدث لها انشطار نووي

هي الأنوية الكبيرة (الثقيلة) مثل (^{235}U) والتي لها طاقة ($E_{L/A}$) أصغر من طاقة الأنوية المتوسطة

الأنوية التي نتوقع أن يحدث لها اندماج نووي : هي الأنوية الخفيفة مثل $^1_1 eH_1^2 H_1^2$ (الشكل المرفق). نشطرت (^{239}Pu) أو (^{235}U) مثل (^{235}U) مثل (^{235}U) بنترون بطيئ، انشطرت (^{34}U) أو الخصية (3 إلى نواتين متوسطتين مستقرتين، ويصاحب هذا الانشطار تحرر طاقة هائلة في حدود (200Mev) ر(Te) و(Zr) بالنسبة إلى نواة اليورانيوم 235 مثلا. هذا الشرح يتطابق تماما مع منحني أستون، لأن نواتان متوسطتان.



الحل

(b) و (a) و (l)

ج/ قيم النتائج.

. (900MW) calui

a=142 إذن 235+1=92+a+2(1) المحتلى A نكتب المحتلى A نكتب أنون حفظ العدد الكتلى المحتلى المحتل

التمرين24 $^{(235}_{92}U$ در اسة تغاعل الانشطار النووي للبور انبوم المخصب $^{(235}_{92}U$

Tm Pu Np U Pa Th Ba Cs Xe الرمز

69 94 93 92 91 90 56 55 54 Z

تهاجم أنوية اليورانيوم $rac{235}{92} U$ في قلب الفاعل النووي بنترونات بطيئة، فتحدث لها تفاعلات انشطار

2/ إن الطاقة المتحررة من انشطار نواة اليورانيوم أثناء التفاعل التووي السابق في حدود (200Mev).

ب/ إذا علمت أن عند احتراق (Imol) من الفحم C (تفاعل كيميائي) تنتج كمية من الطاقة تساوي تقريبا (0,393Mj) فاحسب كتلة الفحم التي تعطي نفس الطاقة التي يعطيها انشطار

3/ يمكن التحكم في الطاقة التووية السابقة في المفاعلات النووية وتحويلها من شكلها الحراري إلى

شكلها الكهربائي، بمردود 30% . ضمن هذه الشروط، احسب كتلة اليورانيوم (235) الذي

تستهلكه المحطّة الكهربائية النووية في يوم واحد علما أنها تعطي استطاعة متوسطة كهربائية

 $1M=10^6$ ، $\mathcal{N}=6$, 023.10^{23} عدد افوغادرو ، $M(C)=12 g.mol^{-1}$. معطیات

 $^{235}_{92}U+^{1}_{\theta}n
ightarrow ^{92}_{36}Kr+^{a}_{b}X+2^{1}_{\theta}n+$ احدها يمكن تمثيله بالمعادلة النووية؛ طاقه ج

دراسة الطاقة الكهربائية الناتجة عن محطة نووية كهربائية

المتشكلة. X عين (a) و (b) واستنتج رمز النواة الثانية X

اً/ قدر الطاقة التووية المتحررة من انشطار (1g) من اليورانيوم U^{235}_{92}

نقتطع جزءا من الجدول الدوري للعناصر:

b=56 إذن 2 + 0 = 36 + b + 2 (0) إذن 2 + 0 = 36 + b + 2 إذن

(Z=56) فتكون النواة الثانية الناتجة من الانشطار هي $\binom{a}{b}X$ اي اي التالي لها وبالنظر إلى الجدول نتاكد من أن النواة X ما هي إلا نواة الباريوم Ba فنكتب : النواة هي وبالنظر إلى الجدول X

من اليورانيوم (1g) من اليورانيوم (1g)

لتقدير الطاقة النووية المتحررة من انشطار ((1g) من اليورانيوم نتبع ما يلى :

الا عدد أفو غادرو

 $n \times 200.10^6 \, e.v \leftarrow \mathcal{N}$

2/أ/ تقدير الطاقة النووية المتحررة

1 نواة نحن 200.10 e.v ← انواة

 $\Delta m = m_{\text{(Galaska)}} - m_{\text{(Galaska)}} = 236,0526u - 235,809u \; ; \; \Delta m = 0,2436u$ $E=0,2166 \times 931,5 Mev$ نكتب: $1u=931,5 Mev/C^2$ نكتبار أن

E≈227Mev

تماريه خاصة

وكما قلنا، الطاقة المتحررة من جراء انشطار نواة واحدة هي في حدود (200Mev).

ب/ الطاقة المتحررة نتيجة انشطار (1kg) يورانيوم (235)

 $m(^{235}_{92}U)=rac{235}{\mathcal{N}_{A}}(g)$ هي (235) هي اليورانيوم في اليورانيوم نعلم أن كتلة نواة واحدة من اليورانيوم حيث \mathcal{N}_A عدد أفوغادرو.

$$rac{235}{N_A}(g)
ightarrow 227 Mev$$
 : نستعمل القاعدة الثلاثية $1kg = 1000g
ightarrow E$

$$E = \frac{227 \times 1000}{\frac{235}{90}} = \frac{227.10^{23} \, \mathcal{N}_A}{235} = \frac{227.10^3 \times 6,023.10^{23}}{235}$$

$$E=5,82.10^{26}Mev$$

(j) الى الحول (Mev) نحول الطاقة المتحررة من

 $E{=}5,82.10^{26}{ imes}1,6.10^{-13}j$ نعلم ان $1Mev{=}1,6.10^{-13}j$ نعلم ان $E=9,3.10^{13}i$

ج/ حساب الطاقة المتحررة بمكافئ الطن البترولي (tep)

بها آن
$$1tep=4,2.10^9 j$$
 اذن: $E=rac{9,3.10^{13}}{4.2.10^9}pprox 2,217.10^4pprox 2217 tep$

اي أن الطاقة المتحررة من انشطار (1kg) يورانيوم (235) تكافئ احتراق 2217 طن من البترول. وهنا تكمن أهمية تفاعلات الانشطار النووي. إن انشطار نواة اليورانيوم (235) يُنَمْذَجُ بالمعادلة النووية التالية :

$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{Z}^{93}Zr + {}_{52}^{140}Te + {}_{0}^{1}n$$

(X) و (X) و الم

2/ احسب طاقة الربط النووي لنواة اليورانيوم (235).

3/ احسب الطاقة المتحررة من تفاعل انشطار نواة واحدة من اليورانيوم (235). $E_{L/A}(^{93}Zr)$ =8,6Mev . كالتالى: كالتالى (Te) و (Te) لكل نكليون كالتالى: $E_{L/A}(^{140}Te)=8,6Mev$

معطيات:

 $m_p=1,67265.10^{-27}kg$; $m_n=1,67496.10^{-27}kg$ $m(^{235}_{02}U)=235,0439u$. كتلة نواة اليورانيوم

 $\mathcal{N}_A = 6,023.10^{23} mol^{-1}$ عدد افوغادرو:

 $1u=1,66054.10^{-27}kg$

الحل

(x) وقيمة (Z) ايجاد قيمة (X)

Z=40 . إذن O+92=Z+52+x(0) . (Z) الذن انحفاظ الشحنة الكهربائية x=3 . يذن (A) . (A) . (A) . يذن (A) . يذن (A)

حساب طاقة الربط النووي لنواة اليورانيوم (235)

 $E_L(^{235}_{02}U)=\Delta mC^2$ - حسب علاقة اينشتاين

 Δm = $Zm_p+(A-Z)m_n-m(^{235}_{g2}U)$: حيث Δm النقص الكتلي، ونحسبه كالتالى

 $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n - m(^{235}_{92}U)]C^2$ إذن:

يمكن تحويل جميع الكتل من (kg) إلى (u)، ومن ثم الاستعانة بالقيمة $u=931,5 Mev/C^2$ كما . فعلنا في التمرين 24. كما يمكن تحويل (u) إلى (kg) وتطبيق علاقة اينشتاين مباشرة

 $m\binom{235}{92}U$)=235,0439u=235,0439×1,660540.10⁻²⁷kg=3,90300.10⁻²⁵kg;

 $E_L = [92 \times 1,67265.10^{-27} + (235 - 92) \times 1,67496.10^{-27} - 3,90300.10^{-25}] \times (3.10^{-8})^2$

 $E_L = 2,793.10^{-10}$ j

 $E_L = 1745,6 Mev$ نحولها إلى $E_L = \frac{2,793.10^{-10}}{16.10^{-13}}$ ، Mev نحولها إلى

m = 235g = 12لكن \mathcal{N} نواة) لها كتلة

 $n \times 200.10^6$ e.v $\leftarrow_{\text{large}} (235)$ من أنوية اليورانيوم ≈ 235

 $E \leftarrow (235)$ من أنوية اليورانيوم 1

$$E = \frac{1 \times 9 \times 200.10^6}{235} = \frac{1 \times 6,023.10^{23} \times 200.10^6}{235} \; ; \; \boxed{E = 8,2.10^{10} \, j}$$

ب/ حساب كتلة الفحم ك التي تحرر بالتفاعل الكيميائي

نفس الطاقة التي يحررها (1g) من U^{235} بتفاعل نووي

كتلة 1 مول من الفحم = 12g

 $0,393.10^6$ $j \leftarrow 12g$ من الفحم

 $8,21.10^{10} j \leftarrow m_C$

$$m_C = \frac{8,21.10^{10} \times 12}{0.393 \cdot 10^6}$$
; $m_C = 2,51.10^6 g = 2,51 \text{ tonnes}$

ان (1g) من U_{co}^{235} يحرر طاقة تعادل $(8,21.10^{10}j)$ ، وهذا بتفاعل نووي.

وإن 2,51t من (C) يحرّر طاقة تعادل $(8,21.10^{10}j)$ ، وهذا بتفاعل كيميائي.

إذن (1g) بتفاعل نووي تحرر طاقة تكافئ الطاقة التي يحررها (2,51t) بتفاعل كيميائي (تفاعل احتراق) وهنا تكمن أهمية الطاقة النووية.

3/ حساب كتلة اليورانيوم (235)

(*) الطاقة الكهربائية = $\frac{30}{100}$ الطاقة الحرارية

 $E_{\acute{e}\acute{l}\acute{e}}=7$,78.10 13 ومنه $E_{\acute{e}\acute{l}\acute{e}}=900.10^6 \times 24 \times 3600$ کی: $E_{\acute{e}\acute{l}\acute{e}}=P.t$

 $Q = \frac{7,78.10^{13} \times 100}{30}$: نعوض فنجد $Q = E_{\acute{e}\acute{l}\acute{e}} \times \frac{100}{30}$ لكن من العبارة (*) لدينا

 $Q = 2,6.10^{14} j$

 $8,21.10^{10}$ $j \leftarrow (235)$ وجدنا g من اليورانيوم (235) وجدنا وجدنا ومن اليورانيوم (235)

 $2,6.10^{14} \leftarrow m_{(\text{leg(lines)})}$

$$m(U) = 3,17.10^3 g = 3,17 Kg$$
 اي $m(U) = \frac{2,6.10^{14} \times 1}{8,21}$

التمرين 26

ان النكليد Xe هو نواة مشعّة يمكنها أن تصدر جسيم $oldsymbol{eta}^-$. النواة البنت هي أيضًا مشعّة ذات دور كبير.

1/ اكتب معادلة التفكك.

2/ ندرس تطور عينة من الكزينون 135.

(t) و $(t_0 = 0s)$ و اللحظتين N_0 و الكن N_0

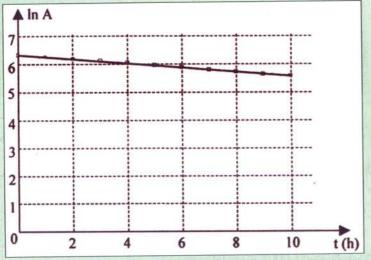
 λ عبر عن N بدلالة t وثابت الاشعاعية

ب/ بواسطة عدّاد جيجر- مولر، نعيّن التشاط الإشعاعي A للعيّنة بدلالة الرّمن.

 $A = A_0 e^{-\lambda t}$ بین آن $A = \lambda N$ واستنتج آن

ج/ أعط عبارة اللوغريتم التبيري InA

3/ نمثل المنحنى البياني lnA = f(t) في الوثيقة التالية.



أ/ أثبت أن البيان يحقّق العبارة النظرية للسؤال 2/ج.

ب/ استنتج قيمتي λ و $t_{1/2}$ فترة عُمْر النصف (نصف العمر).

الحل

 B^- معادلة التفكك / 1

$$^{135}_{54}Xe \rightarrow {}^{0}_{-1}e + {}^{Z}_{A}X$$

- A = 135 ومنه A = 135 ومنه A = 135 ومنه قانون انحفاظ عدد النويات
 - Z=55 ومنه Z=1+Z ومنه عطى Z=55

ومنه النواة
$$X$$
 هي X ومنه النواة

3/ الطاقة المتحررة من انشطار نواة يورانيوم (235) واحدة

$$E=E_{L_{(
m dibis}}$$
 - $E_{L_{(
m dibis}}$ - $E_{L_{(
m dibis}}$: تعطی بالعبارة التالیة

$$E = [E_L(^{93}Zr) + E_L(^{140}Te)] - E_L(^{235}U)$$

$$E_L = A \times 8,6 Mev$$
 اذن: $E_{L/A}(^{93}Zr) = 8,6 Mev$ اکن:

$$E_L(^{93}Zr)$$
=799,8 Mev : اذن E_L =93 $imes$ 8,6 ومنه A =93 ومنه ومنه A =93

$$E_L(^{140}Te)$$
=8,3 $imes$ 140 . إذن A =140 مع $E_{L/A}(^{140}Te)$ =8,3 Mev

$$E_L(^{140}Te)=1162Mev$$

تماريه خاصة

$$E=(799,8+1162)-1745,6=216,2$$
 نعوض فنجد :

tو الميلالة λ عبارة N بدلالة λ

 $N=N_{\theta}e^{-\lambda t}$ تعطى بقانون التناقض الإشعاعي

$$A = -\frac{dN}{dt}$$
 النشاط A معرَف بالعلاقة

$$\frac{dN}{dt} = \lambda N_0 e^{-\lambda t}$$
 لكن $N = N_0 e^{-\lambda t}$ لكن

$$A = \lambda N_0 e^{-\lambda t}$$
 او $A = \lambda N$

$$A=A_{0}\lambda N_{0}e^{-\theta}$$
 : في اللحظة $(t=\theta s)$ الحظة بدء القياس) لدينا

$$A = A_0 e^{-\lambda t}$$
 of $A_0 = \lambda N_0$

الم عبارة InA

$$\ln A = \ln (A_0 e^{-\lambda t}) = \ln A_0 + \ln e^{-\lambda t}$$

$$ln(ab) = lna + lnb$$
; $lne^{-c} = -c$

$$ln A = ln A_0 - \lambda t$$
 (1) نکمل فنجد

وهذه معادلة من الشكل y=b-at فهي معادلة مستقيم لا يمرّ من البدأ وميله سالب.

: الشكل معادلته من الشكل المرّ من المبدأ معادلته من الشكل المرآ من المبدأ A=f(t) ان البيان y=ax+b

$$lnA$$
 حيث a ميل المستقيم و b ترتيبة نقطة تقاطعه مع a حيث a ميل المستقيم و a ترتيبة نقطة تقاطعه مع a ان المعادلتين a و a ميطابقتان مع شرطين a و الميانية a (2).

 $t_{1/2}$ ب/ استنتاج λ و

$$\lambda \approx 2,1.10^{-5} \, \mathrm{s}^{-1}$$
 ، وبالتالي $\lambda = -$ الميل $\lambda = -$ الميل $\lambda = -$ الميل الميان لدينا الميان الميان لدينا الميان لدينا الميان لدينا الميان لدينا الميان لدينا الميان ال

$$t_{1/2} = 33007$$
 عوض فنجد : $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{2,1.10^{-5}}$: نعوض فنجد $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$: ولدينا

النمرين 27 (تمرين تجريبي)



في حصَّة الأعمال التطبيقية أحضر الأستاذ، عدّاد جيجر- ميلر، وصندوقا من الرّصاص $\frac{52}{23}$ ، تصدر

 γ وإشعاع β^- وإشعاع γ . 1

. ₂₂Ti ، ₂₄Cr ، ₂₆Fe : يعطى

ر بمشاركة التلاميذ، قاس الأستاذ، بواسطة العدّاد، العدد المتوسط N من الأنوية المتفككة خلال كل فترة زمنية $\Delta t = 5s$.

تجرى القياسات في كل دقيقتين وتدّون النتائج في الجدول التالي :

T (min)	0	2	4	6	8	10	12
N	1586	1075	471	471	355	235	155
A(Bq)							
LnA							

 $A = \frac{N}{\Delta t} = \frac{N}{5}$ املأ الجدول السَّابق. مساعدة : أ/ املأ الجدول السَّابق.

 $\ln A = g(t)$ و A = f(t) برا شكّل الأستاذ فوجين من التلاميذ وطلب منهما رسم البيانين $\Lambda = f(t)$ و $\Lambda = In$. ارسم البيانين المذكورين سابقا واستخرج بيانيا $t_{1/2}$ و τ ، ثم استنتج

ج/ برأيك، أيّ المنحنيين يكون الأدق لتعيين الثوابت λ ، τ ، $t_{//}$ بررٌ .

الحل

1/ كتابة معادلة التفكك

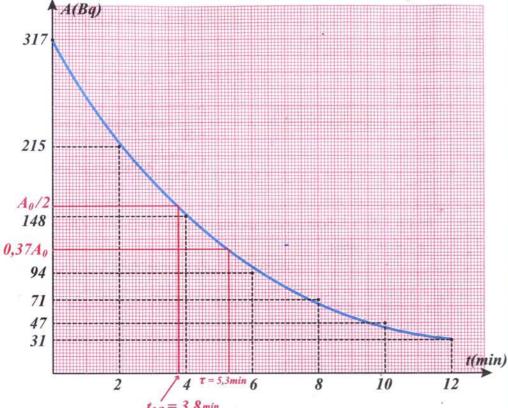
ب يصدر جسيم eta وإشعاع γ ، وتبقى نواة جديدة ؛ (V) يصدر جسيم وإشعاع γ . وتبقى نواة جديدة ؛ $V \to \beta^- + \gamma$ نواة جديدة

 $_{7}^{A}X$ النواة الجديدة نرمز لها ب

- $_{l}^{0}e$ هو بوزيترون ورمزه النووي هو eta^{-}
 - $^{0}_{0}$ هو γ واشعاع γ ومزه النووي هو
- $^{52}V
 ightarrow ^0_{-1} e + ^0_0 \gamma + ^A_2 X$: نعوُض في المعادلة النووية السّابقة

أمّا السلّم الذي نختاره للزمن t فهو سهل بحيث نمثل أكبر قيمة لـ t وهي 12 ب 12 ، حتى لا نستعمل القاعة الثلاثية بالنسبة لبقية قيم t . فنمثل 2 min و 4 min و هكذا لبقية قيم t .

$$A=f(t)$$
ننقل القيم السّابقة في ورقة مليمترية، فنحصل على البيان



استخراج قيم المقادير t_{y_2} و τ من البيان

. $\frac{A_0}{2}$ و $\frac{N_0}{2}$ يقابل $t_{1/2}$ يقابل (عمر النصف) و $\frac{A_0}{2} = \frac{3.7}{2} = 158,5 Bq$ لدينا $A_0 = 317 Bq$ الذن $A_0 = 317 Bq \to 10 cm$ وباستعمال مقياس الرّسم $158,5 Bq \to 5 cm$

 $t_{1/2} pprox 3,8\,min$: ننقل هذه القيمة في البيان ونعيّن $t_{1/2}$ فنجد

• ثابت الرّمن ٢

نعيّنه إما بمماس المنحني عند المبدأ، وهذه طريقة صعبة، فأيّ انحراف بسيط للمماس يعطي نتيجة مغايرة تمامًا للقيمة الحقيقية، أو نعيّنه بتعيين $0.37\,A_0$ اي $0.37\,\times\,317\approx\,0.37\,$ ، ثم ننقل هذه القيمة في الميان فنجد τ .

Z و A (المسميين ايضًا بقانوني سودي) ؛ E و A المسميين ايضًا Z فانوني سودي) ؛ قانون انحفاظ A

$$A = 52$$
 ! ندن $52 = 0 + 0 + A$

قانون انحفاظ Z

$$Z = 24$$
 إذن: $23 = -1 + 0 + Z$

لاحظ أن نواة الكروم 2r يتميز بأن Z=24 ، فالنواة الناتجة هي 2^{52} ، لذا نكتب معادلة التفكك

$$\frac{52}{23}V = \frac{52}{24}Cr + \frac{0}{-1}e + \gamma$$
 : من جدید

3/ أ/ ملء الجدول

$$A = \frac{\Delta N}{\Delta t} = \frac{N}{5}$$
 حسب نص التمرين

 $A = \frac{1586}{5} = 317,2$ إذن N = 1586 و بالنسبة للخانة الأولى من الجدول،

 $\ln A = 5,76$ فنجد $\ln A$ ومن ثمّ نحسب $\ln A$ فنجد $\ln A = 5,76$ فنجد $\ln A \approx 317$ فنجد $\ln A \approx 5,8$ فنجد الفاصلة فنجد $\ln A \approx 5,8$

وهكذا بالنسبة لبقية القيم، التي ندونها في الجدول التالي :

t(min)	0	2	4	6	8	10	12
N	158	1075	741	471	355	235	155
A	317	215	148	94	71	47	31
ln A	5.8	5.4	5.0	4.5	4.3	3.8	3.4

A = f(t) برسم البيان

يجب اختيار سلّم مناسب لرسم أي بيان. ننظر دومًا الى أكبر قيمة ونعطيها مقياس الرّسم المناسب يجب اختيار سلّم مناسب لرسم أي بيان. مناسبة في أكبر قيمة لـ A=317Bq في A=317Bq في مناسبة في الرّسم البياني، ولو اخترنا A=317Bq على سبيل المثال لما كانت قيمة مناسبة، إذن نأخذ السلّم :

 $317Bq \rightarrow 10cm$

وعليه، لإيجاد مقياس رسم القيمة A=215Bq ، نستعمل القاعدة الثلاثية :

$$317Bq \rightarrow 10cm$$
 $X = \frac{215}{317} \times 10$
 $215Bq \rightarrow X$ $X = 6.78cm \approx 6.8cm$

وهكذا بالنسبة لبقية القيم باستعمال القاعدة الثلاثية نجد

بتحولات نووية

$$t_{y_2}$$
 تعيين •

$$ln\frac{A_0}{2}$$
نعينه من

$$ln\frac{A_0}{2} \approx 5,1$$
 الذن: $ln\frac{A_0}{2} = ln\frac{317}{2} = 5,06 \approx 5,1$ لكن

$$ln\frac{A_0}{2}$$
باستعمال مقياس الرّسم نجد ما يقابل

$$ln\frac{A_0}{2} = 5, 1 \rightarrow 5, 1cm$$

T تعيين

 $ln0,37A_0=ln0,3\times 317\approx 4,8$ يتم تعيين au بتعيين au بتعيين au بتعيين au فنكتب: $au=5\,min$ فنجل $au=5\,min$ فنجل البيان فنجد

، تعيين ٨

$$\lambda \approx 0,2\,min^{-1}$$
 ، $\lambda = \frac{1}{5}$ نستعمل العبارة $\lambda = \frac{1}{\tau}$ إذن

ج/إنّ البيانات الخطيّة لها أفضلية على البيانات المنحنية، لأنه لا يمكن لكلّ الأشخاص أن ترسم انحناءات البيانات بطريقة متطابقة وبالتالي لا تجد نفس النتائج أما في حالة المستقيمات فنعم، وبالتالي تحصل في حالة المستقيمات على نفس الثتائج تقريبًا.

التمرين 28 (وضعية ادماجية)

رسم استاذ الفيزياء للتلاميذ المنحني التالي، واعطى العناصر التالية ؛ $^{6}_{2}$ Fe ، $^{2}_{1}$ Hr ، $^{235}_{92}$ U ، $^{4}_{2}$ He . واعطى العناصر التالية ؛ $^{6}_{2}$ Fe ، $^{1}_{1}$ Hr ، $^{1}_{92}$ U ، $^{1}_{92}$ Hr ، $^{1}_{92}$ U ، $^{1}_{92}$ Hr . $^{$

2/1/ اعط تعريف كلّ من الانشطار والاندماج.

ب/ حديد من بين العناصر السابقة التي تحدث الانشطار والتي تحدث الاندماج.

ج/ بناء على هذا المنحني، ما السبب في كون عدد العناصر الموجودة في الطبيعة لا يتجاوز عنصر اليورانيوم ؟

3/ يعثر على الرّصاص الستقر 206 في فلرّ اليورانيوم (معدن)، ويدلّ هذا على أن منشأ الرّصاص الشعاعي، حسب التحولات النووية التالية :

$$_{-}$$
 . β^{-} و $\alpha^{238}_{92}U
ightarrow ^{234}_{90}Th
ightarrow ^{231}_{91}Pa
ightarrow ^{234}_{92}U
ightarrow ^{230}_{96}Th
ightarrow ...
ightarrow ^{206}_{82}Pb$

ا/ برايك، لماذا لا نتوقع حدوث التفكك β+ في هذه السلسلة الإشعاعية ؟

 $^{238}_{92}$ U \longrightarrow $^{206}_{82}$ $Pb+alpha+beta^-$ ؛ نلخص التحولات السابقة في المعادلة النووية

استنتج قيمتي العددين (a) و (b).

تماريه خاصة

$$\begin{cases} 317Bq o 10cm \\ 117,3Bq o X \end{cases}$$
 : يا تمثل بالقياس التالي المرسم نجد أن $117,3Bq$ تمثل بالقياس التالي

$$X = \frac{117,3 \times 10}{317} \approx 3,7 cm$$

 $au \approx 5,3 \, min$: ننقل $3,7 \, cm$ البيان فنجد

و تعيين ٨

$$\lambda=0,189\, min^{-1}$$
 ، $\lambda=rac{1}{5,3}$ ، $\lambda=rac{1}{ au}$ نعلم ان

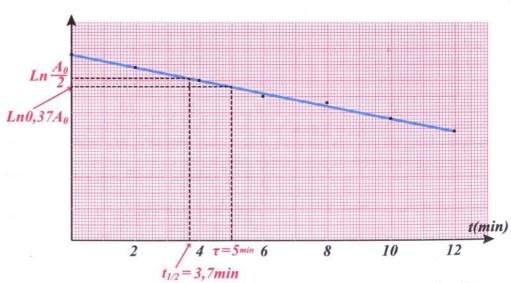
$$\lambda = 3,1.10^{-3} \, \mathrm{s}^{-1}$$
 ، $\lambda = \frac{1}{5,3 \times 60}$: ويمكن التحويل إلى الثواني لنجد

$$\lambda = rac{\ln 2}{t_{/\!/}}$$
 يمكن أيضًا استعمال العلاقة •

ln A = g(t) بیان •

 $\ln A = 5, 8 \to 5, 8cm$: هنا، مقياس الرّسم نحصل عليه بطريقة سهلة بحيث نضع المرّس الرّسم نحصل عليه بطريقة سهلة بحيث نضع وكذا المرّس الرّسم المرّسة الم

نفس الشيء بالنسبة لبقية القيم، ولذا يأتي البيان كما يلي :



ملاحظة هامة

لا يجب وصل جميع النقاط المسجّلة، بل يجب فقط وصل أكبر عدد من النقاط على استقامة واحدة. وهنا تكمن أهمية المستقيمات عن المنحنيات. ففي المستقيمات يتم عزل النقاط الخاطئة، التي لا تقع على استقامة واحدة مع بقية النقاط، أمّا في المنحنيات، فلا يمكن تحديد نقاطها الخاطئة.

بتحولات نووية

- يحدّد العناصر المستقرّة في الطبيعة، والعناصر التي يحدث لها تفكّك أو انشطار، أو اندماج نووي.
 - يفرَق بين الأنوية التي تحدث انشطارًا نوويًا، والأنوية التي تحدث إندماجًا نوويًا.

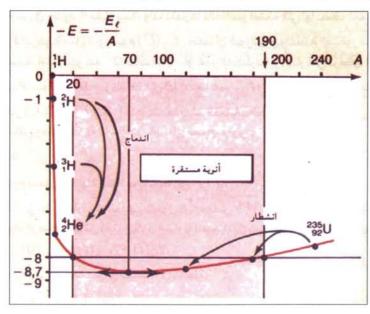
2/أ/ تعريف الانشطار الثووي والاندماج الثووي

الانشطار هو تفاعل نووي، يحدثه نترون بطيء عند قذفه، على نواة ثقيلة مثل $^{235}_{92}U$ و $^{235}_{94}Pm$ فتنتج نواتان متوسّطتان مستقرتان، وتتحرّر بعض النترونات (من 2 إلى 3 نترونات)، كما تتحرّر طاقة كبيرة.

الاندماج هو تفاعل نووي تندمج فيه نواتان خفيفتان مثل H^1_i أو H^2_i عند درجة حرارة عظيمة، H^1_i لتتشكّل نواة مستقرة أكبر منهما، وتتحرّر طاقة نووية عظيمة.

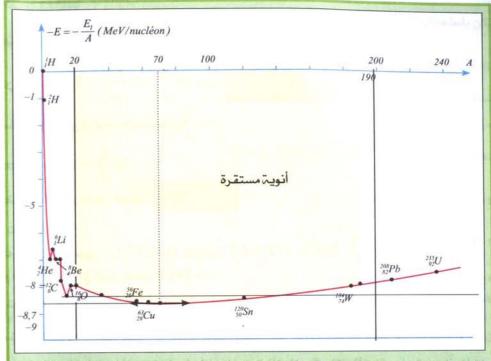
ب/ النواة التي تحدث انشطارًا هي U_{92}^{235} (اليورانيوم 235).

النواة التي تحدث اندماجًا هي H_1^2 (الدّيتيريوم أو الهيدروجين النّقيل). بالطّبع توجد أنوية أخرى تحدث اندماجًا، لكنّها غير ظاهرة في هذا المنحني \cdot



ج/ لاحظ منحني آستون فستجد أنه يتناقص بعد U_{92}^{235} وبالتالي تتناقص طاقة الرّبط لكلّ نلكيون $(E_{L/A})$ ، وهكذا تصبح كلّ العناصر بعد اليورانيوم غير مستقرّة، إما انشطارية، أو يحدث لها تفكّ من النوع α كما نتأكد من أن لها فترة نصف عمر U_{1} صغيرة مقارنة بانصاف أعمار العناصر الأخرى الموجودة في الطبيعة، فلو كانت لها أنصاف أعمار كبيرة مقارنة بعمر الكرة الأرضية (4,5 مليار سنة) لوجدناها في الطبيعة، ولو بكميّات قليلة.

تماريه خاصة



4 اراد الأستاذ ان يقدر عمر الكرة الأرضية، فأحضر عينة من اليورانيوم 238، تحتوي على كمية من الرّصاص 206 برّكيب هو 1 من اليورانيوم في مقابل 0,8g من الرصاص. $\lambda u = 4.5 \times 10^9 a$

أ/ برأيك، لماذا عندما نريد تعيين عمر الأرض ندرس صخور اليورانيوم، وعندما نريد تقدير عمر الكائنات الحيّة نستعمل الكربون 14 14 C) = 5730a .

 $Nu(t)+N_{pb}(t)=Nu(0)$ وان $Nu(t)=Nu(0)e^{-\lambda t}$ برا إذا علمت ان

$$t = \frac{1}{\lambda u} \ln \left(1 + \frac{N_{pb}}{Nu}\right)$$
 فاثبت آن

ج/ قنر حسب هذه الطريقة عمر الكرة الأرضية :

. t=0s عدد أنوية اليورانيوم في اللحظة $\mathrm{Nu}(0)$

. t عدد أنوية اليورانيوم في اللحظة Nu(t)

الحل

ر اسم المنحنى البياني $f(A) = \frac{-E_L}{A}$ هو منحني استون. الفائدة منه:

• يحدّد طاقة ربط النويات لمختلف العناصر في الطّبيعة.

بتحولات نووية

 $\ln \frac{N_U t}{N_U t + N_{Pb}(t)} = -\ln \frac{N_U(t) + N_{Pb}(t)}{N_U(t)}$ ڪما ان $-\ln \frac{N_U(t) + N_{Pb}(t)}{N_U(t)} = -\lambda_U t$ نعوض في (3) فنجد

$$t = \frac{1}{\lambda_U} \ln \left(\frac{N_U(t)}{N_U(t)} + \frac{N_{Pb}(t)}{N_U(t)} \right)$$

$$t = \frac{1}{\lambda_U} \ln \left(1 + \frac{N_{p_b}(t)}{N_U(t)} \right)$$
 وهي العبارة المطلوبة.

 $N=\mathcal{N}$ تقدير عمر الكرة الأرضية نعلم أن $\frac{m}{M}=\frac{N}{\mathcal{N}}$ ، إذن ، $\frac{m}{M}=\frac{N}{\mathcal{N}}$ عدد أفوقادرو

N : عدد أنوية العيّنة

m : كتلة العينة

M: الكتلة المولية.

 $m_U=1g$ مع $N_U=\frac{{\cal N} m_U}{235}$ مع $N_U=\frac{{\cal N} m_U}{235}$

$$m_{Pb}=0.8g$$
 مع $N_{Pb}=rac{\mathscr{N}m_{Pb}}{206}$ مع

$$rac{N_{Pb}}{N_U} = rac{235.m_{Pb}}{206.m_U} = rac{235 imes 0.8}{206 imes 1} pprox 0.913$$
 بقسمة العبارتين نجد

$$\lambda_U=1,54.10^{-10}a^{-1}$$
 , $\lambda_U=rac{0,693}{4,5.10^9}$. يذن ، $\lambda_U=rac{\ln_2}{t_{1/2}ig(Uig)}$ لكن

لا حاجة هنا لتحويل السّنة (a) إلى الثانية (s)

$$t = \frac{1}{1,54.10^{-10}} \ln(1+0,913)$$
 : نعوض في العبارة فنجد

اي عمر الكرة الأرضية يساوَي بالتقريب $4,2 \times 10^9 a$ اي عمر الكرة الأرضية يساوَي بالتقريب $t = 4,2 \times 10^9 a$

تماريه خاصة

 β^- هذا تفكّك طبيعي، لذا نتوقّع له التفكّكين α أو β^- فقط، أمّا التفكك β^+ فهو اصطناعي ولا يحدث إلا في التحولات النووية المستحدثة (الاصطناعية).

ب/ حساب قيمتي العددين a و d

 $^{238}_{92}U$ ightarrow $^{206}_{82}Pb+alpha+beta^-$ المعادلة النووية المعطاة هي

 $_{-1}^{0}e$ الجسيم eta^{-} هو الكترون

 4_2 He هو نواة الهليوم lpha

 $^{238}_{92}U \! o \! ^{206}_{82}Pb + \! a_{_2}^{\,4}\!He + \! b_{_{-1}}^{\,\,0}e :$ لذا نكتب المعادلة من جديد

A و A و A نستعمل فانوني انحفاظ B و A نستعمل فانوني انحفاظ

$$a=8$$
 ومنه $a=\frac{238-206}{4}$ ومنه $a=238=206+a(4)+b(0)$ اي $a=8$

• وقانون انحفاظ Z يعطي : 92 = 82 + a(2) + b(-1) اي 92 = 82 + 8(2) - b إذن 92 = 82 + a(2) + b(-1) يعطي : لو بدانا بقانون انحفاظ Z ، لحصلنا على معادلة فيها مجهولين هما a و وبالتالي نبدا بقانون انحفاظ a ، حتى يتستى لنا تعيين أحد المجهولين.

 $t_{1/2}$ إن عمر الأرض في حدود 4 مليار سنة، ولذا نقدّرها بالعناصر المشعّة التي لها نصف العمر $t_{1/2}$ في حدود عمر الكرة الأرضية مثل اليورانيوم $t_{1/2}(U)$. كما أنّ اليورانيوم وأغلبية الصّخور نشأت مع نشوء الكرة الأرضية. أمّا تقدير عمر الكائنات الحيّة، أو عمر الخضارات أو الآثار التي تركها الإنسان القديم، فيتطلّب الاستعانة بالعناصر المشعّة التي لها نصف عمر $t_{1/2}$ في حدود آلاف السّنين مثل $t_{1/2}$ نقياء ناهيك عن أنّ غاز $t_{1/2}(CO_2)$ نتج عندما بدأت العمليات الحيوية (عملية التنفس)، أثناء ظهور العطاء النباتي وظهور الحيوانات والإنسان على سطح الأرض.

ب/ إثبات العلاقة

 $N_U(t) = N_U(0)e^{-\lambda_U t}$(1) تفكك اليورانيوم يعطى بمعادلة التناقص الإشعاعي \bullet

• اليورانيوم 238 في آخر نشاطه الإشعاعي يتحوّل إلى رصاص 20^6 مستقر، ومجموع أنوية اليورانيوم + أنواة الرصاص يبقى ثابتا ويكون مساويًا للعدد الابتدائي لأنوية عيّنة اليورانيوم.

 $N_U(t) + N_{Pb}(t) = N_U(0).....(2)$ بمعنی

: نعوَض عن $N_U(0)$ من المعادلة $N_U(0)$ في المعادلة المعادلة $N_U(0)$

$$N_U(t) = (N_U(t) + N_{Pb}(t))e^{-\lambda_U t}$$

$$\frac{N_U(t)}{N_U(t) + N_{Pb}(t)} = e^{-\lambda_v t}$$

 $\ln \frac{N_U(t)}{N_U(t)+N_{Pb}(t)} = \ln e^{-\lambda U t}$ (3) ندخل $\ln b$ ندخل التخلص من العدد

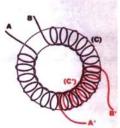
$$lne^{-\lambda_U t} = -\lambda_U t$$
 لكن



العالم الأنكليزي فاراداي، مكتشف ظاهرة التحريض الكهر طيسي، يعرض وشيعته. حقل مغناطيسي → حقل كهربائي.



الوشيعة التي اكتشف بها فاراداي التحريض الكهرطيسي.



الدارة المحرضة : C ، الدارة المتحرضة 'C .



تجربة اورستد 1820 : حقل كهربائى ← حقل مغناطيسى.



الإمبراطور نابوليون يستمع بإمعان لمكتشف الحاشدة (العمود)، العالم الإيطالي اليسندرو فولطا، 1800.

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

الوحدة ♦ دراسة ظواهر كهربانية / الدارة (R,C)

خلاصة الدرس

تطور التوتر الكهربائي بين طرفي مكثفة خلال شحنها وتفريغها في ناقل أومي 1/ المكتفة

ميراً تركيب المكثفة -1-1

تتألف المكثفة من لبوسين ناقلين متقابلين يفصل بينهما عازل كهربائي (diélectrique) مثل الهواء، الورق، الشمع، الخزف ... نماذج لبعض المكثفات

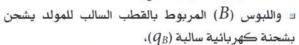
رمز المكثفة : يرمز للمكثفة بالرمز المقابل.



(q) äغثق المكثفة -2-1

عند ربط مكثفة بين قطبي مولد كهربائي لتيار مستمر، تشحن المكثفة (الشكل 1) بشحنة كهربائية.

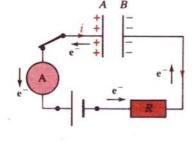
 فاللبوس (A) المربوط بالقطب الموجب للمولد يشحن بشحنة كهربائية موجبة (*q*_A)،



$$q=q_A=ig|q_Big|$$
 في كل لحظة يتحقق

نسمى الشحنة 9 شحنة المكثفة، وتقاس بالكولوم (C).

و شحنة المكثفة هي كمية الكهرباء التي تخزنها المكثفة.



Hard_equation

(1) وشرة النيار (1) وشرة النيار (1)

ملاحظة هامة ؛ لوجود العازل، لا تستطيع الإلكترونات المرور بين الصفيحتين.

تعطى العلاقة بين شحنة المكثفة (q) المتغيرة أثناء شحنها وشدة التيار (i) الناتج عن تغير الشحنة بالعبارة التالية :

$$\begin{array}{c|c}
A & i(t) & B \\
\hline
 & -q(t) \\
\hline
 & U_C(t)
\end{array}$$

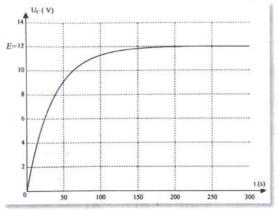
$$i = \frac{dq}{dt}$$

(q) و(i) مقداران جبريان موجبان أو سالبان.

- الموجب (i>0). وإذا زادت شدة التيار (حالة شحن المكثفة) فإن (i) يكون في الاتجاه الموجب (i>0).
- المان ينقصت ألا التيار الحالة تفريغ المكثفة الهان الفي الكون في الاتجاه السالب اi<0)، وبالتالي تنقص النقصة التيار (حالة تفريغ المكثفة) الماني الم شحنة المكثفة.
- إذا شحنت المكثفة بتيار كهربائي مستمر ثابت الشدة (I) فإن شحنة المكثفة المخزنة تكون متناسبة

q=It : طردا مع الزمن (t)، وتعطى بالعبارة

 $u_c(t)$ منحنى شحن المكثفة



مناقشة : يمكن تقسيم المنحني إلى جزئين ؛

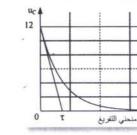
الجزء الأول : تزداد فيه قيمة (u_c) من $(\mathcal{O}
u)$ إلى (E) للمولد، وعليه تكون شحنة المكثفة قد الجزء الأول : تزداد فيه قيمة (u_c) تغيرت من (0c) إلى (q). يسمى النظام الانتقالي.

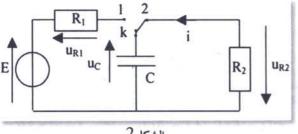
الجزء الثاني : تثبت فيه قيمة (u_c) عند القيمة (E) اي : البت $E=U_c=U_c$ وفيه تكون الجزء الثاني : تثبت فيه قيمة U_c المكثفة قد شحنت تماما بالشحنة (q). يسمى النظام الدائم (régime permanent).

ب/ حالة تفريغ مكثفة

القاطعة K في الوضع 2 (الشكل2) ونسجل قيم التوتر u_c بدلالة الزمن t فنحصل على البيان التالى.

$u_c(t)$ منحنى تفريغ مكثفة





الشكل 2

$u_c(t)$ الدراسة التحليلية والمعادلة التفاضلية لتطور -2

أ/ حالة شحن مكثفة

نفترض أنّه عند غلق القاطعة في الدارة (R,C) فإن تيارا كهربائيا (i) يجتاز الناقل الأومى (R). نطبق بين النقطتين (A) و(B) خاصية جمع التوترات التي تسمى أيضا قانون التوترات :

$$u_{MB} = u_{MA} + u_{AB} \dots (1)$$

 $u_{MA} = u_R$: هو التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومى (R) وللسهولة نكتب $u_{MA} = u_R$ $u_{AB}{=}u_C$: هو التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة (C) وللسهولة نكتب $u_{AB}{=}u_C$ $u_{\mathit{MB}}{=}E$. هو النوتر الكهربائي بين طرفي المولد وله قيمة ثابتة E لذا نكتب U_{MB} نعوض في العبارة (1) فنجد:

المطبق عليها (U_c) والتوتر الكهرباني (U_c) المطبق عليها -4-1

 $q(t)=C.u_c(t)$: عطى بالعبارة

. t عنى شحنة المكثفة في اللحظة الزمنية q(t)

التوتر الكهربائي المطبق بين طرفي المكثفة $u_c(t)$

. (F) . سعة المكثفة وهي مقدار ثابت، وتقاس بوحدة هي الفاراد (F)

$$1Farad = \frac{1Coulomb}{1Volt}$$

الفاراد هي وحدة كبيرة، لذا عادة ما تستعمل أجزاؤها، وهي :

 $1\mu F$ = $10^{-6}F$: (μF) الميكروفاراد

 $1\eta F=10^{-9}F$. (ηF) النانوفاراد

 $1pF=10^{-12}F:(pF)$ البيكوفاراد 1 - 5 - العلاقة بين (i) و(بن)

نعلم آن $i(t) = \frac{d(u_c.C)}{dt}$. نعوض فنجد . $q=u_c.C$ نعلم $i=\frac{dq}{dt}$ بندن $i=\frac{dq}{dt}$

ملاحظة هامة

يفضل دوما في المكثفة الاصطلاح على جعل اتجاه التيار الكهربائي (i) عكس اتجاه التوتر (u_c) المطبق بين طرفيها، تماما مثل الآخذة (le récepteur).

2- الدارة الكهربانية (R,C)

2 - 1 - تعریف

ثنائي القطب (R,C) هو ربط مكثفة سعتها (C) على التسلسل مع ناقل أومي مقاومته (R).

 $R_1 = 100 \text{ K}\Omega$ $C = 40 \mu\text{F}.$ E = 12 V.

المعادلة التفاضلية لتطور التوتر (u_2) بين طرفي مكثفة -2-2

1- الدراسة التجريبية

. $u_c(t)$ التركيب الكهربائي للشكل 1 يسمح لنا بدراسة تغير (u_c) بدلالة الزمن (t) اي

(E) نستعمل مولدا للتوتر المستمر قيمته وناقلین اومیین (R_1) و (R_2) ومکثفة سعتها (C) وقاطعة (K) وفولطمتر وكرونومتر.

أ/ حالة شحن المكثفة

يوصل جهاز فولطمتر بين طرفى المكثفة

لقياس التوتر الكهربائي (u_c) بين طرفيها.

توضع القاطعة (K) في الوضع (1) وتسجل قيم (u_c) في لحظات زمنية (K) مختلفة باستعمال الكرونومتر، ثم يُرسم المنحنى البياني $u_c(t)$ (انظر التمرين 4).

 $E = u_R + u_C \dots (2)$

 $u_R = Ri$. حسب قانون أوم

 $i = C \frac{du_c}{dt}$: وكما وضحنا سابقا $u_R = RC \frac{du_c}{dt}$: ومنه نکتب

 $E=RC \, rac{du_c}{dt} + u_C$: نعوض عن (u_R) في المعادلة (2) فنجد RC نجد بقسمة طرفي المعادلة على RC نجد

$$\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = \frac{E}{RC}$$

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى مع وجود طرف ثان.

ש سميت معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى لأنها تحتوي على المتغير (ענ) ومشتقه الأول (تفاضله الأول

 $(\frac{au_c}{u})$ بالنسبة للزمن

 $\frac{E}{RC}$ عير معدوم.

ما هو حل هذه المعادلة التفاضلية ؟

$$u_c = E(1-e^{-t/RC})$$
 : هذه المعادلة تقبل حلا هو

يمكن أن تتأكد من ذلك بالتعويض عن هذا الحل (\mathcal{U}_c) في المعادلة التفاضلية، وستجد أنه يحققها.

$u_c(t)$ بيان

$$u_{c}=E(1-e^{-0/RC})$$
 \Rightarrow $u_{c}=0v$: $t=0s$ يا من اجل

$$t=RC=\tau$$
 من أجل من أجل

$$u_c = E(1 - e^{-RC/RC}) = E(1 - e^{-1}) = E(1 - \frac{1}{e}) = E(1 - \frac{1}{2,718}) = 0,63E$$

$$u_c = 0,99E$$
 : نجد $t = 5RC = 5 au$ نجد

. E أي أنه في اللحظة $t{=}5 au$ تصل قيمة التوتر u_c بين طرفي المكثفة إلى 99% من قيمتها النهائية

عمليا، نعتبر أن شحن مكثفة ينتهي في اللحظة الزمنية t=5 au.

 $t o \infty$ الله زمن ڪبير جدا أي

$$u_c = E(1 - e^{-\infty/RC}) = E(1 - 0) = E$$
; $u_c = E$

نتيجة

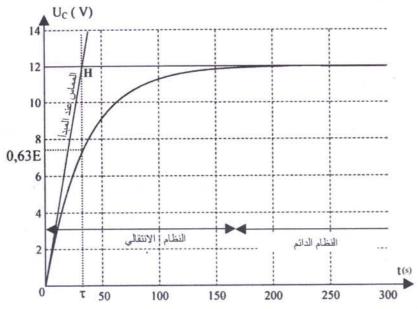
 $t
ightarrow \infty$ نظریا، نعتبر آن شحن مکثفة بشکل تام یحتاج إلى زمن غیر منته عملية شحن مكثفة هي عملية غير آنية، فهي تدخل إذن في النظام الانتقالي.

نصطلح على تسمية المقدار RC بثابت الزمن لثنائي القطب ونرمز له بالرمز τ أي $\tau = RC$ ويعطى بالثانية.

نلخص النتائج السابقة بالجدول التالى:

t(s)	0	τ	5τ	∞
$u_c(v)$	0	0,63E	0,99E	E

 $u_c(t)$ ونرسم البيان



خاصية هامة

 $u_c=E$ إن ميل المماس للمنحني u_c في اللحظة t=0 (عند المبدأ) يقطع الخط المقارب! E/RC في نقطة H إحداثياها (t= au=RC) و $(u_c=E)$ وقيمة الميل تساوي

برهان هذه الخاصية في التمرين 3.

ب/ حالة تفريغ مكثفة

عند جعل القاطعة (K) في الوضع (2) تتفرغ شحنة المكثفة (q) عبر الناقل الأومي (R) ونقصان الشحنة بمرور الزمن (dq/dt) يؤدي إلى ظهور تيار كهربائي (i) ندعوه تيار التفريغ اتجاهه عكس اتجاه تيار الشحن (انظر الشكل2).

ملاحظة هامة:

عند الإبقاء على اتجاه تيار التفريغ كما هو يظهر أن المكثفة تلعب دور مولد، ولكننا نفضل جعل المكثفة

كلما كانت سعة المكثفة أكبر كانت عملية شحن المكثفة أبطأ لأن ثابت الزمن T يكبر.

مشاهدة منحني الشحن والتفريغ بواسطة راسم الاهتزازات

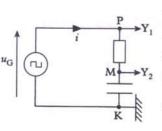
إن شحن وتفريغ مكثفة هما عمليتان تتمان في زمن صغير نسبيا لا يسمح بدراستهما، حتى ولو كانت (R) كبيرة و(C) كبيرة.

 $C=2200\mu F$ و $R=10^3\Omega$ مثال : دارة (R,C) مثال : دارة

$$au$$
ای: au $=RC=10^3 imes 220010^{-6}$ ای: ثابتها الزمني:

ففي هذا الزمن الصغير تكون شحنة المكثفة قد وصلت إلى 63% من قيمتها الكلية، وبالتالي نلاحظ صعوبة عملية تسجيل قيم شحن أو تفريغ المكثفة.

عملية شحن المكثفة أو تفريغها تتم في زمن صغير لا يسمح بدراستها بواسطة الفولطمتر والكرونومتر.



 غير أنه من الممكن دراسة تطور عملية شحن وتفريغ المكثفة، بتكرار الظاهرة في أزمنة كبيرة نسبيا، ويتم تحقيق عملية التكرار ^{Y−} (GBF) عن طريق تغذية الدارة (R,C) بمولد منخفض التواتر M→Y₂ ذي إشارة مربعة (Générateur à Basses Fréquences) (١٦١) (أو يقال على شكل لبنات). وبهذا يمكن مشاهدة عملية شحن وتفريغ مكثفة بواسطة راسم الاهتزاز (l'oscilloscope).

في المدخل 1/1 لراسم الاهتزاز

نلاحظ أننا ربطنا المولد (GBF) (لاحظ أن المولد بين المربط y_1 والمربط الأرضى $\frac{1}{1}$). لذا نشاهد منحنى تغير التوتر بين طرفي المولد ذي الإشارة المربعة، كما هو موضح بالمنحني المقابل.

في المدخل 1⁄2 لراسم الاهتزاز 🌷

نلاحظ أننا ربطنا المكثفة (لاحظ أن المكثفة موجودة بين

المربط 1⁄2 والمربط الأرضي ﴿ إِنَّ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ عَلَى اللَّهُ اللَّهُ الرَّجوع إلى التمرين 6 للاستزادة).

الطاقة المخزنة في مكثفة

تختزن المكثفة الطاقة الكهربائية ($E_{\it el}$) أثناء شحنها، وتفقد هذه الطاقة أثناء التفريغ. تعطى عبارة الطاقة الكهربائية المخزنة في مكثفة كما يلي :

$$E_{el} = \frac{1}{2} q u_c = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2} C u_c^2$$

تلعب دور آخذة ـ كما اسلفنا الحديث ـ لذلك نصطلح على - بس نجاه تيار التفريغ باتجاه تيار الشحن $i=RCrac{du_c}{dt}$: وبهذا الاصطلاح يمكن استعمال العلاقة $i=-rac{lq}{dt}$ وليس $i=-rac{dq}{dt}$

؟ فيف نحصل على المعادلة التفاضلية التي تحدد تطور u_c أثناء تفريغ المكثفة

يمكننا الحصول على ذلك بسهولة، بجعل E o 0 لأننا نزعنا المولد من الدارة التي ندرسها.

نعوض في المعادلة التفاضلية (3) فنجد :

$$\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = \frac{0}{RC} \implies \frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = 0$$

 $u_c = Ee^{-t/ au}$. وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى بدون طرف ثان، وتقبل حلا هو . $u_c = E: t=0$ s على اعتبار أنه في اللحظة

$u_c(t)$ بيان

نستعين بالجدول التالي:

t(s)	0	$\tau = RC$	5τ	∞	
$u_c(V)$	E	$\frac{E}{e} = 0.37E$	0,0067E	0	

خاصية هامة

إن ميل مماس المنحنى في اللحظة (t=0s) يساوي . t=au ويقطع محور الزمن في اللحظة E+au

انظر البرهان في التمرين 3.

auدراسة تأثير (R) و(C) على ثابت الزمن تأثیر (R) علی T مع بقاء (C) ثابتة

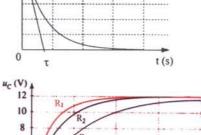
إذا أعدنا دراسة تطور (\mathcal{U}_c) في حالة شحن نفس المكثفة من أجل قيم مختلفة لـ(R) نحصل على البيان التالي : . $au_2 > au_1$ يكون $R_2 > R_1$ لاحظ أنه من أجل

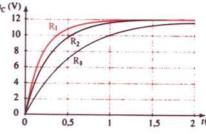
auكلما كانت المقاومة (R) أكبر كان ثابت الزمن أكبر، وبالتالي تنقص سرعة شحن المكثفة.

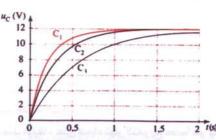
تأثیر (C) علی τ مع بقاء (R) ثابته

ندرس تطور (u_c) لعدة مكثفات C_2 ، C_1 أثناء عملية الشحن مع الإبقاء على نفس الناقل الأومي (R)، فنحصل على البيان التالي :

. $au_2 > au_1$ یکون $C_2 > C_1$ لاحظ انه من اجل







2/ ثنائي القطب (R,C)

قانون

التوثرات

المعادلة

التفاضلية

عبارة

 $u_{c}(t)$

وبيانها

وبيانها

تعطى الدَارة المئلة في الشكل المقابل.

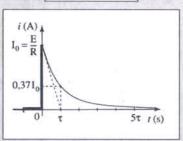
(1) K

حالة تفريغ الكثفة (القاطعة K في الوضع 2)

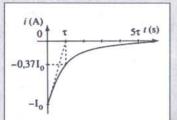
$$0 = u_R + u_C$$
$$= RC \frac{du_C}{dt} + u_C$$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{\tau} = 0$$





نعدم ينعدم ينعدم $u_c(t)$ $u_c = 0V$



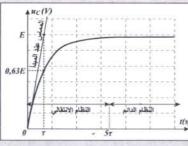
ينتقل فجأة من القيمة (0A)إلى iالقيمة العظمى $(-I_0)$ في الاتجاه السالب، ثم يتناقص بسرعة حتى ينعدم.

(Eحالة شحن الكثفة (تحت التوتر (القاطعة K في الوضع 1)

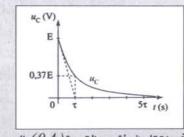
$$E = u_R + u_C = RC \frac{du_C}{dt} + u_C$$

: نضع
$$au=R$$
 وهو ثابت الرثمن
$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{ au} = \frac{E}{ au}$$

$$u_C(t) = E(1 - e^{-t/t})$$



يزداد، ثم يثبت عند القيمة $u_C = E$

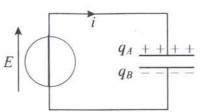


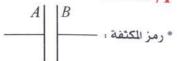
ينتقل فجأة من القيمة (0A) إلى iالقيمة العظمي 1 في الاتجاه الموجب، ثم يتناقص بسرعة حتى ينعدم.

دراسة ظواهر كهربائية

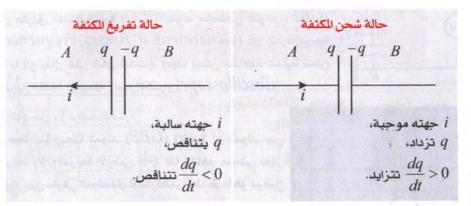
R,CöJlall

1/ المكتفة





- $q(t) = q_A(t) = -q_B(t)$ شحنة الكثفة ؛
- العلاقة بين شحنة المكثفة (q) وشدة التيار (i)



 $^{^{\}circ}$ إذا شحنت المكثفة بتيار ثابت الشدة (I) فإن شحنتها تزداد مع الزمن (t) حسب العلاقة $^{\circ}$

• العلاقة بين شحنة المكثفة (q) والتوتّر الكهرباني $u_c(t)$ المطبّق عليها

$q(t) = C.u_c(t)$

- (F) عسعة المكثفة وتقاس بالفاراد: C
- * يفضَل دوما في المكثفة جعل اتجاه التيار (i). عكس اتجاه التوتر (u_{c}) ، مثل الآخذة.



ماريه خاصة بالدارة (R,C)

تمارين خاصة بالدارة (R,C)

التمرين 1

أجب بصحيح أو خطأ على الاقتراحات التالية وصحح الخطأ.

1/ تتالف المكثفة من لبوسين عازلين.

2/ يفصل اللبوسين مادة عازلة.

3/ لا تسمح المكثفة بمرور التيار المستمر.

4/ إذا كانت شحنة المكثفة هي (Q) فإن شحنة اللبوس الموجب هي (+Q) وشحنة اللبوس السالب هي (-Q).

أر سعة المكثفة (C) من رتبة (kF).

الحل

1/ خطأ. والصحيح هو : تتألف المكثفة من لبوسين ناقلين.

2/ صحيح.

3/ صحيح.

4/ صحيح.

(kF) خطأ ؛ لأن سعة المكثفة من رتبة الميكروفاراد ((μF)) وأقل، لا من رتبة الكيلوفاراد ((kF)).

التمرين 2

نحقق تركيب الدارة الكهربائية الممثلة بالشكل المرفق.

1/ تعرَف على ثنائيات الأقطاب المبينة بالدارة.

. أجب على ما يلي K نجعل القاطعة K في الوضع الجب على ما يلي χ

أ/ أي المصباحين يتوهج ؟ هل يبقى متوهجا ؟

ب/ ماذا نسمي التيار الكهربائي الذي سمح بتوهج المصباح ؟ ما هي عبارته ؟

ج/ ما مصدر هذا التيار؟ هل يدوم طويلا؟ حدد اتجاهه في مخطط للدارة الكهربائية.

د/ ماذا نسمى العملية التي حدثت للمكثفة ؟

أ/ بعد عدة دقائق، كم تكون الشدة I للتيار الكهربائي المار في الدارة ؟

9 u_C إذا ربطنا فولطمتر بين طرفي المكثفة، هل نسجل توترا كهربائيا

E=10V يعطى يعطى؛ إذا كان كذلك؛ فما قيمته

 $C = 1\mu F$ ج/ احسب الشحنة Q للمكثفة علما بأن سعتها

د/ استنتج قيمة الطاقة المخزنة من طرف المكثفة.

4/ صف ما يحدث عند جعل القاطعة في الوضع 2. ماذا تسمى هذه العملية ؟

الحل

1/ التعرف على ثنائيات الأقطاب

3/ الطاقة المخزّنة في المكتّفة

$$E_{\acute{e}l\acute{e}} = \frac{1}{2} C u_C^2 = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \ .$$

اثناء الشحن، تخزن الكثفة طاقة كهربائية تعطى بالعبارة :

 $E_{\acute{e}l\acute{e}}$ الطاقة الكهربائية ب $E_{\acute{e}l\acute{e}}$.

C: سعة الكئفة ب(F)،

 u_{C} التوتر الكهربائي ب u_{C}

q: الشحنة ب (C).

Hard_equation

رد (L_1) و(L_2) مصباحان،

هو مكثفة سعتها ((C))، و ثنائي القطب ((AB)) هو مكثفة سعتها

. (r= 0Ω) مولد مثالي للتوتر المستمر قيمته (E) وبالتالي مقاومته (MN) ويثنائي القطب

يا (K) قاطعة أو مبدل.

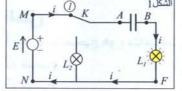
(1) عند جعل القاطعة (K) في الوضع (2)

المصباح (L_1) هو الذي يتوهج لمدة وجيزة، ثم ينطفئ ؛ لأنه عند جعل (K) في الوضع (L_1) يصبح لى هذه الحالة منتميا إلى هذه الحالة منتميا إلى هذه الحالة منتميا إلى المصباح (L_2) في دارة كهربائية مغلقة فيها المولد (E).

ب نسمى التيار الكهربائي الذي سمح بتوهج المصباح (L_I) بتيار الشحن للمكثفة (واختصارا تيار الشحن

. i=dq/dt : ويعطى بالعبارة (courant de charge

ج/ يفسر وجود تيار الشحن بأنه عند غلق القاطعة فإن مولد التيار يعمل بقوته المحركة الكهربائية (E) على نقل الكترونات اللبوس (A) (المربوط بالقطب + للمولد) إلى اللبوس (B) فيظهر عليه فائض في الإلكترونات، لذلك يشحن اللبوس (B) بشحنة



كهربائية سالبة (q-)، وبالتأثير تظهر شحنة كهربائية موجبة (q+) على اللبوس (A).

ومن المعلوم أن حركة الإلكترونات ينشأ عنها تيار كهربائي يدوم ما دامت، وهذا هو تيار

اتجاه تيار الشحن (أ) : يخرج من القطب (+) للمولد ويدخل من قطبه (-)، وهكذا تظهر الشحنة الموجبة (+4) (انظر الشكل (1)) على اللبوس (A) القريب من القطب (+) للمولد، وتظهر شحنة سالبة على اللبوس (B) القريب من القطب (-) للمولد.

د/ العملية التي حدثت للمكثفة هي : عملية شحن المكثفة.

q=Q=ا/ عند انتهاء عملية شحن المكثفة، تصبح شحنتها ثابتة (q): ثابت

$$i=0A$$
 ؛ اذن $i=\frac{dq}{dt}=0$ وعليه فإن

فيصبح التيار معدوما، وهو ما يفسر انطفاء المصباح (L_1).

i=0 برطنا فولطمتر بين طرفي المكثفة، فإنه يسجل توترا كهربائيا (u_c)، رغم أن i=0

 $u_{MN} = u_{AB} + u_{BF}$: حسب خاصية جمع التوترات، لدينا

لكن : u_{AB} و u_{AB} و وكذلك u_{BF} = u_{BF} باعتبار أن المصباح يماثل الناقل الأومي

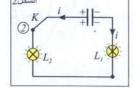
 $u_c = E = 10 v$ في درجات الحرارة غير الكبيرة، ومنه : ج/ حساب الشحنة (Q) للمكثفة

Q= $10^{-5}c$ ، Q= 10.10^{-6} اذن ، C= $1\mu F$ = $10^{-6}F$ مع Q= u_c Cد/ الطاقة المخزنة من طرف المكثفة تعطى بالعبارة :

$E = \frac{1}{2}Cu_c^2 \implies E = \frac{1}{2} \times 10^{-6} (10)^2 ; \quad E = 5.10^{-5} j$

كر عند جعل القاطعة في الوضع (2) فإننا نلاحظ توهج المصباحين (L_1) و(L_2) معا، ثم ينطفئان،4

بالرغم من عدم ربط مولد بالدارة الكهربائية، ونفسر هذا بأن المكثفة بدأت تفقد شحنتها الكهربائية حتى تنتهي تماما، أي $(q{=}0c)$ ، وفي هذه الأثناء يمر تيار كهربائي (i=dq/dt) يسمى تيار التفريغ الكهربائي. كما أن اتجاه تيار التفريغ (i) يكون معاكسا لاتجاه تيار الشحن (انظر الشكل2).



 M_{i} R_{i}

التمريري 3

לעונס (R,C) *טעוו*

لتكن الدارة (R, C) الممثلة بالشكل المرفق.

عندما تغلق القاطعة (K) يسري تيار الشحن (i) في الدارة.

(E) باستعمال خاصیة جمع التوترات، جد علاقة بین (1) $(U_R)_g(U_c)_g$

 (u_R) باستعمال قانون أوم، أعط عبارة (u_R) ، وأعط كذلك عبارة

 (du_c/dt) و (C) بدلالة (i) بدلالة

 (u_c) جد المعادلة التفاضلية للتوتر الكهربائي (u_c) .

auر تاكد من أن هذه المعادلة التفاضلية تقبل حلا لها هو $E(1-e^{-t/ au})$ مع au

ماذا يسمى الثابت T ؟ بيِّن أن له وحدة زمن.

 $u_c(\infty)$ و $u_c(5 au)$ ، $u_c(au)$ ، $u_c(0)$ و $u_c(5 au)$ ب/ اعط المعنى الفيزيائي لكل من القيم السابقة.

 $u_c(t)$ المثل بيان /أ

ب/ أثبت أن ميل البيان $u_c(t)$ في اللحظة (t=0s) يساوي (E/RC).

 $t_{1/2}$ = au. التي يكون فيها (u_c = E /2) يتحقق $t_{1/2}$ التي يكون فيها (عن المراكبة نصف الزمن $t_{1/2}$ التي يكون فيها (عن المراكبة نصف الزمن $t_{1/2}$

الحل

 (u_R) و (u_c) و (E) ويجاد العلاقة بين (E)

 $u_{MB} = u_{MA} + u_{AB}$ حسب خاصية جمع التوترات لدينا : الدينا $u_{MB} = E$ کن $u_{MA} = u_R$ و $u_{AB} = u_c$ کما ان $u_{AB} = u_c$

 $E=u_c+u_R$ (2) نجد (1) نجد عندما نعوض في المعادلة وهي العلاقة المطلوبة.

 u_R عبارة 2

 $u_R = Ri$ باستعمال قانون أوم نجد :

عبارة أ

 $i = \frac{d}{dt}(C.u_c)$

وهي العبارة المطلوبة.

 $i = C \frac{du_c}{dt}$

يكفي أن نعوض بهذا الحل في المعادلة التفاضلية، لنجد أنه يحققها.

 $\frac{du_c}{dt} = E\left(0 - \left(-\frac{1}{\tau}\right)e^{-t/\tau}\right) = \frac{E}{\tau}e^{-t/\tau}$

i=dq/dt : نعلم أن تيار شحن المكثفة يعطى بالعبارة : لكن $q=C.u_c$ حيث (C) سعة المكثفة و(q) شحنتها في اللحظة (t). نعوض في عبارة

 $E=u_c+Ri=u_c+RCrac{du_c}{dt}$: نعوض عن (i) في المعادلة (2) فنجد بالقسمة على (RC) نجد : $\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = \frac{E}{RC}$ بالقسمة على (RC) بالقسمة على بالقسمة على المطلوبة.

المعادلة التفاضلية للتوتر الكهربائي 13 المعادلة التفاضلية التوتر الكهربائي

اذا كان (du_c/dt) نعينه كالتالي ؛ $u_c = E(1-e^{-t/ au})$ نعينه كالتالي ؛

نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد :

 $\frac{E}{\tau}e^{-t/\tau} + \frac{E(1-e^{-t/\tau})}{RC} \stackrel{?}{=} \frac{E}{RC}$

ملاحظة : سميت معادلة تفاضلية لأن فيها المتغير (u_c) ومشتقه (تفاضله) الذي هو (du_c/dt) .

 $\tau = RC$ as $u_c(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$

 $\frac{E}{\tau}e^{\tau/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC}e^{\tau/\tau} \stackrel{?}{=} \frac{E}{RC}$

 $\frac{E}{\tau}e^{\tau/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC}e^{\tau/\tau} = \frac{E}{RC} \implies \frac{E}{RC} = \frac{E}{RC}$

فالمعادلة التفاضلية محققة.

🗉 يسمى الثابت T ثابت الزمن.

اثبات أن T له وحدة زمن (أو يقال إن T متجانس مع الزمن)

مقدار ثابت يمكن إخراجه من عامل التفاضل (d/dt)، ليكون : C

4/ لكي نتأكد من أن حل المعادلة التفاضلية السابقة هو :

interest partial language

بمان $\tau=RC$ فإن: $[\tau]=[RC]$ وتقرأ: وحدة $(\tau)=[RC]$. $[\tau]=[R][C]$ \star اذن:

 $[\tau] = \frac{[u]}{[u]}$ نعوض في المعادلة * فنجد : $[R] = \frac{[u]}{[I]} \ \land \ [C] = \frac{[q]}{[u]}$ لكن : $[\tau] = \frac{[q]}{[u]} \frac{[u]}{[I]} = \frac{[q]}{[I]}$

[t]=[au] الذن : [t]=[T] وبالتالي : [t]=[T] وأخيرا : [q]=[I][t] كن [t]=[T]

هذا يعني أن (T) له وحدة الزمن (t).

و اعطاء المعنى الفيزيائي لكل منها $u_c(\infty)$ و $u_c(\infty)$ و اعطاء المعنى الفيزيائي لكل منها $u_c(0)$

$$u_c(0) = E(1 - e^{-0/\tau})$$
; $u_c(0) = 0V$

وهذا يعنى أنه في لحظة غلق القاطعة (K) أي اللحظة (t=0s) يكون التوتر الكهربائي بين طرفى المكثفة. ($u_c=0\nu$)

$$u_c(\tau) = E(1 - e^{-\tau/\tau}) = E(1 - e^{-1}) = E(1 - \frac{1}{e}) = E(1 - \frac{1}{2,718})$$

 $u_c(\tau) = 0.63E = 63\%E$

أي أنه في اللحظة $(t=\tau)$ يكون للتوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة القيمة (63%) من قيمة التوتر الكهربائي (E) بين طرفي المولد.

$$u_c(5\tau) = E(1 - e^{-5\tau/\tau}) = E(1 - e^{-5}) = E(1 - \frac{1}{e^5})$$

$$u_c(5\tau) = 0.99E = 99\%E$$

أى أنه في اللحظة (t=5 au) تبلغ قيمة التوتر الكهربائي (u_c) بين طرفي المكثفة القيمة (99%) من قيمة التوتر الكهربائي (E) للمولد. عمليا، يعتبر شحن المكثفة قد تم عند اللحظة (57).

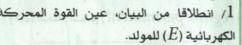
 $u_c(\infty)$ — u_c

 $u_c(\infty) = E(1 - e^{-\infty/\tau}) = E(1 - 0)$; $u_c(\infty) = E$

وهذا يعنى أنه كي يصل التوتر الكهربائي (u_c) إلى القيمة (E) للمولد، لا بد أن تستغرق عملية الشحن زمنا طويلا جدا.

التمرين 4

 $(C=140,0\mu F)$ مكثفة غير مشحونة سعتها تربط على التسلسل مع ناقل أومى مقاومته (R). نقوم بشحنها بواسطة مولد للتيار الكهربائي قوته المحركة الكهربائية (E). في لحظة نعتبرها مبدأ الزمن (t=0s)، نغلق القاطعة (K) (الشكل المرفق) ونقوم بتسجيل تغير (u_c) بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن (t)، فنحصل على المنحنى



ب/ شدة تيار الشحن i(t) ومثله بيانيا.



1/ انطلاقا من البيان، عين القوة المحركة (R) و $(t_{1/2})$ و (T) و (T) و (T) و (T)3/ بكم مرحلة يتم شحن المكثفة ؟ حددها إذن. 4/ حدد عبارة كل من: q(t) أ شحنة المكثفة بدلالة الزمن q(t)



المولد (E) للمولد المحركة الكهربائية (E) المولد أعظم قيمة لـ (u_c) توافق قيمة (E). فمن المنحنى E=12V: نجد $u_c(t)$ البياني

2/ تعيين قيم الثوابت

الثابت الزمني T

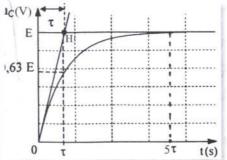
 طريقة 1 : يُعين (T) من فاصلة نقطة تقاطع u_c المماس في مبدأ الزمن ($t{=}0s$) مع المستقيم ما هو موضح بالشكل المرفق. حيث نقوم = E

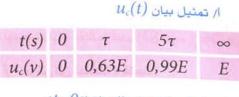
 $\tau=34s$. فنجد : $t=\tau$ برسم المماس المذكور وتعيين اللحظة

(0,63E) الذلك نعين الترتيبة (u_c =0,63E) الذلك نعين الترتيبة (عبريقة 2 الزمن (u_c =0,63E) بشكل تقريبي ونسقطها على محور الزمن فنجد الفاصلة الموافقة لها، كما هو موضح بالشكل المرفق. $\tau = 34s$: دا

(E/2=6V) هو الفاصلة التي توافق الترتيبة (u_c = E/2 = 6V). لذا نقوم بتعيين القيمة ($t_{1/2}$) الثابت ($t_{1/2}$) هو الفاصلة التي توافق الترتيبة ($t_{1/2}$ ونسقطها على محور الزمن، ومن ثم نعين الفاصلة الموافقة لها، كما يوضحه الشكل المرفق، فنجد : $t_{1/2} \approx 24s$

تماريه خاصة





$(t{=}0s)$ بر/ تعيين ميل المستقيم في اللحظة

 $u_c(t)$ ميل المستقيم نظريا من اشتقاق معادلة بالنسبة للزمن وتعويض (t) بالقيمة (t=0s)

$$\left(rac{du_c}{dt}
ight)_{t=0}$$
 يساوي يساوي (t = 0 s) يساوي يساوي $u_c=E(1-e^{-t/ au})$. وبما أن

$$\frac{du_c}{dt} = E\left(0 + \frac{1}{\tau}e^{-t/\tau}\right) = \frac{+E}{\tau}e^{-t/\tau}$$
 اذن

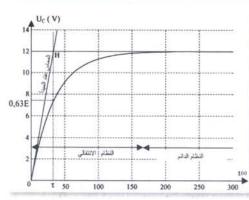
$$\left(\frac{du_c}{dt}\right) = \frac{+E}{\tau}e^{-\theta/\tau} = \frac{+E}{\tau}e^{\theta} = \frac{E}{\tau}\cdot 1$$
 نعوض (t=0s) نعوض

وبما آن
$$\tau=RC$$
 فإن : قان $\tau=RC$ فإن $\tau=RC$

ج/ إثبات أن t1/2=T.ln2 ج

 $u_c = E/2$) يكون ($t_{1/2}$) نعلم أن في لحظة نصف الزمن ($t_{1/2}$) يكون نعوض عن (u_c) في معادلة $u_c(t)$ فنجد :

$$\begin{split} u_c(t) &= E(1 - e^{-t/\tau}) \\ \frac{E}{2} &= E(1 - e^{-t/\tau}) \\ 1 - e^{-t/\tau} &= \frac{1}{2} \\ e^{-t/\tau} &= \frac{1}{2} \; ; \; \ln e^{-t/\tau} = \ln \frac{1}{2} \\ -\frac{t/\tau}{\tau} &= \ln 1 - \ln 2 \; ; \; \boxed{t_{1/2} = \tau \ln 2} \end{split}$$



شكل1

نعوض فنجد:

$$R = \frac{34}{140.10^{-6}} \approx 2,43.10^{5} \Omega \; ; \quad R \approx 2,4.10^{5} \Omega$$

يتم شحن المكثفة في النظام الانتقالي (régime transitoire)، وهذا يستغرق زمنا ($t{=}5 au$) أي ($t=5 \times 34=170s$). وفي هذه الحالة تكون شحنة المكثفة قد بلغت (99%) من شحنتها الكلية، ويكون: $u_c = \frac{99}{100}E$

 $(r\'egime\ permanent)$ وعند هذا الحد ينعدم تيار الشحن أي يصبح (i=0A) وتبدأ النظام الدائم كما هو موضح بالشكل المرفق.

ا/ عبارة الشحنة (q) للمكتفة

$$q=EC(1-e^{-t/ au})$$
 اذن: $u_c=E(1-e^{-t/ au})$ وبما ان: $q=u_cC$ بنعلم ان:

ب/ عبارة شدة التيار (أ)

أثناء شحن المكثفة يسري في الدارة تيار كهربائي ندعوه تيار الشحن (أ)، ونعيُّنه كالتالي : i=dq/dt : نشتق الشحنة بالنسبة للزمن

إذن نقوم باشتقاق عبارة الشحنة (q) فنحصل على:

$$\frac{dq}{dt} = EC\left(0 - \left(-\frac{1}{\tau}\right)e^{-t/\tau}\right)$$

$$i = \frac{dq}{dt} = \frac{EC}{\tau} e^{-t/\tau} : and g$$

لكن *τ=RC* إذن:

$$i = \frac{EC}{RC}e^{-t/\tau} \implies i = \frac{E}{R}e^{-t/\tau}$$

i(t) تمثیل

i(t) نکتفی ببعض قیم

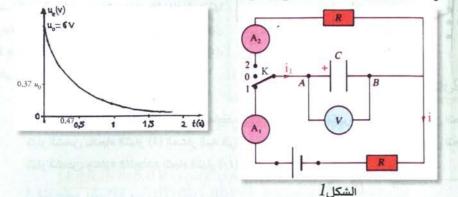
(s)
$$0 au au au au au$$

$$i(A) \quad \frac{E}{R} \quad 0.37 \frac{E}{R} \quad 0.0067 \frac{E}{R}$$

التمرين 5

اليك الدارة الكهربائية (R, C) الممثلة بالشكل المقابل.

نهدف إلى دراسة التفريغ الكهربائي لمكثفة مشحونة سعتها
$$C = 10^{-4}F$$
 في ناقل أومي R . I في البداية كانت القاطعة K في الوضع I . ماذا حدث للمكثفة I



 (i_2) نضع القاطعة K في الوضع (2) ونفترض أن اتجاه تيار التفريغ (i_2) موضح في الدارة السابقة. تسمح برمجة خاصة برسم تغيرات $\mathcal{U}_c(t)$ بين طرفي المكثفة، كما توضحه الوثيقة المرفقة، لحظة وصل القاطعة K بالوضع (2).

أ/ احسب الشحنة الابتدائية (٩٥) للمكثفة.

ب/ حدد في أي اتجاه تنتقل الإلكترونات.

ج/ حدد اتجاه تيار التفريغ الكهربائي. هل يتوافق مع اتجاه (i) المعطى في الشكل l

 $u_c = u_{AB}$ حيث (du_c/dt) حيث (i) حيث ///3

 \mathcal{U}_R بر جد العلاقة بين \mathcal{U}_c و

ج/ استخرج المعادلة التفاضلية لـ u_c في حالة تفريغ المكثفة.

 $u_c(t)=Ee^{-t/ au}$ مع $u_c(t)=Ee^{-t/ au}$ مع د/ تأكد من أن حل المعادلة التفاضلية هو

4/ انطلاقا من المنحني، استنتج ما يلي :

. R فيمة E . E قيمة المقاومة E . E قيمة المقاومة E

. i(t) استخرج المعادلة التي تعطي تطور شدة تيار التفريغ i(t) . بi(t) مثل بيانيا i(t)

1/ عندما كانت القاطعة في الوضع (1) حدث للمكثفة "عملية شحن كهربائي".

أ/ حساب الشحنة الابتدائية (٩٥) للمكثفة

نعلم أن
$$q=u_c(0)=6V$$
 ، وفي اللحظة الابتدائية ($t=0$ s) لدينا ، $q=u_c(0)=6V$ ومنه ، $q=u_c(0)=6V$, $q=u_c(0)=6V$, $q=u_c(0)=6V$ ومنه ، $q=u_c(0)=6V$, $q=u_c(0)=6V$, $q=u_c(0)=6V$

ب/ تحديد اتجاه حركة الإلكترونات أثناء التفريغ الكهربائي

تتنقل الإلكترونات من اللبوس الكهربائي السالب (الذي به فائض من الإلكترونات) إلى اللبوس

$$\frac{du_c}{dt} = -\frac{E}{\tau}e^{-t/\tau}$$

$$rac{du_c}{dt} = -rac{E}{RC}e^{-t/ au}$$
 اِذَنِ: $au=RC$ اِذَن

نعوض الآن في المعادلة التفاضلية :

$$\left(Ee^{-t/\tau}\right) + RC\left(-\frac{E}{RC}e^{-t/\tau}\right) \stackrel{?}{=} 0$$

$$Ee^{-t/\tau} - Ee^{-t/\tau} = 0$$

0=0 : إذن بالفعل

المعادلة محققة، وبالتالي فالحل المعطى هو حل للمعادلة التفاضلية.

ا/ استنتاج قیمه E

 $E{=}u_{c}(0){=}6,0V$ نعلم أن قيمة u_{c} في اللحظة $t{=}0$ 5 تساوي E إذن

ب/ قيمة ثابت الزمن T

نرسم المماس للمنحني $u_c(t)$ عند المبدأ فيتقاطع مع محور الزمن في اللحظة t=au كما يوضحه الشكل

| au = 0,47s | المرفق، ونقرأ من البيان القيمة :

ج/ قيمة المقاومة 7

 $R=\tau/C$: نعلم أن $\tau=RC$ إذن $\tau=R$

$$R = \frac{0.47}{10^{-4}} = 4.7.10^{3} \Omega \; ; \quad \boxed{R = 4.7.10^{3} \Omega = 4.7 \, k\Omega}$$

i(t) يجاد العلاقة التي تعطي تغير شدة تيار التفريغ /أ

: علما بان
$$i=Cdu_c/dt$$
 و $i=Cdu_c/dt$ و $i=Cdu_c/dt$ علما بان

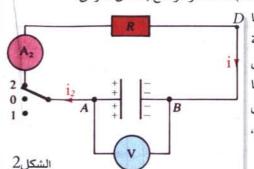
$$i = \mathcal{L}\left(-\frac{E}{R\mathcal{L}}e^{-t/\tau}\right) \Rightarrow i(t) = -\frac{E}{R}e^{-t/\tau}$$

i(t) بر/ تمثیل البیان

$$i=-rac{E}{R}=rac{-6}{4,7.10^{+3}}$$
 $ipprox -1,28.10^{-3}Approx -1,3~mA$

في اللحظة $t=\tau=0,47s$ لدينا :

تماريه خاصة



الموجب (الذي به نقص في عدد الإلكترونات)، كما هو موضح بالشكل المرفق. D_\parallel ملاحظة : إن عملية شحن المكثفة يمكن أن نمثلها بانتقال الإلكترونات المخزنة في الصفيحة المعدنية لى الصفيحة المعدنية (A). ففي الأولى (B)يحدث نقص في عدد الإلكترونات، فتزداد شحنتها الكهربائية (q_B) ، بينما الصفيحة الثانية يحدث لهل زيادة في عدد الإلكترونات فتنقص شحنتها (q_A) ، $(q_A = -q_B)$. لكن في كل لحظة يتحقق

ج/ للتيار الكهربائي اتجاه اصطلاحي يعاكس اتجاه حركة الإلكترونات. وعليه، يكون اتجاه تيار الشحن باتجاه التيار (i) المشار إليه في الشكل I . أما تيار التفريخ فاتجاهه عكس اتجاه تيار الشحن، وعليه فاتجاهه اتجاه التيار (i_2).

(du_c/dt) (i) التذكير بالعلاقة بين (i)

نعلم ان i=dq/dt بما ان $q=u_c$ اذن:

U_R و U_c برالعلاقة بين

يفضُّل جعل المكثفة تؤدي دور آخذة، أي جعل (1) يدخل من اللبوس الموجب، كما يوضحه

 u_{DB} = $u_{DA}+u_{AB}$: حسب الشكل، لدينا

(B)و (D) و $u_{DB}=u_c$ و $u_{DB}=u_c$ و $u_{DB}=u_c$ و $u_{DB}=u_c$ لأنه لا يوجد مولد بين النقطتين $0 = u_R + u_c$; $u_c = -u_{DA} \Rightarrow u_c = -u_R$! !!

وهى العلاقة المطلوبة

ج/ المعادلة التفاضلية لـ(س)

 $u_c = -Ri$! إذن $u_c = -u_R$ المابقا

 $i = C \frac{du_c}{dt}$: ومنه نكتب وجدنا سابقا

$$u_c = -RC\frac{du_c}{dt}$$
; $u_c + RC\frac{du_c}{dt} = 0$

وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة.

د/ حتى يكون $u_c = Ee^{-t/ au}$ علا للمعادلة التفاضلية، يجب أن يحققها. كيف ذلك ؟ يكفي أن 0=0 . نعوض بهذا الحل في المعادلة للحصول على في البداية، نقوم باشتقاق u_c بالنسبة للزمن u_c

$$i = -\frac{E}{R}e^{-1} = \frac{-6}{4,7.10^{+3}} \times \frac{1}{2,718} = -0.47 \, mA$$

وفي اللحظة
$$t=1s$$
 لدينا :
$$i = \frac{-6}{4,7.10^{+3}} \times \frac{1}{\left(2,718\right)^{\frac{1}{0,47}}} = -0.15 \ mA$$

التمرين 6 (مشاهدة منحني الشحن والنغريغ براسم الاهتزاز - نمرين تجريبي)

. $C{=}10\mu F$ ، $R{=}1{,}0k\Omega$ ، $E{=}12V$: علما بأن ، $R{,}C{}$) الممثلة بالشكل $R{,}C{}$) الممثلة بالشكل $R{,}C{}$ أ/ احسب الثابت الزمني T لهذه الدارة.

ب/ احسب عند اللحظة t التوتر الكهربائي u_c بين طرفي المكثفة ثم استنتج قيمة شحنة المكثفة 9.

 $t=\tau$ في اللحظة $t=\tau$.

t=5 للمكثفة عند اللحظة u_c أ احسب أ

ب/ هل الزمنان T و 5T صغيران أم كبيران ؟

برأيك، هل تتم عملية شحن المكثفة بسرعة أم ببطء ؟ علل.

GBF

2 شكل B

II/ في الواقع، إن عملية شحن وتفريغ المكثفة تتم بسرعة لا تسمح بتتبعها لحظة بلحظة بواسطة الفولطمتر لقياس u_c والأمبيرمتر لقياس شدة تيار الشحن (i) المار في الدارة (R,C). من أجل ذلك نستعمل مولدا منخفض التواتر (GBF) ذا إشارة مربعة (\square) (أو على شكل لبنات) دورها (T).

 γ_I لكى نشاهد الإشارة المربعة على شاشة راسم الاهتزاز نربط الطرف (B) للمولد بالمدخل γ_I لراسم الاهتزاز، أما طرفه الآخر (M) فنربطه بالكتلة $(\frac{1}{m})$ لراسم الاهتزاز التي يجب أن تكون معزولة عن الأرض (الشكل 2).

بعد ضبط راسم الاهتزاز على القيم التالية :

2v/div: aemi

سلم الزمن: Ims/div

تظهر الإشارة كما هو موضح في الوثيقة المرفقة (الشكل السفلي).

أ/ احسب الدور T ومن ثم التواتر f للتوتر المربع الذي يعطيه . GBF Ilaph

ب/ حدد قيمة التوتر E الذي يعطيه المولد.

ج/ حدد قيمة u_{BM} في المجالين الزمنيين 0 < t < T/2 و علق على النتائج.

د/ ماذا يجدث للمكثفة خلال هذين المجالين ؟ هل تتكرر العملية ؟

(A) نريد الآن مشاهدة التوتر الكهربائي u_c بين طرفي المكثفة. من أجل ذلك نربط طرفها 1/IIIبالمدخل y_2 لراسم الاهتزاز، أما طرفها (M) فهو مربوط بالكتلة (المربط الأرضي) كما هو موضح

(R,C) أبالدادة (R,C)

نضبط المدخل 1/2 لراسم الاهتزاز على القيم التالية :

الحساسية الشاقولية : 2v/div المسح الأفقى: 1ms/div

فنحصل على شكل ممثل في الوثيقة السابقة (الشكل العلوي).

أ/ ما هي الظاهرة التي تترجمها هذه الوثيقة ؟

كيف تفسرها ؟

ب/ أعط العبارة النظرية لتغير التوتر الكهربائي $u_c(t)$ بين طرفي المكثفة. هل المنحني المشاهد يجسد هذه العبارة ؟

الحل

(R,C) للدارة T للدارة T

 $C{=}10^{-5}F$: نعلم ان $T{=}R$ مع $R{=}1k\Omega{=}10^3\Omega$ و $R{=}1k\Omega{=}10^{-5}$ اذن $\tau{=}RC$ نعلم ان

 $\tau = 10^{+3} \cdot 10^{-5} = 10^{-2} s$: نعوض فنجد

t=T بين طرقي المكثفة عند اللحظة U_c بين طرقي المكثفة عند اللحظة ب

 $u_c = E(1 - e^{-t/\tau})$: نعلم أن

 $u_c = E(1-e^{- au/ au}) = E(1-e^{-1})$. ففي اللحظة الزمنية au = au لدينا

 $u_c = E(1 - \frac{1}{e}) = E(1 - \frac{1}{2.718}) \implies u_c = 0.63E$.

 $u_c = 0,63 \times 12 = 7,56v$ إذن: E = 12v وبما أن

auحساب الشحنة q للمكثفة في الزمن

 $q=7,56.10^{-5}\approx 7,6.10^{-5}c$ ومنه $q=u_cC$ نعلم ان

ج/ إيجاد شدة التيار i في اللحظة T

: فنكتب $Ri{=}E{-}u_c$ ومنه $E{=}u_R{+}u_c{=}Ri{+}u_c$ فنكتب فعلم من خاصية جمع التوترات ان

المدخل ا أو A

المدخل2 أو B

 $i = \frac{12 - 7,56}{10^3} \Rightarrow \boxed{i = 4,4.10^{-3} A}$: بالتعویض نجد

57 في اللحظة الزمنية q و المحظة الزمنية

 $u_c {=} E(1 - e^{- au/ au})$: بنفس الطريقة المتبعة في الجواب عن السؤال ، نكتب $u_c = E(1 - e^{-5\tau/\tau})$ لكن $t = 5\tau$ إذن

$$u_c = E(1 - e^{-5}) = E(1 - \frac{1}{e^5}) = E(1 - \frac{1}{(2.718)^5}) = 0,99E$$

$$q \approx u_c C \approx 12.10^{-5} = 1,2.10^{-4}c$$
 اما بالنسبة للشحنة q فلدينا الم

 $.5 au=5.10^{-2}$ و $au=RC=10^{-2}s$ و $au=RC=10^{-2}$ و $au=RC=10^{-2}$

ج/ بما أن في اللحظة t=5 au لدينا $u_c=0,99E$ اي $u_c=0,99E$ (عمليا، نعتبر أن شحن المكثفة المكثفة ينتهي عند اللحظة 5 au ، وهي هنا فترة زمنية صغيرة)، لذا نعتبر أن شحن المكثفة يتم في زمن صغير هو 5 au ، وعليه فإن عملية شحن المكثفة تتم بسرعة، لكن ليس لحظيا، بل تستغرق فترة زمنية هي 5 au .

fا حساب الدور T والتواتر f

الدور T هو زمن، لذلك نستعمل السلم المعطى للزمن، وهي القيمة التي ضبطت عليها قاعدة الزمن (1ms/div) والتي تسمى أيضا الحساسية الأفقية.

 $T=6 imes1ms=6ms=6.10^{-3}s$ اوإذن : 6div ممثل ب6 تدريجات أي 6div ، وإذن التواتر f فنحسبه من العلاقة :

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{6.10^{-3}} = \frac{10^3}{6} = 166.7$$
; $f = 166.7 \text{ Hz}$

Eب/ تحديد قيمة التوتر

نعلم أن E اعظُم قيمة ثابتة يعطيها المولد. والوثيقة تظهر أن اعظم قيمة ممثلة بE تدريجات وحسب السلم فإن كل E تدريجة E أي E أي E وبالتالى E

ج/ تحديد قيمة WBM

- $u_{BM} = E = 6\nu$: في المجال الزمني 0 < t < T/2 لدينا *
 - $u_{BM}\!=0$ ا لزمني $T/2\!\!<\!\!t\!\!<\!\!T$ لدينا $t\!\!>\!\!t$
- د/ في المجال الأول يحدث شحن للمكثفة. في المجال الثاني يحدث تفريغ للمكثفة. وتتكرر العملية في المجالات الزمنية الأخرى.

الأول يكون /1/ الظاهرة التي تترجمها الوثيقة هي شحن وتفريغ المكثفة. ونفسرها بأن في المجال الأول يكون /1/ الظاهرة التي تترجمها الوثيقة هي شحن وتفريغ المكثفة. في u_c من u_c الما في المجال الثاني فيكون u_c فيكون u_c من u_c إلى u_c المكثفة، فتنقص قيمة u_c من u_c إلى u_c

u_c العبارة النظرية لتطور التوتر الكهربائي 2

ومنه : t=6v و منه $t=RC=10^{-2}s$ ومنه : $u_c=E(1-e^{-t/\tau})$ ومنه : $u_c=E(1-e^{-t/\tau})$ ومنه : $u_c=6(1-e^{-t/\tau})$ بالفولط.

$$u_c = 6 e^{-100t}$$
 : قي حالة التفريغ

التمرين 7

 $R{=}400\Omega$ ، الممثلة بالشكل المقابل (R,C) الممثلة بالشكل المقابل GBF والمولد GBF يعطي توترا مربعا يأخذ القيمتين (E) والمناوب.

ا/ ماذا يمثل التوتران u_1 و u_2 u_3 u_4 u_5 u_6 u_7 أعط العبارة النظرية لكل منهما.

ج/ أي التوترين يمَكُننا من معرفة تغير شدة التيار

(i) المار في الدارة بدلالة الزمن ؟

2/ ضبطنا راسم الاهتزاز على الحساسيتين التاليتين:

الحساسية الشاقولية في المدخلين y_1 و y_2 هي (2v/div)

قاعدة الزمن : 0,5ms/div .

فشاهدنا المنحنيين الممثلين بالوثيقة المرفقة

(مع ملاحظة أننا سحبنا أحد المنحنيين إلى

الأعلى، حتى تكون القراءة جيدة).

أ/ أعط المعنى الفيزيائي لكل منحن، وميز أجزاءه المختلفة.

ب/ أرفق بكل منحن توتره المناسب.

 I_{max} استنتج من المنحنيين قيم المقادير التالية : التواتر f للمولد ، التوتر E ، الشدة الأعظمية التيار المار في الدارة ، ثابت الزمن au مع حساب السعة C للمكثفة.

 $R=400\;k\Omega$

الحل

u_2 و u_1 التوتران u_2 و u_1

بين طرفي الناقل الأومي، \mathcal{U}_R بين طرفي الناقل الأومي، \mathcal{U}_L . هو التوتر الكهربائي \mathcal{U}_L بين طرفي المكثفة.

 u_2 و u_1 العبارة النظرية لكل من u_2 و

حالة شحن المكثفة : قصد السهولة نمثل جزءا من الدارة :

مع احترام القطبية كما يلي :

 \mathcal{U}_c عكس اتجاه التيار (كالآخذة)، و توجيه التوتر

ت توجيه u_R عكس اتجاه التيار (فالتيار يدخل من الكمون المرتفع إلى الكمون المنخفض).

نطبق قانون التوترات : $E=u_R+u_c$ مع نطبق du

 $=C\frac{du_c}{dt} \quad , \quad u_R = Ri$

نعوض فنجد المعادلة التفاضلية لتطور u_c

ب/ ارفاق بكل منحن تواتره المناسب

. $u_R(t)$ يمثل تغيرات : 1 المنحنى

. $u_c(t)$ المنحنى 2 : يمثل تغيرات $u_c(t)$

ج/ استنتاج قيم المقادير

وهذا T التواتر f=1/T الذلك يجب تعيين الدور T من احد المنحنيين f=1/T وهذا بالاستعانة بقاعدة الزمن التي هي 0,5ms/div .

 $T=4,5.10^{-3}s$. ومنه : T=4,5ms ای : $T=0,5\times9$

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{4,5.10^{-3}} \simeq 222\,Hz$$
 ; $f = 222\,Hz$: نعوض فنجد

باستعمال الحساسية الشاقولية وهي 2v/div ، وبالاستعانة بالمنحنى 2 نجد أن (E) هي أعظم |E=4v| ، E=2 imes2=4v : قيمة لا نكتب يا تدريجة الذلك نكتب وهي ممثلة ب

الشدة الأعظمية للتيار Imax

. $u_R(t)$ الذي يمثل العظم قيمة للمنحنى الأي يمثل العظم

 $u_R(t)=Ee^{-t/\tau}$: لدينا

 $u_{\scriptscriptstyle R}(0){=}E$: ناد مبدأ المنحني أي في اللحظة ($t{=}0s$) لدينا ($t{=}0s$) عند مبدأ المنحني أي في اللحظة

$$i(0)=I_{max}=rac{E}{R}=rac{4}{400}$$
 عن $i=u_R/R$ الذن $u_R=Ri$ ومنه $u_R=Ri$

 $I_{max} = 0.01A$: اذن

ت ثابت الزمن T

و طريقة 1

برسم مماس المنحنى 2 أو 1 في اللحظة الابتدائية (t=0s) نجد (τ).

. τ =0,6div : باستعمال المنحنى 2 نجد

auوبالاستعانة بالمسح وهو 0.5ms/div إذن نكتب وبالاستعانة بالمسح وهو

 $\tau=0,3ms$

· طريقة 2

: نعلم أن E من E من E من اللازم لكى تبلغ u_c القيمة E من E من E اليكون

$$u_c = 0.63E = 0.63 \times 4$$
; $u_c = 2.52v$

 τ =0,3ms : ننقل هذه القيمة على المنحنى 2 فنجد أن

$$E = RC \frac{du_c}{dt} + u_c$$
; $\frac{E}{RC} = \frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC}$

.
$$au=RC$$
 مع $u_c=E(1-e^{-t/ au})$ مع مع معادلة التفاضلية هو

$$u_2 = E(1-e^{-t/ au})$$
 اذن: u_c انجاه u_2 انجاء ان u_2

$$u_R = RC \frac{du_c}{dt}$$
 : اما u_R فهو

$$\frac{du_c}{dt} = \frac{E}{\tau}e^{-t/\tau} = \frac{E}{RC}e^{-t/\tau} : u_c$$
نقوم باشتقاق عبارة

$$u_R = \frac{RC}{RC} E e^{-t/\tau}$$
 ; $u_R = E e^{-t/\tau}$: نعوض في عبارة u_R فنجد

$$u_1 = -u_R = - E e^{-t/ au}$$
 : لذلك نكتب لذلك عكس اتجاه u_R لذلك نكتب

حالة تفريغ المكثفة

التوتر بين طرفى المولد معدوم (0V).

في هذه الحالة يحدث تفريغ للمكثفة، فينعكس اتجاه التيار، إلا أننا سنحافظ على اتجاهه السابق، على اعتبار اتجاه (i) عكس اتجاه التوتر (u_c) (حالة الآخذة). في هذه المرحلة نضع E=0 في المعادلة التفاضلية السابقة لنحصل من جديد على المعادلة التفاضلية :

$$u_c = -E e^{-t/\tau}$$
 : وحلها هو $\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = 0$

$$u_2 = u_c = -Ee^{-t/\tau}$$
اذن:

$$u_R = RC \frac{du_c}{dt} = \frac{-RC}{\tau} E e^{-t/\tau} : u_R$$
 وبالمثل نجد

$$u_1 = u_R = -Ee^{-t/\tau}$$
 الذن $\tau = RC$ الذن $\tau = RC$ الذن $\tau = RC$ الذن

 u_R =Ri ؛ التوتر u_R هو الذي يمكننا من معرفة تغيّر شدة التيار i(t) لأن

/ المعنى الفيزيائي لكل منحن وأجزائه المختلفة

المولد؛ يحتوي على جزئين مختلفين خلال كل دور زمنى (T) للمولد؛ I_{max} عن تناقص التوتر u_R وأيضا i في الناقل الأومى R من قيمة عظمي الجزء الأول : يعبر عن تناقص التوتر إلى القيمة 0.

الجزء الثاني: يعبر عن تزايد تيار التفريغ في الناقل الأومى من القيمة ($-I_{max}$) إلى القيمة 0 (الإشارة السالبة اتت من كونه يسري في الاتجاه المعاكس لاتجاه تيار الشحن).

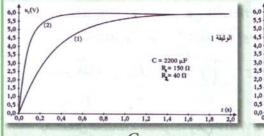
نعلم ان T=RC إذن $C=\frac{0.3.10^{-3}}{400}$ نعوض فنجد : T=RC ومنه :

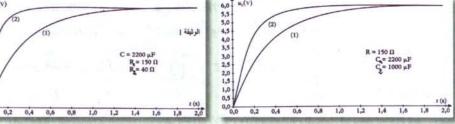
 $C=0,75.10^{-6}F$

تماريه خاصة

التمرين 8 (تمرين تجريبي)

1/ تمثل الوثيقة 1 عملية شحن مكثفة في دارة (R,C) على التسلسل، بواسطة راسم الاهتزاز، وهذا Cمن أحل مقاومتين مختلفتين R_I =150 Ω و R_2 =40 Ω مع ثبات R_2 عند القيمة ارفق بكل بيان قيمة R الناسبة له. علل.





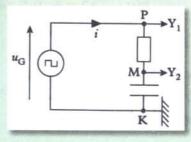
العصول على القيمة $R_{i}=150\Omega$ ونقوم بتغيير سعة الكثفة (C)، للحصول على القيمة $R_{i}=150\Omega$ $C_1=2200 \mu F$ ثم القيمة $C_2=1000 \mu F$ ثنحصل على الوثيقة $C_1=2200 \mu F$

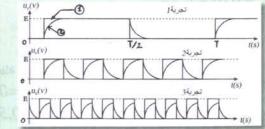
أرفق بكل بيان قيمة C المناسبة له. علل.

Rا لدراسة تأثير التواتر f للمولد GBF على عملية شحن وتفريغ المكثفة. نقوم بتغيير f مع إبقاء Sو C ثابتتين، ونشاهد في كل مرة على راسم الاهتزاز منحني الشحن والتفريغ. نحصل على المنحنيات التالية ؛

اً/ ميْز في كل تجربة المنحنى $u_c(t)$ من المنحنى $u_G(t)$.

ب/ صف في كل تجربة طريقة شحن وتفريغ المكثفة.





4/ ما هي النتائج الستخلصة من هذه الدراسة ؟

1/ ارفاق كل منحن بمقاومته المناسبة

1 ترفق بالمنحني : R_1

 R_2 ترفق بالمنحنى R_2

C فيمة T=RC فكلما كبرت R مع ثبات قيمة T=RC فيمة عبات قيمة R فكلما أن الثابت الزمني R مع ثبات قيمة $au_1> au_2\Longleftrightarrow R_1>R_2$ و مما ان $au_2=R_2$ و بما ان $au_1=R_1$ (سعة الكثفة)، إذن $au_1> au_2\Longleftrightarrow T_1=R_1$

عند رسم مماسي المنحنيين 1 و2 في اللحظة (t=0s).

. R_2 نجد من الماسين أن $au_1 > au_2$. نستنتج أن المنحني 1 يوافق R_1 والمنحني 2 يوافق

 C_1 المنحنى 1 يوافق السعة C_1 . المنحنى 2 يوافق السعة 2

التعليل: نفس إثبات السؤال السابق.

$u_G(t)$ و $u_c(t)$ التمييز بين المنحنيين

نعلم أن $u_c(t)$ يمثل التوتر الكهربائي بين طرفي الكثفة، وهو منحني شحن وتفريغ الكثفة، وبناء عليه فهو ممثل بالمنحني 2 في جميع التجارب. أما $u_G(t)$ فهو التوتر الكهربائي بين طرفي المولد، الذي ياخذ القيمتين E و 0ν خلال كل دور زمني T فهو إذن ممثل بالمنحني 1 في جميع

ب/ طريقة شحن وتفريغ المكثفة

ي التجربة 1 : نلاحظ أن التواتر f_1 صغير، لأن نصف الدور الزمني T/2 كبير بما يسمح في التجربة 1بشحن المكثفة تماما، فيبلغ التوتر u_c بين طرفيها القيمة E ثم تتفرغ في زمن كاف هو نصف . Tالدور الثاني أي من T/2 إلى

و في التجربة 2 ؛ التواتر f_2 له قيمة متوسطة، ولذا نلاحظ أيضا أن المكثفة تشحن وتفرغ في زمن والمتحربة f_2 كاف، لكنه أقل من زمن التجربة 1 ، وتصل قيمة \mathcal{U}_c إلى \mathcal{E} أثناء عملية الشحن.

ق التجربة 3 : الدور صغير وبالتالي فالتواتر f_3 كبير ونلاحظ أن زمن شحن وتفريغ الكثفة ويا التجربة 3بل ، E إلى u_c ، بل تصل فيمة الشحن والتفريغ لا تتم بشكل كاف، فلا تصل قيمة الشحن والتفريغ لا تتم بشكل تصل إلى قيمة أقِل من E ، ثم تبدأ عملية التفريغ. وهكذا فالزمن الدوري صغير بحيث ℓ يسمح بشحن ولا بتفريغ المكثفة بشكل كاف.

4/ النتائج المستخلصة من التجارب السابقة

. C ومع R ومع R ومع R ومع R ومع R

🗉 لكي تتم عملية شحن وتفريغ الكثفة بشكل كاف، يجب أن يكون الدور الزمني T مناسبا، فيجب اختيار التواتر f للمولد GBF بشكل مناسب.

التمرين 9 (وضعية ادماحية)

في حصة الأعمال التطبيقية، أحضر أستاذ الفيزياء علبة BM تحتوي على ثنائي قطب مجهول، فساله التلاميذ عن طبيعة ثنائي القطب داخل العلبة فاحالهم على تجربة الهدف منها دراسة استجابة ثنائي القطب على المجهول لتوتر كهربائي مربع قيمته (E,0) في دارة عدمها BM حيث θ الثابت الميز لثنائي القطب (R, θ)

1/ التجربة 1

ار في اللحظة الزمنية t_1 =300ms توصل القاطعة K بالوضع 1، وبين اللحظتين t_1 =300ms و اللحظة الزمنية . t_2 تم تبديل القاطعة K إلى الوضع 2 فتمت مشاهدة المنحني $u_{BM}(t)$ كما تبينه الوثيقة t_2

> اً من خلال المنحنى $u_{BM}(t)$ ، حدُّد نوع ثنائي القطب أ BM. برر إجابتك.

> > و ما هو الرمز الحقيقي للثابت heta ؟

ب/ حدد الأجزاء المختلفة لهذا المنحني وأعط المعنى الفيزيائي لها.

اعط $u_{BM}=u$ و الوضع K موصولة بالوضع أعط المعادلة التفاضلية لتطور لل بدلالة الزمن في المجال الزمني وبيّن أنها من الشكل : $0 < t < t_1$

$$u + \tau_l \frac{du}{dt} = A$$

حيث A و au_1 ثابتان يطلب تعيينهما بدلالة ثوابت الدارة.

R=4000Ω; Θ =

R =250Ω; Θ = ? 250Ω

ب/ اعط حلا لها.

ج/ استنتج قيمة الثابت الميز لثنائي القطب BM واحسب القيمة العددية للمقدار الميز لثنائي القطب BM

ا/ بين أنه في المجال الزمني t>t تعطى المعادلة التفاضلية لتطور u بدلالة الزمن بالشكل :

$$u + \frac{1}{\alpha} \frac{du}{dt} = 0$$

ب/ حدد الثابت 1/α بدلالة ثوابت الدارة وعين قيمته.

II/ التحرية 2

نستبدل الآن الناقل الأومى السابق (AB) بناقل أومى أخر مقاوته 1000Ω ونتبع نفس خطوات التجربة فنحصل على منحنى تطور $u_{BM}(t)$ من جديد في الوثيقة 3.

1/ ما الفرق بين منحني $u_{BM}(t)$ في الوثيقتين 2 و3/قيم النتائج.

2/ استنتج بيانيا الثابت الجديد للزمن 72.

3/ تأكد من أنه يتطابق مع القيمة النظرية.

أ/ تحديد نوع ثنائي القطب

انطلاقا من البيان $u_{BM}(t)$ الذي يمثل استجابة ثنائى القطب BM ، والذي يطابق منحني استجابة مكثفة أثناء الشحن والتفريغ. فنستنتج أن ثنائي القطب BM هو مكثفة. الرمز الحقيقى للثابت heta هو C الميز للمكثفة.

$$u_{BM}(t)$$
ب/ الأجزاء المختلفة للمنحنى

 $0ms \le t \le 300ms$ الجزء الأول :

يمثل تطور التوتر الكهربائي u_{BM} أو u_{C} بين طرفي المكثفة أثناء شحنها.

■ الجزء الثاني : 500ms≤t≤1000ms

يمثل تطور التوتر الكهربائي \mathcal{U}_c بين طرفي المكثفة أثناء تفريغها.

ملاحظة : الجزء من المنحنى بين 300ms و 500ms لا نهتم به، لأن بين هاتين اللحظتين تم تبديل القاطعة بين الوضعين 1 و2.

ا/ المعادلة التفاضلية لـ WBM

قصد التسهيل نضع : $u_{BM} = u$ ونعبر عن ثنائى القطب بالمكثفة.

 $u_{AM}=u_R+u$ (1) التوترات لدينا جمع التوترات لدينا

 $u_{AM}=E$ و $u=u_c$ علمابان

 $u_R = RCdu/dt$ این i = Cdu/dt این i = Cdu/dt و $u_R = Ri$ این کذلك i = Cdu/dt و $u_R = Ri$

$$E = RC \frac{du}{dt} + u$$
 (2) نعوض في المعادلة (1) فنجد : (2)

$$u + \tau_I \frac{du}{dt} = A$$
 (3) هذه هي المعادلة التفاضلية، وهي من الشكل وهي المعادلة التفاضلية، وهي من الشكل

T_{I} و A و تعيين الثابتين

بالطابقة بين المعادلتين (2) و(3) نجد ؛ $au_1=RC$ و الطابقة بين المعادلتين بالمعادلتين (2) بالطابقة بين المعادلتين (2) بالطابقة بين المعادلتين (2) بالمعادلتين (3) بالمعادلتين (4) بالمعادلتين (4) بالمعادلتين (5) بالمعادلتين (5) بالمعادلتين (6) بالمعادلتين (7) بالمعادلت

ب/ حل المعادلة التفاضلية

.
$$u_c = A(1 - e^{-t/\tau_t})$$
 gi $u = E(1 - e^{-t/RC})$

ج/ قيمة الثابت ٢١ الميز للدارة

u(t) ان au_I هو الثابت الزمني $au_I=RC$ ، ويمكن تعيينه بيانيا من نقطة تقاطع مماس المنحنى au_I ي اللحظة (t=0) مع المستقيم t=0

 $au_1 = 50ms$: نقرأ من البيان فنجد

(BM) حساب الثابت الميز وهو السعة C لثنائي القطب

$$C = \frac{\tau_1}{R} = \frac{50.10^{-3}}{250} = 200.10^{-6} F$$



في هذا المجال الزمني تكون المكثفة في حالة تفريغ كهربائي، فلإيجاد المعادلة التفاضلية يكفى أن ين نضع $u_{AM}=0$ او نجعل E
ightarrow 0 في المعادلة التفاضلية 2 لنجد انضع

$$u + \frac{1}{\alpha} \frac{du}{dt} = 0$$
 وهي من الشكل $u + RC \frac{du}{dt} = 0$

1/α برا تحديد الثابت

$$\frac{1}{\alpha} = RC = \tau_1'$$
 بالمطابقة بين المعادلتين السابقتين نجد أن :

ويمكن تعيين قيمة الثابت \mathcal{T}_I' بيانيا برسم مماس المنحني في لحظة بدء التفريغ الكهربائي وهي

الفرق بين المنحنيين $u_{BM}(t)$ في الوثيقتين 2 و 1/II

هو أن في الوثيقة 2 الثابت الزمني au_1 للمكثفة صغير إذ أن $au_1 = 50$ ، وعليه فإن عملية شحن وتفريغ الكثفة (ثنائي القطب BM) يتم بسرعة كبيرة، لذا فإن عمليتي الشحن والتفريغ تكونان تامتين. أما في الوثيقة 3 فإن عمليتي شحن وتفريغ المكثفة تتمان في زمن أطول نسبيا $au_2 = 200m$ وعليه فإن عمليتي الشحن والتفريغ لا تتمان في زمن كاف، لذا لا يكون الشحن تاما، كما لا يكون التفريغ تاما.

 $|\tau_2=200ms|$ الثابت الزمني الجديد هو /2

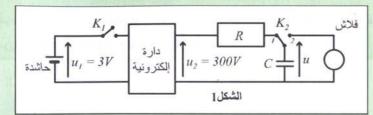
3/ التأكد نظريا من قيمة T2

 $\tau_2 = RC = 1000 \times 200.10^{-6} = 200.10^{-3}$; $\tau_2 = 200 ms$

وهذه القيمة تتوافق مع القيمة التجريبية.

التمرين 10

نقترح دراسة مبدأ وماض (Flash) لآلة تصوير. للحصول على وميض ضوئي ساطع نستعمل أنبوب الوماض الذي يتطلّب لاشتعاله تواترا كهربائيا في حدود $u_2 = 300V$. لتخزين الطاقة الكهربائية الكافية لعمل الوماض نستعمل مكثفة سعتها C . شحن هذه الكثفة بواسطة دائرة الكترونية مغذاة بمولِّد (بطارية) توترها $u_1=3V$ ، كما هو موضّح في الشكل1 .



 $u_2 = 300V$ إلى $u_1 = 3V$ الدّارة الإلكترونية تعمل على رفع التوثر الكهربائي من $R = 1k\Omega$. $C = 150\mu F$

1/أ/ كيف نجعل الدارة الإلكترونية تشتغل (الجزء الأوّل من الدارة) ؟

ب/ عندما نجعل المبتلة K_2 في الوضع 1 ، ماذا يحدث للمكتفة ؟

ج/ احسب ثابت الشحن 5T.

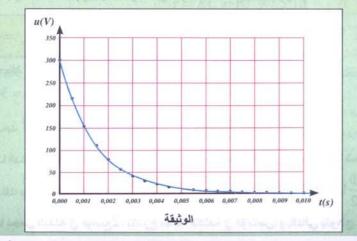
د/ احسب الطَّاقة الكهربائية E_{ile} التي تخرَّنها الكتّفة. ذكَّر بأهميّة دور النارة الإلكترونية مبيّنا طاقة

شحن المكتفة فيما لو نزعنا هذه النارة الإلكترونية؟

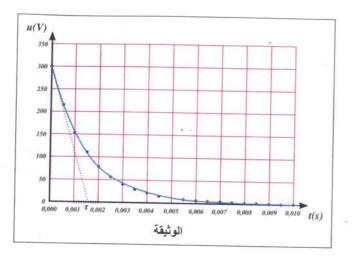
هـ/ عندما نجعل المبدّلة K_2 في الوضع2، ماذا يحدث للوماض ؟

2/ نعتبر أنّ الوماض من أنبوب به ناقل أومي مقاومته ٢ K_2 هو موضَّح في الشكل2 ونعتبر أن لحظة جعل 2

في الوضع2 هي اللّحظة t=0 ونسجَل تطور $u_{c}(t)$ بين طرفي الكتّفة في النحني البياني التالي.



au'ا// قيمة ثابت التفريغ au'



طريقة 1 : إن الماس عند المبدأ للمنحني (المثل في الوثيقة) يتقاطع مع محور الرّمن في لحظة $|\tau'=1,6.10^{-3}s|$ (انظر الوثيقة في الشكل المجاور)، إذن $t=\tau'=0,0016s$ ننصح التلميذ بعدم استعمال هذه الطريقة، لصعوبة رسم الماس.

111V طريقة 2 : نعيّن $0.37U_{C}$ اي $0.37U_{C}$ عن فاصلة القيمة المالية المالية عن فاصلة القيمة المالية عن فاصلة القيمة المالية المالية عن فاصلة المالية المالية

 $\tau' = 1,6.10^{-3} s$ فنجد

$$\tau = RC = 10^3 \times 1,5.10^{-4}$$
 , $\tau = 1,5.10^{-1} s$

المقارنة بين ٢ و ٢

نلاحظ أن 'au >> au . نستنتج أن زمن تفريغ الكثفة أصغر بكثير من زمن شحنها، وهذا حتى يتستى للوماض تلقي كل طاقة الكثفة في زمن صغير جدًّا، حتى تكون استطاعته كبيرة، وبالتالي يكون توهجه أحّادًا.

ب/ إيجاد المعادلة التفاضلية لتطوُّر $U_{\scriptscriptstyle C}(t)$ في حالة تفريغ الكثفة

حسب قانون جمع التوترات:

$$\begin{cases} U_C + U_r = 0 \\ U_C + r_i = 0 \end{cases}$$
 العن
$$i = C \frac{dU_C}{dt}$$

ا/ استنتج قيمة ثابت التفريغ au^{\dagger} وقارن بينه وبين au . ماذا تستنتج ؟ ب/ بيّن أن المعادلة التفاضلية لتطور $u_{c}(t)$ ثعطى بالمعادلة $\alpha \frac{du_{c}}{dt} + u_{c} = 0$ مع تحديد عبارة بيّن أن المعادلة التفاضلية لتطور المعادلة المعا

. au' و α و au' u_0 عيين قيمة $u_C(t)=u_0e^{-1/\alpha}$ هو التفاضلية السّابقة هو السّابقة تاكد من ان قيمة u_0 تتوافق مع توثر تشغيل الوماض.

. $K_{\scriptscriptstyle \parallel}$ تشتغل الدّارة الإلكترونية بمرور التيار الكهربائي فيها، وهذا يتحقّق بغلق القاطعة 1/1

. نشحن المكثفة K_2 في الوضع 1 : نشحن المكثفة K_2

ج/ حصيلة زمن الشحن

63% نعلم أنه في الرّمن au تشحن الكثفة ب

• وفي الرّمن 57 تشحن المكثفة بـ 99%

 t_c وعليه فالزمن 5τ هو زمن الشحن

 $t = 5\tau = 5RC$

 $C=150 \, \mu F=150.10^{-6} \, F=1,5.10^{-4} \, F$ و $R=1k\Omega=10^3 \, \Omega$ الحينا :

 $t = 5 \times 10^3 \times 1,5.10^{-4}$ إذن:

 $t = 7,5.10^{-1} s = 0,75s$

د/ الطاقة الكهربائية المخزنة

 $U_{C}=\mathit{E}\Big(1-e^{-t/ au}\Big)$ و تعطى عبارة الطاقة الكهربائية المخزنة من طرف المكثفة U_{C} بالعبارة الطاقة الكهربائية المخزنة من طرف المكثفة

$$E_{\acute{e}le} = \frac{1}{2}CU_c^2$$

 $U_{\scriptscriptstyle C}=E$ لكن في اللحظة au=5 au تكون

 $\boldsymbol{U}_{C} = 300 V$ هنا $\boldsymbol{E} = \boldsymbol{U}_{2} = 300 V$ هنا

$$E_{\acute{e}le}=6{,}75{\,j}$$
 ، $E_{\acute{e}le}=rac{1}{2} imes1{,}5.10^{-4} imes{(300)}^2$ نعوَض فنجد

• لو نزعنا الدارة الإلكترونية لكان $U_{\scriptscriptstyle C}=U_{\scriptscriptstyle 1}=3V$ فقط، وبالتالي تنقص طاقة شحن الكثفة،

$$E_{\acute{e}le}=rac{1}{2}1,5.10^{-4} imes(3)^2$$
 ، $rac{E_{\acute{e}le}=6,75.10^{-4}\,j}{}$: ونؤكّد ذلك بالحسابات التالية

ه/ عندما نجعل المبدّلة في الوضع2، تتفرّغ طاقة المكثفة في الومّاض، وبالتالي يتوهّج.

Hard_equation

$$U_C + rC \frac{dU_C}{dt} = 0$$
 إذن

$$\frac{rC}{dU_c} + U_c = 0$$
 : نجد بالقسمة على rC نجد

$$lpha rac{dU_C}{dt} + U_C = 0$$
 وهذه العادلة التفاضلية هي من الشكل

$$\alpha = rC$$
 : بالطابقة بين العادلتين نجد

au' و lpha و على جlpha المقارنة بين

au'=lpha الذارة (r,C) في حالة التفريغ لديها الثابت الزمني au'=r إذن

د/ لكي نتأكَّد من أن حلّ المعادلة التفاضلية هو $U_C(t)=U_0e^{-t/\alpha}$ ، يجب تعويضه في المعادلة المنكورة، فنجد أنه يحقّقها.

$$lpha rac{dU_C}{dt} + U_C = 0$$
 المعادلة التفاضلية هي $rac{dU_C}{dt} = -rac{U_0}{lpha} e^{-t/lpha}$ ، إذن $rac{dU_C}{dt}$

$$\alpha \left(-\frac{U_0}{\alpha}e^{-t/\alpha}\right) + U_0e^{-t/\alpha} \stackrel{?}{=} 0$$

$$-U_0e^{-t/\alpha} + U_0e^{-t/\alpha} \stackrel{?}{=} 0$$

نعوض في العادلة التفاضلية فنجد:

الفعل 0 = 0.....

فالمادلة محققة.

 U_0 ايجاد قيمة

$$U_{C}(t) = U_{0}e^{-t/\tau}$$
لدينا

$$U_{c}(0)=U_{0}$$
 إذن $U_{c}(0)=U_{0}e^{-0}$ إذن $t=0$

ومنه نقول إن U_0 تمثل قيمة U_C في اللّحظة الابتدائية (لحظة التفريغ ومنه نقول إن

$$U_{\scriptscriptstyle C}=U_{\scriptscriptstyle 2}=300V$$
 وفي لحظة التفريغ كان التوتر الكهربائي

$$U_0 = 300V$$
 إذن

هـ/ إن التوتر 3007 هو توتر تشغيل الومّاض، كما جاء في نصّ التمرين.

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

تطور شدة التيار الكهربائي المار في وشيعة تحريضية



1- الوشيعة

1-1- مبدأ تركيب الوشيعة

- ◄ تتألف الوشيعة من عدد من اللفات من سلك ناقل.
- (H) كل وشيعة تتميز بذاتيتها L التي تقاس بالهنري و (H)، وبمقاومتها الداخلية (r)، وتقاس بالأوم.

1-2- رمز الوشيعة

. $(r=0\Omega)$ منعدمة المثالية: يقال عن وشيعة إنها مثالية إذا كانت مقاومتها منعدمة

1-3- العلاقة بين شدة التيار والتوتر الكهرباني بين طرفي وشيعة

تعطى العلاقة بين شدة التيار (i)المار في الوشيعة (L,r)والتوتر الكهربائي u_{AB} بين طرفيها حصلى العلاقة بين شدة التيار u_{AB}

$$\begin{array}{cccc}
i & & & \\
A & & & & \\
& & & u_{AB} & B
\end{array}$$

$$u_{AB} = ri + L\frac{di}{dt}$$
 بالعلاقة : بالعلاقة

فالوشيعة تكون لها الخاصية التحريضية (أو الحثية).

 $rac{oldsymbol{u}_{AB}=oldsymbol{ri}}{dt}=0$ ومنه i=1) أو حالة التيار المستمر فإن i=1 ومنه ومنه d

فالوشيعة تتصرف كأنها ناقل أومي.

2-2 تذكرة

لقد درسنا في السنة الثانية التحريض الكهرطيسي (l'induction électromagnétique) والتحريض الذاتي (l'auto – induction). ولا بأس أن نذكر ببعض التجارب الهامة التي تم دراستها.





- تجربة 1 (تجربة فاراداي)
- وهي تجربة تظهر التحريض الكهروطيسي نلخصها كما يلي :
- ◄ وشيعة يربط بين طرفيها غلفانومتر (يقيس شدة التيارات الضعيفة).

2-2 تطور شدة التيار الكهرباني المار في وشيعة

L الدراسة بواسطة راسم الاهتزاز لدارة (R, L) خاضعة لمستوى واحد من التوتر

1/ إنبات تجريبيا أن الوشيعة تعاكس مرور التيار في دارة كهربائية. الهدف من التجربة: تعيين ثابت الزمن T.

تحقيق الهدف 1

العمل التحريبي :

نحقق تركيب دارة كهربائية على التسلسل مؤلفة من ، وشيعة ذاتيتها L=0,1H ومقاومتها . K وقاطعه R=500مهملة (rpprox0.0

نغذي المجموعة بواسطة مولد كهربائي منخفض التواترات (GBF) يعطى توترات كهربائية f = 2000 بعة على شكل لبنات (en créneaux) قيمتها 5V وتواترها

إحراء التحرية:

- ◄ نمثل مخطط تركيب الدارة بالشكل المرفق،
- ◄ نوصل الوشيعة بالمدخل ٧ لراسم الاهتزاز الهبطي،
 - . y_B نوصل الناقل الأومى R بالمدخل \blacktriangleleft
 - * سؤال 1 : عند غلق القاطعة K ، ماذا نشاهد في

الدخلين , لا و لا لراسم الاهتزاز الهبطي ؟

بين u_{AM} بين المدخل y_A التوتر الكهربائي u_{AM} بين *

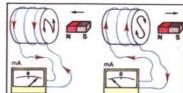
طرفي الدارة (الوشيعة + الناقل الأومي) أي بين طرفي المولد GBF (الذي يعطي توترات مربعة) كما هو موضح بالوثيقة 1.

 $u_R=Ri$ اذن ، وحسب قانون أوم فإن التوتر الكهربائي u_R بين طرفي R ، وحسب قانون أوم فإن

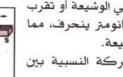
وعليه، يمكن القول إننا نرى في المدخل y_B تغير شدة التيار (i) المار في الدارة بدلالة الزمن (t) كما هو موضح بالوثيقة 1.

ملحظة: لكى تسهل دراسة الوثيقة 1، نعيد تمثيلها بالشكلين المرفقين التاليين.

- * نتانج التجربة 1
- * سؤال 2 : أي المنحنيين فيه انقطاع ؟
- \star جواب 2: المنحنى $u_{AM}(t)$ هو الذي يحدث فيه انقطاع \star
 - $u_{AM} = 5V$ فمثلا في المجال 0 < t < t نلاحظ أن
 - $u_{AM} = 0V$ فإن $t_1 < t < t_2$ أما في المجال
 - ◄ وتتكرر هذه العمليات في المجالات الزمنية الأخرى.



A B Com



◄ عندما يقرب مغناطيس من أحد وجهي الوشيعة أو تقرب الوشيعة من الغناطيس فإن مؤشر الغلفانومتر ينحرف، مما يدل على مرور تيار كهربائي في دارة الوشيعة.

◄ ينعدم هذا التيار عندما نوقف الحركة النسبية بين الوشيعة والمغناطيس.

◄ تسمى هذه الظاهرة بظاهرة التحريض الكهرطيسي؛ لأن

تحريك المغناطيس حرض على ظهور تيار كهربائي داخل الوشيعة، والوشيعة أدت هنا دور مولد كهربائي قوته الحركة الكهربائية تعطى بقانون فاراداي-لانز:

• تجربة 2 (التحريض الذاتي)

- ◄ وشيعة ذات نواة حديدية،
- ◄ مصباح نيون توتر اشتعاله 60V ،
- . (E = 4,5V) مولد G لتوتر مستمر G

◄ عند غلق القاطعة لا يتوهج مصباح النيون،

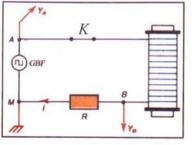
ونفسر هذا بأن التوتر $u_{{\scriptscriptstyle AB}}=4,5V$ التي تجعل توهج ونفسر هذا بأن التوتر $u_{{\scriptscriptstyle AB}}=4,5V$ التي تجعل توهج مصباح النيون ممكنا.

- ◄ عند فتح القاطعة ينقطع التيار الكهربائي الناشئ من المولد G ، غير أننا نلاحظ ظاهرة محيّرة تتمنل في توهج مصباح النيون. فما الذي جعل مصباح النيون يتوهج، رغم أن توهجه يحتاج، على الأقل، إلى توتر يساوي 607؟
- نجيب بقولنا إن تيار المولد صار منعدما (I=0A)بعد فتح القاطعة، لكن تيارا كهربائيا متحرضا (i) نشأ من الوشيعة ذاتها وتغيره كبير (i) مما جعل الوشيعة تؤدي دور مولد توتره عال جدا $e=-L \frac{di}{dt}$ لأن $e=-L \frac{di}{dt}$ بين
- طرفي مصباح النيون ذا قيمة تفوق 60V مما يسبب توهجه. ◄ يسمى هذا التحريض الكهرطيسي الناشئ بالتحريض الذاتي ؛ لأن الوشيعة هي مصدر هذا التيار (i) (عندما تغير فيها التدفق المغناطيسي نتيجة انقطاع التيار I للمولد G).

2 دراسة الدارة (R,L) بواسطة راسم الاهتزاز

2-1- تعریف ثنائی القطب (R,L)

ثنائي القطب (R,L) مؤلف من ناقل اومي ذي مقاومة R مربوط على التسلسل مع وشيعة r داتیتها L ومقاومتها L





- ◄ نرسم مماس النحني عند البدأ.
- (i(t)نحدد نقطة تقاطع الماس مع المستقيم الأفقي I_{θ} (الخط المقارب للمنحني (
 - . au هي بقيمة الثابت الزمني au

الطريقة الثانية

- $0,63I_{max}$ و الثابت الزمني τ يوافق القيمة 63% من القيمة العظمى للتيار i أي علما بأن الثابت الزمني τ يوافق القيمة $0,63I_{max}$ أو $0,63I_{0}$ (انظر الدراسة التحليلية).
 - ، $0,63I_{max}$ نبحث إذن عن I_{max} ثم نعين الترتيبة \blacksquare
 - ◄ نحدد الفاصلة الموافقة لها التي هي ذاتها قيمة T.
 - تجربة 2

الهدف من التجربة

- $u_{\mathit{MB}} = L \frac{di}{dt}$: التحقيق التجريبي لقانون فاراداي 1
 - . L التعيين التجريبي للذاتية -2

العمل التجريبي

نحقق تركيب الدارة التي عناصرها في حالة تسلسل وهي :

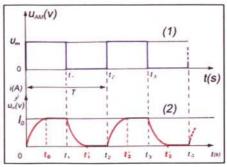
- وشيعة (L,r) ذاتيتها L مجهولة ومقاومتها r مهملة $(\Omega\Omega)$ مجهولة من الحديد اللين)،
 - ، $R=2000\Omega$ ناقل أومى مقاومته \blacktriangleleft
- ، 1000Hz ، تواتره 1000Hz ، يغذي الدارة بتوتر من (-2V) إلى (+2V) تواتره ، 1000Hz
 - ◄ راسم اهتزاز ذو مدخلين.

إجراء التجربة

- . $u_{{\scriptscriptstyle BM}}$ و $u_{{\scriptscriptstyle AM}}$ و نريد إظهار التوترين
- نوصل الوشيعة بالمدخل \mathcal{Y}_B لراسم الاهتزاز.
- نوصل الناقل الأومي بالدخل \mathcal{Y}_A لراسم الاهتزاز، كما يوضح الشكل.
- ◄ نوصل المربط الأرضي M (الكتلة la masse) لراسم الاهتزاز بالأرض
 (الثكار)

سبيه

- - دالة $R = 1\Omega$ نجد دالة
 - u_{BM} في المدخل B عند ربط الوشيعة بالمدخل B يجب مشاهدة التوتر الكهربائي \bullet
- ▶ لاحظ أن كلا المربطين A و B للمولد GBF غير موصولين بالأرض (أي بالمربط الأرضي ذي الرمز المربط)، ولإنجاح التجربة ينصح باستعمال مولد GBF بكتلة طافية (GBF à masse flottante)، بمعنى أن مربطه الأرضي يجب أن يكون معزولا عن الأرض، وذلك لتجنب استقصار الدارة بين M وكتلة المولد.
 - \star سؤال 1: اضبط المدخلين A و B بنفس الحساسية الشاقولية. ماذا تلاحظ \star



اما المنحني (i(t فليس فيه انقطاع.

- لاحظ في المنحني 1 أن u_{AM} يصل قيمته العظمى $u_{max}=5V$ لحظيا، فإذا افترضنا أن لحظة غلق القاطعة هي اللحظة (t=0s) ففي اللحظة (t=0s) (حيث $t=0+\varepsilon$) (حيث $t=0+\varepsilon$) (حيث $t=0+\varepsilon$) يبلغ قيمته العظمى.
- لا تبلغ قيمتها العظمى (i) المار في الدارة $I_{max}=I_0$ لل العظمى $(I_{max}=I_0)$ لحظيا، بل

. (t_{o}) إلى اللحظة (t=0s) إلى اللحظة (

* نتيجة 1

التيار الكهربائي لا يستقر لحظيا في الدارة (R,L)، بل يتأخر فترة زمنية معينة.

- بينما $(u_m=5V)$ نفس الملاحظات نسجلها في اللحظة t_2 إذ يبلغ التوتر u_{AM} قيمته العظمى الله في اللحظة (t'_2) .
- ينعدم لحظيا (في اللحظة t_1) إذ يقفز من u_{AM} ينعدم لحظيا (في اللحظة t_1) إذ يقفز من القيمة V إلى القيمة V وهذا تقريبا في نفس اللحظة t_1 .
- لاحظ أيضا من المنحني 2 أن التيار الكهربائي (i) يتناقص من قيمته العظمى (I_{max}) إلى أن ينعدم (i=0 وهذا في المجال الزمني $[t_1,t'_1]$ ، إذن يستغرق فترة زمنية لكي ينعدم.

: نتيجة 2

التيار الكهربائي لا ينقطع لحظيا في الدارة (R,L)، بل يتأخر فترة زمنية معينة.

- * سؤال 3 : كيف تفسر النتيجتين 1 و2 ؟
- * جواب 3 ، إن وجود الوشيعة هو الذي سبب هذا التأخر الزمني، سواء في استقرار التيار أو في انقطاعه. وبالفعل، لو استبدلنا الوشيعة بناقل أومي (R') للاحظنا أن التيار الكهربائي يظهر لحظيا وينقطع لحظيا، ويكون شكله تماما مثل شكل u_{AM} أي على شكل لبنات (إشارات مربعة).

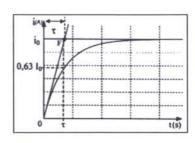
* نتيجة 3 :

- ◄ الوشيعة تعاكس ظهور وانقطاع التيار الكهربائي لحظيا في الدارة الكهربائية (R,L).
 - ◄ التيار الكهربائي في الدارة (R,L) لا يصيبه أي انقطاع.

تحقيق الهدف 2

بما أن التوتر الكهربائي u_R يعطى بالعبارة $u_R=Ri$ وعليه فالمنحني البياني $u_R(t)$ لا يختلف عن المنحني البياني i(t) كما إلا بالثابت R ، ومنه نستنتج المنحني البياني i(t) كما يوضحه الشكل المرفق.

au تحديد الثابت الزمني الطريقة الأولى



 $0 < t < \frac{T}{2}$ المجال الزمني •

a=اليل b=-3V مع $u_{AM}=at+b$

$$u_{{\it MB}}=rac{L}{R} imes a=$$
 فإن : فابت موجب $a=a=$ فإن : فابت موجب $a=a=$

$$\cdot \frac{T}{2} < t < T$$
 وفي المجال الزمني •

 $u_{\scriptscriptstyle AM} = -\,a^{\,\prime}\,t + b^{\,\prime}\,$: الدالة $u_{\scriptscriptstyle AM}$ ممثلة بخط مستقيم ذي ميل سالب، لذا فإن معادلته هي الدالة

$$\frac{du_{AM}}{dt} = -a'$$
 : لا نشتق هذه الدالة بالنسبة إلى الزمن نجد

$$u_{{\scriptscriptstyle MB}} = -rac{L}{R}\,a'$$
 : الذن $u_{{\scriptscriptstyle BM}} = rac{L}{R} imes rac{du_{{\scriptscriptstyle AM}}}{dt}$ لکن

ويكون منحني التوتر $u_{\it BM}$ على شكل (إشارة مربعة).

. אבقق فعلا. $u_{\mathit{MB}} = L \frac{di}{dt}$ وهذا ما لاحظناه بالضبط على شاشة راسم الاهتزاز، فقانون فاراداي

Lستنتاج قیمه

$$L = \frac{u_{MB}R}{a}$$
 وجدنا في المجال الزمني $0 < t < \frac{T}{2}$ ان $0 < t < \frac{T}{2}$

 $u_{\scriptscriptstyle BM}=100mV \times 1, 5=150mV=0, 15~V$ و R = $1000\,\Omega$ الدينا : $R=1000\,\Omega$

: $u_{\scriptscriptstyle AM}$ فهو معامل توجيه الدالة التآلفية a اما

اليل
$$a = \frac{du_{AM}}{dt} = \frac{4,5-0}{\frac{T}{2}-0} = \frac{4,5\times 2}{T} = \frac{9}{T}$$

$$T = 10^{-3} s$$
 : اي : $T = 2 \times 0.5 ms = 10^{-3} s$

$$a = 9.10^3 \, V.s^{-1}$$
 ومنه $a = \frac{9}{10^{-3}} = 9000 \, V.s^{-1}$ إذن:

 $L = 0.01666H \approx 16.7m$ وأخيرا $L = \frac{0.15 \times 1000}{9 \times 10^3}$ وأخيرا لذاتية L فنجد

3 المعادلة التفاضلية الموافقة لتطور التيار في الوشيعة

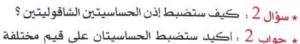
الحل التحليلي

التسلسل على التسلسل ــ حالة نشوء التيار في دارة (R,L) على التسلسل

نعتبر الدارة (R,L) مع وجود مولد للتوترات (الشكل). ightharpoons عندما نجعل القاطعة K في الوضع 1 ينشأ تيار

كمدياني i في الدارة (R,L) . لندرس تطوره.

ي المحمل في . $u_{BM} << u_{AM}$. المحمل في المحمل في



* جواب 2 : اكيد سنطبط العسسيدان على قيم معتلفه بحيث يظهر منحنيان واضحان ومقروءان (واقعان في مجال شاشة راسم الاهتزاز).

- لنضبطهما إذن على القيم التالية :

- $1.5V \ / \ div$: الحساسية الشاقولية على A هي
- $100mV \, / \, div$: الحساسية الشاقولية على B هي
 - زمن المسح الأفقي هو : 0,5ms / div

نحصل على الوثيقة المرفقة.

لتسهيل دراسة الوثيقة المرفقة يحسن إعادة تمثيلها كالتالي : نتانج التجرية

- . i بينُن أن التوتر $u_{\scriptscriptstyle AM}$ يتناسب مع \star
- . i دها أن $u_{AM}=Ri$ فهذا يعني أن $u_{AM}=Ri$ عناسب طردا مع \star
 - من أن بيان $u_{AM}(t)$ يطابق تقريبا $u_{AM}(t)$ على الدارة $u_{AB}(t)$ على الدارة $u_{AB}(t)$
 - \star حواب \star بالرجوع إلى الدارة الكهربائية، وحسب خاصية جمع $u_{AB}=u_{AM}+u_{MB}$ التوترات، نكتب نكتب

لكن $u_{BM} << u_{AM}$ كما ان $u_{MB} = -u_{BM}$ ككن $u_{MB} = u_{BM}$ كما وضحنا في ج1 إذن $u_{AB} pprox u_{AM}$ ومنه نكتب :



 \star سؤال $u_{BM}(t)$ على شكل إشارة بيظهر أن المنحني البياني $u_{BM}(t)$ على شكل إشارة مربعة. تحقق حينئذ من أن قانون فاراداي $u_{MB}=L\frac{di}{dt}$ يفسر هذا البيان.

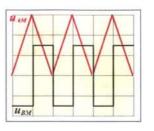
$$i=rac{u_{\scriptscriptstyle AM}}{R}$$
 فإن $u_{\scriptscriptstyle AM}=Ri$ بيما ان $u_{\scriptscriptstyle AM}=Ri$

 $u_{\mathrm{MB}} = L \frac{d}{dt} (\frac{u_{\mathrm{AM}}}{R})$ نعوض في قانون فاراداي فنجد

: لكن $d \mid dt$ مقدار ثابت، لذلك بالإمكان إخراجه من داخل مؤثر المشتق $d \mid dt$ لنجد

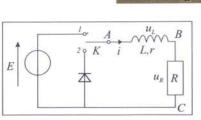
$$u_{MB} = \frac{L}{R} \times \frac{du_{AM}}{dt}$$

وبما أن الدالة u_{AM} دالة تألفية كما يوضحه الشكل المقابل، فإنه يمكن كتابة معادلتها كالتالي :



 $\theta = \frac{T}{2} T = \frac{3T}{2} 2T$

4,5 H_{AM}(V)



 إن التيار الكهربائي لا يظهر لحظيا في الدارة (R,L) عند غلق القاطعة، لأن الوشيعة تعاكس نشوء التيار الساري في الدارة.

- نظريا، نعتبر أنه لكي يستقر التيار في قيمته العظمى $i = I_{max} \frac{E}{R + r}$ يلزم زمن لانهائي.
- في اللحظة t=5 au يصل التيار إلى 99% من قيمته العظمى المراكبة، وبالتالي نعتبر، عمليا، أن t=5 auالدارة (R,L) تصل إلى النظام الدائم (المستقر) في هذه اللحظة.
 - i = f(t)البيان

بنقل القيم السابقة إلى جدول:

t(s)	0	τ	- 5τ	00
i(A)	0	$0,63I_{max}$	$0,99I_{max}$	I_{max}

$$i = f(t)$$
يمكن رسم البيان

تعيين ثابت الزمن ٢

auيعين au بإحدى الطريقتين

[/ بيانيا برسم مماس المنحني في المبدأ أي في بداية الزمن النجد أنه يتقاطع مع المستقيم ذي المعادلة (t=0s)

.(انظر الشكل)
$$i=I_{max}=I_0=rac{E}{R+r}$$

 $0,63 I_{max}$ باعتبار أن ثابت الزمن au يوافق القيمة رأد لشدة التيار i (انظر البيان).

II حالة انقطاع التيار عن الدارة (R, L)

عندما تصل الدارة (R,L) إلى حالة النظام الدائم نجعل القاطعة في الوضع 2 (الشكل)، فينقطع التيار الناشئ عن المولد، لكن تيارا كهربائيا i ينشأ من الوشيعة ويسري في الدارة (R,L). لندرس كيف (R,L)يتطور هذا التيار داخل الدارة

 $rac{di}{dt} + rac{R+r}{L}i = 0$ يكفي أن نضع E=0 في المعادلة التفاضلية السابقة (لأننا نزعنا المولد) لنجد ،

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى بدون طرف ثان (الطرف الأيمن منعدم القيمة) حلها هو :

$$\tau = \frac{L}{R} \text{ as } i = \frac{E}{R+r} e^{-t/\tau}$$

$$i=I_{max}=rac{E}{R+r}$$
 : نلاحظ أن في اللحظة $i=\frac{E}{R+r}\,e^{- heta/ au}$: $i=\frac{E}{R+r}\,e^{- heta/ au}$ نلاحظ أن في اللحظة

. I_{max} فشدة التيار تساوي قيمتها العظمى

$$i = \frac{E}{R+r}e^{-t}$$
 وفي اللحظة $t = \frac{E}{R+r}e^{- au/ au}$ لدينا : وفي اللحظة

 $E=u_{R}+u_{L}$: حسب خاصية جمع التوترات نكتب

$$u_L=ri+Lrac{di}{dt}$$
 و حسب قانون أوم $u_R=Ri$ و عسب قانون أوم .

$$E = Ri + ri + L\frac{di}{dt} = (R + r)i + L\frac{di}{dt}$$
 ! إذن

$$\frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L}i = \frac{E}{L}$$
 : بالقسمة على L نجد

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى بوجود طرف ثان، قد رأينا مثلها في حالة الدارة (R,C)

$$t = rac{L}{R+r}$$
 مع $i(t) = rac{E}{R+r}(1-e^{-t/ au})$ عمد وأعطينا حلا لها وهو :

ويمكن أن نتأكد من هذا الحل بتعويضه في المعادلة التفاضلية فنجد أنه يحققها.

$$i = f(t)$$
 بیان

$$i = 0$$
 ین: $i = \frac{E}{R+r}(1-e^{-\theta/\tau})$: $t = 0$ s u •

ومعناه أن في لحظة غلق القاطعة (t = 0s) يكون التيار منعدما، وعليه فإن التيار لا يظهر لحظيا عند

$$e=2,718$$
 مع $i=rac{E}{R+r}igg(1-rac{l}{e}igg)$. $i=rac{E}{R+r}(1-e^{-l})$. $t= au$ في . $i=rac{E}{R+r}$ الذن . $i=rac{E}{R+r}$ ومنه . $i=0,63$ ومنه . $i=0,63$

ومعناه أن في اللحظة au= au تصبح شدة التيار مساوية au=0.63 من الشدة العظمى للتيار $I_{max} = \frac{E}{P + r}$ وهي

$$i=0,99\frac{E}{R+r}$$
 : إذن : $i=\frac{E}{R+r}(1-e^{-5 au/ au})$: $t=5 au$ أي أن في اللحظة $t=5 au$ تصل شدة التيار إلى 99% من قيمتها العظمى.
$$i=\frac{E}{R+r}(1-0)$$
 ومنه $i=\frac{E}{R+r}(1-e^{-\infty/ au})$: $t\to +\infty$ في اللحظة $t=\frac{E}{R+r}(1-e^{-\infty/ au})$: $t\to +\infty$

$$i=rac{E}{R+r}(1-0)$$
 ومنه $i=rac{E}{R+r}(1-e^{-\infty/ au}):t o +\infty$ ومنه $i=rac{E}{R+r}(1-e^{-\infty/ au})$

$$i = I_{max} = \frac{E}{R+r}$$
 إذن:

R, LöJl

1/ الوشيعة

 $r = 0 \Omega$ الوشيعة المثالية (الصرفة، الصافية): تتميز بان

العلاقة بين شدة التيار (i)، والتوتر الكهرباني (u_L) بين طرفي الوشيعة

$$u_L = L\frac{di}{dt} + ri$$

(V) التواتر الكهربائي ب(V) ،

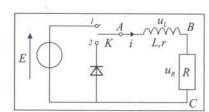
ناتية الوشيعة بـ(H)، L

i : شدة التيار بـ (A) ،

 (Ω) عقاومة الوشيعة يه: r

- هذه العلاقة صحيحة، إذا كانت الوشيعة بدون نواة من الحديد المطاوع.
- في حالة التيار المستمر (ثابت i=0) أو النظام الدائم $rac{di}{dt}=0$ ، الوشيعة تتصرّف كأنها ناقل أومي :

• الوشيعة تمانع مرور التيار فيها.



Hard_equation

$$i=rac{E}{R+r} imesrac{1}{2,718}$$
 : ومنه $i=rac{E}{R+r} imesrac{1}{e}$ إذن: $ipprox0,37I_{max}$ اذن: إذن

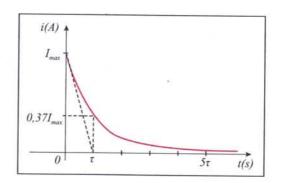
. $I_{\it max}$ هنه اللحظة تكون شدة التيار قد تناقصت وصارت مساوية تقريبا 37% من قيمتها العظمى

وفي اللحظة
$$t o +\infty$$
 لدينا : $t = \frac{E}{R+r} e^{-\infty/ au}$ إذن : $t o +\infty$ فشدة التيار تنعدم.

* نتيجة هامة

• عند انقطاع التيار الكهربائي في الدارة (R,L) فإن التيار الكهربائي لا يمر آنيا من القيمة I إلى القيمة OAmpère لأن الذاتية تعاكس حينها تناقص التيار، وبناء عليه، يستمر جريان التيار الكهربائي i في نفس اتجاه سريانه قبل قطع التيار.

i = f(t)بیان



* الطاقة في وشيعة

عند علق القاطعة K تخزن الوشيعة طاقة مغناطيسية، يمكن أن تفقدها عند فتح القاطعة. وتعطى $E_m = \frac{1}{2}Li^2$: عبارة الطاقة المخزنة في وشيعة بالعبارة

$$E_m = \frac{1}{2}Li^2$$

التمرين ا

B، A بطرفیها (L,r) بطرفیها I

2 ماذا يعنى الثابتان r ، L مدد وحدة كل منهما.

i عبارة التوتر الكهربائي u_{AB} بين طرفي الوشيعة، إذا علمت أن تيارا كهربائيا شدته أ

 u_{AB} إذا كان التيار مستمرا، فأعط العبارة الجديدة لـ u_{AB} ، ما هو سلوك الوشيعة في هذه الحالة v_{AB}

4/ اعط عبارة الطاقة المغناطيسية التي تختزنها الوشيعة في دارة يجتازها تيار شدته 1.

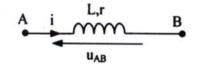
الحل

$$A - \nearrow \nearrow \nearrow \nearrow \nearrow A B$$

(L,r)رمز الوشيعة (1)

الثابت r هو مقاومة الوشيعة، وحدته [الأوم] ورمزه (Ω). الثابت L هو ذاتية الوشيعة، وحدتها [الهنري] ورمزها (H).

> 13 أ/ عبارة التوتر الكهربائي الم



$$u_{AB} = ri + L\frac{di}{dt}$$

 $\frac{di}{dt} = 0$ إذا كان التيار مستمرا فإن ثابت i = 0 وبالتالي مشتقه منعدم أي

 $u_{AB} = ri$ إذن

وهذه هي عبارة التوتر الكهربائي بين طرفي ناقل أومي، فالوشيعة تسلك سلوك ناقل أومي في حالة التيار الكهربائي المستمر.

 $E_m = \frac{1}{2}Li^2$ للوشيعة E_m عبارة الطاقة المغناطيسية E_m

التمرين 2

أجب بـ "صحيح" أو بـ "خطأ" مصححا العبارات الخاطئة

ارق دارة كهربائية (R,L) يجتازها تيار كهربائي i

أر التوتر الكهربائي بين طرفي ناقل أومي R لا يصيبه أي انقطاع.

ب/ التوتر الكهربائي بين طرفي وشيعة (L,r) لا يصيبه أي انقطاع.

ج/ التيار الكهربائي في وشيعة لا يصيبه أي انقطاع.

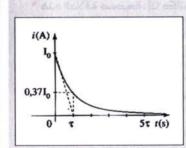
د/ الطاقة المغناطيسية في الوشيعة لا يصيبها أي انقطاع.

(R,L)الثابت الزمنى τ لثنائى القطب (2

(R,L) القطب (2

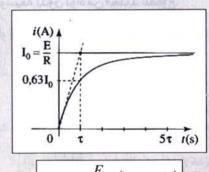
تعطى الدارة المثلة بالشكل المقابل.

حالة انقطاع التيار (القاطعة K في	حالة نشوء التيار تحت توثر E (القاطعة K في	
الوضع2)	الوضع 1) الله المساحدة	
	$E = u_L + u_R$	
$0 = u_L + u_R$ $0 = L\frac{di}{dt} + ri + Ri$	$E = L\frac{di}{dt} + ri + Ri$ $= L\frac{di}{dt} + (R+r)i$	قانون التوترات
$0 = \frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L}i$	$rac{E}{L}=rac{di}{dt}+rac{R+r}{L}i$ نضع $ au=rac{L}{R+r}$ ، وهو ثابت الرّمن	ا لمعادلة التفاضلية



$$i(t) = \frac{E}{R+r}e^{-t/\tau}$$

$$u_L(t) = \frac{-R}{R+r} E e^{-t/\tau}$$



$$i(t) = \frac{E}{R+r} \left(1 - e^{-t/\tau} \right)$$

$$u_L(t) = E\left(1 - \frac{r}{R+r}\right)e^{-t/\tau} + r\frac{E}{R+r}$$

عبارة

عبارة

i(t)

وبيانها

3/ الطاقة المغناطيسية المخزّنة في الوشيعة

$$E_m = \frac{1}{2}Li^2$$

تماريه خاصة

 $\tau = \frac{L}{R+r}$ عبارته /۱

ب/ يزداد بازدياد قيمة 1.

ج/ يزداد بازدياد قيمة R

د/ له وحدة زمن (متجانس مع الزمن).

3/ عند فتح قاطعة دارة كهربائية (R,L) كانت مغلقة لمدة طويلة :

ا/ تضيع طاقتها بفعل جول.

ب/ تضيع طاقتها بفعل إشعاعي.

ج/ تبقى طاقتها للدارة التي ربطت بها.

الحل

ا/ صحيح لأن $u_R=Ri$ و i لا يصيبه انقطاع.

ب/ خطا.

ج/ صحيح. د/ صحيح.

ا/ صحيح.

ب/ صحيح.

R جرا خطأ، والصحيح هو أنه ينقص بزيادة

د/ صحيح.

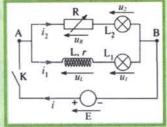
أ/ خطأ.

ب/ خطا.

ج/ صحيح، إذ تخزن الوشيعة طاقة كلما أغلقنا الدارة، فعندما تفتح الدارة تبقى الوشيعة طاقتها.

التمرين 3

نحقق تركيب الدارة المثلة بالشكل المرفق.



مصباحان مقاومة كل منهما $r_r = 2.0\Omega$ يحملان الدلالتين (δV ; 0,3A) ومعدلة L_2 ، L_1 تضبط مقاومتها على القيمة $R=10\Omega$ ووشيعة $(L; r=1\Omega)$ وقاطعة K ومولد مثالي E = 6V لتيار مستمر

أ اللحظة t=0 نغلق القاطعة K . صف ما يحدث وأعط النتائج.

 $t = 0^+$ ما قيمة الشدتين i_1 و i_2 في اللحظة i_2

احسب في اللحظة $t = 0^+$ قيمة التوتر الكهربائي بين طرفي كل من:

اً/ المصباح L_1 والمصباح L_2 بـ/ الوشيعة. ج/ المعدلة.

4/ عين شدة التيار التي تمر في الوشيعة عندما تكون في حالة النظام الدائم.

رر. النظام الدائم، هل المصباحان L_2 و L_1 يتوهجان بنفس الشدة 2 برر.

الحل

1/ وصف الظواهر الحادثة لحظة غلق القاطعة

- المصباح L_2 : يتوهج لحظيا، فالتيار الكهربائي i_2 في الفرع الذي يحتوي على L_2 يظهر لحظيا ؛ إذ تقفز iويمته من 0 إلى i
- المصباح L_1 : يشتعل متأخرا عن المصباح L_2 (بحوالي I ثانية)، فنقول إن ظهور التيار في الفرع الذي يحتوى الوشيعة تزداد قيمته باستمرار من OA إلى i ، وهذا ما يعرف بالنظام الانتقالي.
 - النواقل الأومية (مصابيح، معدلات) تسمح بمرور التيار لحظيا من خلالها.
- الوشيعة تعاكس مرور التيار من خلالها، وعليه فالتيار المار فيها لا يصيبه أي انقطاع، بل تتغير قيمته من 0 إلى أعظم قيمة ممكنة، مرورا بجميع القيم الأخرى (فهناك استمرارية في التيار).

ان في اللحظة $t=0^+$ اي اللحظة الموالية مباشرة للحظة غلق القاطعة K (ألا وهي اللحظة والمحظة الموالية المحظة الموالية المحظة الموالية المحظة تكون $i_j = 0$ لأنه، كما أسلفنا في النتائج، التيار المار في الوشيعة لا يصيبه أي انقطاع، وقيمته تبدأ .0A من

قيمة الشدة , أ

إن الفرع الثاني من الدارة الكهربائية لا يحتوي إلا على نواقل أومية، فيمكن لحظيا أن تتغير قيمته من 0A إلى i ، أي يحدث له انقطاع.

 $u_{{\scriptscriptstyle A}{\scriptscriptstyle B}} = Ri_2 + r_{{\scriptscriptstyle L}}i_2 = (\,R + r_{{\scriptscriptstyle L}}\,)i_2\,$ بتطبيق قانون اوم نجد

$$i_2 = \frac{u_{AB}}{R + r_L}$$
 : وبالتالي

$$i_2 = \frac{E}{R + r_L}$$
 : اذن $u_{AB} = E$: لكن

$$i_2 = 0,5A$$
 : اي $i_2 = \frac{6}{10+2}$: نعوض فنجد

 $t=0^+$ حساب التوترات في اللحظة

 L_I بين طرفي المصباح /أ

 $u_{LI} = 0V$: ومنه $u_{LI} = r_L i_I = 2 \times 0 = 0V$

تماريه خاصة

$$u_{L2}=1V$$
 : ومنه $u_{L2}=r_Li_2=2\times0, 5=1V$ ومنه $u_{L2}=r_Li_2=2\times0, 5=1V$ بين طرفي الوشيعة (u)

$$u=0V$$
 ! إذن : $i_{I}=0$ وبما أن $u=ri_{I}+L\frac{di_{I}}{dt}$ إذن : $i_{I}=0$ بين طرقي المعدلة

$$u_R = Ri_2 = 10 \times 0, 5 = 5V$$

4/ تعيين شدة التيار المار في الوشيعة في حالة النظام الدائم

النظام الدائم معناه ثبوت شدة التيار (ثابتi=1) وبالتالي : ثابت $i_1=1$ و ثابت وهذه الثوابت تختلف فيما بينها في الحالة العامة :

$$u=ri_{_{l}}$$
 اذن يا $\dfrac{di_{_{l}}}{dt}=0$ ان ثابت $i_{_{l}}=u$ وبما أن ثابت $u=ri_{_{l}}+L\dfrac{di_{_{l}}}{dt}$ اذن وسيعة وبالنسبة للوشيعة والمائية بالنسبة للوشيعة والمائية والمائية بالنسبة للوشيعة والمائية والما

فالوشيعة تؤدي دور ناقل أومي في النظام الدائم.

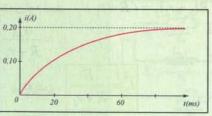
$$u_{AB}=u+u_{LI}=ri_l+r_Li_l=i_l(r+r_L)$$
 ; $i_l=\dfrac{u_{AB}}{r+r_L}$: في الفرع الأول يمكن كتابة $r_L=r_L$: في الفرع الأول يمكن كتابة وي الفرع الأول يمكن كتابة ول يمكن كتابة وي الفرع الأول يمكن كتابة وي الفرع الأول يمكن كتابة وي الفرع الأول يمكن كتابة وي الأول يمكن كتاب

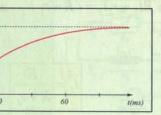
$$u_{AB} = E = 6V$$
 مع

$$i_{l} = \frac{6}{l+2} = 2A$$
; $i_{l} = 2A$

- بينما في الفرع الثاني، لا تتغير شدة التيار $i_2=0,5$ ؛ i_2 لأن النواقل الأومية ليس لها نظام دائم
- للتيار الذي $i_{\scriptscriptstyle 1}=0,5$ للتيار الذي أكبر من الشدة $i_{\scriptscriptstyle 1}=2$ للتيار الذي النظام الدائم، المصباح ليجتازه تيار ذو شدة المحرو . L_2 يجتاز المسباح L_2 وعليه، فالمسباح L_1 يكون أكثر توهجا من المسباح

 $E=10V\;;\;R'=35\Omega\;;\;r=15\Omega$ نحقق تركيب الدارة المثلة بالشكل المرفق :





K نهدف إلى دراسة تطور شدة التيار الكهربائي i(t) في الدارة i(t). عند غلق القاطعة

أ استخرج المعادلة التفاضلية لشدة التيار i(t) عند غلق القاطعة.

. $au=rac{L}{R}$ و $I_0=rac{E}{R}$ حيث $i=I_0(1-e^{-t/ au})$ و رخمقق من أن حل هذه المعادلة هو

ماذا نسمى كلا من I_0 و τ ؟

الحظات الزمنية σ ، σ ، σ . قيم النتائج.

لانهدف الآن إلى دراسة تطور i(t) في الدارة (R',L) تجريبيا. من أجل ذلك نقوم بوصل /4 الدارة السابقة براسم الاهتزازات، كما يوضحه الشكل.

i(t) بين أن المدخل y لراسم الاهتزاز المبطي هو الذي سمح بمشاهدة y

ب/ تم تسجيل تطور i(t) كما هو موضح بالوثيقة المرفقة.

i(t) هل الحل المعطى في السؤال 2 يحقق بيان i(t)

ج/ استنتج بيانيا قيمة I_0 وتحقق من قيمة E المعطاة عدديا.

. L استنتج بيانيا قيمة au واحسب قيمة الذاتية

i(t) استخراج المعادلة التفاضلية لتطور 1

عند غلق القاطعة K يمر تيار انتقالي في الدارة (R',L) الموضحة بالشكل المرفق. $E=u_L+u_{R'}\,:$ حسب خاصية جمع التوترات لدينا

 $u_L = ri + L rac{di}{dt}$: وعبارة التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة هي

 $u_{R'}=R'\,i\,$. هي R' هي الناقل الأومي R' هي بين طرفي الناقل الأومي $u_{R'}$

$$E = ri + L\frac{di}{dt} + R'i = (R'+r)i + L\frac{di}{dt}$$
 افن:

 $E = Ri + L \frac{di}{dt}$; $\left| \frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L} \right|$: بوضع R' + r = R

. i(t) وهذه هي المعادلة التفاضلية التي تعطي تطور

 $\frac{di}{dt}$ نسميت معادلة تفاضلية لأن فيها المتغير i ومشتقه بالنسبة إلى الزمن

 $i = I_o (1 - e^{-t/\tau})$ من أن حل المعادلة التفاضلية هو 2/ التحقق من أن حل المعادلة التفاضلية الم نعوض عن هذا الحل في المعادلة التفاضلية.

$$\frac{di}{dt} = I_0 \left(0 - (-1/\!\!/_\tau) e^{-1/\!\!/_\tau}\right) = \frac{I_0}{\tau} e^{-1/\!\!/_\tau} \quad : \frac{di}{dt}$$
 في البداية نعين

$$E \stackrel{?}{=} RI_0 (1 - e^{-/\!\!/_{\! au}}) + L rac{I_0}{ au} e^{-/\!\!/_{\! au}} \; :$$
 نعوض في المعادلة التفاضلية

$$E = RI_0 - RI_0 e^{-\frac{1}{\tau}} + L \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{1}{\tau}}$$

 $E \stackrel{?}{=} RI_0 - RI_0 e^{-1/\tau} + \frac{LI_0}{L} e^{-1/\tau}$ يكن $\tau = \frac{L}{R}$ لكن الم $E = RI_0 - RI_0 e^{-\frac{1}{2}\tau} + RI_0 e^{-\frac{1}{2}\tau}$

$$E \stackrel{?}{=} RI_0$$
 : each

$$E \stackrel{?}{=} R rac{E}{R}$$
 : وبما ان $I_{ heta} = rac{E}{R}$ فعندما نعوض نجد

بالفعل: E=E فالعادلة محققة.

نسمى I_0 بالشدة العظمى للتيار الانتقالى، أو شدة تيار النظام الدائم.

 5τ ، τ ، 0s ق اللحظات i مساب قيم i

$$i(t) = I_0(1 - e^{-1/\tau})$$
 : لدينا

t = 0s في اللحظة •

$$i = i(0) = I_0(1 - e^{-\frac{1}{2}\tau}) = I_0(1 - e^0) = I_0(1 - 1)$$
; $i = i(0) = 0A$

 $t = \tau$ في اللحظة •

$$i = i(\tau) = I_0(1 - e^{-\frac{\tau}{2}\tau}) = I_0(1 - e^{-1}) = I_0(1 - \frac{1}{e}) = I_0(1 - \frac{1}{2,718}); \quad i = 0,632I_0$$

 $t = 5\tau$ في اللحظة •

$$i = i(5\tau) = I_0(1 - e^{-5\tau/\tau}) = I_0(1 - \frac{1}{e^5})$$
; $i = 0.993I_0 \approx I_0$

- * تقبيم النتانج
- التيار الكهربائي الذي يجتاز الوشيعة تتغير قيمته من لحظة إلى أخرى، فهو مستمر، لا يصيبه أي انقطاع.
 - $i=0,63I_0$ يعين ثابت الزمن au بتعيين النقطة من المنحنى ذات الترتيبة •
- في اللحظة 5 au نلاحظ أن $0,993I_0$ لذا نعتبر عمليا أن النظام الدائم نحصل عليه ابتداء من 5 au .

i(t) هو الذي يسمح بمشاهدة ألا تبيان أن المدخل y_A هو الذي يسمح

$$i = \frac{u_{R'}}{R}$$
 : لدينا $u_{R'} = Ri$ ومنه نجد

في الواقع، المدخل y_A يسمح بمشاهدة التوتر الكهربائي، $u_{R'}$ ، لكن الفرق بين i و $u_{R'}$ هو .i العدد R . لذلك يعتبر دوما أن مشاهدة u_R هي بمثابة مشاهدة العدد

i(0) بالفعل، لو رسمنا الدالة $i(t) = I_0(1-e^{-t/\tau})$ بالقيم التي حسبناها وهي ور i(5 au) الملاحظ على شاشة راسم i(t) الملاحظ المحنا منحنيا يشبه تماما بيان i(5 au)

 I_0 ج/ استنتاج قیمه

$$I_0 = 0,2A$$
 من البيان نجد أن

$$I_0 = \frac{E}{R}$$
 كي نتحقق من قيمة $(E = 10V)$ نحسبها من العلاقة

$$R=r+R'=50$$
 مع $E=I_0R$

$$E = 0.2 \times 50$$
 ; $E = 10V$.

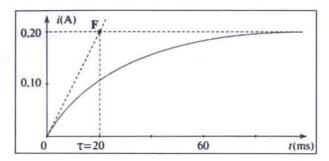
$$E = 0.2 \times 50$$
 ; $E = 10V$

د/ استنتاج 7 من البيان

Ullio (R,L)

تماريه خاصة

. F في نقطة $I_0=0,2A$ في نقطة t=0s في نقطة t=0فاصلة النقطة F تعطى قيمة τ وهي $\tau = 20$



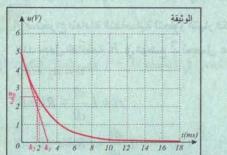
L حساب ذاتية الوشيعة

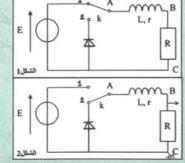
$$L=50 imes20.10^{-3}$$
 ; $L=1H$: نعوض فنجد ، $L=R\, au$ ومنه $au=rac{L}{R}$ نعلم أن

التمرين 5

نعتبر الدارة (R, L) الموضحة بالشكل 1 المرفق مع:

$$R = 10\Omega$$
 , $r = 2.0\Omega$, $L = 34.8mH$, $E = 6V$





المسب شدة التيار I_0 في حالة النظام الدائم. نعتبر أن القاطعة K جعلت في الوضعية 1 منذ 1مدة كافية.

تماريه خاصة

i(t) استخراج المعادلة التفاضلية لتطور التيار الكهربائي أ

عند جعل القاطعة K في الوضع 2 نحصل على الدارة المرفقة.

 $0 = u_L + u_R$

 $ri + L\frac{di}{dt} + Ri = 0$

ي اللحظة t=0 نغير ربط القاطعة فنجعلها في الوضع 2.

 u_R حدد شدة التيار في اللحظة t_N وكذا التوتر الكهربائي t_R

كما هو موضح بالشكل 2 أعلاه، فنحصل على الوثيقة أعلاه.

عين قيمها. هل هي متوافقة مع القيم النظرية المحسوبة سابقا ؟

 $u_{R}(t)$ انطلاقا من بيان i(t) انطلاقا من بيان $u_{R}(t)$ ج/ هل بيان i(t) متوافق مع الحل التحليلي $i=Ae^{-t/\tau}$ برر.

د/ أعط المعادلة $u_{R}(t)$ التي تحقق البيان المعطى في الوثيقة المرفقة.

دور ناقل أومي. والدارة التي نحن بصدد حساب شدة التيار فيها هي الدارة المثلة بالشكل الرفق.

 $i = I_0 = \frac{E}{R+r}$: اذن E = Ri + ri ومنه

 $u_L=ri$ و $u_R=Ri$ مع $E=u_L+u_R$. فحسب قانون جمع التوترات لدينا

ا/ ماذا تمثل الثوابت و لا ، و و على الثوابت

ار استخرج المعادلة التفاضلية لتطور التيار الكهربائي i(t) في الدارة (R,L).

auب إذا علمت أن حل هذه العادلة التفاضلية هو $i(t)=Ae^{-t/ au}$ ، عين A واحسب ثابت الزمن au

(2) من أجل مشاهدة تطور التيار (t) (القاطعة في الوضع (2)) نقوم بربط راسم الاهتزاز الهبطى

 $L\frac{di}{dt} + (R+r)i = 0$

وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة. $\frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L}i = 0$

 $I_0 = \frac{6}{10+2}$; $I_0 = 0.5A$: نعوض فنجد

 $i(0)=A=I_0$: ففي اللحظة $i(0)=Ae^{-\theta/ au}$ نجد نجد t=0sتعيين الثابت ٢

 $-\frac{A}{\tau}e^{-t/\tau}+\frac{R+r}{I}Ae^{-t/\tau}=0$: نعوض الآن في المعادلة التفاضلية

$$Ae^{-t/\tau}(\frac{R+r}{L} - \frac{1}{\tau}) = 0$$

$$\frac{R+r}{L} - \frac{1}{\tau} = 0 \quad ; \quad \boxed{\tau = \frac{L}{R+r}}$$

$$\tau = \frac{0.0348}{10 + 2} = 0.0029s$$
; $\tau = 2.9ms$

$$u_R = Ri = 10 \times 0,25$$
; $u_R = 2,5V$

$$t_2$$
, t_1 , u_0 1/1 /3

يمثل أعظم قيمة للتوتر الكهربائي بين طرفي القاومة لحظة عزل الولد عن الدارة :

$$u_0 = 5V$$

• اللحظة ,1

au هي فاصلة نقطة تقاطع الماس مع المنحنى في اللحظة t=0 فهي تمثل الثابت الزمني $t_1 = \tau = 2,9ms$: ومن البيان نجد أن

 $t_2=t_{\frac{1}{2}}$ تمثل اللحظة التي تكون فيها قيمة التوتر $\frac{u_0}{2}$ وهي اللحظة $t_{\frac{1}{2}}$ فمن البيان نجد أن هذه القيم هي ذاتها تقريبا القيم المحسوبة نظريا.

ب/ تعيين الثابت A

 $i=Ae^{-t/ au}$ نعلم أن i(t) يعطى بالعادلة

ففي اللحظة
$$t=Ae^{-a/ au}$$
 نجد $t=0$ ومنا ومنا

باعتبار أن حل المعادلة التفاضلية السابقة هو
$$i=Ae^{-\iota/ au}$$
 نعوض عنه في المعادلة التفاضلية،

$$rac{di}{dt} = -rac{A}{ au} e^{-i/ au} : rac{di}{dt}$$
 الكن، قبل ذلك، نعين المشتق

$$-rac{A}{ au}e^{-\iota/ au}+rac{R+r}{L}\,Ae^{-\iota/ au}=0$$
 : عوض الآن في المعادلة التفاضلية

$$Ae^{-t/\tau}(\frac{R+r}{L}-\frac{1}{\tau})=0$$

. الحد الأول لا يساوي الصفر إلا في حالة $\infty o t$ إذن فالحد الثاني يساوي الصفر.

$$\frac{R+r}{L} - \frac{1}{\tau} = 0 \quad ; \quad \frac{L}{r} = \frac{L}{R+r}$$

$$L$$
 τ R $\tau = 2.9 ms$

 t_{γ_2} تحديد شدة التيار في اللحظة ج

$$i=0,25$$
 ، $i=\frac{0,5}{2}$ المحظة t_{y_2} توافق $i=\frac{I_0}{2}$ اي

اما التوتر الكهربائي
$$u_R$$
 فنحسبه كالتالي :

• التوتر س

ולווס (R,L)

التمرين 6

وشيعة مثالية (مقاومتها r مهملة) ذاتيتها L=100m يجتازها تيار تعطى شدته بالبيان المرفق.

ار حدد قيمة الدور T والتواتر f للتيار.

i بين طرفي الوشيعة بدلالة شدة التيار u_L بين طرفي الوشيعة بدلالة شدة التيار i

اعط عبارة u_L في المجالين الزمنيين التاليين، ثم عمم.

$$0 < t < 0.4s$$
 /1

0.4s < t < 0.8s

مثل بیان $u_L(t)$ وحدد نوعه.

 $t_2=0.8s$ و $t_1=0.4s$ احسب الطاقة المغناطيسية المخزنة في الوشيعة في اللحظتين $t_2=0.8s$ و

الحل

fو fو تحديد قيمتي f

T=0,8s يتضح من البيان أن

$$\boxed{f=\mathit{1,25Hz}}$$
 : نطبق العلاقة $f=\dfrac{\mathit{1}}{\mathit{0.8}}$ فيكون $f=\dfrac{\mathit{1}}{\mathit{T}}$

 u_L عبارة ر

 $u_L = ri + L rac{di}{dt}$: ين طرفي الوشيعة هي ي u_L بين طرفي الوشيعة ويادة التوتر الكهربائي ي

 $u_{\scriptscriptstyle L}=Lrac{di}{dt}$: لذا نكتب من جديد (r=0) مهملة (r=0) مهملة فإن مقاومتها مهملة (

$$u_L=0,1rac{di}{dt}$$
 . ومنه $L=0,1H$ اي $L=100mH$ لكن

 u_L عبارة /3

$$0 < t < 0,4s$$
 أ/ في المجال الزمني

في هذا المجال، التيار i ممثل بخط مستقيم ميله موجب يمر من المبدأ معامل توجيهه هو :

ميل المستقيم. =
$$\frac{di}{dt}$$

$$di_{L}=0$$
 ومنه : $di_{L}=0$ فلما نعوض في عبارة ينجد : اذن : $di_{L}=0$ ومنه : اذن : اذن : $di_{L}=0$

$$u_L = 0.1 \frac{di}{dt} = 0.1 \times 5$$
; $u_L = 0.5V$

تماريه خاصة

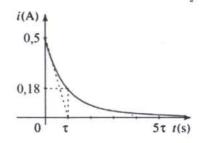
 $u_R(t)$ استنتاج شكل المنحني البياني $u_R(t)$

$$i = \frac{u_R}{10}$$
 اذن: $u_R = 10i$ اين $u_R = Ri$ بما ان

لذا نتوقع أن بيان $u_{\scriptscriptstyle R}(t)$ يشبه بيان i(t) بفارق ثابت هو الضرب بالعدد i(t) . ندون بعض النتائج في الجدول التالي :

t(s)	0	$t_{_{1/2}}$	$\tau = 0,0029$	00
$u_R(v)$	5	2,5	1,9	0
i(A)	0,5	0,25	0,18	0

ولذا ياتي بيان i(t) كالتالى :



 $i=I_0e^{-t/ au}$: ان بیان i(t) اعلاه یعبر عن تناقص اسي اي من الشكل اعلاه یعبر عن تناقص اس

$$u_R(t)$$
 alalel /2

نلاحظ أيضا أن المنحني $u_{\scriptscriptstyle R}(t)$ المعطى بالوثيقة يعبر عن تناقص أسي، لذا نكتب:

$$u_R(t) = u_0 e^{-t/\tau}; \quad u_R(t) = 5e^{-\frac{t}{0.0029}}$$

 $\frac{di}{dt}$ في هذا المجال، التيار i ممثل بخط مستقيم ميله سالب لا يمر من المبدأ معامل توجيهه

$$\frac{di}{dt} = \frac{\Delta i}{\Delta t} = \frac{0-2}{0.8-0.4} = -5 = 1$$
نحسبه من الميل: الميل

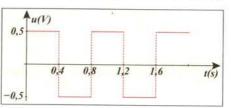
.
$$u_{\scriptscriptstyle L} = -0.5 \, V$$
 : فنجد $u_{\scriptscriptstyle L} = 0.1 \frac{di}{dt}$ عبارة

التعميم

- $u_L = +0.5 V$ في المجال الأول وجدنا •
- $u_{L}=-0.5 V$ وفي المجال الثاني وجدنا •
- $u_L = +0,5\,V$ ان (0,8s < t < 1,2s) الثالث (وهكذا نجد في المجال الثالث (
 - $u_L = -0.5 \, V$ وفي المجال الرابع (1.2s < t < 1.6s) ان
 - وتتكرر العملية في ما بقي من المجالات...

 $u_L(t)$ بیان /4

نستغل نتائج السؤال السابق ونرسم البيان فيأتي كالتالي :



. ($en\ cr\'eneaux$) عبارة عن إشارة مربعة، أو على شكل لبنات ($u_L(t)$ عبارة عن إشارة مربعة، أو على شكل لبنات

أر الطاقة المغناطيسية E_m المخزنة في الوشيعة 5

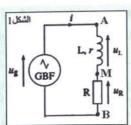
$$E_{\scriptscriptstyle m}=rac{I}{2}Li^{\scriptscriptstyle 2}$$
 تعطى بالعبارة

$$E_m=2 imes10^{-l}J$$
 : ومنه $E_m=rac{1}{2}(0,1)(2)^2$ إذن $i=2A$ الدينا $t_I=0,4s$ ومنه وفي اللحظة

$$E_{m}=0\,J$$
 إذن $i=0\,A$ الدينا $t_{2}=0.8s$ وفي اللحظة

التمرين 7

مولد تيار متغير يغذي وشيعة مثالية ذاتيتها L ومقاومة ($R=10\Omega$). نستعمل راسم الاهتزاز، لشاهدة التوتر الكهربائي u_L بين طرفي الوشيعة، وكذا الشدة i للتيار المار فيها (الشكل 1). 1 اعط طريقة الربط اللازمة لدارة الشكل 1 حتى نشاهد كلا من u_L و i .



2/ بين لماذا ينصح باستعمال مولد GBF مربطه الأرضي (أو كتلته sa masse) يجب أن يكون معزولا عن الأرض. ماذا يسمى هذا المولد ؟

S - Ri او Ri يساوي Ri او u_{BM} او 3

ب/ مثل بسهم التوتر الذي نستطيع به مشاهدة التيار i.

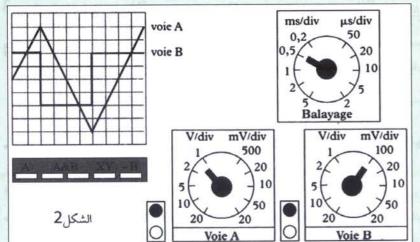
4/ إن طريقة ضبط راسم الاهتزاز تمت كما هو موضح بالشكل 2، وبذلك حصلنا على منحنيي نفس الشكل.

أ/ أرفق كل منحن بمقداره الفيزيائي المناسب، مع التعليل.

ب/ أعط الدور T وكذا التواتر f للتيار الذي يعطيه المولد.

 u_{BM} و u_L علاقة بين عا و u_{BM}

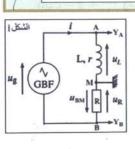
. L احسب قيمة الذاتية



الحل

i و u_i طریقة ربط الدارة لشاهدة الم

- لشاهدة التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة $\,u_L\,$ في راسم الاهتزاز يجب احترام القطبية، ومن ثم ربط طرفي الوشيعة بأحد المدخلين $\,y_A\,$ أو $\,y_B\,$ لراسم الاهتزاز.
 - كيف ذلك ؟
- $u_{\scriptscriptstyle AM}>0$ ويخرج من M فإن التيار الكهربائي i يدخل من A ويخرج من الكهربائي و بما أن التيار الك



 $u_{\mathit{MB}}=Ri$ وأما التوتر الكهربائي u_{BM} بين طرفي الناقل الأومي فهو ه

$$u_{L}=Lrac{d}{dt}(rac{u_{MB}}{R})$$
 : نجد u_{L} وبالتعويض في $i=rac{u_{MB}}{R}$ اذن •

$$u_L = \frac{L}{R} \frac{d(u_{MB})}{dt}$$

 u_{BM} هو ميل المستقيم $\frac{d(u_{MB})}{dt}$ • لاحظ أن

L حساب قيمة الذاتية L

$$L = rac{u_L.R}{du_{MB}} \ dt$$
 : من العلاقة السابقة نجد

 u_L بسحنا

من منحني u_L الذي يظهر على شكل لبنات نلاحظ أن u_L ممثل بـ 2 تدريجتين.

 $u_{\scriptscriptstyle L}=2\times 2$; $\ u_{\scriptscriptstyle L}=4V\]$ بن 2V / div هي $u_{\scriptscriptstyle L}$ هي أن الحساسية الشاقولية لـ $u_{\scriptscriptstyle L}$ هي

 $\frac{d(u_{MB})}{dt}$ لنحسب•

 $\dfrac{du_{\mathit{MB}}}{dt} = \dfrac{\Delta u_{\mathit{MB}}}{\Delta t} \,:\, u_{\mathit{BM}}$ عيل المثل للتيار أو لـ u_{BM}

مع ملاحظة أن $u_{\rm MB}$ من القمة إلى التجويف ممثل بـ 8 تدريجات. وحسب الحساسية الشاقولية المثلة له (500~mV/div) ، نكتب :

$$\Delta u_{MB} = 8 \times 500 \, mV = 4000 \, mV = 4V$$

5ms / div والمسح هو $\Delta t = 4div$ اما $\Delta t = 5 \times 4ms = 20ms = 0,02s$ إذن:

$$\frac{\Delta u_{MB}}{\Delta t} = \frac{4}{0.02} = 200 \ V. \ s^{-l}$$
 : ومنه نجد الميل

$$L = \frac{u_L.R}{\Delta u_{MB}} = \frac{4 \times 10}{200}$$
 واخيرا نكتب : واخيرا

تماريه خاصة

وبما أن $u_L = u_{AM}$ إذن u_L موجب.

وبناء عليه، تربط النقطة A باحد مدخلي راسم الاهتزاز وليكن y_A . أما النقطة M فتربط وبناء عليه، تربط المتعدد الشكل أعلاه. بالمربط الأرضي (الكتلة a masse) لراسم الاهتزاز، كما هو موضح بالشكل أعلاه.

ولكي نشاهد الشدة i للتيار المار في الدارة، ننتبه إلى أن التوتر الكهربائي u_R بين طرفي الناقل •

 $u_{R}=u_{MB}$. وبالتالي $u_{R}=u_{MB}$ مع $u_{R}=Ri$ وبالتالي الأومي عبارته

. وعليه، فمشاهدة التوتر u_{MB} معناها مشاهدة التيار i

• لكن، كيف نظهر التوتر u_{MB} على شاشة راسم الاهتزاز ؟

اللحظ ان النقطة M موصولة بالمربط الأرضي للراسم، لذا يجب ربط النقطة M باللحظ ان النقطة $u_{BM}=-u_R$ عما يوضحه الشكل السابق، وفي هذه الحالة ننتبه إلى أن u_{BM} سالب لأن u_{BM}

• لذلك وجب استعمال الدلالة "عكس (Inversion)" الموجودة في راسم الاهتزاز حتى يظهر النحنى المثل لا i بشكل صحيح.

2/ لاحظ أن المربطين A و B للمولد GBF غير موصولين بالأرض (أي بالمربط الأرضي ذي الرمز Aر و نالاحظ في هذه الحالة أن المربط الأرضي للمولد أو ما يسمى الكتلة (A يجب أن يكون معزولا عن الأرض. يقال حينئذ إن المولد في حالة كتلة طاقية (BF en masse flottante). فإذا لم نفعل ذلك حدث استقصار للدارة أي حصلت الدارة القصيرة (A

 $[u_{BM}=-Ri]$ الذن: $u_{BM}=-u_{MB}$ لكن $u_{R}=u_{MB}=Ri$ الذن: $u_{BM}=-Ri$ با انظر الشكل السابق.

4/ أرفاق بكل منحن مقداره الفيزيائي المناسب

• الإشارة الثلثية تعبر عن شدة التيار i .

• الإشارة المربعة تعبر عن منحني التوتر الكهربائي u_L . التعليا

وبالتالي
$$u_{L}=0$$
 ومنه : $u_{L}=0$ وهذا مرفوض.

فإن i=at+b فإن الشدة أن الشدة ألك للتيار ممثلة بالخط المائل الذي معادلته من الشكل و فات

. ثابت
$$a=a=1$$
 ومنه : ثابت $u_L=1$ وهذا مقبول، ويدل على الإشارة المربعة ثابت

f التيار وتواتره T للتيار وتواتره T

• حسب الشكل 2 المعطى، قاعدة الزمن (أو المسح balayage) هي 5ms / div

T=8 imes5=40 ; T=0.04 إذن T=8 إذن T=8 إذن T=8

$$f=rac{1}{T}=rac{1}{0.04}$$
 ; $f=25Hz$: أما التواتر f فيعطى بالعبارة

مع الانتباه إلى كون $au=rac{I_0}{L}e^{-t/ au}+RI_0-RI_0e^{-t/ au}=rac{E}{I}$ ، مع الانتباه إلى كون

$$\frac{I_0 R}{L} e^{-t/\tau} + \frac{I_0 R}{L} - \frac{I_0 R}{L} e^{-t/\tau} \stackrel{?}{=} \frac{E}{L}$$

$$\frac{I_0 R}{L} = \frac{E}{L}$$

. لکن $E=RI_{\theta}$ اذن $E=RI_{\theta}$ فالعادلة محققة

$$I_0 = \frac{E}{R} = \frac{10}{5} = 2A$$
; $I_0 = 2A$

$$\tau = \frac{L}{R} = \frac{1}{5} = 0.2$$
; $\tau = 0.2s$

 u_L أرحساب قيمة /3

 $i=I_0=2A=$ في حالة النظام الدائم : ثابت

$$\boxed{u_L = 0 \ V}$$
 : الذن $u_L = L \frac{di}{dt} = 1 \times 0$ ومنه $\frac{di}{dt} = 0$ اذن

أي التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة منعدم.

. $u=0\,V$ ، معليا، نعتبر أن فرق الكمون الكهربائي بين أي نقطتين من سلك ناقل منعدم وبناء عليه، يمكن اعتبار الوشيعة ذات المقاومة المهملة كأنها سلك ناقل في حالة النظام الدائم (حالة التيار ثابت).

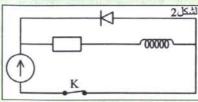
 $\Delta t = 20 ms$ القيمة في مدة زمنية $\Delta t = 20 ms$ يجعل شدة التيار تتغير من القيمة

$$u_{L}=Lrac{di}{dt}=Lrac{\varDelta i}{\varDelta t}$$
 ؛ وعلى هذا نكتب ، $0A$ القيمة $I_{0}=2A$

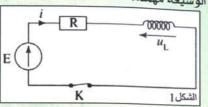
$$u_L = 200 V$$
 : واخيرا $u_L = 1 \times \frac{2 - 0}{20 \times 10^{-3}}$ إذن

ومعنى هذا أن في فترة فتح القاطعة K تتغير قيمة u_L من v_L إلى v_L ومعنى هذا أن في فترة فتح القاطعة ومعنى المارية فتح القاطعة ومعنى المارية فتح القاطعة ومعنى المارية فتح المارية

هذا التغير الكبير المفاجئ يحدث تفريغا كهربائيا بين نقطتي تلامس القاطعة (يظهر على شكل شرارة كهربائية)، الأمر الذي يسبب مرور تيار كهربائي متحرض ذي شدة كبيرة في الوشيعة، وبالتالي تلفها (حرق الوشيعة). فمن أجل حماية الوشيعة، يربط بين طرفيها صمام ثنائي في لحظة نعتبرها بدء الزمن، نغلق القاطعة K في الدارة (R,L) (الشكل 1) علما بأن مقاومة الوشيعة مهملة.



تماريه خاصة



1/ استخرج المعادلة التفاضلية لشدة التيار i.

 $i = I_0(1 - e^{-t/\tau})$ عن ان حلها هو ان حلها عن ان ان حلها عن ان حله عن ان حلم عن ان حلم عن ان حلم عن

 τ و I_0 براحسب قيمة كل من

L = 1H; $R = 5\Omega$; E = 10V

3/ عند الحصول على النظام الدائم:

أ/ احسب قيمة التوتر u_1 بين طرقي الوشيعة.

ب/ تأكد من أن الوشيعة تؤدي دور سلك ناقل.

4/1/ نفترض أننا فتحنا القاطعة K في زمن صغير استغرق 20ms. احسب حينئذ قيمة التوتر , ١١ واشرح الظاهرة الحادثة.

ب/ لحماية الوشيعة من التوترات u_L الفجائية ذات القيم الكبيرة أثناء فتح القاطعة، عادة ما يربط بين طرفي الوشيعة صمام ثنائي كما هو موضح بالشكل 2. فسر ذلك.

الحل

1/ استخراج المعادلة التفاضلية

 $u_L = L rac{di}{dt}$ و $u_R = Ri$ مع $E = u_L + u_R$ المينا من خاصية جمع التوترات :

 $E = L \frac{di}{dt} + Ri$: وباعتبار r مهملة ينتج مباشرة

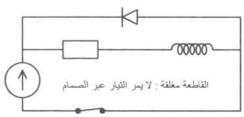
وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة. $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L}$

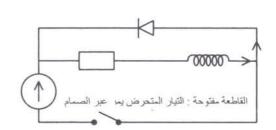
ار النتاكد من ان $I = I_0 (I - e^{-t/\tau})$ هو حل المعادلة التفاضلية /2

 $I_0(+\frac{1}{\tau}e^{-\iota/\tau})+\frac{RI_0}{I}(I-e^{-\iota/\tau})=\frac{E}{I}$ يكفي أن نعوض به في المعادلة التفاضلية :

$$\frac{I_0}{\tau}e^{-t/\tau} + \frac{RI_0}{L} - \frac{RI_0}{L}e^{-t/\tau} \stackrel{?}{=} \frac{E}{L}$$

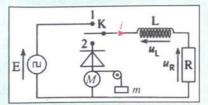
-/ إذا كانت القاطعة K مغلقة فإن التيار الذي يعطيه المولد لا يمر في فرع الصمام ، لأنه مربوط ربطا عكسيا، وبالتالي لا يسبب الصمام أي شيء يذكر بالنسبة إلى سير التيار في الدارة الرئيسية. أما لو فتحت القاطعة فإن التيار المتحرض الذي تنشئه الوشيعة "يتفرغ" عبر الصمام في الاتجاه المباشر.





التمرين 9 (وضعية إدماجية)

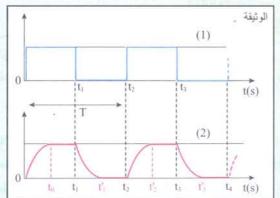
في حصة الأعمال التطبيقية عمد الأستاذ إلى تحقيق تركيب دارة كهربائية على التسلسل مؤلفة من :



- وشیعة ذاتیتها L ومقاومتها مهملة ،
 - ، $R=5\Omega$ ناقل أومى مقاومته
 - · قاطعة ،
 - صمام D مثالي ،
- مولد لتوتر مربع (على شكل لبنات) ،
- محرك مزود بتجهيز بسيط يسمح برفع جسم كتلته m .

وضع الأستاذ بعض الأهداف وهي:

- ا- إظهار التوتر المربع للمولد على شاشة راسم اهتزاز ذي مدخلين y_b و y_b وإظهار شدة التيار المار y_b المارة.
 - L اثبات تجريبيا أن الوشيعة تعاكس مرور التيار الكهربائي فيها، وحساب -2
 - i(t) في ثنائي القطب i(t) .
 - 4- الدراسة الطاقوية للطاقة الخزنة في وشيعة.
 - 1/ دُل على الرّكيب المناسب لكي يتحقق الهدف الأول مع التعليل.
 - 2/ بعد تحقيق الهدف. 1 ، ظهرت على شاشة راسم الاهتزاز الوثيقة.



أ/ أي المنحنيين يمثل توتر المولد، وأيهما يمثل التيار i ؟ علل.

بناء على أحد المنحنيين، كيف يمكنك إثبات الهدف 2 ؟ + إذا علمت أنه قد تم ضبط راسم الاهتزاز على ما يلي + المسح الزمنى + 0,1s/div

إثبات الهدف 2 وهو إظهار أن الوشيعة تعاكس مرور التيار الكهربائي فيها

- لاحظ أن المنحني 1 فيه انقطاع، إذ أنه في خلال دور زمني واحد تتغير قيمته بشكل متقطع ليس فيه استمرار ، ففي نصف الدور الأول $u_{AM}=0$ ، وفي نصف الدور الثاني $u_{AM}=0$ وتتكرر العملية في بقية الأدوار .
- أما المنحني 2 فهو يظهر أن التيار i تبدأ قيمته تتزايد باستمرار من 0 إلى قيمة أعظمية وتستغرق العملية مدة زمنية، وهذا يدل على أن الوشيعة تعاكس مرور التيار عبرها. فلو كانت الدارة فيها ناقل أومي فقط لقفزت شدة التيار لحظيا من القيمة 0 إلى 0.

$$y_A$$
ب النحني 1 : حصلنا عليه من المدخل y_A

 y_B المنحني 2 : حصلنا عليه من المدخل

حساب الدور T للتيار

من المنحني 1 أو من المنحني 2 نلاحظ أن T ممثل ب5 تدريجات

 $T=50 imes10^{-2}=0.5s$: نجد (0.1s/div) وحسب قيمة السح العطاة

f حساب التواتر

$$f=2Hz$$
 الذن $f=rac{I}{5 imes 10^{-I}}$ الذن $f=rac{I}{T}$

حساب قيمة E للمولد

من المنحني 1 نلاحظ أن $u_{AM_{max}}$ ممثل بـ 1,5div وباستعمال الحساسية الشاقولية على

$$u_{AM\,max} = 9\,V$$
 ومنه $u_{AM\,max} = 6\,V \times 1,5$ اللدخل y_A نجد أن

$$E=9\,V$$
 إذن $u_{{\scriptscriptstyle AM_{max}}}=E$ ومن المعلوم أن

i(t) استخراج المعادلة التفاضلية لـ 3

 $u_{{\scriptscriptstyle AM}} = u_{{\scriptscriptstyle AB}} + u_{{\scriptscriptstyle BM}}$(1) : حسب قانون جمع التوترات

$$u_{AB}=ri+Lrac{di}{dt}$$
 و $u_{BM}=u_{R}=Ri$ و $u_{AM}=0\,V$ و $u_{AM}=E$ مع

 $rpprox 0\Omega$ لكن الوشيعة مثالية بمعنى أن مقاومتها

$$u_{AB} = u_L = L \frac{di}{dt}$$
 ! اذن

$$u_{{\scriptscriptstyle AB}} = L \frac{di}{dt} + Ri$$
 : نعوض في عبارة $u_{{\scriptscriptstyle AM}}$ فنجد

بالقسمة على
$$L$$
 نجد : $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{u_{{\scriptscriptstyle AM}}}{L}$ بالقسمة على L نجد :

$$(1)$$
 $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L}$: نجد $u_{AM} = E$ في حالة •

تماريه خاصة

السح الشاقولي للمدخل 3V/div: yA

المسح الشاقولي للمدخل 6V/div: yB ،

حدد المدخل الذي حصلنا منه على كل منحن، واستنتج كلا من الدور الزمني T والتواتر f للتيار الكهربائي المار في الدارة، وكذا قيمة E للمولد.

. u_{AM} ا ستخرج المعادلة التفاضلية التي تعطي تطور i(t) في الحالتين u_{AM} و u_{AM} .

ب/ إذا علمت أن حل المعادلة التفاضلية يعطى بالمعادلتين $i=I_0\,e^{-t/ au}$ و $i=I_0\,(1-e^{-t/ au})$ بحسب كل حالة، وهذا دون ترتيب، فأعط لكل حالة حلها المناسب.

ج/ ارفق بكل جزء من المنحني المثل بالوثيقة حله الناسب.

د/ حدد قيمتي الثابتين I_0 و T ، واستنتج قيمة L

4/ غير الأستاذ وضع القاطعة K فجعلها في الوضع 2 وهذا في لحظة t_i تكون فيها شدة التيار اعظمية.

أ/ برأيك، لماذا استعمل الأستاذ الصمام ك

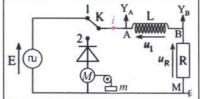
 t_1 احسب الطاقة المغناطيسية للوشيعة في اللحظة الم

مسافة h=20cm عمر الأستاذ ارتفاع الجسم مسافة h=20cm عمر يتوقف.

ا/ فسر ارتفاع الجسم m.

ب/ أعط الحصيلة الطاقوية للجسم \dot{m} واحسب مردود هذه العملية. قيّم النتيجة . g=9.8N/kg ، m=50g . يعطى .

الحل



ا محقيق الهدف الأول وهو إظهار التوتر المربع للمولد على شاشة راسم الاهتزاز وشدة التيار i(t)

• يتم إظهار التوتر u_{AM} بين طرفي المولد بربط قطبيه M و M باحد المدخلين، وليكن المدخل M كما هو موضح بالشكل المرفق.

المار قي المارة y_B المار في المارة المارة يتم بربط الناقل الأومي بالمدخل الآخر y_B لراسم المارة الما

$$i = \frac{u_{R}}{R} = \frac{u_{BM}}{R}$$
 : الاهتزاز، ذلك لأن

في الواقع لا يمكن ملاحظة $u_{BM}(t)$ بل $u_{BM}(t)$ لكن حسب العلاقة السابقة، i(t) و i(t) متناسبان وثابت التناسب بينهما هو i(t) ، وعليه فإن رؤية $u_{BM}(t)$ على الشاشة هي نفسها رؤية i(t) .

. الطبع، يجب وصل القاطعة K بالمربط \bullet

المنحني 1 هو الذي يمثل التوتر المربع $u_{AM}(t)$ بين طرفي المولد GBF ، فهو على شكل اشارة مربعة (لبنات)، والمنحني 2 هو الذي يمثل تطور شدة التيار i(t) .

0,63 10

$$E_{m}=0,252J$$
 إذن $E_{m}=rac{1}{2}0,35(1,2)^{2}$ نعوض فنجد

أ/ سبب رفع المحرك للجسم m هو تحويل الطاقة المغناطيسية للوشيعة إلى طاقة كهربائية جعلت المحرك يشتغل فيرفع الجسم.

ب/ الحصيلة الطاقوية

مردود العملية 17

$$\eta = \frac{E_{pp}}{E_m} = \frac{mgh}{\frac{1}{2}LI_0^2} = \frac{2mgh}{LI_0^2} = \frac{2 \times 0.05 \times 9.8 \times 0.20}{0.35 \times (1.2)^2} = 0.3888$$

$$\boxed{\eta \approx 38.9\%}$$

والطاقة المغناطيسية الضائعة تبددت في الدارة الكهربائية بفعل جول.

(2)
$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = 0$$
 : نجد : $u_{AM} = 0V$ في حالة •

ب/ تحديد حل العادلة التفاضلية لكل حالة

$$i = I_0 (1 - e^{-t/\tau})$$
 ناخذ مثلا الحل

$$i = I_0(1 - e^{-\theta/\tau}) = I_0(1 - 1) = 0$$
في اللحظة $t = 0$ s نجد

. E أعندما يطبق المولد توتراً في الدارة (R,L) عندما يطبق المولد توتراً

. 1 يناسب المعادلة التفاضلية
$$i=I_0(1-e^{-t/\tau})$$
 فالحل

.2 يناسب العادلة التفاضلية
$$i=I_0\;e^{-t/ au}$$

T و I_0 د/ تحدید الثابتین

$$2div$$
 من الوثيقة 2 نجد ان I_0 ممثل ب وباستعمال الحساسية للمدخل y_R نجد y_R

$$I_0 = \frac{u_{\theta R}}{R}$$
 لکن $u_{\theta R} = 3 \times 2 = 6 V$

$$I_0 = 1, 2A$$
 each $I_0 = \frac{6}{5}$

أما الثابت الزمنى au فيمكن تعيينه بيانيا بطريقتين :

- الطريقة الأولى : نرسم مماس المنحني 2 في بدء الزمن t=0s ثم نعين فاصلة نقطة au = 0.07s فنجد $I = I_0$ فنجد الماس مع الخط المقارب الأفقى
- الطريقة الثانية ؛ اللحظة au= au هي فاصلة النقطة H التي ترتيبها $i=0,63I_0$ كما هو $\tau = 0.07s$ ايضا نجد أيضا المقابل. نجد أيضا L استنتاج قیمه

$$L=0,35H$$
 يذن $L=5 imes 0,07$ اين $L=R au$ وبالتالي $au=L$

أ/ استعمل الأستاذ الصمام الثنائي المثالي D لتجنب نشوء قوة محركة كهربائية تحريضية ذاتية عظيمة لحظة تغير القاطعة من الوضع 1 إلى الوضع 2، نتيجة لتغير التدفق المغناطيسي عبر الدارة، مما يسبب حدوث شرارة كهربائية لحظة لمس K الوضع 2 قد يسبب حرق الوشيعة وإتلاف عناصر الدارة الكهربائية. فالتيار لا يستطيع المرور في الاتجاه العكسي للصمام الثنائي لحظة غلق القاطعة، مما يجعله يمر في الاتجاه المباشر للصمام.

 t_0 الطاقة الغناطيسية للوشيعة في اللحظة

$$i=I_{\scriptscriptstyle 0}=1,2\,A$$
 : لكن في اللحظة $t_{\scriptscriptstyle 0}$ لكن في اللحظة $E_{\scriptscriptstyle m}=rac{1}{2}Li^2$ تعطى بالعبارة

تماريه خاصة

الحل

ולוונס (R,L)

1/ للقداران الفيزيائيان للشاهدان

. المدخل 2 يظهر التوتر الكهربائي بين طرفي الثاقل الأومي $U_{\scriptscriptstyle R}=R\,i$ وهو المنحني 1 من الوثيقة. ڪما يمكن اعتبار أنّ المدخل 2 يظهر شدة التيار الكهربائي i المار في الدّارة.

(R,L) المعادلة التفاضلية لتطور i(t) في النارة 2

$$U_L=Lrac{di}{dt}+ri$$
 و $U_R=Ri$: حسب قانون جمع التوترات : $E=U_R+U_L$: حسب قانون جمع التوترات : $E=Ri+Lrac{di}{dt}+ri$ ، $E=Lrac{di}{dt}+(R+r)i$: نعوَض في العبارة الأولى فنجد

بالقسمة على
$$L$$
 نجد : $\frac{E}{L} = \frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L}i$ وهي المعادلة الثفاضلية المطلوبة.

ب باعتبار أن حل المعادلة الثفاضلية السّابقة هو $i(t) = I_P(1 - e^{-Kt})$ ، فلإيجاد عبارة كلّ من و K ، نعوض عبارة i(t) في المعادلة التفاضلية :

• في البداية نجد عبارة المشتق ؛ •

$$\begin{split} \frac{di}{dt} &= I_{p} \left(+ K e^{-Kt} \right) \\ \frac{E}{L} &= I_{p} K e^{-Kt} + \left(\frac{R+r}{L} \right) I_{p} \left(1 - e^{-Kt} \right) \\ \frac{E}{L} &= I_{p} K e^{-Kt} - I_{p} \frac{R+r}{L} e^{-Kt} + \frac{\left(R+r \right)}{L} I_{p} \\ \frac{E}{L} &= I_{p} e^{-Kt} \left(K - \frac{R+r}{L} \right) + \frac{R+r}{L} I_{p} \end{split}$$

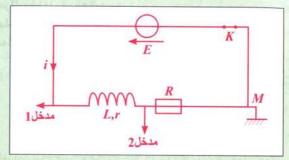
$$rac{E}{L} = rac{R+r}{L} I_p \, :$$
حتى تكون المعادلة محقّقة يجب أن ينعدم الحدّ الأوّل للطرف الأيمن، لينتج

$$I_p e^{-Kt} \bigg(K - rac{R+r}{L} \bigg) = 0$$
 ؛ وحتى ينعدم الحدّ الأول، اي ؛ $I_p = rac{E}{R+r}$: وهذا يؤذي إلى ا

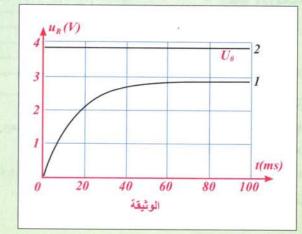
 $(\,t\rightarrow \infty\,$ لا يمكن أن ينعدم (ما عدا لا $I_{p}\,e^{-K\,t}$ لكن

النمر بي 10

دارة على التسلسل تتألّف من : بطارية (حاشدة) قوتها المحرّكة الكهربائية E=3,8V ومقاومتها $R=50 \varOmega$ مقاومته وناقل أومي مقاومته r ومقاومتها وناقل أومي مقاومته ، k



تسمح برمجة خاصة (بواسطة حاسوب مربوط بالدارة الكهربائية) بتسجيل تطور التوثرين الكهربائيين بين طرفي المولِّد والناقل الأومي. في اللَّحظة t=0 تغلق القاطعة ويبدأ التسجيل. الوثيقة المرفقة تحدد التوترين المذكورين.



1/ ما هما المقداران الفيزيائيان المشاهدان في المدخلين 1 و 2 ؟ ميز بينهما في الوثيقة.

. (R,L) استنتج المعادلة التفاضلية التي تعطي تطوّر شدّة التيار i(t) في الدّارة i(t) .

 I_P و K بيارة كل من الثابتين $i(t) = I_P(1-e^{-Kt})$ و الثابتين بيارة كل من الثابتين ج/ ماذا يمثل كلّ من الثابتين السّابقين ؟

د/ استنتج قيمة كلّ منهما .

r و L من L و L هـL احسب قيمة كل من

3/ كيف يتغيّر شكل الوثيقة السّابقة إذا لم نهمل القاومة النّاخلية '٢ للبطّارية ؟ $U_{G}(t)$ عط التمثيل بشكل كيفي لكلّ من $U_{R}(t)$ و

Ullio (R,L)

L 9 r au = L 9 = L 8 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9 = L 9

$$r = \frac{E}{I_p} - R$$
 اذ $I_p = \frac{E}{R+r}$ لدينا

$$r = 15,5\Omega$$
 نعوض نجد $r = \frac{3.8}{58 \times 10^{-3}} - 50$ اذن

$$L = \frac{R+r}{k}$$
 اذن $K = \frac{R+r}{K}$ اذن •

$$L = 1,1H$$
 ين $K = \frac{50 + 15,5}{58,8} = 1,14$ ينوض فنجد.

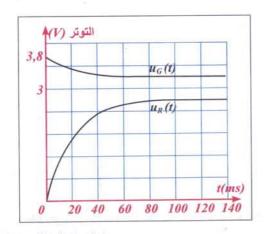
 $U_G = E - r'i$ بل $U_G \neq E$ با للبطارية فإن r' للبطارية الداخلية r'بمعنى الدّالة تتناقص مع الرّمن لأن i(t) تتزايد مع الرّمن، ثم تثبت قيمتها.

 $E-r'i=Ri+Lrac{di}{dt}+ri$ ان المعادلة التفاضلية يتغيّر شكلها إلى المعادلة التفاضلية $E-r'i=Ri+Lrac{di}{dt}$

$$i'(t) = I'_p (1 - e^{-K't})$$
 وحلها هو $\frac{E}{L} = \frac{di}{dt} + \frac{R + r + r'}{L}i$: ومنه نجد

$$I'_p = \frac{E}{R+r+r'}$$
 وهنا

اي قيمتها تنقص عن القيمة السّابقة، لذا ياتي المنحنيان $U_{\scriptscriptstyle R}(t)$ و $U_{\scriptscriptstyle R}(t)$ بشكل كيفي كما يلي :



تماريه خاصة

$$K = \frac{R+r}{L}$$
 : ومنه $K - \frac{R+r}{L} = 0$!

طريقة ثانية

بمكن إيجاد الثابتين I_p و K بطريقة سريعة، على اعتبار أنّ حلّ المعادلة التفاضلية السّابقة هو I_p

$$\tau = \frac{L}{R+r} \text{ as } i(t) = \frac{E}{R+r} (1 - e^{-\frac{1}{r}})$$

$$I_p = \frac{E}{R+r}$$
 : نستنتج ان $i(t) = I_p (1-e^{Kt})$ بالعبارة المعطاة وبمقارنة هذه العبارة ل

$$K = \frac{\frac{I}{L}}{R+r}$$
 وان $K = \frac{1}{\tau}$ اي

إذن $K = \frac{R+r}{r}$ إذن

$$I_p = I_0 = rac{E}{R+r}$$
 ج/ الثابت وهي عمثل أعظم قيمة لشدة التيار، وهي ج/ الثابت و الثابت عمثل أعظم قيمة لشدة التيار، وهي

$$K = \frac{I}{\tau} = \frac{R+r}{L}$$
 الثابت K يمثل مقلوب ثابت الزمن أي

د/ استنتاج قيمة الثابتين

 $U_{0R} = 2.9V$ هي U_{R} هي أنرى ان اعظم قيمة لـ U_{0R} هي البياني 1

 $i=I_{_{R}}$ وعندما تكون i عظمية اي $U_{_{R}}=U_{_{\partial R}}$ اعظمية اي $U_{_{R}}$

$$I_p = rac{U_{\partial R}}{R}$$
 ولذا نكتب $U_{\partial R} = R\,I_p$ إذن

$$I_p = 58 \times 10^{-3} \, A = 58 \, mA$$
 ينوض فنجد : $I_p = \frac{2.9}{50}$ ينوف

 $0,63U_{0R}$ يمكن حسابه من النقطة التى ترتيبتها تساوي au

أي 1,8V pprox 1,60، ننقل القيمة 1,8V في البيان أكما هو موضّح في الوثيقة المرفقة فنجد $t = \tau \approx 17 ms$: إذن $t \approx 17 ms$ التي هي أ

$$K = 58,8s^{-1}$$
 اذن $K = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{17 \times 10^{-3}}$ لکن

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي

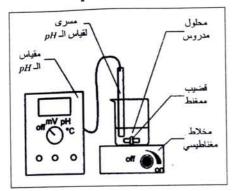


و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

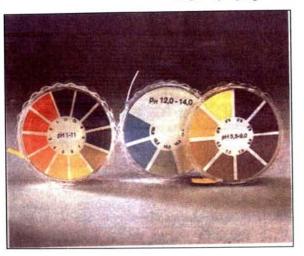
Hard_equation

2-2- قياس pH محلول ماني

◄ جهاز الـ pH متر: يعين بشكل دقيق pH المحلول المائي.



- ◄ ورق الـ pH : يعين بصفة تقريبية قيمة pH المحلول المائي.
- ◄ الكواشف الملونة : لا تحدد قيمة واحدة لـ pH بل مجالا لقيمه.





3 محلول حمضي ومحلول أساسي

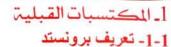
3-1- الحمض القوي والحمض الضعيف

الحمض القوي : هو الحمض الذي يتفكّك كليا في الماء، ولا يبقى على شكل جزيئات، وبالتالي يكون تفاعله تامًا $HA_{(aq)}+H_2\,O_{(1)}\to H_3\,O_{(aq)}^++A_{(aq)}^-$: (-) امثلة: $HA_{(aq)}+H_2\,O_{(1)}\to H_3\,O_{(aq)}^+$...

الحمض الضعيف : هو الحمض الذي يكون تفككه جزئيا في الماء، ويبقى على شكل جزيئات، وبالتالي يكون تفاعله غير تام $HA_{(aq)}+H_2\,O_{(1)} \to H_3\,O_{(aq)}^++A_{(aq)}^-$ يكون تفاعله غير تام $HA_{(aq)}+H_2\,O_{(1)} \to H_3\,O_{(aq)}^+$... NH_4^+ ، $CH_3\,COOH$ ، HCOOH .

الوحدة 5

تطور جملة كيميائية خلال تحول كيميائي نحو حالة التوازن الأحماض والأسس



الحمض هو كلّ فرد كيميائي يمكنه التخلّي عن بروتون H^+ او أكثر أثناء تفاعل كيميائي، والأساس هو الذي يكتسب هذا البروتون.

 $HA = H^+ + A^-$. HA هو AB = -2

مثال

Hard_equation



 $B+H^+=BH^+$ (مز الأساس B: $B+H^+=BH^+$

 $NH_3 + H^+ = BH^+$ شاردة الأمونيوم بروتون النشادر (اساس)

3-1- الثنانية (أساس/ حمض) : (HA/ A-)

HCOOH / HCOO

HA : هو الحمض A : أساسه المرافق

 $\Leftarrow (HA/A^-)$



NH⁺₄ / NH₃ ←

هو الحمض : BH^+ هو الحمض B : اساسه المرافق B

pH 2 المحلول المائي: للتمييز بين الأحماض فيما بينها والأسس فيما بينها اقترح العالم النانمركي سورنسن مفهوما هو مفهوم الـ pH .

2-1- تعریف

يعرف pH محلول مائي بالعلاقة : $pH = -Log \, [\, H_3 \, O^+\,]$. هذه العلاقة تصلح للمحاليل المخفّفة والتي يتحقق فيها : $[\, H_3 \, O^+\,] \leq 5.10^{-1} \, mol.L^{-1}$.

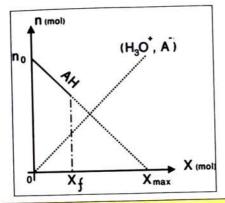
 $[H_3O^+]=10^{-pH}$

إذن، كل كمية المتفاعل المحدّ تستهلك، ويكون تطوّر المتفاعلات والنواتج كما يلي :

$$X_{f} = X_{max}$$
 : يكون التقدّم النهائي مساويا للتقدّم الأعظمي

2/ حالة تفاعل غير تام

لا يتفاعل كلّ الحمض AH ، تبقى كميّة منه، ولذا فإن $n_0-X_f\neq 0$ وعليه فإن المتفاعل المحدد لا يختفي كلية، لذا نكتب $X_f< X_{max}$. ويكون تطوّره كما يلى $X_f< X_{max}$



 $X_f < X_{max}$: يكون التقديم النها ني أصغر من التقديم الأعظمي

2-4- نسبة التقدّم (τ) (Taux d'avancement) تعریف

 $au = \frac{X}{X_{max}}$: نسبة تقدّم تفاعل كيميائي في لحظة زمنية تعطى بالعبارة :

وعند بلوغ التفاعل حالته النهائية يكون $X=X_f$ ومنه تكون نسبة التقدم النهائي للتفاعل هي : $au_f=rac{X_f}{X_{max}}$.

- $au_f=1=100\%$ ومنه ${X}_f={X}_{max}$ إذا كان التفاعل تاما فإن ${X}_f={X}_{max}$
 - $au_f < 1$ إذا كان التفاعل غير تام فإن $X_f < X_{max}$ وبالتالي $X_f < X_{max}$
 - $0 < \tau \le 1$ ملاحظة :

2-2- الأساس القوى والأساس الضعيف

الأساس القوي هو الأساس الذي يتفكك كليا في الماء، ولا يبقى على شكل جزيئات، ويكون تفاعله تاما $B_{(aq)}+H_2\,O_{(1)}\to BH_{(aq)}^++HO_{(aq)}^-$ تاما KOH ، NaOH ...

$$(\Box)$$
 الأساس الضعيف هو الأساس الذي يتفكك جزئيا في الماء، ويكون تفاعله غير تام $B_{(aq)}+H_2\,O_{(1)}=BH_{(aq)}^++HO_{(aq)}^-$... $(CH_3-COO^-+Na^+)$ ، CH_3-NH_2 ، NH_3

4- تطور جملة كيميائية نحو حالة التوازن X_{max} الأعظمي X_{max} والتقدّم الأعظمي X_{max}

 $HA_{(aq)} + H_2 O_{(1)} = H_3 O_{(aq)}^+ + A_{(aq)}^-$ ننشئ جدول تقدّم التفاعل التالي :

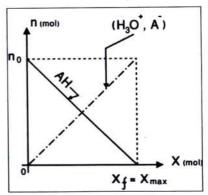
معادلة التفاعل	$HA_{(aq)} + H_2 O_{(l)} = H_3 O_{(aq)}^+ + A_{(aq)}^-$				
					100
الحالة الابتدائية	0	n_0	بزيادة	0 mol	0 mol
الحالة الانتقالية	X	$n_0 - X$	بزيادة	X	X
الحلة النهائية	X_f	$n_0 - X_f$	بزيادة	X_f	X_f

نميّز حالتين :

1/ حالة تفاعل تام

 $n_0 - X_f = 0$ كلّ الحمض AH يتفاعل، وبالتالي يختفي تماما، لذا يكون

ومنه : X_f حيث : X_f حيث : X_f حيث : X_f حيث : $X_f = X_{max} = n_0$ التقدم الأعظمي للتفاعل .



X علاقة كسر التفاعل Q_r بتقدّم التفاعل -2-3-4

إذا نظرنا إلى جدول تقدّم التفاعل في البند 4-1 ، ففي الحالة الانتقالية يمكن أن نكتب:

$$Q_r = \frac{[H_3 O^+][A^-]}{[HA][H_2 O]}$$

. لدينا $\frac{n_0-X}{V}$ حجم المحلول الذي تتواجد فيه كل الأفراد الكيميائية.

$$[A^{-}] = \frac{X}{V} \quad , \quad [H_3O^{+}] = \frac{X}{V} \quad , \quad [H_2O] = 1$$

$$Q = \frac{X^2}{V(n_0 - X)}$$
 : ومنه $Q_r = \frac{\frac{X}{V} \times \frac{X}{V}}{\frac{n_0 - X}{V} \times I}$: نعوض في عبارة Q فنجد

4-3-3 ثابت التوازن K

عندما تبلغ حملة كيميائية حالة التوازن فانَ كسر التفاعل النهائي Q_{rf} تصبح قيمته ثابتة لأنَ كميات المادّة للمتفاعلات والنواتج تصبح قيمها ثابتة، وعندها نكتب :

$$K = Q_{rf} = \frac{[C]_f^c \cdot [D]_f^d}{[A]_f^a \cdot [B]_f^b}$$

ثابت التوازن K لا يتعلق بكيفية الحصول على التوازن، ولا بكميات المادة للمتفاعلات.

4-4- النسبة النهائية لتقدّم التفاعل 7 والناقليتان 3 و 3

سؤال: ليكن محلول حمضي S تركيزه المولي الابتدائي C . كيف يمكن تعيين تراكيز افراده الكيميائية دون قياس pH مستعملين فقط جهاز قياس الناقلية لقياس الناقليتين σ و λ لشوارده ومن ثم كيف يمكن تعيين τ_f \$

جواب: نتبع الطريقة التالية :

 $HA_{(aq)}+H_{2}O_{(1)}=H_{3}O_{(aq)}^{+}+A_{(aq)}^{-}$: ق الماء و (HA) في المحلول الحمض $H_{2}O_{(1)}=H_{3}O_{(aq)}^{+}+A_{(aq)}^{-}+A_{(aq)}^{-}$ في المحلول وهي المحلول والمحلول والمحلو

: هنا المحلول بدلالة الناقلية النوعية σ لهذا المحلول بدلالة الناقلية النوعية المولية λ لمختلف شوارده 3

$$\sigma = \lambda_{H_3O^+}[H_3O^+] + \lambda_{A^-}[A^-] + \lambda_{HO^-}[HO^-]$$

: يهمل $[HO^-]$ امام $[HO^+]$ الذا نكتب من جديد

$$\sigma = \lambda_{H_3O^+}[H_3O^+] + \lambda_{A^-}[A^-].....(1)$$

4-3- مفهوم حالة التوازن

- ightharpoonup كُلُ تحوّلُ كيميائي لجملة منمذج بتفاعل كيميائي عكوس، فإنّ الحالة النهائية للجملة الكيميائية تكون في توازن كيميائي ديناميكي (التوازن غير مستقر) يميز بمقدار ثابت ندعوه ثابت التوازن K.
 - ◄ إذا تواجدت المتفاعلات مع النواتج في نفس المحلول، فإن التفاعل المنمذج لهذا التحوّل يعبر عنه بإشارة (=).

Q, كسر التفاعل -1-3-4

- ◄ قيمته تحدد مدى تقدّم التفاعل بين الحالتين الابتدائية والنهائية.
- من أجل تفاعل كيميائي متوازن aA+bB=cC+dD نعرَف كسر التفاعل في وسط متجانس بـ :

مع:
$$Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]}$$
 مع: $Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]^b}$

 Q_r ، $(m{mol}\ /\ L)$ عدد ليس له بعد (وحدة).

 $I_{2(aq)} + 2S_2\,O_{3(aq)}^{2-} = 2I_{(aq)}^- + S_4\,O_{6(aq)}^{2-}$: اعط عبارة كسر التفاعل التالي

$$Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]^b}$$

$$Q_r = \frac{[I^-]^2 . [S_4 O_6^{2-}]^1}{[I_2]^1 . [S_2 O_3^{2-}]^2}$$

ملاحظات

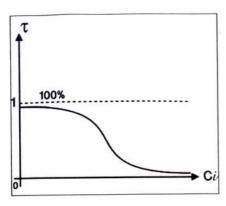
. $Q'_r=rac{1}{Q_r}$ هو Q'_r ها ڪسر تفاعله cC+dD=aA+bB هو CC+dD=aA+bB هو CC+dD=aA+bB

ر إذا كان أحد النواتج أو المتفاعلات هي مادة مذيبة (كالماء) فإنه يعطى لتركيزها القيمة (1) في عبارة الكسر Q_r أي $[H_2O]=1$.

$$CH_3 \, COOH_{(aq)} + H_2 \, O_{(l)} = CH_3 \, COO_{(aq)}^- + H_3 \, O_{(aq)}^+$$
 التفاعل
$$Q_r = \frac{[\, CH_3 \, COO_{(aq)}^- \,] [\, H_3 \, O_{(aq)}^+ \,]}{[\, CH_3 \, COOH_{(aq)} \,] .1}$$
 له ڪسر تفاعل

S إذا كان أحد التواتج أو المتفاعلات مادّة صلبة (S)، فإن الوسط يكون غير متجانس، لذا يعطى لتركيز هذا الجسم الصلب العدد (1).

$$\begin{split} 2Cu_{(aq)}^{2+} + S_{(aq)}^{2-} &= Cu_2 S_{(s)} \text{ Lips of } L_{(aq)} \\ Q_r &= \frac{\left[Cu_2 S_{(s)}\right]^l}{\left[Cu_{(aq)}^{2+}\right]^2 \left[S_{(aq)}^{2-}\right]^l} = \frac{1}{\left[Cu_{(aq)}^{2+}\right]^2 \left[S_{(aq)}^{2-}\right]} \end{split}$$



* نتيجة

كلما كان التركيز الابتدائي au_f للمحلول ضعيفا، زاد انحلال الحمض في الماء.

4-5- النسبة النهائية لتقدم التفاعل ، وثابت التوازن K

$$K = \frac{[H_3\,O^+]_f\,[A^-]_f}{[HA\,]_f}$$
 نعلم أن ثابت التوازن
$$[HA\,] = C - C\,\tau_f \quad \text{e} \quad [H_3\,O^+]_f = [A^-]_f = C\,\tau_f$$
 لكن
$$K = \frac{C\,\tau_f^2}{l - \tau_f}$$
 ومنه :
$$K = \frac{C\,\tau_f^2}{C - C\,\tau_f}$$

النسبة النهائية لتقدم التفاعل تتعلق بثابت التوازن.

5 التحولات حمض / أساس

5-1- المحاليل المانية

5-1-1- التفكك الذاتي للماء

الماء المقطر يتفكك ذاتيا إلى شوارد $^+$ O و $^+$ و وقى التفاعل الكيميائي التالي $^+$

$$H_2 O_{(1)} + H_2 O_{(1)} = H_3 O_{(aq)}^+ + OH_{(aq)}^-$$

$$[H_3O^+] = [OH^-] = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{HO^-}} = \frac{5,5 \times 10^{-3} \text{ ms.m}^{-1}}{(35 + 20) \text{ ms.m}^{-1}}$$

. 25°C عند الدرجة
$$[H_3O^+] = [OH^-] = 10^{-7} \text{ mol.} L^{-1}$$

4/ نستعمل قانون انحفاظ الشحنة : مجموع تراكيز الشوارد الموجبة = مجموع تراكيز الشوارد $[H, O^+] = [A^-] + [HO^-]$: $[H_3O^+] = [A^-]$ فنكتب: $[H_3O^+]$ أمام $[HO^-]$ فنكتب $\sigma = (\lambda_{H_1O^+} + \lambda_{A^-}) \, [\, H_3\,O^+\,]\,$ نعوَض في المعادلة $(\,1\,)$ السّابقة نجد :

$$[H_3 O^+] = [A^-] = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3 O^+} + \lambda_{A^-}}$$
 : إذن

 $[HA]_f$ عند التوازن أي النوع الكيميائي $[HA]_f$ عند التوازن أي $[HA]_f$ $C = [HA]_f + [H_3O^+]_f$: لذا نستعمل قانون انحفاظ الكتلة

$$[HA]_f = C - \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A^-}}$$
 . این $[HA]_f = C - [H_3O^+]_f$. این $[HA]_f = C$

. pH مينا تراكيز الأنواع الكيميائية المتواجدة في المحلول دون استعمال pH

T f تعيين

$$au_f = rac{X_f}{X_{ ext{max}}}$$
 نعلم ان

$$X_{max}=n_0=C.V$$
 کن $X_f=n_{H_3O^+}=[H_3O^+]_f.V$ ککن

$$\tau_f = \frac{[H_3 O^+]_f}{C}$$
 : بعوض فنجد : $\tau_f = \frac{[H_3 O^+]_f \cdot V}{C \cdot V}$: بعوض فنجد

$$\tau_f = \frac{\sigma}{C(\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A^-})}$$
 اي:

. C_i مع التذكير بأن C هو التركيز الابتدائي للمحلول، لذا نرمز له ب

 $\tau = f(C_i)$ بیان

من العلاقة $au_f = \frac{[H_3\,O^+]_f}{C}$ من العلاقة من

: الانتباه ان $[H_{3}\,O^{+}]_{f}$ لها قيمة ثابتة، ولذا نستنتج ما يلي

النسبة النهائية , 7 لتقدم التفاعل تتعلق بالحالة الابتدائية للجملة الكيميائية

ويأتي المنحني البياني كما يلي :

$$K_a = \frac{[H_3\,O^+]_f\,[A^-]_f}{[HA\,]_f}$$
 اذن ؛

$$log K_a = log [H_3 O^+]_f + log \frac{[OH^-]_f}{[HA]_f}$$

$$-pK_a = -pH + log \frac{[A^-]_f}{[HA]_f} , \qquad PH = PKa + log \frac{[A^-]_f}{[HA]_f}$$

$$pH = pK_a + log \frac{\int الأساس \int_f}{\int lland dt} : ونكتبه باسلوب آخر ونكتبه باسلوب آخر ونكتبه باسلوب آخر$$

مجالات تغلّب الصّفتين الحمضية والأساسية على بعضهما للثنائية (أساس/ حمض)

$$-Log \frac{\int الأساس \int_{f}}{\int l \cdot l \cdot l} = pK_a - pH$$
 : لدينا

لحالة 1

إذا كان $pH=pK_a$ فإن إلحمض f=[الأساس f=[الأساس وجد صفة غالبة.

الحالة 2

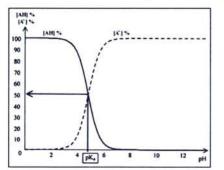
إذا كان $pH < pK_a$ فإن $\int_f [الحمض]_f < [الأساس]$ ، إذن فالصفة الحمضية غالبة.

إذا كان $pH>pK_a$ فإن f الأساس ، إذن فالصفة الأساسية غالبة.

مخطط الصفة الغالبة

لدراسة الصفة الغالبة، يستعمل مخطّط الصفة الغالبة الذي يبرز تطوّر النسبتين المنويتن للصفة الحمضية (% للحمضية (% للحمضية (% للأساس) وهذا بدلالة pH .

عطی :



$$\frac{\int [\text{Maxim}]_f}{\int [\text{Maxim}]_f} \times 100$$

$$\frac{\int [\text{Maxim}]_f}{\int [\text{Maxim}]_f} \times 100$$

$$\frac{\int [\text{Maxim}]_f}{\int [\text{Maxim}]_f} \times 100$$

3-3- تطبيق على الكاشف الملون

◄ الكاشف الملون هو ثنائية (أساس / حمض) يتغير لونه حسب مقدار pH المحلول الذي يوضع فيه.
 ذلك لأنّ صفتيه الحمضية والأساسية يأخذان لونين مختلفين في المحلول.

5-1-2- الجداء الشاردي للماء

لنعين ثابت التوازن الكيميائي لعادلة التفكك الذاتي للماء:

$$K = \frac{[H_3 O^+][OH^-]}{[H_2 O][H_2 O]} = \frac{[H_3 O^+][OH^-]}{l \times l}$$

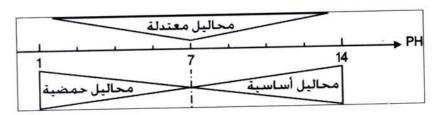
 K_e ندعوه الجداء الشاردي للماء $K=[H_3\,O^+][OH^+]$ إذن

$$K_e = 10^{-14} : 25\,{}^{\circ}C$$
 عند الدرجة $K_e = [H_3\,O^+_{(aq)}][OH^-_{(aq)}]$

$$pK_e = 14$$
 · $pK_e = -\log Ke$; $Ke = 10^{-PKe}$

2-1-5- سلم الـ PH

- . pH < 7 وهذا يؤدي إلى $[H_3\,O^+]_{eq} > [HO^-]_{eq}$ ، وهذا يؤدي إلى \bullet
 - . pH=7 الحاليل العتدلة تتميز بان pH=7 الحاليل العتدلة المحاليل العتدالة المحاليل العتدالة المحاليل العتدالة المحاليل العتدالة المحاليل المحال
 - . pH>7 الذن $[H_3\,O^+]_{eq}<[HO^-]_{eq}$ الدن ، إذن $[H_3\,O^+]_{eq}$



(اساس / حمض) للثنائية الحموضة K_a و K_a للثنائية P

للتمييز بين الأحماض الضعيفة فيما بينها، وكذا الأسس الضعيفة، نعرف مقدارا كيميائيا ندعوه ثابت الحموضة K_a .

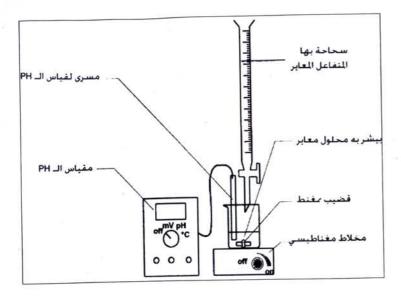
$$HA_{(aq)} + H_{2}\,O_{(1)} = H_{3}\,O_{(aq)}^{+} + A_{(aq)}^{-}$$
 يكن التفاعل المتوازن : ليكن التفاعل المتوازن

HA / A^- ثابت الحموضة للثنائية

$$K_a = K = \frac{[H_3 O^+]_f [A^-]_f}{[HA]_f}$$

 $K_a = 10^{-pKa}$; $pK_a = -\log K_a$: نعرف الد $pK_a = HA/A^-$ للثنائية

- . كلما كان K_a أكبر كان الحمض M(A) أقوى، وأساسه المرافق M(A) أضعف.
 - . إذا كان K_a أكبر كان pK_a كان أصغر



المعايرة

التركيبة التجريبية لتحقيق المعايرة موضّحة في الشكل المقابل، وتتألّف من :

- ◄ سحّاحة : تملأ بالحلول المعاير.
 - ◄ بيشر : يملأ بالمحلول المعاير .
 - ◄ قضيب مغناطيسى، مخلط.
 - ◄ جهاز pH متر.

التجربة

 $(Na^+ + HO^-)$ وأساسا هو الصود (A) في معايرة بين حمضا

ندرس تطور pH المزيج بدلالة المتفاعل المعاير وpH اي

$$\frac{dPH}{dV_b} = g(V_b) \text{ if } PH = f(V_b)$$

◄ عند التكافؤ (E) يتحقق :

$$n\left(\begin{array}{c} n\left(\begin{array}{c} \sum_{a} C_{b}V_{b_{E}} \end{array}\right) = n_{E}\left(\begin{array}{c} \sum_{a} C_{b}V_{b_{E}} \end{array}\right)$$

، تركيز الحلول الحمض V_a : حجم الحلول الحمض : Ca

. تركيز المحلول الأساسي، $V_{b_{\scriptscriptstyle E}}$: المحلول الأساسي عند التكافؤ.

طريقة تعيين نقطة التكافؤ

- ◄ طريقة الماسين المتوازيين (انظر الشكل 1).
- ◄ طريقة تغيير لون الكاشف (انظر الشكل 2).
- . (3 الشكل $\frac{dpH}{dV_b} = g(V_b)$ الطريقة المعلوماتية بتعيين إحداثيات نقطة النهاية العظمى للمنحني (

10 15

 $V_{\rm B}$ (mL)

- الكاشف الملوّن بالرّمز (HI_n/I_n^-) للكاشف الملوّن بالرّمز (HI_n/I_n^-) .
- $H\!I_{n(aq)} + H_2O_{(1)} = H_3O_{(aq)}^+ + I_{n(aq)}^-$ يتفكك الكاشف الملوّن في الماء حسب التفاعل :

pH < 7 . أصفر إذا كان PH < 7 . أصفر إذا كان pH > 7 . أون أساسه (I_n) . أزرق إذا كان pH > 7 . pH > 7 . أزرق إذا كان pH > 7 . إذا كان pH = 7 . إذا كان pH = 7 . أذا كان pH = 7 . أذا كان pH = 7 . أذا كان pH = 7 .

 (HI_n/I_n^-) ثابت الحموضة للثنائية

$$K_{i} = \frac{[H_{3}O^{+}]_{f}[I_{n}^{-}]_{f}}{[HI_{n}]_{f}}$$
$$pH = pK_{i} + log \frac{[I_{n}^{-}]_{f}}{[HI_{n}]_{f}}$$

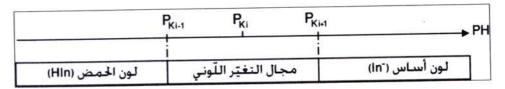
لُون المحلول الذي يوضع فيه الكاشف يعتمد على نسبة التركيز بين الحمض والأساس :

$$R = \frac{[I_n^-]_f}{[HI_n]}$$

نقبل بالنسبة للعين المجرّدة ذات الرّؤية المتوسّطة أنّ المحلول :

- $.PH>pK_{i}+1$ وبالتالي نجد (I_{n}^{-}) إذا كان R>10 وبالتالي نجد ightharpoonup A
- . $pH < pK_i 1$ وبالتالي نجد $R < \frac{1}{10}$ إذا كان (HI_n) إذا كان الحمض
 - . $\frac{1}{10}$ < R < 10 يأخذ لونا ناتجا من مزيج لوني الحمض والأساس إذا كان R

ويسمَى مجال التغيّر اللّوني.
$$PK_i - 1 < pH < PK_i + 1$$



4-5- المعايرة الـ pH مترية

- ◄ نسمي تفاعل حمض بأساس بالمعايرة، ودراسة التفاعل تسمى المعايرة الـ pH مترية.
- ◄ تهدف المعايرة إلى تحديد كمية المادة (n) أو التركيز المولي الحمضي (C) للمحلولين (حمض أو أساس) المعايرة (Titré) أو المعايرة (Titré).
 - ◄ عند التكافؤ، المتفاعل المعاير والمتفاعل المعاير يخضعان للشروط الستوكيومترية.



تطور جملة كيميائية خلال تحول كيميائي نحو حالة التوازن

• تعریف برونستد

الحمض هو كلّ فرد كيميائي يمكنه فقد بروتون أو أكثر أثناء تفاعل كيميائي. والأساس هو الذي يكتسب هذا البروتون.

• نسبة التقدّم النّهائي للتفاعل ،

Hard_equation

$$\tau_f = \frac{X_f}{X_{\text{max}}}$$

- ا إذا كان 7 = 100% أذا كان $au_f = 100$ إذا كان $au_f = 100\%$
 - ا إذا كان $T_f < 1$ ، فالتفاعل غير تام. au_f

كسر التفاعل 0

aA + Bb = cC + dD : ليكن التفاعل

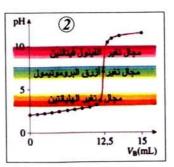
$$Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]^b}$$

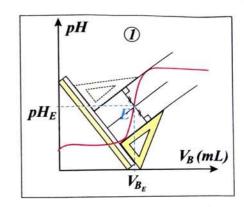
Xعلاقة كسر التفاعل Q بالتقدم

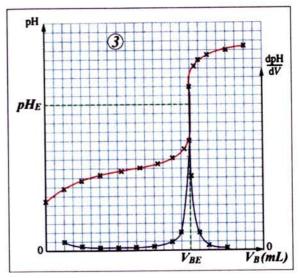
$$Q_r = \frac{X^2}{V(n_0 - X)}$$

ثابت التوازن الكيميائي

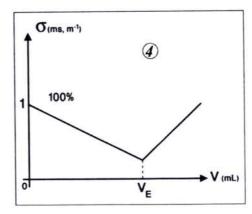
- . إذا كان $Q_r < k$ الجملة تتطوّر في الاتجاه المباشر.
- . إذا كان $Q_r>k$ الجملة تتطوّر في الاتجاه المعاكس.
 - . إذا كان $Q_r=k$ الجملة في حالة توازن.

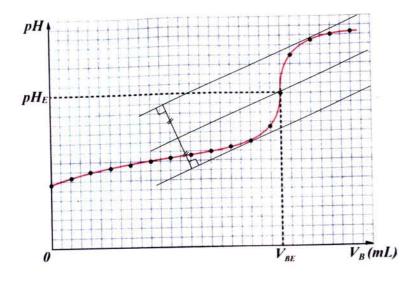


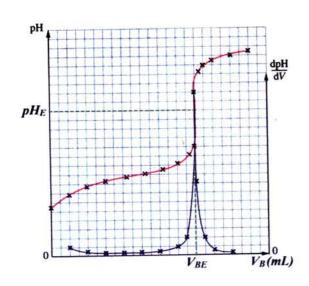




طريقة قياس الناقلية، ورسم المنحني البياني $\sigma=f(V)$ (الشكل 4).







$k + \tau_j$ علاقة



. التركيز الابتدائي.

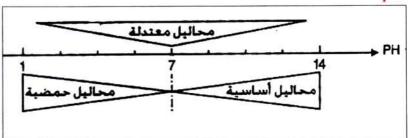
$$k_e = [H_3 O_{(aq)}^+][HO_{(aq)}^-]$$
 : k_e الجداء الشاردي للماء

 $k_e = 10^{-14}$: 25 °C° عند الدرجة

تعریف الـ pH

 $[H_3 O^+] = 10^{-pH}$: $pH = -log[H_3 O^+]$

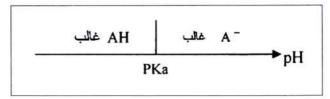
سلم الـ pH



(HA/A^-) (أساس/حمض) للثنانية أساس محمض) ثابت الحموضة الم

$$k_a = 10^{-pk_a}$$
, $pk_a = -\log k_a$, $k_a = \frac{[H_3 O_{(aq)}^+]_f [A_{(aq)}^-]_f}{[HA_{(aq)}]_f}$

pk_a و pH العلاقة بين



المعايرة الـ pH - مترية

 $C_a \, V_a = C_b \, V_b$: عند التكافؤ E بين حمض وأساس يتحقّق

تماديه خاصة بتطور جملة نحرو حالة التوازه / الأحماض والأسس

التمرين ا

 $NH_{4(aq)}^{+}$ ، $HSO_{4(aq)}^{-}$ ، $HCN_{(aq)}$ ، $CH_{3}COO_{(aq)}^{-}$: من بين الأنواع حمض/أساس التالية $: NH_{3(aq)}, CN_{(aq)}^{-}, CH_{3}COOH_{(aq)}, SO_{4(aq)}^{2-}$ 1/ حدد لكل حمض أساسه المرافق، وأعط الثنائية (اساس/حمض) لكل منها. 2/ اكتب المعادلة النصفية للحمض/أساس لكل منها. $.CH_3COOH_{(aa)}$ مع $SO_{4(aa)}^{2-}$ نفاعل (3 أ/ أكتب المعادلة المنمذجة للتحول الكيميائي. ب/ بين لماذا هذا التحول هو تفاعل حمض/اساس؟

الحل

1/ تحديد الحمض والأساس المرافق والثنائية (أساس/حمض)

. العمض	$HCN_{(aq)}$	$HSO_{4(aq)}^{-}$	CH ₃ COOH _(aq)	$NH_{4(aq)}^+$
الأساس المرافق	$CN^{(aq)}$	$SO_{4(aq)}^{2-}$	CH ₃ COO _(aq)	NH _{3(aq)}
نائية (أساس/ حمض)	$HCN_{(aq)}/CN_{(aq)}^{-}$	$HSO_{4(aq)}^{-} / SO_{4(aq)}^{2-}$	$CH_3COOH_{(aq)}/$ $CH_3COO_{(aq)}^-$	$NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)}$

كتابة المعادلة النصفية للحمض/أساس
$$HCN_{(aq)} = H^+_{(aq)} + CN^-_{(aq)}$$

$$HSO_{4(aq)}^{-} = H_{(aq)}^{+} + SO_{4(aq)}^{-}$$

$$CH_{3}COOH_{(aq)}=H_{(aq)}^{+}+CH_{3}COO_{(aq)}^{-}$$

$$NH_{4(aq)}^{+} = H_{(aq)}^{+} + NH_{3(aq)}$$

3/أ/ التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي:

$$CH_3COOH_{(aq)} + SO_{4(aq)}^{2^-} = CH_3COO_{(aq)}^- + HSO_{4(aq)}^-$$

ب/ هذا تفاعل حمض/أساس لأن الفرد الكيمياني $CH_3COOH_{(aq)}$ فقد بروتونا H^+ حسب التحول $CH_3COOH_{(aq)}
ightarrow H_{(aq)}^+ + CH_3COO_{(aq)}^-$ التالي، فهو إذن حمض

أما الفرد الكيميائي $SO_{4(aq)}^{2-}$ ، فقد اكتسب هذا البروتون حسب التحول التالي، فهو إذن أساس.

 $H_{(aq)}^+ + SO_{4(aq)}^{2-} \to HSO_{4(aq)}^-$

التمرين 2

املأ الجدول التالي.

الثنانية أساس/حمض	الأساس المرافق	الحمض
$C_2H_5COOH_{(aq)}/$	Edward March	$C_2H_5COOH_{(aq)}$
HO _(aq)	$HO_{(aq)}^-$	and Marketing
THE BANGE		NH ⁺ _{4(aq)}
CO ₂ , H ₂ O/		CO_2 , H_2O
What Carlotte	H ₂ O	

الحل

الثنانية أساس/حمض	الأساس المرافق	الحمض
$C_2H_5COOH_{(aq)}/C_2H_5CO_{2(aq)}^-$	$C_2H_5CO^{2(aq)}$	$C_2H_5COOH_{(aq)}$
$H_2O_{(1)}/HO_{(aq)}^-$	$HO_{(aq)}^-$	$H_2O_{(1)}$
$NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)}$	$NH_{3(aq)}$	$NH_{4(aq)}^+$
CO_2 , $H_2O/HCO_{3(aq)}^-$	$HCO_{3(aq)}^{-}$	CO_2 , H_2O
$H_3O_{(aq)}^+/H_2O_{(1)}$	$H_2O_{(l)}$	$H_3O_{(aq)}^+$

التمرين 3

التفاعلات التالية، هل هي تفاعلات أحماض وأسس، برر إجابتك.

 $Cu_{(aq)}^{2+} + 2HO_{(aq)}^{-} = Cu(OH)_{2(s)} / 1$

 $CH_3NH_{2(aq)} + CH_3CO_2H_{(aq)} = CH_3NH_{3(aq)}^+ + CH_3CO_{2(aq)}^ CH_3CO_2H_{(aq)} + CH_3OH_{(aq)} = CH_3CO_2CH_{3(aq)} + H_2O_{(1)}$ /z

تماريه خاصة بتطور جملة نحرو

$$HCl_{(g)} + NH_{3(g)} = NH_{4(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-$$
 د/ $C_6H_5CO_2H_{(aq)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5CO_{2(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$

الحل

- التفاعل أ : ليس تفاعل حمض/أساس، لأنه لم يتم فيه فقد بروتون H^+ أو ا $m{ ext{C}}$ تسابه.
- التفاعل ب : هو تفاعل حمض/أساس، لأن النوع الكيميائي $CH_3NH_{2(aq)}$ هو أساس اكتسب بروتونا H^+ فتحول إلى النوع $CH_3NH_{3(aq)}^+$ أما النوع الكيميائي $CH_3CO_2H_{(aq)}$ فهو حمض لأنه فقد H^+ وتحول إلى النوع الكيميائي $CH_3CO_{2(aq)}^-$.
 - التفاعل ج : ليس تفاعل حمض/أساس، لأنه لم يتم فيه فقد بروتون H^+ أو ا Ξ تسابه (في الواقع يسمى تفاعل أسترة).
 - التفاعل د : هو تفاعل حمض/أساس، لأن $HCl_{(aq)}$ فقد H^+ و $NH_{3(aq)}$ اكتسبه.
- التفاعل هـ : هو تفاعل حمض/أساس، لأن $C_6H_5CO_{2(aq)}$ فقد بروتونا H^+ ، فهو حمض، والماء H_2O

التمرين 4

املأ الجدول التالي، باعتبار أن درجة حرارة وسط التفاعل هي °25 .

pН	2,0	- 12 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12	4,5	
$[H_3O^+_{(aq)}](mol.L^{-1})$	·	1.5×10^{-3}		
$[HO^{-}_{(aq)}](mol.L^{-1})$				10-2

لحل

 $k_e=[H_3O^+_{(aq)}][HO^-_{(aq)}]$: يعطي الجداء الشاردي للماء $k_e=10^{-14}$ فإن $k_e=10^{-14}$

$$[H_3O^+_{(aq)}] = 10^{-pH}$$
 و $pH = -Log[H_3O^+_{(aq)}]$

 $[H_3O^+_{(aq)}] = 10^{-2} \, mol.L^{-1}$ فإن pH=2,0 فإن pH=2,0

لحساب $[HO_{(aq)}^-]$ نستعمل الجداء الشاردي للماء، فنجد :

$$[HO_{(aq)}^{-}] = \frac{10^{-14}}{[H_3O_{(aq)}^{+}]} = \frac{10^{-14}}{10^{-2}} = 10^{-1}$$

 $[HO_{(aq)}^{-}] = 10^{-12} \, mol.L^{-1}$

$pH = -Log[H_3O^+_{(aq)}]$ فإن : $[H_3O^+_{(aq)}] = 1,5 \times 10^{-3} \, mol.L^{-1}$ فإن : pH = 2,82 ومنه : $pH = -Log[0.5 \times 10^{-3}]$ إذن : $pH = -Log[0.5 \times 10^{-3}]$

$$[HO^-_{(aq)}] = \frac{10^{-14}}{[H_3O^+]}$$
 : ڪذلك

حالة التوازه / الأحماض والأسس

$$[HO^{-}_{(aq)}] = 6.7 \times 10^{-12} \, \text{mol.} L^{-1} \cdot [HO^{-}_{(aq)}] = \frac{10^{-14}}{1.5 \times 10^{-3}} : \text{i.i.}$$

وهكذا، بالنسبة لبقية القيم، ندونها في الجدول كما يلي :

pН	2,0	2,82	4,5	12
$[H_3O^+_{(aq)}](mol.L^{-1})$	10-2	$1,5 \times 10^{-3}$	$3,16 \times 10^{-5}$	10-2
$[HO_{(aa)}^-](mol.L^{-1})$	10-2	6.7×10^{-12}	$3,16 \times 10^{-10}$	10-2

التمرين 5

تعطى : pH = 5,1 لحلول مائي لكلور الأمونيوم ($NH^+_{4(aq)} + Cl^-_{(aq)}$)، تركيزه

 $C = 1,0 \times 10^{-1} \, \text{mol.} L^{-1}$

1/ أعط تعريف الحمض حسب برونستد.

 $?NH_{3(aq)}$ عن النوع عن النوع 2

3/ اكتب معادلة تفاعل شاردة الأمونيوم مع الماء.

4/ أنجز جدول تقدم التفاعل.

5/ بين أن الأمونيوم لا يتفاعل كلية مع الماء.

6/ عين التركيب المولي الحجمي للمحلول المدروس في الحالة النهائية للتفاعل.

الحل

1/ تعريف الحمض حسب برونستد

الحمض هو كل فرد كيميائي يفقد بروتونا H^+ أو أكثر أثناء تفاعل كيميائي. والأساس هو الذي يكتسب هذا البروتون.

النوع الكيميائي $NH_{3(aq)}$ هو أساس.

 $NH_{4(aq)}^{+} + H_{2}O_{(l)} = NH_{3(aq)} + H_{3}O_{(aq)}^{+}$: هادلة تفاعل شاردة الأمونيوم مع الماء : 3

التمرين 6

ان فيتامين C هو في الأصل حمض الأسكوربيك النقي $C_6H_8O_6$ الذي نرمز له بAH في التمرين. ان انحلال قرص كتلته m=0,35 ماء، يعطى محلولاC من فيتامين m=0,35 ماء، يعطى محلولا . pH = 3,0يتميز ب

1/ اعط تعريف الحمض حسب برونستد.

 $C_6H_7O_6$ ماذا يمثل النوع الكيميائي $C_6H_7O_6$

3/ اكتب معادلة تفاعل حمض الأسكوربيك مع الماء.

 τ اعط عبارة نسبة تقدم التفاعل τ

ب/ احسب قيمة نسبة التقدم النهائي T لهذا التفاعل. ماذا تستنتج ؟

 $.C_6H_8O_6$ هو الأساس المرافق للحمض $.C_6H_7O_6^-$ /2 $.C_6H_8O_{6(\alpha q)} + H_2O_{(1)} = C_6H_7O_{6(\alpha q)}^- + H_3O_{(\alpha q)}^+ /3$

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = 10\%$$
 برا $\tau = \frac{x}{x_{max}}$ برا $\tau = \frac{x}{x_{max}}$ برا $\tau = \frac{x}{x_{max}}$

 $C=0,10mol.L^{-1}$ محلول S_1 من الأمونياك من PH تركيزه $NH_{3(aq)}$ وقيمة

1/ اكتب معادلة تفاعل النشادر مع الماء.

2/ بين أن النشادر لا يتفاعل كلية مع الماء.

احسب الكسر النهائي للتفاعل $Q_{r,eq}$ عند التوازن الكيميائي.

احسب ثابت الحموضة k_A للثنائية.

 $k_e = 10^{-14}$ و $NH_{4(aq)}/NH_{3(aq)}$ عند الدرجة 25° C عند الدرجة

 $Q_{r,eq} = \frac{k_e}{k_A}$ بین آن /5

الحل

1/ معادلة تفاعل النشادر مع الماء

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(1)} = NH_{4(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$$

2/ لإظهار أن النشادر لا يتفاعل كلية مع الماء، ننشئ جدول التقدم، ومن ثم نحسب ٢٠.

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(1)} = NH_{4(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$$

$$NH_{4(aq)}^+ + H_{2}O_{(l)} = NH_{3(aq)} + H_{3}O_{(aq)}^+$$
 الحالة الابتدائية $n_0 = CV$ بزيادة $N_0 = CV$ بزيادة $N_0 = CV$ بزيادة $N_0 = CV$ بزيادة $N_0 = CV$ الحالة النهائية

5/ تبيان أن الأمونيوم لا يتفاعل كلية مع الماء

$$au_f = rac{X_f}{X_{\max}}$$
 نعين نسبة التقدم النهائي للتفاعل. لدينا

$$x_{max} = n_0 = CV$$
 لكن: محلول

4/ جدول التقدم

$$X_f = n_{H_3O^+} = [H_3O^+] \times V$$
 ڪما ان: محلول

$$[H_3O^+]=10^{-5,l}=7,9\times 10^{-6}\ mol.L^{-l}$$
 اي $[H_3O^+]=10^{-pH}$ مع

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+].V_{\text{odd}}}{CV_{\text{odd}}}$$
 is the second state of the second state o

$$\tau_f = 7.9 \times 10^{-5} << 1$$
 , $\tau_f = \frac{[H_3 O^+]}{C} = \frac{7.9 \times 10^{-6}}{1.0 \times 10^{-1}}$

وهذا يعني أن تفاعل الأمونيوم مع الماء ضعيف جدا، ولا يمكن أن يكون تاما.

6/ التركيب المولى الحجمي في الحالة النهائية للتفاعل

[NH] - LIN

$$[NH_4^+] = \frac{n_0 - x_f}{V_{\text{total}}} = \frac{C V_{\text{dys}} - [H_3 O^+] \cdot V_{\text{dys}}}{V_{\text{total}}}$$

 $[NH_4^+] = 10^{-1} \, mol. L^{-1} \quad \text{i.i.} \quad [NH_4^+] = 10^{-1} - 7,9.10^{-6} \approx 10^{-1} \, mol/L$

$$[H_3O^+]$$
 و $[NH_3]$ حساب

$$[NH_3] = [H_3O^+] = -10^{-pH} = 10^{-5.1} = 7.9.10^{-6} \, mol.L^{-1}$$

[Cl-] - Luna

 Cl^{-} لاحظ أننا لم نسجل Cl^{-} في التفاعل، ولا في جدول التقدم، لأنها شوارد غير فعالة، غير أنها موجودة،

$$[cl^{-}] = \frac{n_0}{V_{older}} = \frac{C \, V_{older}}{V_{older}} = C = 10^{-1} \, mol. L^{-1}$$
 ونحسب ترکیزها کما یلي :

$$[Cl^{-}] = 10^{-1} \text{mol.} L^{-1}$$

$$Q_{r,eq} = rac{\dfrac{X_f}{V} imes \dfrac{X_f}{V}}{\dfrac{n_0 - X_f}{V}} = \dfrac{(\dfrac{X_f}{V})^2}{\dfrac{n_0 - X_f}{V}}$$
نعوض في عبارة $Q_{r,eq}$ فنجد :

$$X_f = au_f CV$$
 اي $X_f = au_f imes X_{max}$ وبالتالي $au_f = \frac{X_f}{X_{max}}$ اکن

$$Q_{r,eq} = \frac{ au_f^2 C^2}{C(1- au_f)} = \frac{ au_f^2 C}{1- au_f}$$
 بذن $Q_{r,eq} = \frac{(rac{ au_f CV}{V})^2}{rac{CV- au_f CV}{V}}$: نعوض

$$Q_{r,eq} \approx 1.7 \times 10^{-5} \quad Q_{r,eq} = \frac{(1.3 \times 10^{-2})}{9.87 \times 10^{-1}} = Q_{r,eq} = \frac{1.69 \times 10^{-4} \times 0.1}{1 - 1.3 \times 10^{-2}}$$

 $NH_{4(aq)}^+ / NH_{3(aq)}$ صساب ثابت الحموضة k_A للثنائية أساس/حمض 4

$$k_{A} = \frac{10^{-11.1} \times \frac{n_{0} - X_{f}}{V}}{\frac{X_{f}}{V}}$$
 , $k_{A} = \frac{[H_{3}O^{+}]_{eq}[NH_{3}]_{eq}}{[NH_{4}^{+}]_{eq}}$.

$$k_A = 10^{-pH} \left(\frac{1}{\tau_f} - 1\right)$$
, $k_A = \frac{10^{-pH} \left(\frac{CV - \tau_f CV}{V}\right)}{\frac{\tau_f CV}{V}} = 10^{-pH} \left(\frac{1 - \tau_f}{\tau_f}\right)$

$$k_A = 6.03 \times 10^{-10}$$
 : ومنه $k_A = 10^{-11.1} \left(\frac{1}{1.3 \times 10^{-2}} - 1 \right)$ نعوض فنجد

$$Q_{r,eq} = rac{k_e}{k_A}$$
 ر تبیان آن /5

$$Q_{r,eq} = rac{\left[NH_{4(eq)}^+ \right] \left[HO_{aq}^- \right]_{eq}}{\left[NH_{3(aq)} \right]_{eq}}$$
 نعلم أن

 $[H_3O_{aa}^+]_{ea}$ في هذه المساواة نضرب البسط والمقام في k_e و k_A نظهر لكى نظهر

$$Q_{r,eq} = \frac{[NH_{4(aq)}^{+}]_{eq}[HO_{aq}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}}$$
 إذن

$$Q_{r,eq} = \frac{[NH_{4(aq)}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}}[HO_{aq}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}$$

$$NH_{3(aq)}$$
 + $H_2O_{(l)}$ = $NH_{4(aq)}^+$ + $HO_{(aq)}^-$ الحالة الابتدائية $n_0=CV$ بزيادة n_0-X_f الحالة النهائية X_f

 $\tau_f = \frac{X_f}{X}$ لدينا

 X_{co} نعين قيمة كل من X_{max} نعين

$$X_{max} = n_0 = CV$$
 لدينا

 $k_e = [\,H_3O^+\,][\,HO^-\,]$ فنعينه من تركيز $^-HO^-$ الذي نحسبه من الجداء الشاردي للماء $^-$

$$[HO^{-}] = \frac{k_{e}}{[H_{3}O^{+}]} = \frac{10^{-14}}{10^{-pH}} = 10^{-14+pH}$$

$$[HO^{-}] = 10^{-14+11,1} ; [HO^{-}] = 10^{-2.9} \text{mol.} L^{-1}$$

$$[HO^{-}] = 1,3 \times 10^{-3} \text{mol.} L^{-1}$$

من جدول التقدم نكتب : $\frac{X_f}{U}=HO^-$ حيث V حجم محلول النشادر، وقيمته مجهولة.

$$\tau_f = \frac{[\ HO^-\]_f}{C_I} : \varphi_f = \frac{X_f}{X_{max}} = \frac{[\ HO^-\]V}{CV} : \varphi_f = [\ HO^-\] \times V : \varphi_f = [\ HO^-\$$

$$au_f = 1.3 \times 10^{-2} = 1.3\%$$
 نعوض : $au_f = \frac{1.3 \times 10^{-3}}{0.1}$ نعوض :

فنسبة تقدم التفاعل النهائي هي %1,3 ، وهي نسبة تدل على أن النشادر لم يتفاعل كلية في الماء.

 $Q_{r,eq}$ حساب كسر التفاعل عند التوازن /3

$$Q_{r,eq} = \frac{[NH_4^+]_{eq}[HO^-]_{eq}}{[NH_3]_{eq}[H_2O]_{eq}}$$
 نعلم أن

$$Q_{r,eq}=rac{[\,NH_4^+\,]_{eq}[\,HO^-\,]_{eq}}{[\,NH_3^-\,]_{eq}}$$
 ومنه $[\,H_2O\,]=1$ کن الماء یعتبر مذیبا، لذا ناخذ

$$\lceil NH_4^+
ceil_{eq} = rac{X_f}{V}$$
 من جدول التقدم لدينا $\lceil HO^-
ceil_{eq} = rac{X_f}{V}$ و $\lceil NH_4^+
ceil_{eq} = rac{NH_3}{V} = rac{C \ V - X_f}{V}$

تماريه خاصة بتطور جملة نحرو حالة التوازه / الأحماض والأسس

$$[HO_{aq}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq} = k_{e}$$
 و $\frac{[NH_{4(aq)}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}} = \frac{1}{k_{A}}$ حيث $Q_{r,eq} = \frac{k_{e}}{k_{A}}$ إذن

التمرين 8

محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم ($Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$) تركيزه المولي الحجمي محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم ($C_b = 5.0 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}$ ونسكبه في بيشر يحتوي على حجم $V_b = 10mL$ من محلول مائي لحمض الإيثانويك $CH_3COOH_{(aq)}$ تركيزه المولي الحجمي $V_a = 30mL$ له. $C_a = 1.0 \times 10^{-3} \, mol.L^{-1}$ له.

- 1/ اكتب المعادلة المنمذجة للتفاعل حمض/أساس الحادث.
- 2/ أعط جدول التقدم لهذا التحول الكيمياني باعتباره تاما.
- 3/ حدد المتفاعل المحد، واستنتج قيمة التقدم النهائي لهذا التفاعل.
 - $(Q_{r,eq})$ احسب قيمة كسر التفاعل عند التوازن (
 - 5/ احسب قيمة pH للمزيج الناتج علما بأن:
- $Pk_e = 14$, $Pk_a(CH_3COOH_{aq}/CH_3COO_{aq}^{-}) = 4,75$

الحل

l / كتابة المعادلة المنمذجة للتفاعل حمض/أساس

$$CH_3COOH_{(aq)} + (Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-) = CH_3COO_{(aq)}^- + Na_{(aq)}^+ + H_2O_{(l)}$$

2/ جدول التقدم

بما أن $Na_{(aq)}^+$ شاردة غير فعالة، لذا يمكن عدم إظهارها في معادلة التفاعل، وهذا في جدول التقدم.

$$CH_{3}COOH_{(aq)} + HO_{(aq)}^{-} = CH_{3}COO_{(aq)}^{-} + H_{2}O_{(l)}$$

التقدم الحالة
$$n_{0a}=C_aV_a$$
 $n_{0b}=C_bV_b$ $0 mol$ يادة $X=0$

بزيادة
$$X_f$$
 $C_a V_a - X_f$ $C_b V_b - X_f$ الحالة النهائية

3/ تحديد المتفاعل المحد

نقارن بین n_{0a} و n_{0b} لأن المعاملات الستیکیومتریة متساویة.

$$n_{0a} = 3 \times 10^{-5} \, mol$$
 اذن $n_{0a} = C_a V_a = 10^{-3} \times 30 \times 10^{-3}$ لدينا

$$n_{0b} = 5 \times 10^{-4} \, mol$$
 يَذِن $n_{0b} = C_b V_b = 5 \times 10^{-2} \times 10 \times 10^{-3}$ يَذِن

نلاحظ أن $n_{0b} > n_{0a}$ ، فالمتفاعل المحد هو الذي كمية مادته أصغر ، ألا وهو الحمض الكربوكسيلي . $CH_3COOH_{(aq)}$

 X_f استنتاج قيمة التقدم النهائي

$$X_f = n_{0a} = 3 \times 10^{-5} \, mol$$
 این $X_f = C_a V_a$ این $C_a V_a - X_f = 0$ قیمة T_f

 $Q_{r,eq}$ قيمة كسر التفاعل عند التوازن /4

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{[CH_3COO_{(aq)}]_{\acute{e}q}}{[CH_3COOH_{(aq)}][HO_{(aq)}]_{\acute{e}q}}$$
لدينا

 k_e و k_A ختى نظهر والمقام لهذا الكسر ب $[H_3O^+_{(aq)}]_{\dot{e}q}$ ختى نظهر

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{[CH_{3}COO^{-}_{(aq)}]_{\acute{e}q} \times [H_{3}O^{+}_{(aq)}]_{eq}}{[CH_{3}COOH_{(aq)}][HO^{-}_{(aq)}]_{\acute{e}q}} \times \frac{1}{[HO^{-}_{(aq)}]_{\acute{e}q}[H_{3}O^{+}_{(aq)}]_{\acute{e}q}}$$

$$Q_{r,\acute{e}q} = k_{A} \times \frac{1}{k_{e}} = \frac{k_{A}}{k_{e}} = \frac{10^{-Pk_{A}}}{10^{-14}}$$

 $Q_{r,\acute{e}q} = 10^{+9,25} = 1,78 \times 10^{+9}$ ين يعوض ب $Q_{r,\acute{e}q} = \frac{10^{-4.75}}{10^{-14}}$ ين يعوض ب

الزيج عند التوازن pH الزيج عند التوازن

 $[HO^-]$ نعلم أن $[HO^+] = -Log[H_3O^+]$ لذا يجب حساب $[HO^+] = -Log[H_3O^+]$ ،

 $n_{_{HO^{-}}}=C_{_{b}}V_{_{b}}-X_{_{f}}$ هن جدول التقدم لدينا : ڪمية المادة لـ HO^{-} عند التوازن هي

$$[HO^{-}] = \frac{n_{HO^{-}}}{V_{...}} = \frac{C_{b}V_{b} - X_{f}}{V_{a} + V_{b}}$$
 هو HO^{-} المحادث

$$[HO^-] \approx 1,18 \times 10^{-2} \ mol.L^{-1}$$
 ومنه $[HO^-] = \frac{5 \times 10^{-4} - 3 \times 10^{-5}}{(30 + 10)10^{-3}}$ نعوض فنجد

نحسب الآن $[\,H_{\scriptscriptstyle 3}O^{\scriptscriptstyle +}\,]$ عن طريق الجداء الشاردي للماء :

التمرين 9

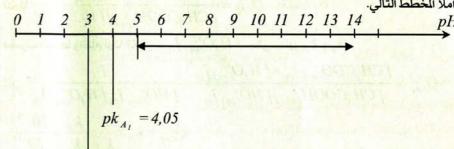
 $C_6H_8O_6$ ينحل في بيشر به ماء قرص من فيتامين $C_8H_8O_6$ وهو عبارة عن حمض الأسكوربيك رمزه A,H ونضيف قرصا من الأسبرين الذي يحتوي على حمض

 A_2H رمزه $C_6H_4OHCOOH$ رمزه

pH = 5,00 المحلول الناتج فنجد pH = 5,00 .

$$pk_{A_2}(A_2H_{(aq)}/A_{2(aq)}^-)=3,00$$
 ، $pk_{A_1}(A_lH_{(aq)}/A_{l(aq)}^-)=4,05$. يعطى:

1/ املأ المخطط التالي.



 $pk_{A_1} = 3,00$

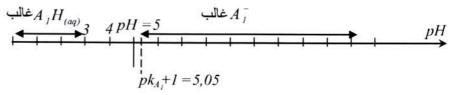
pH = 5,00 عند pH = 5,00 ، ما هي الأنواع الكيميائية ذات الصفة الغالبة

في المجال $PH < Pk_{_A} - 1$ يكون الحمض في المجال $PH < Pk_{_A} - 1$

أما في المجال $PH>Pk_A+1$ فالأساس المرافق مو الذي له الصفة الغالبة.

 A_1^- مض الأسكوربيك $C_6H_8O_6$ رمزه $A_1H_{(aq)}$ وأساسه المرافق

لدينا: $Pk_{A_1} + 1 = 4,05 + 1 = 5,05$ له الصفة الغالبة. $Pk_{A_1} + 1 = 4,05 + 1 = 5,05$ له الصفة الغالبة.



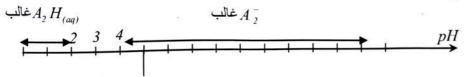
 $Pk_{a}-1=4,05-1=3,05$ لدينا

ونلاحظ أن في المجال pH < 3,05 هو الغالب.

 A_2H الأسبيرين الذي نرمز له ب $Pk_{A_1} + 1 = 4$ إذن $Pk_{A_2} = 3,00$ لدينا

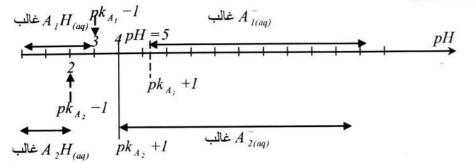
ابتداء من القيمة PH>4 في سلم الـ pH يكون A_2^- هو الغالب.

هو $(AH)_{aq}$ هابتداء من قيم أصغر من القيمة 2 في سلم الـ pH يكون الحمض $Pk_{_{A_{3}}}-1=2$



المخطط الكامل

تماريه خاصة بتطور جملة نحب كالة التوازه / الأحماض والأسس



. عند القيمة PH=5,00 عند القيمة PH=5,00 عند القيمة 2

التمرين 10

نمزج محلول كلور الإيثانويك $CH_2ClCOOH_{(ag)}$ ومحلول النشادر NH_3 . يعطى :

 $pk_{A_1}(CH_2CICOOH_{(aq)}/CH_2CICOO_{(aq)}^-) = 2,9$

 $pk_{A_1}(NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)})=9,2$

املأ العبارات التالية :

أ/ معادلة التفاعل تكتب

ب/ ثابت التوازن الكيميائي k للتفاعل يساوي

ج/ التفاعل

د/ قيمة ، ٦ هي

الحل

 $CH_2CICOOH_{(aq)} + NH_{3(aq)} = CH_2CICOO_{(aq)}^- + NH_{4(aq)}^+$, and the limit of the state of the sta $.CH_{2}CICOOH$ يلعب دور اساس فيكتسب H^{+} من الحمض NH_{3} الاحظ ان

ب/ ثابت التوازن الكيميائي

$$k = Q_{r,eq} = rac{ \left[NH_{4(aq)}^+
ight]_{eq} \left[CH_2 clCOO_{(aq)}^-
ight]_{eq} } { \left[NH_{3(aq)}
ight]_{eq} \left[CH_2 clOOH_{(aq)}
ight]_{(eq)} }$$
 : بالضرب في $\left[H_3 O^+
ight]$ في البسط والمقام نجد

$$k = \frac{[NH_{4(aq)}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{(aq)}^{+}]_{eq}} \times \frac{[CH_{2}ClCOO_{(aq)}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{(aq)}^{+}]_{eq}}{[CH_{2}ClCOOH_{(aq)}]_{eq}}$$

$$\frac{ \left[CH_2 clCOO_{(aq)}^- \right]_{eq} \left[H_3 O_{(aq)}^+ \right]_{eq} }{ \left[CH_2 clCOOH_{(aq)} \right]_{eq} } = k_{A_l} \text{ g} \frac{ \left[NH_{4(aq)}^+ \right]_{eq} }{ \left[NH_{3(aq)} \right]_{eq} \left[H_3 O_{(aq)}^+ \right]_{eq} } = \frac{1}{k_{A_2}} \text{ then } k_{A_2}$$

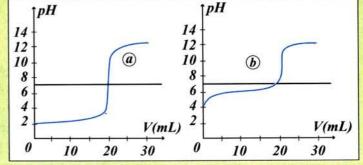
$$k = 2 \times 10^6$$
 الذن $k = \frac{10^{-2.9}}{10^{-9.2}}$ الذن $k = \frac{k_{A_1}}{10^{-pk_{A_2}}} = \frac{10^{-pk_{A_1}}}{10^{-pk_{A_2}}}$ ، $k = \frac{1}{k_{A_2}} k_{A_1}$ الذن $k = \frac{1}{k_{A_2}} k_{A_3}$

 $k > 10^4$ التفاعل شبه تام لأن

 $au_f pprox 1$: بما أن التفاعل شبه تام إذن $au_f pprox 1$

التمرين 11

محلول S_2 لحمض قوي $A_1H_{(aq)}$ تركيزه $C_l=10^2mol$. محلول $A_2H_{(aq)}$ لحمض ضعيف محلول محلول المحلق في المحلق ال . C2 = C1. بالمعايرة الـ pH - مترية نعاير نفس الحجم V من المحلولين كلاً على حدة بمحلول الصود تركيزه $C_B = 1.0 \times 10^{-3} \text{ml.L}^{-1}$ ، فنحصل على النحنيين ،



املأ الجمل التالية.

 $A_1H_{(aq)}/1$ حمض قوي معناه مض ضعیف معناه

2/ نعين الـ pH عند التكافؤ بطريقة

 $(pH_F)_a = \dots$ عند التكافؤ لدينا عند $(pH_E)_b = \dots$

..... $A_1H_{(aq)}$ هو $A_1H_{(aq)}$

 \dots منحنى معايرة الحمض $A_2H_{(aq)}$ هو

. pH = 4 الحمض القوي يتميز بان

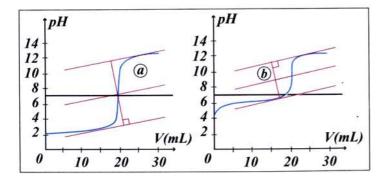
 $.C_{I} =$ ومنه : ومنه وستنج ان

..... للحمض الضعيف تتعين من Pk_A قيمة Pk_A

 $. Pk_A =$ ونستنتج أن قيمته

الحل

حمض قوي معناه يتفكك كلية في الماء. $A_l H_{(aq)} / 1$ حمض ضعيف معناه يتفكك جزئيا في الماء. $A_2H_{(aq)}$ pH_{F} عند التكافؤ بطريقة الماسات. $(pH_E)_b = 9$ ، $(pH_E)_a = 7$: عند التكافؤ لدينا



منحني معايرة الحمض $A_l H_{(aq)}$ هو المنحني a ، لأنه حمض قوي، ونعلم أنه عند معايرة حمض 3. $pH_F = 7$ قوي بأساس قوي كما هو الحال هنا مثل محلول الصود تكون

منحني معايرة الحمض $A_2H_{(aq)}$ هو المنحني b ، لأنه حمض ضعيف، ونعلم أنه عند معايرة حمض . $pH_{\scriptscriptstyle E}=9$ الذي وجدنا فيه b الذي وجدنا فيه $pH_{\scriptscriptstyle E}>7$ ضعيف بأساس قوي يكون pH = -Log C الحمض القوي يتميز بأن 4

 $C_{I} = 10^{-2} \, mol. L^{-1}$: ومنه نجد $C = 10^{-pH}$ نستنج ان

تماريه خاصة بتطور جملة نحر حالة التوازه / الأحماض والأسس

pKa=6

V(mL) عجم V(mL) $V_{\frac{m}{2}}=10$ $v_{\frac{m}{2}}=10$

لحمض الضعيف تتعين من نصف حجم Pk_A الحمض الضعيف تتعين من نصف حجم التكافؤ $V_{E_{//2}}=rac{20}{2}=10$ اي $V_{E_{//2}}=\frac{20}{2}=10$ القيمة كما هو موضح في الشكل المقابل نجد أن $Pk_A=6$

الحل

1/ معادلة التفاعل الكيميائي

 $(H_3O_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-)$ هو الهيدروجين هو ڪلور الهيدروجين

 $.NH_{3(aq)}$ محلول النشادر هو

$$(H_3O_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-) + NH_{3(aq)} = NH_{4(aq)}^+ + H_2O_{(aq)} + Cl_{(aq)}^-$$

ملاحظة : بما أن $Cl_{(aq)}^{-}$ هي شاردة غير فعالة، لذا يجوز لنا عدم إظهارها في العادلة،

$$H_3O_{(aq)}^+ + NH_{3(aq)} = NH_{4(aq)}^+ + H_2O_{(l)} :$$
 فنكتب من جديد

للتفاعل k للتفاعل k للتفاعل

$$[H_2O]_{eq} = 1$$
 ونضع $k = \frac{[NH_{4(aq)}^+]_{eq} \times [H_2O]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq} \times [H_3O_{(aq)}^+]_{eq}}$

$$k = \frac{[NH_{4(aq)}^+]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_3O_{(aq)}^+]_{eq}} = \frac{1}{k_{A_1}}$$
 فينتج

$$k = 10^{9.2} = 1,58 \times 10^9$$
 : نعوض فنجد $k = \frac{1}{k_{A_l}} = \frac{1}{10^{-Pk_{A_l}}}$; $k = 10^{Pk_{A_l}}$

قعيين إحداثيي نقطة التكافؤ E ، وهما DH ، V

 pH_E ${}_{E}V_E$

باستعمال طريقة الماسات كما هو موضح في الشكل المقابل نجد :

$$E(pH_E = 5.6 ; V_E = 18mL)$$

4/ بما أن $PH_{E} < 7$ فهذا يعني أن التفاعل تم بين حمض قوي وأساس ضعيف.

5/ الأنواع الكيميائية ذات الصفة الغالبة

فان الصفة $pH < Pk_{\scriptscriptstyle A} - 1$ فان الصفة •

الغالبة تكون للحمض (AH لا لأساسه المرافق

$$AH_{(aq)}/A_{(aq)}^{-}$$
، من الثنائية ، $A_{(aq)}$

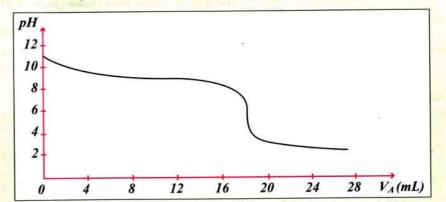
. $A_{(aq)}^-$ أما إذا كان $PH>Pk_{_A}+1$ فإن الصفة الغالبة تكون لـ و أما

.
$$[AH_{(aq)}]=[A_{(aq)}^{-}]$$
 يكون $pH=Pk_{A}$ يكون

 $NH_{4(aq)}^+ / NH_{3(aq)}$ في حالة pH=2 ندرس الصفة الغالبة للثنائية و pH=2

التمرين 12

 $NH_{3(aq)}$ في بيشر يحتوي على حجم $V_B=10mL$ لحلول مائي للأمونيوم ويبيشر يحتوي على حجم تركيزه تركيزه واسطة محلول حمض كلور الهيدروجين تركيزه يواسطة محلول حمض كلور الهيدروجين تركيزه C_B مجهول، فقحصل على منحني المعايرة $PH=f(V_A)$ التالي.



1/ اكتب معادلة التفاعل الكيميائي.

k احسب الثابت k لهذا التفاعل عند التوازن.

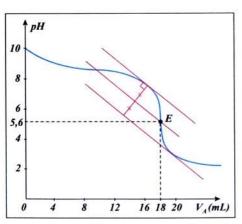
 V_E عين بيانيا V_E عند نقطة التكافؤ.

4/ تأكد من أن الأساس ضعيف.

pH = 5, 2 ، pH = 2 ، ما هي الأنواع الكيميائية ذات الصفة الغالبة في الحالات pH = 5, 2 ، pH = 9, 2 ، pH = 9, 2

العطاة في نهاية التمرين. Pk_{A_i} من قيمة Pk_{A_i} العطاة في نهاية التمرين.

 $Pk_{A_2}(H_3O_{(aq)}^+/H_2O)=0$ ، $Pk_{A_1}(NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)})=9,2$: العطيات : $Pk_{A_3}(H_2O/HO_{(aq)}^-)=14$



5/ انشئ جدول التقدم.

 $\sigma_{\rm r}$ عرف التكافؤ، واستنتج عبارة الناقلية $\sigma_{\rm r}$ عند التكافؤ.

. (V_{BE}, σ_E) حدد بيانيا إحداثيي نقطة التكافؤ (

احسب التركيز C_A للمحلول الحمضى.

. σ_E بالاستعانة بعبارة مبارة ، جد حسابيا قيمة /9

الحل

1/ معادلة التفاعل الحادث

$$HCOOH_{(\alpha q)} + (Na_{(\alpha q)}^{+} + HO_{(\alpha q)}^{-}) = HCOO_{(\alpha q)}^{-} + Na_{(\alpha q)}^{+} + H_{2}O_{(1)}$$

k ثابت التوازن h/2

k لم تتفاعل لذا يمكن حذفها من طرفي المعادلة فلا ندخلها في ثابت التوازن الكيميائي $Na_{(aq)}^+$

$$k = \frac{[HCOO_{(aq)}^{-}]_{eq}}{[HCOOH_{(aq)}^{-}]_{eq}[HO_{(aq)}^{-}]_{eq}}$$
 : وحسب التعريف لدينا

 $[\,H_{\,3}O^{\,+}\,]$ ب نظهر والمقام ويجب الضرب في البسط والمقام ب

$$k = \frac{[HCOO^{-}_{(aq)}]_{eq}[H_{3}O^{+}_{(aq)}]_{eq}}{[HCOOH_{(aq)}]_{eq}} \times \frac{1}{[H_{3}O^{+}_{(aq)}][HO^{-}_{(aq)}]_{eq}}$$
 الذن:

$$\frac{1}{[H_3O^+_{(aq)}][HO^-_{(aq)}]_{eq}} = \frac{1}{k_{A_2}} : \frac{[HCOO^-_{(aq)}]_{eq}[H_3O^+_{(aq)}]_{eq}}{[HCOOH_{(aq)}]_{eq}} = k_{A_1}$$

 $k>10^4$ ب/ هذا التفاعل شبه تام لأن

3 نجري تفاعل المعايرة بالناقلية لأن المتفاعلات والنواتج بها شوارد يمكن بواسطة جهاز الناقلية قياس قيمة ناقليتها σ .

 σ عبارة الناقلية النوعية 4

$$\sigma_i = \sum \lambda_i [x_i]$$
 نستعمل قانون كولروش

$$\sigma = \lambda_{HCOO^-}[HCOO^-] + \lambda_{Na^+}[Na^+] + \lambda_{HO^-}[HO^-]$$
 !!

نلاحظ ان $Pk_{A_l}-I=9,2-1$ اذن $Pk_{A_l}-I=9,2-1$ ومنه $Pk_{A_l}-I=9,2-1$ فالصفة الغالبة تكون للحمض $NH_{4(aq)}^+$ بمعنى $NH_{4(aq)}^+$

 $pH=5,2 < Pk_{A_l}-1=4,2$ في حالة $pH=5,2 < Pk_{A_l}$ نلاحظ أيضا أن pH=5,2

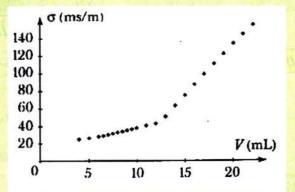
. $NH_{4(aq)}^+$ فالصفة الغالبة تكون للحمض

. $[NH_{3(aq)}] = [H_3O^+_{(aq)}]$ إذن $pH = Pk_{A_l}$ نلاحظ أن pH = 9,2 إذن و

$$pH = Pk_{A_1} = 9,2$$
 ، ننقله في البيان لنجد ، $V_{E_{1/2}} = \frac{18}{2} = 9mL$ ، من نصف حجم التكافؤ ، $V_{E_{1/2}} = \frac{18}{2} = 9mL$ ، من نصف حجم التكافؤ ،

التمرين 13

يوضع في بيشر حجم $V_A=10,0$ تركيزه $V_A=10,0$ تركيزه $C_{\rm A}$ نضيف لحتوى البيشر 100 ماء. ننجز معايرة بالاستعانة بجهاز الناقلية بين الحمض المذكور ومحلول هيدروكسيد الصوديوم، تركيزه $C_{\rm B}=1,0\times 10^{-1}$ فنحصل على البيان :



، $Pk_{A_j}(HCOOH_{(aq)}/HCOO_{(aq)}^-)=3,8$. معطیات : $Pk_{A_j}(H_2O/HO_{(aq)}^-)=14$

الشاردة	$H_3O^+_{(aq)}$	$HO_{(aq)}^-$	$HCOO_{(aq)}^-$	$Na^+_{(aq)}$
$\lambda(ms.m^2.mol^{-1})$	35,0	19,9	5,46	5,01

1/ اكتب معادلة التفاعل الحادث في المعايرة.

ارد التفاعل. k التفاعل. k التفاعل.

ب/ ماذا تقول عن هذا التفاعل ؟

3/ لماذا أجرينا تفاعل المعايرة بالناقلية؟

4/ أعط عبارة الناقلية النوعية σ أثناء المعايرة.

5/ جدول التقدم

العادلة
$$HCOOH_{(aq)}$$
 + $HO_{(aq)}^-$ = $HCOO_{(aq)}^-$ + $H_2O_{(l)}$ جزيادة C_AV_A C_BV_B . $Omol$ الحالة الابتدائية بزيادة $C_AV_A - X_f$ $C_BV_B - X_f$ الحالة النهائية

6/ تعريف التكافؤ

التكافؤ هو حالة كيميائية يتم فيها استهلاك كل المتفاعلات من محاليل مُعَايرة (Titrant) ومحاليل مُعَايِرَةً (Titré).

عبارة الناقلية σ ب عند التكافؤ

 $HO_{(aq)}^-$ عند التكافؤ يستهلك كل من $HCOOH_{(aq)}$ و $C_AV_A - X_f = 0$ اي $n\left(HCOOH_{(aq)}\right) = 0 \, mol$ إذن

$$C_BV_B-X_f=0$$
 اذن $n\left(HO_{(aq)}^-
ight)=0\,mol$ وكذلك

وهذا يؤدي إلى وضع σ السابقة. σ السابقة. $\sigma = \sigma_E = \lambda_{HCOO}[HCOO] + \lambda_{Na^+}[Na^+] + 0$ إذن نكتب

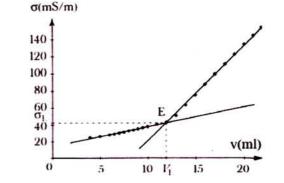
$$V=V_A+V_{B(E)}$$
 مع $[HCOO^-]=rac{X_f}{V_a}$ لکن

$$X_f = C_B V_{B(E)}$$
 او $X_f = C_A V_{A(E)}$

$$[HCOO^{-}] = \frac{C_B V_{B(E)}}{V_A + V_{B(E)}}$$
 إذن

$$\sigma_E = (\lambda_{HCOO^-} + \lambda_{Na^+}) \frac{C_B V_{B(E)}}{V_A + V_{B(E)}}$$
 : نعوض في عبارة σ_E فنجد

 $(V_{B(E)}, \sigma_E)$ التحديد البياني لإحداثيي نقطة التكافؤ 7



 $\sigma_E pprox 44\,ms.m^{-1}$ و $V_{B(E)}pprox 12$, $5\,mL$ من نقطة التقاطع نجد

الحمضى C_A للمحلول الحمضى 8

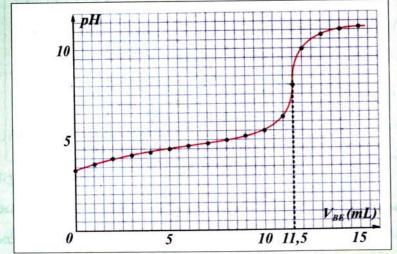
 $n\left(HCOOH_{(aq)}
ight)=n\left(HO_{(aq)}^{-}
ight)$ عند التكافؤ يتحقق

$$C_A = \frac{C_B V_{B(E)}}{V}$$
 اذن $C_A V_A = C_B V_{B(E)}$ ومنه $C_A V_A - X_f = C_B V_B - X_f$ اذن

$$C_A = \frac{1.0 \times 10^{-1} \times 12.5 \times 10^{-3}}{10 \times 10^{-3}}$$
; $C_A = 1.25 \times 10^{-1} \text{ mol.} L^{-1}$

التمرين 14

 $C\!H_3COOH$ غي بيشر حجما $V_A=10\,,0\,mL$ من محلول حمض الإيثانويك تركيزه C_A مجهول. يفرغ في السحاحة محلول الصود $C_{(aq)} + HO_{(aq)}^{-}$ تركيزه نبدأ عملية المايرة الـ -pHمترية، فنحصل على النحني البياني . $C_B=0$, $100\,mol$. L^{-1} المثل بالشكل الرفق. $pH = f(V_R)$



1/ اكتب معادلة تفاعل المعايرة الحادث بين الحمض والأساس.

2/ عين إحداثيي نقطة التكافؤ، وبين أن حمض الإيثانويك هو حمض ضعيف.

 C_A استنتج تركيز الحمض C_A

pH=5 , بنشئ جدول التقدم، وعين تقدم التفاعل الأعظمي X_{max} والنهائي X_f عند X_f عند X_f

أراحسب نسبة التقدم τ ، ماذا تستنج أ

. $CH_3COOH_{(aq)}$ / $CH_3COO_{(aq)}^{-}$ عين Pk_A الثنائية أساس/حمض أحمض Pk_A عين Pk_A

تماريه خاصة بتطور جملة نحو حالة التوازه / الأحماض والأسس

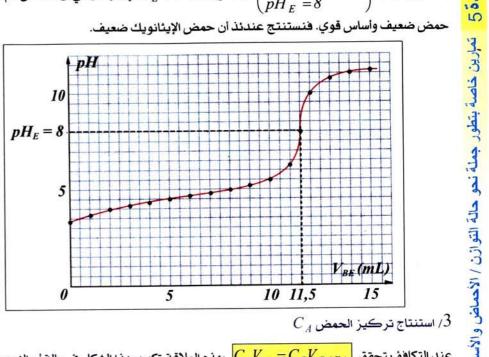
1/ معادلة تفاعل المعايرة

$$HCOOH_{(\alpha q)} + (Na_{(\alpha q)}^{+} + HO_{(\alpha q)}^{-}) = HCOO_{(\alpha q)}^{-} + Na_{(\alpha q)}^{+} + H_{2}O_{(1)}$$

2/ تعيين إحداثيي نقطة التكافؤ

باستعمال طريقة الماسات، كما هو موضح بالشكل المقابل، نعين نقطة التكافؤ E ، ومن ثم نجد

بين التفاعل تم بين ،
$$pH_E > 7$$
 وبما أن $E \begin{pmatrix} V_{BE} = 11,5 \ mL \\ pH_E = 8 \end{pmatrix}$ إحداثييها وهما



عند التكافؤ يتحقق $C_A V_A = C_B V_{B(E)}$ بهذه العلاقة تكون بهذا الشكل في حالة أن النوعين

الكيميائيين $^- HO^-$ و CH_3COOH المتفاعلين لهما نفس العدد الستيكيومتري (انظر المعادلة

،
$$C_A = \frac{C_B V_{B(E)}}{V_A}$$
الكيميائية لتجد أن العدد الستيكيومتري هو 1 لكلا النوعين الكيميائيين). إذن

$$C_A = \frac{0,100 \times 11,5}{10}$$
 ; $C_A = 0,115 \, mol.L^{-1}$: نعوض فنجد

pH = 5, جدول التقدم عند 5

 $V_R=10\,m$ یکون pH=5 , فند کند انه عند الله البیان نجد انه عند الله pH=5

لنحسب كميات المادة الابتدائية n_0 لكل من الحمض والأساس.

$$n_{0A} = C_A V_A = 0,115 \times 10^{-2} = 1,15 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

 $n_{0B} = C_B V_B = 0,100 \times 10^{-2} = 10^{-3} \text{ mol}$

ننشئ جدول التقدم :

المعادلة
$$HCOOH_{(aq)}$$
 + $HO_{(aq)}^{-}$ = $HCOO_{(aq)}^{-}$ + $H_2O_{(1)}^{-}$ المعادلة المحادث $n_{0A}=1,15\times 10^{-3}\ mol$ $n_{0B}=10^{-3}\ mol$ $0\ mol$ المحادث بزيادة $1,15\times 10^{-3}-X_f$ $10^{-3}-X_f$ X_f المحادث النهاذية النهاذية المحادث المحاد

النهائية

التقدم الأعظمي X_{max} للتفاعل

$$X_{max} = n_0 \ (HO^-) = n_{0B} = 10^{-3} \ mol$$
 وعليه نكتب: HO^- وعليه نكتب $X_{max} = 10^{-3} \ mol$

التقدم النهائي X_f للتفاعل

لاحظ أن X_f موجود في جميع الخانات، وبما أننا نستطيع تعيين تركيز HO^- ، لذا نعينه من

$$V=V_A+V_B$$
 مع $[HO^-]=rac{10^{-3}-X_f}{V}$ التركيز

$$10^{-3} - X_f = [HO^-](V_A + V_B) \dots *$$
 اذن:

$$[HO^{-}] = \frac{10^{-14}}{[H_{3}O^{+}]}$$
 : ونعلم أنه من الجداء الشاردي للماء يمكن أن نكتب

$$[H_3O^+]=10^{-5}, = 3$$
 , $2\times 10^{-6}\ mol.L^{-1}$. يذن $[H_3O^+]=10^{-pH}$ يذن

$$[HO^-]=3$$
 , $2\times 10^{-9}~mol.L^{-1}$ اذن $[HO^-]=\frac{10^{-14}}{3$, 2×10^{-6} : ومنه نجد

 $_{i}^{*}$ في الأخير نحسب X_{f} من العبارة

$$10^{-3}-X_f=3$$
 , $2\times 10^{-9}(10+10)\times 10^{-3}=6$, 4×10^{-11} mol
$$x_f=10^{-3}\ mol.L^{-1}$$
 ومنه نجد : $X_f\approx X_{max}=10^{-3}\ mol.L^{-1}$ لاحظ ان $X_f\approx X_{max}=10^{-3}\ mol.L^{-1}$

5/ حساب نسبة التقدم النهائي للتفاعل

$$[au_f=1]$$
 اي $au_f=rac{10^{-3}}{10^{-3}}=1$ اي $au_f=rac{X_f}{X_{max}}$ الدينا

- نستنتج أن التحول الكيميائي تام.
- . E المتفاعل المحد هو المتفاعل المعاير حتى الوصول إلى نقطة التكافؤ E

تماريه خاصة بتطور جملة نحرالة التوازه / الأحماض والأسس

ملاحظات هامة

يمكن تحديد الثنائية مر/مؤ باعتبارهما فردين كيميائيين متشابهين تقريبا في الصيغة الكيميائية،

فمثلا I_2 يشبه I^- فهما يشكلان نفس الثنائية.

أما ${}_2O_2$ فهو يشبه ${}_2O_2$ لذا فهما يشكلان نفس الثنائية.

- المؤكسد : يكتب في الثنائية دوما على اليسار.
- الرجع : يكتب في الثنائية دوما على اليمين.
- إذا لم نستطع التمييز بين المؤكسد والمرجع، نكتب المعادلة النصفية الإلكترونية لكل منهما،

مع الانتباه إلى أن: المؤكسد يكتسب الإلكترونات ◄ والتفاعل الذي يقوم به تفاعل إرجاع.

المرجع فقد الإلكترونات والتفاعل الذي يقوم به تفاعل أكسدة.

المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان للثنائيتين مر/مؤ

$$\begin{split} H_2 O_{2(\alpha q)} + 2 H_{(\alpha q)}^+ + 2 e^- &= H_2 O_{(1)} + H_2 O_{(1)} + H_2 O_{(1)} \\ 2 I_{\alpha q}^- &= I_{2(\alpha r)} + 2 e^- \end{split}$$

ملاحظة

لاحظ أن H_2O_2 اكتسب e^- فهو المؤكسد، وبالتالي H_2O يكون هو المرجع. أما I^- فهو المرجع لأنه فقد e^- وبالتالي I_2 هو المؤكسد. ولو جمعنا المعادلتين السابقتين طرفا لطرف لحصلنا على معادلة الأكسدة الإرجاعية المعطاة في نص التمرين.

G يمكن متابعة تطور هذا التحول الكيميائي عن طريق قياس الناقلية G لشوارده فهو يحتوي على الشوارد $K_{(aq)}^+$ الداخلة في التفاعل مثل بالإضافة إلى الشوارد غير الداخلة في التفاعل مثل $H_{(aq)}^+$ ومن ثم نستطيع تعيين تركيز $I_{2(aq)}^-$.

التحول الكيميائي يتم في وسط حمضي $(H_{(\alpha q)}^+)$ ، وهذه الشوارد تتناقص بتطور التفاعل في الزمن.

ب/ قيمة pH لهذا المحلول تزداد بمرور الزمن لأن الشوارد $H_{(aq)}^+$ تتناقص.

5/أ/ جدول التقدم

نعين في البداية التركيب الابتدائي للمزيج :

 I^- كمية مادة

$$n_{I^{-}} = [I_{(aq)}^{-}] \times V_{2}$$
 : لدينا

• تفاعل المعايرة يحدث بنسب ستكيومترية بين المتفاعلات.

 $CH_{3}COOH_{(aq)}$ / $CH_{3}COO_{(aq)}^{-}$ للثنائية Pk_{A} للثنائية /6

 $rac{V_{B(E)}}{2}=rac{11,5}{2}=5$,75 mL هي ترتيبة النقطة من البيان التي فاصلتها Pk_A

 $Pk_A = 4,7$ ؛ البيان السابق ا

التمرين 15

إن التحول الكيميائي الحادث عند تفاعل شوارد اليود $(I_{(aq)}^-)$ المتواجدة في المركب KI مع الماء الأكسجيني H_2O_2 (بيروكسيد الهيدروجين) في وسط حمضي $(H_{(aq)}^+)$ مثل حمض الكبريت (I_2^+) ، يؤدي إلى تشكيل ثنائي اليود I_2 ، الذي يتراوح تغيره اللوني من الأصفر إلى الأسمر، حسب تغير تركيزه.

ينمذج هذا التحول الكيميائي بمعادلة التفاعل:

$$H_2O_{2(aq)} + 2I_{(aq)}^- + 2H_{(aq)}^+ = I_{2(aq)} + 2H_2O_{(1)}$$

1/ ما هي المصطلحات التي ذكرت، وتدل على أن هذا التفاعل بطيئ ؟

2/1/ حدد الثنائيتين (مرجع/مؤكسد) الداخلتين في التفاعل.

ب/ اكتب المعادلة النصفية الإلكترونية لكل ثنائية.

3/ هذا التحول الكيميائي، يمكن متابعته عن طريق الناقلية. كيف ذلك؟

4/4 هذا التحول الكيميائي يمكن أيضا متابعته عن طريق المعايرة الـ -pH مترية. كيف ذلك +pH مترية. كيف ذلك +pH مترية المتابع فيما إذا نقصت قيمة الـ +pH أو زادت بتطور التفاعل.

5/ نجري تجربة للتفاعل السابق بأخذ المقادير التالية :

الماء الأكسجيني: حجمه 10mL وتركيزه 0,10mol/L

يود البوتاسيوم : حجمه 10mL وتركيزه 0,30mol/L

حمض الكبريت $(2H_{(aq)}^+ + SO_{4(aq)}^{2-})$: حجمه ML وتركيزه $SO_{4(aq)}^{2-}$ عجمض الكبريت $SO_{4(aq)}^{2-}$ عجمض الكبريت $SO_{4(aq)}^{2-}$ النشئ جدول التقدم. برا ما هو المتفاعل المحد $SO_{4(aq)}^{2-}$ احسب التركيز النهائي لثنائي اليود.

الحل

1/ المصطلحات التي ذكرت وتدل على أن هذا التفاعل بطيئ هي :

حدوث تغير لوني لثنائي اليود (I_2) من الأصفر إلى الأسمر، حسب تركيزه وهذا يعني أنه لدينا الوقت الكافي لمراقبة هذا التغير، وبالتالي فالتفاعل بطئ.

 I_2/I^- , H_2O_2/H_2O ، هما ، (Ox/Red) الثنائيتان مر/مؤ (أو

 $C_2=0$, $30\,mol$. L^{-I} هو $K^++I^-_{(aq)}$) هو البوتاسيوم I^- يود البوتاسيوم I^- البوتاسيوم I^- في المركب I^- هو I^- البوتاسيكيومتري لا I^- في المركب I^- في المركب I^- هو I^- البوتاسيكيومتري لا I^- في المركب I^- البوتاسيكيومتري البوتاسيكيومتري المركب I^- البوتاسيكيومتري المركب I^- البوتاسيكيومتري البوتاسيكيومتري المركب I^- البوتاسيكيومتري المركب I^- البوتاسيكيومتري المركب I^- البوتاسيكيومتري المركب I^-

كمية مادة + H

 $n_{H^+} = [H^+_{(aq)}]V_3$ لدينا.

 $C_3=1,0\,mol.L^{-1}$ هو $(2H_{aq}^++SO_{4(aq)}^{2-})$ هو الحظ أن تركيز حمض الكبريت $H_{(aq)}^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^+=SO_3^-=SO_3^+=SO_3^-=SO_3^+=SO_3^-=SO_3^-=SO_3^-=SO_3^-=SO_3^-=SO_3^-=SO_3^-=SO_$

 $n_{H^+}=10^{-2}\,mol$ ومنه نحسب $n_{H^+}=2\,{
m cm}$ إذن $n_{H^+}=2\,{
m cm}$ ومنه $n_{H^+}=2\,{
m cm}$ ومنه نخس نخس التقدم :

العادلة
$$H_2O_{2(aq)}+2I_{(aq)}^-+2H_{aq}^+=2H_2O_{(1)}+I_{2(aq)}$$
 العادلة $n_1=10^{-3}\,mol$ $n_2=3\times 10^{-3}\,mol$ $n_3=10^{-2}\,mol$ الحالة الابتدائية $0\,mol$ بزيادة $10^{-3}-2X$ $3\times 10^{-3}-2X$ $10^{-2}-2X$ الحالة الانتقالية X بزيادة X_f

ب/ المتفاعل المح

هو الذي يستهلك تماما في التفاعل، أي يبقى منه $0\ mol$. فكيف نحصل عليه من جدول التقدم ? ننظر خانات الحالة النهائية من جدول التقدم ونبحث عن الفرد الكيميائي الذي يعطي أصغر قيمة لـ X_f .

- فإذا افترضنا على سبيل المثال أن $H_{(aq)}^+$ هو المتفاعل المحد، لوضعنا $H_{(aq)}^+$ وبالتالي : $X_f=5 imes 10^{-3}\ mol$
 - و وإذا افترضنا أن $I_{(aq)}^-$ هو المتفاعل المحد لوضعنا $X_f=0$ هو المتفاعل المحد المحد
 - $10^{-3}-2X_f=0$ وإذا افترضنا أن $H_2O_{2(aq)}$ هو المتفاعل المحد، لوضعنا $H_2O_{2(aq)}$
- $H_2O_{2(aq)}$ وهي أصغر قيمة وجدناها لـ X_f فالتفاعل المحد هو $X_f=10^{-3}~mol$

 I_2 حساب التركيز النهائي لثنائي اليود

 $V=V_1+V_2+V_3:$ من جدول التقدم نكتب $V=I_2$ $I_3=I_2$ حيث $I_3=I_3$ من جدول التقدم نكتب من جدول التقدم نكتب المحلول عند المحلول المح

$$[I_2]_f = 4 \times 10^{-2} \ mol.L^{-1}$$
 : واخيرا واخ

التمرين 16 (تمرين تجريبي)

الذي تركيزه C_6H_5COOH الذي تركيزه من محلول حم<mark>ض البنزويك C_6H_5COOH ، الذي تركيزه $\sigma=3.0\times10^{-2}$ ، تعطى بالقيمة $C_A=1.0\times10^{-2}$ $mol.L^{-1}$ </mark>

1/ اكتب معادلة انحلال الحمض بالماء.

2/ أنشئ جدول التقدم.

3/ احسب تراكيز الأنواع الكيميائية الناتجة، انطلاقا من σ.

4/1 احسب التقدم النهائي للتفاعل τ_f عند التوازن.

. $\lambda_{H_3O^+} = 34,9 \times 10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$ ، $\lambda_{C_6H_3COO^-} = 3,23 \times 10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$. يعطى :

 $(Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-)$ نقوم بمعايرة 20mL من حمض البنزويك السابق بمحلول الصود 20mL

الذي تركيزه $\frac{dpH}{dV_B}=g(V_B)$ و $pH=f(V_B)$ المثلين المث

بالشكل القابل.

1/ صف التركيب التجريبي المستعمل، وكذا البروتوكول التجريبي المتبع.

2/ اكتب معادلة تفاعل معايرة حمض البنزويك بالصود.

E حدد إحداثيي نقطة التكافؤ E ، وبين أن حمض البنزويك ضعيف.

ب/ استنتج تركيز محلول الصود C_B ، وايضا قيمة pKa للثنائية اساس/حمض ،

 $C_6H_5COOH_{(aq)}/C_6H_5COO_{(aq)}$

4/ يمكن إجراء هذه المعايرة بالتغير اللوني،

باستعمال الكواشف الملونة. من بين الكواشف التالية، حدد الكاشف الناسب للمعايرة.

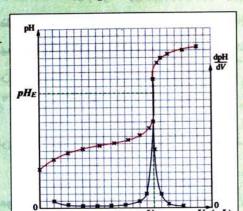
 $6.8 \le pH \le 8.4$ مليانتين $4.4 \le pH \le 4.4$ مايانتين المينول

 $8,2 \leq pH \leq 10,0$ الفينولفتالين $6,0 \leq pH \leq 7,6$ ازرق البروموتيمول

ې $pH=f(V_B)$ هي دالة المشتق للداله $rac{dpH}{dV_B}=g(V_B)$ هي داله المشتق للداله /5

، $V_{I}=15mL$ في بعض النقاط، ولتكن $rac{\Delta pH}{\Delta V_{B}}$ في بعض النقاط، ولتكن

، وقارنها بالقيم المساوية لها في منحني دالة المشتق. $V_{\rm 3}=20 mL$ ، $V_{\rm 2}=16 mL$



حالة التوازه / الأحماض والأسس

$$X_f = [H_3O^+]_{eq} imes V$$
 : ومنه $[H_3O^+]_{eq} = \frac{X_f}{V}$: لدينا $X_f = 1,58 imes 10^{-5} \, mol$: اي $X_f = 7,9 imes 10^{-4} imes 20 imes 10^{-3}$ نحسب $X_{max} = C_A \, V_A = 2 imes 10^{-4} \, mol$ نحسب $X_{max} = C_A \, V_A = 2 imes 10^{-4} \, mol$

$$\tau_f = \frac{1,58 \times 10^{-5}}{2 \times 10^{-4}} = 7,9 \times 10^{-2} \approx 8 \times 10^{-2} :$$
 وفي الأخير نعوض في عبارة τ_f فنجد وفي الأخير نعوض في عبارة وفي المناه أنه في كل مائة جزيء من حمض البنزويك تتفاعل $t_f \approx 8\%$ نلاحظ أن التفاعل غير تام ($t_f < 1$).

II/ وصف التركيب التجريبي

- و يوضع في بيشر الحجم $V_{\scriptscriptstyle A} = 20$ من محلول حمض البنزويك ($C_6 H_{\scriptscriptstyle 5} COOH_{\scriptscriptstyle (aq)}$ الذي $. C_A = 1.0 \times 10^{-2} \, mol. L^{-1}$ تركيزه
 - . C_B الذي تركيزه ($Na_{aq}^+ + HO_{(aq)}^-$) الذي تركيزه يسكب في السحاحة محلول الصود
 - ندخل مسبر مقياس الـ pH في البيشر، ونضع داخل محلول البيشر مخلاطا مغناطيسيا. وصف البروتوكول التجريبي
 - يقاس pH المحلول الحمضي قبل بدأ عملية التسحيح.
 - تبدأ عملية التسحيح، فيسكب حجم $V_{\scriptscriptstyle B}$ من الصود في البيشر. ننتظر قليلا حتى يصبح المحلول متجانسا، ثم نقيس قيمة pH الموافقة.
 - تكرر العملية من أجل حجوم لـ $V_{\scriptscriptstyle B}$ مختلفة، وتقاس قيم الـ pH الموافقة لها.

2/ معادلة تفاعل المعايرة

$$C_5H_6COOH_{(aq)} + (Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-) = C_5H_6COO_{(aq)}^- + Na_{(aq)}^+ + H_2O_{(1)}$$

E تحديد إحداثيي نقطة التكافؤ 3

$$Eegin{pmatrix} V_{BE} = 16mL \\ pH_E = 8,0mL \end{pmatrix}$$
 : نجد $pH = f(V_B)$ نجد على المنحني المنحني .

معناه أن التفاعل حدث بين حمض ضعيف وأساس قوي، إذن : حمض البنزويك ضعيف. $pH_{\scriptscriptstyle E} > 7$ C_R باستنتاج

$$C_B = rac{C_A \, V_A}{V_{B(E)}}$$
 : ين يتحقق يتحقق $C_A \, V_A = C_B \, V_{B(E)}$ ين يتحقق

.
$$C_{\rm B}=1,25\times 10^{-2}~mol.L^{-1}$$
 ، $C_{\rm B}=\frac{1,0\times 10^{-2}\times 20\times 10^{-3}}{16\times 10^{-3}}$: بالتعویض نجد

1/1/ معادلة انحلال حمض البنزويك بالماء

$$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(1)} = C_6H_5COO_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$$

2/ جدول التقدم

العادلة	$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} = C_6H_5COO_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$					
الحالة الابتدائية	$C_A V_A = 2 \times 10^{-4} mol$	بزيادة	0mol	0mol		
الحالة النهائية	$C_A V_A - X_f$	بزيادة	X_f	X_f		

 σ من مناتجة انطلاقا من 3

 $H_3O_{(aq)}^+$ و $C_6H_5COO_{(aq)}^-$ الأنواع الكيميائية الناتجة هي

ملاحظة هامة : إن وجود النوع $H_3O_{(aq)}^+$ يستلزم وجود النوع $HO_{(aq)}^-$ ، والعكس صحيح ولو لم

يظهر أحدهما في معادلة التفاعل، غير أنه يمكن إهمال $HO_{(aq)}^-$ لأن النوع $HO_{(aq)}^-$ متواجد بأعداد

 $.\,H_3O^+_{(aq\,)}\,$ و $\,C_6H_5COO^-_{(aq\,)}$ و هما وهما $\,C_6H_5COO^-_{(aq\,)}\,$ و والمعاد أمام عدد النوعين الكيميائيين المتواجدين في المعادلة، وهما

$$\sigma_i = \sum \lambda_i [x_i]$$
 ، من قانون كولروش لدينا

$$\sigma = \lambda_{C_6H_5COO^-} [C_6H_5COO^-_{aq}]_{eq} + \lambda_{H_3O^+} [H_3O^+_{aq}]_{eq}(*)$$

$$[C_6 H_5 OO^-]_{eq} = rac{X_f}{V} :$$
 من جدول التقدم لدينا و $[H_3 O^+] = rac{X_f}{V}$ من جدول التقدم لدينا

$$[C_6 H_5 OO^-]_{eq} = [H_3 O^+]_{eq} :$$
 إذن

$$\sigma = [\,H_3O^+_{aq}\,]_{eq}(\,\lambda_{C_6H_5COO^-} + \lambda_{H_3O^+}^{}\,)\,:({}^*)$$
 نعوض في العبارة

$$[H_3O_{aq}^+]_{eq} = \frac{\sigma}{(\lambda_{C_6H_5COO^-} + \lambda_{H_3O^+})}$$
 : ومنه نجد

$$[H_3O^+]_{eq} = \frac{3.0\times 10^{-2}}{(34.9+3.23)\times 10^{-3}} = 7.9\times 10^{-l}\, mol.m^{-3} : 1$$

 au_f حساب نسبة التقدم النهائي للتفاعل /4

$$au_f = rac{X_f}{X_{max}}$$
 نعلم ان

 $[H_3O^+]_{eq}$ نجسب X_f انطلاقا من

う

 $C_6H_5COOH_{(aq)}$ / $C_6H_5COO_{(aq)}^-$ الثنائية $Pk_{_A}$ الثنائية الشنائية المتنتاج قيمة

من نصف حجم التكافؤ $\frac{V_{B(E)}}{2}=8mL$ فنجد ترتيبتها في البيان pH=f(V) فنجد ترتيبتها

 $Pk_A \approx 4,2$

4/ تحديد الكاشف المناسب لهذه المعايرة

إن pH_E هو الذي يحدد الكاشف المناسب لكل معايرة بحيث تكون قيمتها محتواة في مجال التغير اللوني للكاشف المناسب، ففي هذه العايرة لدينا $pH_E=8$ وهذه القيمة محتواة في مجال التغير اللوني لأحمر الفينول وهو $pH \leq 8,4$. وعليه فإن أحمر الفينول هو الكاشف المناسب لهذه العايرة.

$$pH=f(V_{\scriptscriptstyle B}\,)$$
 التأكد من أنّ $\frac{dpH}{dV_{\scriptscriptstyle B}}=g(V_{\scriptscriptstyle B}\,)$ هي دالة المشتق للدالة //5

 $rac{\Delta pH}{\Delta V_{\scriptscriptstyle R}}$ لنحسب ميل الدالة الأصلية

$$\frac{\Delta pH}{\Delta V_o} = f'(V_B)$$
: لدينا

$$V_I=V_B=15mL$$
 ين النقطة حيث $pH=f(V_B)$ غرسم مماسا للدالة $V_I=15m$ ين النقطة حيث $V_I=15m$

$$rac{\Delta pH}{\Delta V_{B_s}} = rac{5.7 - 5.1}{15.5 - 14} = rac{0.6}{1.5} pprox 0.4 mL^{-1}$$
 : ونحسب ميل هذا الماس، فنجد

 $V_I=15mL$ عند الحجم $0,4mL^{-l}$ ، نجد أنه ياخذ القيمة $0,4mL^{-l}$ عند الحجم وبالنظر إلى بيان

 $\Delta pH \over \Delta V_{B}, pprox 4,5 mL^{-1}:$ من أجل ، $V_2=16\,m$ بنفس الطريقة السابقة، نجد أن

 $\frac{\Delta pH}{\Delta V_{B_3}}\approx 0.15 mL^{-1}$ نجد ایضا : $V_3=20 mL$ من اجل •

وهذه القيمة متوافقة مع قيمة البيان المناسب.

$$\cdot V_{\mathit{BE}}$$
 برا من دالة المشتق $\frac{dpH}{dV_{\mathit{B}}} = g(V_{\mathit{B}}\,)$ نستطيع تحديد با

. $\overline{V_{BE}=16mL}$: وبالفعل من هذا البيان نجد

 $rac{V_{B(E)}}{2}$ كما يمكن تعيين Pk_A للثنائية أساس/حمض انطلاقا من حجم نصف التكافؤ

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

نخرة اللجوم المحواب

وقرفية بطيسى

2 النموذج الجيومركزي: نموذج بطليموس (انظر الوثيقة المرفقة).

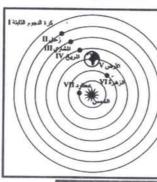




- ◄ الأرض هي مركز الكون.
- ◄ الكواكب السبعة حسب بطليموس لكل واحد منها حركتان دائريتان : الأولى : هي حركة الكواكب في دائرة صغيرة تدعى (فلك التدوير). الثانية : هي حركة الكواكب حول الأرض في فلك رئيسي يدعى (الفلك المركزي).

بطليموس: فلكي رياضي وجغرافي هيليني من مدرسة الإسكندرية في مصر، عاش في القرن الثاني للميلاد وهو صاحب (المجسطي) الذي وضع النظام الجيومركزي للكون بقرون عديدة إلى أن استبدل بالنظام الهيليومركزي (الكوبرنيكي).

> 3 النموذج الهيليومركزي نموذج كوبرنيكس (1473 – 1543 م) COPERNICKS (انظر الوثيقة المرفقة).









◄ الكواكب السبعة تدور حول الشمس في مسارات دائرية.

Hard_equation

الوحدة 4

تطور جملة ميكانيكية

1-مقاربة تاريخية لمكانيك نيوتن

I_ الحركة وأسرارها

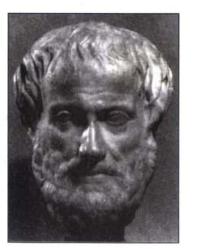
لقد شغلت الحركة بال الإنسانية، منذ فجر التاريخ. فقط ثلة من الفلاسفة والعلماء انبروا في محاولة لحل لغزها الكبير، ومن ثم تفسيرها، وخاضوا في ذلك كفاحا مضنيا شاقا، استغرق قرابـة 2000 سنة، تميز بروعة الأداء، والصبر ومجابهة المعارضين والمشككين في دراساتهم.

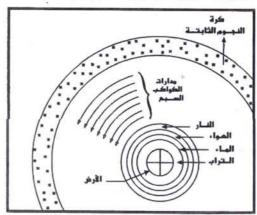
نذكر من بين أولئك الذي تركوا بصماتهم واضحة في مجال الميكانيك الفيلسوف العظيم أرسطو -1567ق.م) ARISTOTE والشيخ المعلم الرئيس ابن سينا (-303-1037م) وغاليليه (-384GALILLE (م) ونيـــوتن (GALILLE م) NEWTON، واينـــشتاين (1879–1955م) .EINSTEïN

2 تطور النماذج الكونية من ارسطو إلى نيوتن

استفاد الإنسان منذ بدء الخليفة من حاسة البصر، فاستعملها لمراقبة حركة النجوم والكواكب وأعطى بعض النماذج الكونية يرتب فيها الكواكب والنجوم ويسجل حركتها.

1 نموذج أرسطو (انظر الوثيقة المرفقة)





تموذج أرسطو للكون (384 - 322 ق.م)

تأريخ

ارسطو (384 – 322 ق.م)

فيلسوف وفيزيائي يوناني تتلمذ على يد أفلاطون، اشتهر بنظريته للكون وللمادة. تبني علماء ورجال الكنيسة في أوروبا أفكاره خلال القرون الوسطى إلى درجة تقديسها، ومزجوها بالعقائد المسيحية.

- ◄ الكواكب السبعة العروفة آنذاك هي : القمر ، عطارد ، الزهرة ، الشمس ، المريط ، المشري وزحل .
 - ◄ رتبها أرسطو من أسفل إلى أعلى.
- ◄ أخذ أرسطو بتصور أمبيدوكل فقسم المادة في المجال ما تحت القمر المحيط بالأرض إلى أربعة عناصر أساسية هي : التراب، الماء، الهواء والنار.

1 lball

1000 South

ماريه تاريخيه ميكانيك

3 تطور اليكانيك عبر التاريخ من أرسطو إلى نيوتن

- - ◄ المكانيك هو أحد فروع الفيزياء ويحمل مظهرين.

المظهر الأول : نظري. يدرس القوانين العامة التي تتحكم في حركة الأجسام.

المظهر الثاني : تقني. يعنى بحل مشكل الآلة، تصميمها، صناعتها، والسيطرة عليها.

 نقوم الآن بعرض أهم المادئ التي وضعت في الميكانيك، بدءا من أرسطو، مرورا بغاليله وانتهاء نيونن.

3-1 ميكانيك أرسطو

وضع أرسطو نظرية في المكانيك وقسمها إلى : ميكانيك سماوية (فلكية مثالية) وميكانيك أرضية.

اليكانيك السماوية (الفلكية)

قد عرضناها في نموذج أرسطو للكون، وقد قال في هذا الصدد :

- ◄ إن الكون محدود، ولا يمكن أن يمتد إلى ما لا نهاية.
 - ◄ الكون كروي الشكل.
- ◄ الكواكب السبعة (المعروفة آنـذاك)، وهي الـشمس، القمـر، عطارد، الزهـرة، المريـط، زحـل والمشتري، تـدور حـول الأرض في حركـة دائريـة في مـدارات (أفـلاك) مثاليـة، والأرض مركـز الكون والكواكب تـدور حولها.

2/ الميكانيك الأرضية

فيها نوعان من الحركات.: الحركات الطبيعية (كالسقوط الحر) والحركات العنيفة (كحركة القذائف).

فقال في هذا الصدد :

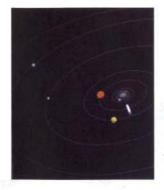
- 1 ▼ تسقط الأجسام والحجارة والماء (المطر) على الأرض (أي نحو الأسفل) لتأخذ مكانها الطبيعي وهو الأرض. أما الهواء والنار فإنهما يتصاعدان إلى السماء (نحو الأعلى) لأن مكانهما الطبيعي هو السماء.
 - 2 تسقط الأجسام الثقيلة بسرعة أكبر من الأجسام الخفيفة.
- 3▶ الجسم التحرك يتوقف عن الحركة عندما لا تعود القوة التي تدفعه قادرة على التأثير بشكل يدفعه.

تعليق

بناء على النتيجة 3 لأرسطو، السرعة دلالة على وجود قوى خارجية تؤثر على الجسم. والجسم يحتاج إلى قوة لكي يتابع حركته حتى ولو كانت سرعته ثابتة.

- ◄ لقد بقيت أفكار أرسطو سائدة في أوروبا منذ عهده (حوالي 300 ق.م) إلى عهد غاليله حوالي القرن السادس عشر أي لدة 19 قرنا، والمدهش أن الكنيسة تبنتها وادخلتها في عقيدتها، وويل لن خالف ذلك!
- ◄ إن أفكار أرسطو تبدو للوهلة الأولى صحيحة، غير أننا سنوضح في حينه كيف انبرى لها العالم العظيم غاليله في القرن السادس عشر وأثبت خطأها.

4 - تطور النموذج الهليومركزي - نموذج كبلر (1571 - 1630م) KEPLER





- ◄ الشمس هي مركز النظام الشمسي وليس مركز الكون.
- ◄ مدارات الكواكب ليست دائرية بل قطوع ناقصة والشمس تقع في إحدى بؤرتيها.
- ◄ بناء على إرصادات فلكية دقيقة، جمعت طيلة عشرات السنين، قـام بها الفلكي الكبير (تيكو براهي المناه على إرصادات فلكية دقيقة، جمعت طيلة عشرات السنين، قـام بها الفلكي الكبير (تيكو براهي 1601–1601م) استفاد منها كبلر، واستنتج ثلاثة قـوانين تعـرف باسمـه ما زالت تدرس لحد الآن لصحتها ودقتها.

* قوانین کبلر

القانون الأول

يدور كل كوكب حول الشمس في الاتجاه المباشر في مسار على شكل قطع ناقص تقع الشمس في أحد محرقيه (بؤرتيه).

القانون الثاني

يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.

القانون الثالث

a يثناسب مربع الدور الزمني T للكواكب حول الشمس مع مكعب نصف طول المحور الأكبر م $\frac{T^2}{a^3}=K=1$ للداراتها اي مقدار ثابت

* استنتاج

استطاع كوبرنيكس وكبلر أن يدحضا نموذج أرسطو للكون وبيّنا أن الأرض لم تعد هي مركز الكون بل هي كوكب من الكواكب التي تدور حول الشمس.

* استدراك

نشر كبلر القانون الأول والثاني له في كتابه (علم الفلك الجديد Astronomia nova) الذي نـشره سنة 1609 م، أما القانون الثالث، فنشره في عمل متأخر، في كتابه الـشهير (تنـاغم الكون بـ Armonies) الذي نشره سنة 1619 م.

مثال لحركة مستقيمة منتظمة

 $ec{F}=ec{0}$ و $ec{v}=Cte$: حالة جسم يتحرك في مستو أفقى ليس به احتكاك وهذه الدراسة جعلت غاليله يستنبط مبدأ العطالة الشهير. وفي هذا الصدد يقول اينـشتاين في كتابـه (تطور الأفكار في الفيزياء): (إن النتيجة الصحيحة التي استنبطها غاليله، صاغها نيوتن بعد جيل من الزمان بالنص العروف باسم مبدأ العطالة).

> دالة جسم يصعد مستويا مائلا : \vec{F} الحركة متباطنة لأن اتجاه \vec{v} عكس اتجاه الحركة (اتجاء \vec{v} دالة جسم يهبط مستويا ماتلا: \vec{F} الحركة متسارعة لأن اتجاه \vec{F} نفس اتجاه الحركة (اتجاه \vec{v}) حالة جسم يتحرك على مستو أفقي ليس به احتكاك: $\vec{F} = \vec{0} \cdot \vec{v} = \vec{v}$



4/ نص مبدأ العطالة

يحافظ كل جسم على سكونه أو حركته الستقيمة المنتظمة، إذا لم تتدخل قوة لتغير حالته الحركية.

رد غاليله على النتيجة 2 لأرسطو (الخاصة بسقوط الأجسام)

لكي يثبت غاليله للناس والكنيسة خطأ أرسطو في النتيجة 2 ، أحضر عدة كرات متساوية الحجوم تقريبا، لكنها مختلفة الأثقال، فهي مصنوعة من مواد مختلفة (خشب، حديد، رصاص، مرمر، ...) وتركها تسقط من قمة برج بيزا بإيطاليا (la tour de Pize)، فانبهر الناس، عندما رأوا أن هذه الكرات تترافق في حركاتها، على اختلافها وسقطت في أسفل البرج، في نفس الوقت.

بهذه التجربة دحض غاليله نظرية أرسطو في سقوط الأجسام، ووضع قانون

نص قانون السقوط الحر

تتحرك الأجسام الساقطة سقوطا حرا بحركات متطابقة.

◄ لقد بنى أرسطو أفكاره على الحدس والمناقشات العقليـة والاسـتقراء، وأنكـر صـلاحية التجارب في المساعدة على وضع أسس العلم لأن الحواس — حسب أرسطو — هي التي تتكفل بنقل نتائج التجريب، والحواس غشاشة. لذا أتت أفكاره تلك وتفسيراته بعيدة عن المنهج العلمي الحديث.

◄ ورغم كل هذا فإن النموذج الكوني الميكانيكي الأرسطو ─ الذي وضعه في كتابه (السماء) ─ هـو نموذج رائع ومتماسك وأنيق، استهوى العلماء وشغل بالهم، وبهرهم مدة 19 قرنا، وقد تأثر به حتى

وقد لا نستغرب عندما نجد الآن عوام الناس، يعتقدون بدوران الشمس حول الأرض وسقوط الأجسأم الثقيلة بسرعة أكبر من سرعة الأجسام الخفيفة في الهواء، وكذا شرط وجود قوة لبقاء الجسم في حركة افقية (لوجود الاحتكاك). وللأمانة العملية — وليس دفاعا عن أرسطو — فإن فكرة السقوط في الهواء، والحركة في المستوي الأفقى الذي به احتكاك، توافقان بعض الشيء أفكار أرسطو، فهو كان يتكلم عن السقوط في الهواء، كما كان يتكلم عن حركة الأجسام فوق الأرض، أين يوجد احتكاك.

2-3 میکانیك ابن سینا

يقول ابن سينا في كتابه (نجاة) :

(... ليس شيء من الأجسام الموجودة يتحرك أو يسكن بنفسه، أو يتشكل أو يفعل شيئا غير ذلك، وليس ذلك له عن جسم آخر، أو قوة فائضة عن جسم...).

◄ كيف يمكن لشخص أن يقنع كل علماء أوروبا، كل قساوستها، كل الناس العاديين، ببطلان فكر أرسطو في الميكانيك؟ فالحدس يؤيد أرسطو ...، ما هي إذن الوسيلة التي يستعملها؟ ... اهتدى أخيرا إليها، إنها التجربة. نعم، بالتجربة وحدها تمكن العالم الفذ العبقري (غاليله غاليليو) من مناقضة ودحض أفكار أرسطو في الميكانيك، وفي هذا الصدد يقول اينشتاين في كتابه (تطور الأفكار في الفيزياء) : إن التجربة هي لبّ اكتشاف غاليله.

◄ يقول غاليله في كتابه (علمان جديدان) ما يلي :

إن أية سرعة تنخفض تماما، طالما بقيت الأسباب الخارجية للتسارع أو التباطؤ غائبة، وهو شرط لا يتحقق، إلا في المستوي الأفقى، لأنه في المستوي اللاافقي سبب للتسارع باتجاه النـزول، وسبب للتباطؤ باتجاه الصعود. ومن هذا ينتج أن الحركة على المستوي الأفقي متواصلة، والسرعة ثابتة لعدم وجود سبب يضعفها أو يعدمها.

◄ حسب غاليله، الصلة موجودة بين القوة أو القوى الخارجية المؤثرة، وتغير السرعة، لا بين $ec{F} \propto ec{v}$ وليس $ec{F} \propto \Delta v$ القوة والسرعة كما نادى ارسطو، اي آن $ec{F} \propto \Delta v$ وليس

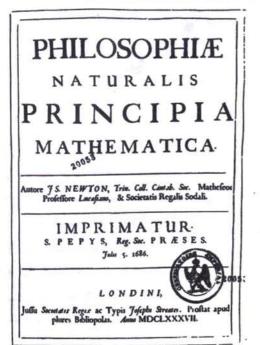
◄ القوة الخارجية تزيد من سرعة الجسم إذا كانت في اتجاه الحركة، وتنقص منها إذا كانت عكس اتجاه الحركة. وتكون منعدمة إذا كان الجسم في حركة مستقيمة

مثال لحركة مستقيمة متغيرة

حالة جسم يهبط مستوى مائلا : الحركة متسارعة لأن لـ \vec{F} نفس اتجاه الحركة (اتجاه \vec{v}).



3-4- ميكانيك نيوتن أو توحيد الميكانيك الأرضية والميكانيك الفلكية







الشكل 213 من كتاب المبادئ

1/ قوة الجاذبية

رسم نيوتن في كتابه (المبادئ) شكلا يحمل رقم 213، فهو من البساطة والوضوح إلى درجة يجعلنا نفهم العلاقة بين الميكانيك الأرضية والميكانيك الفلكية وقد جاء تحت الشكل المذكور:

▶ إن الحجر المرمي ينحرف بتأثير الجاذبية عن طريقه المستقيم، ويتخذ مسارا منحنيا، ثم يسقط أخيرا على الأرض. وإذا رمي بسرعة كبيرة فسوف يسقط متوغلا إلى أبعد من ذلك... وبالاستمرار في هذه المناقشة يتوصل نيوتن إلى نتيجة مفادها أنه لولا مقاومة الهواء وعند الوصول إلى سرعة كافية يتغير شكل المسار، بحيث يمكن أن لا يسقط الحجر على سطح الأرض بصورة نهائية، بل يبدأ بالدوران حول الأرض مثلما تدور الكواكب على مداراتها في الفضاء الكوني.

◄ هكذا نجد أن نيوتن قد أكد أن حركة الأحجار الساقطة تماما مثل حركة الكواكب حول الشمس، وليضا حركة القمر حول الأرض، هي كلها عبارة عن سقوط. ولكنه سقوط مستمر إلى ما لا نهاية.

◄ وسبب كل هذا هو وجود قوة من نوع خاص، تخضع لها جميع هذه الأجسام ، إنها قوة الجاذبية الكونية.

تاثير القوة على حركة الأجسام الأرضية والفلكية

- ◄ ما هي القوة التي تجعل الأجسام تسقط على الأرض ؟
- ◄ ما هي القوة التي تجعل الأرض والكواكب تدور حول الشمس ؟

تقسير أرسطو

بما أن أرسطو قسم الحركة إلى حركة طبيعية على سطح الأرض، وحركة فلكية تصف حركة الكواكب فإنه يعطي التفسير التالي :

- ◄ كل جسم له عطالة (كتلة) لا يتحرك على سطح الأرض إلا بدفع قوة مطبقة عليه، فإذا زالت هذه القوة يتوقف الجسم في الحين.
- ◄ الأجسام التي تسقط باتجاه الأرض لا تحتاج إلى قوة، لأن أصلها ومكانها الطبيعي هو الأرض.
- ◄ الكواكب تدور حول الأرض بفعل قوة الدفع، التي تؤثر بها الشمس على الكواكب، مثل الرياح القوية التي تدفع الأجسام.

تفسير كبلر

◄ لم يكن كبلر يسعى إلى معرفة هندسة الكون فحسب، بل كان يبحث حثيثا عن "القوة الحيوية" (Animae motrix) التي تحرك الكواكب في مداراتها. فقرر أن هذه القوة دافعة صادرة عن الشمس. وهنا يكون كبلر قد تبنى تفسير أرسطو.

غير أن فكرة كبلر كانت خاطئة إذ أن القوة التي تحرك الكواكب هي <u>قوة جاذبة</u> — كما بينها العالم نيوتن فيما بعد — وليست قوة دافعة كما افترضها كبلر ومن قبله أرسطو.

تفسير غاليله

- ◄ استطاع غاليله أن يفسر بشكل مدهش تأثير القوى على حركة الأجسام الأرضية، وقد رأينا ذلك في نص مبدأ العطالة، وأيضا من خلال الأمثلة التي أوردناها، التي تعطي العلاقة بين طبيعة الحركة والقوة، وبين غاليله أن القوة إما أن تكون قوة دافعة، أو قوة معيقة للحركة، أو قوة منعدمة.
- ◄ أما تفسيره لتأثير القوة في الحركات الفلكية، بما فيها حركة الكواكب حول الشمس، فكان خاطئا، إذ رفض رفضا قاطعا فكرة تأثير القوى عن بعد، فكان يرفض الفكرة القائلة بأن الشمس هي مصدر القوى التي تحرك الأرض، والكواكب في مداراتها، وكذا رفض بشكل قطعي فكرة أن القمر هو الذي يؤثر على الأرض بقوى فتحدث ظاهرة المذ والجزر.

Hard_equation

قوانينه الثلاثة في الديناميك، بالإضافة إلى قانون الجاذبية، أنموذجا في الدقة والروعة. ولا عجب أن كل المدارس في العالم الآن تدرس ميكانيك نيوتن.

الكوسمولوجيا الديكارتية

◄ كان ديكارت يرفض فكرة تأثير القوى عن بعد لأنه كان يرفض أصلا وجود الفراغ. وقد قال في هذا الصدد: "إنني أرفض وجود أي تأثير مزعوم صادر عن الشمس ... بحيث تؤثر بواسطة قوة غامضة غير قابلة للشرح". ومن ثم جاء بنظرية الدوامات التي تفترض وجود مادة شبه سائلة تملأ الفضاء بحيث تضطرب الكواكب التي تسير في وسطها، مولدة دوامات تجعل الكوكب يتبع مدارا معينا بدلا من سيره في خط مستقيم . وقد قبلت هذه النظرية خلال القرن السابع عشر على الرغم من خطئها إلا أنها فند ت فيما بعد و فرضت فكرة القوة والغيت فكرة الدوامات الديكارتية نهائيا .

ظهرت في كوسمولوجيا ديكارت أثار التفكير الأرسطي مثل استحالة وجود الفراغ المطلق وكذلك فكرة التفاعل بين الأجسام باللمس فقط . أما دور الرياضيات بالنسبة لديكارت فكان يقتصر على توضيح العمليات الفكرية ، وليس بالضرورة صياغة قوانين الطبيعة كما رأى كل من غاليله و نيوتن.



PRINCIPES

MATHÉMATIQUES

PHILOSOPHIE NATURELLE

Per feur Madame la Morquife DU CHASTELLET

A PARIS,

DEALEST & SAILLAST, rue S. Jean de Benovas,

Chee

LAMERET, Imprimeur - Libraire, sue & à che

de la Combine Françoide, su Parmaño.

M. D. C. C. L. I. X.

AVEC APPROBATION AT PROVILEGE DU ROI

أول نسخة فرنسية من كتاب "المبادئ"، ظهرت لأول مرة عام 1759م.

◄ يرى بعض المؤرخين أن نظرية الدوامات لديكارت قد عطلت المسيرة العلمية لأنها رفضت الجاذبية العامة ، ورفضها لمفهوم القوة المؤثرة عن بعد عموما ولهذا لم تقبل في فرنسا، نظرية نيوتن في القوى العامة ، ورفضها لمفهوم القوة المؤثرة عن بعد عموما ولهذا لم تقبل في فرنسا، نظرية نيوتن في القوى التي ضمنها في كتاب المبادئ في انكلترا ثم في أوروبا بحماس ، لكنه لم يحض بهذا الاعتبار في الأوساط الديكارتية وخاصة في فرنسا ، وعلقت جريدة العلماء الفرنسية le journal des savants عند صدور الكتاب ما يلي : "إنه (أي بادئ) مجرد من أي قيمة فيزيائية لكونه لا يحقق الشروط اللازمة لفهم الكون". وهكذا نفهم لماذا لم يتم نشر كتاب نيوتن في فرنسا إلا في سنة 1759 م أي بعد 73 سنة من نشره في انجلترا.
 ◄ برهن نيوتن في كتاب المبادئ أن نظرية ديكارت للدوامات غير صحيحة فاستبدلها بالقانون العام للجاذبية.

2/ المفهوم العام للقوة عند نيوتن

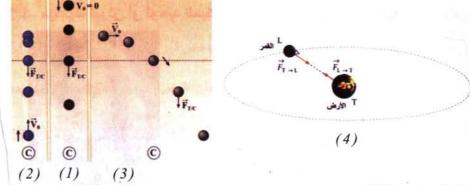
◄ يقول نيوتن في كتابه المبادئ :

إن القوة المؤثرة في جسم هي فعل يتحكم في الجسم كي يغير من حالة سكونه أو من حالة حركته المنظمة في خط مستقيم. إن هذه القوة تكمن في الفعل فقط، ولا تبقى في الجسم عندما ينتهي الفعل، لأن الجسم يحتفظ بأية حالة جديدة، يكتسبها وذلك من جراء عطالته الذاتية فقط. والقوى المؤثرة يمكن أن تأتي من مصادر شتى: الصدم أو الضغط أو القوة الجاذبة.

3/ القوانين الثلاثة لنيوتن

◄ القانون الأول لنيوتن (مبدأ العطالة لغاليله)

ننص عليه بما يتناسب والمفاهيم الجديدة الكتسبة.



أمثلة لأجسام ساقطة

- 1 ◄ جسم يسقط بدون سرعة ابتدائية.
- . \vec{v}_0 جسم يقذف شاقوليا نحو الأعلى بسرعة ابتدائية 2
 - 3 ◄ جسم يقذف بزاوية ميل أفقية.
 - 4◄ القمر يدور حول الأرض.
- ightharpoonup . ويمكن أن تعمم هذه القوة على كل الأجسام كل الأجسام هذه القوة على كل الأجسام الفلكية. فقوة الجاذبية هي قوة عامة تخضع لها جُميع الأجسام، فهي إذن قوة كونية، لذا يطلق عليها اسم قوة الجذب العام أو قوة الجذب الكونية.
 - ◄ وهكذا استطاع نيوتن أن يوحد الحركات الأرضية والحركات الفلكية بقوة الجاذبية.
- ▶ واستطاع أن يفسر كل الحركات الطبيعية (حركة السقوط، حركة الكواكب) انطلاقا من قوة الجاذبية، وكان نيوتن أول من استطاع أن يفهم بوضوح تام، أنه لأجل تفسير حركة الكواكب يجب أن نبحث عن القوى بالذات وليس عن غيرها وهذا ما يسمى حديثا بالتفسير الديناميكي. واستعمال قوة الجاذبية قادت نيوتن إلى وصف حركة الأجسام الأرضية والفلكية وصفا دقيقا، فأوجد مساراتها وسرعاتها في كل لحظة.
- ◄ بقي سؤال نطرحه: لذا لم يستطع كبلر وضع قانون الجاذبية ؟ رغم أن كبلر كان سبّاقا في وصف حركة الكواكب وصفا حركيا دقيقا. وكذا غاليله، لماذا لم يكتشف قانون الجاذبية، وهو الذي أوجد قانون السقوط الحر، كما أنه أبدى اهتماما يزيد بكثير عن الاهتمام الذي كرسه نيوتن لدراسة علم الفلك ؟ وأيضا (روبرت هوك) الذي بحث كثيرا في الجاذبية.

لاذا إذن لم يستطع كل العلماء الذين سبقوا أو عاصروا نيوتن من اكتشاف قانون الجاذبية ؟ فهل المسألة في الصدفة ؟! أم في التفاحة الساقطة التي قيل إن على إثرها اكتشف نيوتن قانون الجاذبية ؟! كلا أفالما أله المسألة ليست في هذا ولا ذاك، بل العامل الحاسم هو في المفاهيم الدقيقة والقوانين الثلاثة التي وضعها نيوتن بنفسه بدءا بتوحيد الحركات الأرضية والفلكية، وانتهاء بتفسيرها باستعمال مفهوم القوة. لقد درس نيوتن الحركات دراسة ديناميكية (تحريكية) بإدخال المفهوم الدقيق للقوة على عكس سابقيه الذين درسوا الحركات دراسة حركية، أي دون إدخال مفهوم القوة.

▶ وهكذا يكون نيوتن قد أسس ميكانيكا (ميكانيك نيوتن)، ويعبر هذا الميكانيك إنجازا عظيما في تاريط العلوم كلها، جعلت من نيوتن أعظم علماء الفيزياء على رالعصور. ويعتبر كتابه الشهير (المبادئ الرياضية للفلسفة الطبيعية Philosophiae Naturalis Principia Mathématica) الذي وضعه عند (الجمعية الملكية 1686، والذي ضمنه عند (الجمعية الملكية 1686، والذي ضمنه

المجال 1

Selection House

4012

به تاريخيه لميكانيك نيو

الفعلان المتبادلان لهما نفس نوعية التأثير (إما تلامسيان، أو بعديان).
 الفعلان المتبادلان من نفس الطبيعة (تجاذبيان أو مغناطسيان أو كهربائيان).

◄ القانون الثاني لنيوتن
 التاسيس للقانون الثاني

اسيس تسادون الناد

الحركة

تعريف: الحركة هي دراسة تغير مواضع جسم بتغير الزمن دون التعرض لسببات الحركة.

موضوع الحركة

- إن موضوع الحركة هو الكان، والزمن والنقطة المادية.
- فلا يمكن أن نتكلم عن حركة دون وجود مكان يتحرك فيه الجسم المتحرك، وزمن تتم فيه الحركة، كما لا يمكن أن نتكلم عن الحركة دون وجود متحرك.
 - وعليه، لوصف حركة وصفا دقيقا، ينبغي الإجابة عن الأسئلة التالية ؛

اين تمت الحركة ؟ متى حدثت ؟ من المتحرك ؟

الإجابة عن السؤال متى ؟

تتم بتحديد مختلف اللحظات الزمنية المسجلة أثناء الحركة وهي (t_1) ، (t_1) ، (t_2) ، (t_2) ، (t_3) ... (t_4) ... (t_6) ... (

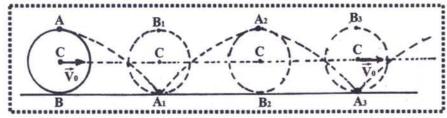
الإحابة عن السؤال من ؟

يتطلب تحديد المتحرك ذاته والذي عادة ما ندعوه الجملة اليكانيكية، وطلبا للسهولة نعتبر المتحرك نقطة ندعوها النقطة المادية.

فالنقطة المادية هي نموذج نعبر به عن المتحرك (الجملة الميكانيكية) المراد دراسته، شريطة أن تكون كتلة النقطة المادية تساوي كتلة المتحرك نفسه. وعادة ما تكون هذه النقطة هي مركز عطالتها (C).

ما هو مركز عطالة جسم ؟

لنقم بالتجربة التالية :



تدفع كرة متجانسة فوق مستو أفقي أملس (يهمل فيه الاحتكاك) بسرعة $\widetilde{V_0}$ ونسجل بعض مواضع هذه الكرة (الشكل I). كما نمثل ثلاث نقاط I النقطتين I و I الواقعتين على حافة الكرة والنقطة I مركز الكرة.

- إن مسار النقطة (A) هو المسار AA_1A_2 فهو مسار منحن (شكل دويري (Cycloide)).
 - وأيضا مسار النقطة (B) هو المسار BB_1B_2 فهو مسار منحن (شكل دويري).
 - أما مسار النقطة (C) فهو مسار مستقيم.
- ولا توجد نقطة أخرى في الكرة لها مسار مستقيم، فالنقطة (C) هي النقطة الوحيدة من الجسم التي مسارها مستقيم وسرعتها تبقى ثابتة \vec{v}_0 لذا تسمى هذه النقطة (C) مركز عطالة الكرة.

نص المبدا

في معلم عطالي لكل جملة معزولة أو شبه معزولة، توجد على الأقل نقطة تسمى مركز عطالتها، تستمر في حالة السكون إذا كانت ساكنة أو تكتسب حركة مستقيمة منتظمة بسرعة لها نفس السرعة التي كانت لها لحظة انعدام القوى الخارجية المؤثرة على الجملة.

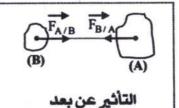
 $\vec{v}=\overrightarrow{Cte}$ فإنه إما $\vec{v}=\vec{0}$ فالجسم ساكن بالنسبة لعلم عطالي، أو $\vec{v}=\vec{0}$ في حالة في حالة الجسم مستقيمة منتظمة.

◄ القانون الثالث لنيوتن (مبدأ الفعلين المتبادلين)
 نص المدا

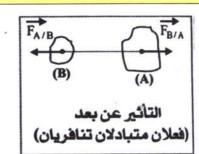
لكل فعل رد فعل مساو له في الشدة ومعاكس له في الاتجاه.

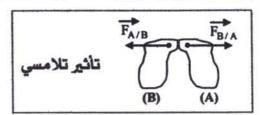
وبنص آخر ،

أو إذا أثرت جملة ميكانيكية (A) على جملة ميكانيكية (B) بقوة $F_{A/B}$ فإن الجملة (B) تؤثر على الجملة (A) بقوة $F_{B/A}$ ، تساويها في الشدة، وتعاكسها في الاتجاه ولها نفس الحامل. $F_{A/B} = F_{B/A}$ وبتعبير رياضياتي نكتب : $F_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$



(فعلان متبادلان جاذبان)





نتائج هامت

- مبدأ الفعلين المتبادلين صحيح سواء كان الجسمان المتأثران ساكنين أو متحركين (بالنسبة لعلم عطالي).
- و الفعلان المتبادلان يـؤثران على جـسمين مخـتلفين ؛ الفعـل $\vec{F}_{A/B}$ يـؤثر على الجـسم (B) والفعل $\vec{F}_{B/A}$ يؤثر على الجسم (A).
 - الفعلان المتبادلان متزامنان، فهما يحدثان في نفس اللحظة حسب ميكانيك نيوتن.

 $x_0, x_1, x_2, \dots, x_i$: حداثیاته ا

◄ كيف نختار المرجع المناسب لدراسة حركة جسم معين؟

- لنفترض، على سبيل المثال، أن سيارة تسير في طريق مستقيم وشخص يجري وراءها، وشخص ساكن بالنسبة إلى الأرض يراقبها. أي الشخصين يسهل عليه دراسة حركة السيارة ؟
- بالطبع، الشخص الساكن بالنسبة إلى الأرض هو الذي يستطيع، بشكل سهل، دراسة حركة السيارة ؛ لأن الشخص الأول يكون في حركة نسبية مع السيارة. وإذا كانت حركته متغيرة السرعة فدراسة حركة السيارة بالنسبة إليه تصبح أكثر تعقيدا.
 - لذا نختار نوعا خاصا من المراجع، ندعوه المرجع العطالي (المعالم العطالية).

• المرجع العطالي هو مرجع ساكن، أو متحرك بحركة مستقيمة منتظمة بالنسبة إلى مرجع آخر نعتبره ساكنا خلال مدة الدراسة.

• إذا توخينا الدقة المطلقة، فإنه لا يوجد في الطبيعة مرجع عطالي، فالأرض تتحرك في مسار منحن والشمس كذلك، لأنه لا يوجد مسار مستقيم في الكون (وهذا ما أكدته النظرية النسبية العامة لاينشتاين التي تقول بانحناء الكون). غير أنه يمكن اعتبار الأرض والشمس، عمليا، مـرجعين عطاليين، والمعالم المرتبطة بها معالم عطالية، وهذا في زمن صغير (زمن التجربة أو زمن دراسة الحركة).

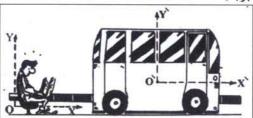
امثلة لمعالم عطالية

1/ المعلم السطحي الأرضى (المعلم المخبري) Référentiel terrestre

هو معلم مرتبط بسطح الأرض، يصلح لدراسة الأجسام التي تتم على سطح الأرض خلال مدة صغيرة، مقارنة بالمدة التي تستغرقها الأرض في دورانها حول نفسها.

أمثلة: شجرة، عمود هاتف، محطة، رصيف، مختبر... كلها مراجع مرتبطة بسطح الأرض.

مثال آخر: شخص جالس في محطة يراقب حركة حافلة، يمكن اعتبار كل من الشخص والمحطة مرجعا سطحيا أرضيا، وهما مرجعان عطاليان لأنهما ساكنان بالنسبة إلى الأرض (التي يمكن اعتبـار سرعتها ثابتة في زمن التجربة).



نرفق بالشخض معلما (x, y, z) نعتبره عطاليا.

إن المعلم الرتبط بالحافلة (٥', x', y') يمكن أن يكون عطاليا إذا كانت سرعة الحافلة ثابتة بالنسبة للمعلم المرتبط بالأرض، وإلا فهو معلم (لا عطالي). تعريف: مركز عطالة جسم هو النقطة الوحيدة منه التي تحافظ على سرعتها إذا كانت حركة الجسم مستقيمة منتظمة.

ملاحظة هامة

مركز عطالة جسم (C) هو نفسه مركز الأبعاد المتناسبة، وينطبق مع مركز الثقل (C) في مكان فيه حقل الجاذبية منتظم.

الإحابة عن السؤال أين ؟

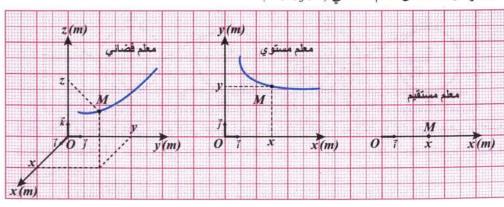
يتطلب تعيين السار، وبالتالي تحديد المواضع المختلفة التي يمر بها المتحرك، وهذا بالنسبة لجسم مرجعي محدد Référentiel مرفق بمعلم مناسب Repère

Le référentiel المرجع

المرجع (الجسم المرجعي) هو أي جسم صلب غير قابل للتشوه يسمح بتعيين حركة الجسم المدروس بالنسبة إليه.

Le repère

- العلم هو جملة إحداثيات مناسبة تكون مرتبطة بالجسم المرجعي.
- عادة ما نستعمل الإحداثيات الكارتيرية (الديكارتية) (x, y, z) لتعيين مواضع المتحرك. فإذا كانت الحركة تتم في مستقيم نحتاج إلى إحداثية واحدة هي الفاصلة (x) وبالتالي نلجأ إلى المعلم المستقيم
- أما إذا كانت الحركة تتم في مستو فإننا نحتاج إلى إحداثيتين هما الفاصلة (x) والرّتيبة (y) وبالتالي نستعمل المعلم المستوي (O, \vec{i}, \vec{j}) .
- وإذا تمت الحركة في الفضاء فالحركة تحدد بالإحداثيات الثلاثة الفاصلة (x) والترتيبة (y) والراقم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ وعليه نستعمل المعلم الفضائي (z)



مثال : لدراسة الحركة المستقيمة لكرية فوق منضدة أفقية نحتاج إلى مرجع، ليكن على سبيل المثال المنضدة، ونحتاج إلى معلم هو العلم



(o,i)المستقيم

• مبدؤه : النقطة o حافة المنضدة

y(m)

 $M_1(t_l)$

OM₃

x(m)

ه شعاع السرعة

ليكن المسار T المتحرك نسجل عليه بعض المواضع في لحظاتها $M_1(t_1), M_2(t_2), \dots$ المناسبة وهي

◄ شعاع السرعة المتوسطة إلى

شعاع السرعة المتوسطة \bar{V}_m لتحرك في مجال زمني $[t_1, t_3]$ هو نسبة السافة القطوعة إلى زمن قطعها، وهذا بالنسبة لعلم معين.

$$\vec{v}_m = \frac{\overrightarrow{M_I M_3}}{t_3 - t_I} = \frac{\overrightarrow{OM_3} - \overrightarrow{OM_I}}{t_3 - t_I}$$

$$\overrightarrow{v}_{m} = \frac{\Delta \overrightarrow{OM}}{\Delta t}$$
: وبوضع $\Delta \overrightarrow{OM} = \overrightarrow{OM}_{3} - \overrightarrow{OM}_{1}$ و $\Delta t = t_{3} - t_{1}$ و فاننا نکتب

◄ شعاع السرعة اللحظية √

y(m)

M(t)

x(m)

شعاع السرعة اللحظية \vec{v} لتحرك في لحظة زمنية (t) هو السرعة المتوسطة عندما يتقلص فيه $t_3-t_1=\Delta t
ightarrow 0$ المجال الزمني $[t_1,t_3]$ إلى لحظة واحدة (t) أي عندما يؤول

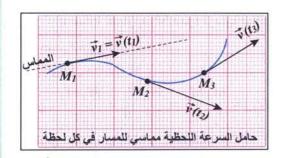
$$\vec{v} = \lim_{t_3 \to t_1} \vec{v}_m = \lim_{t_3 \to t_1} \frac{\overrightarrow{OM}_3 - \overrightarrow{OM}_1}{t_3 - t_1} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \overrightarrow{OM}}{\Delta t}$$

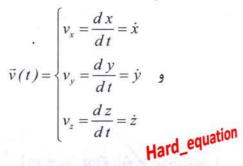
$$\vec{v}(t) = \frac{d \, \overline{OM}}{dt}$$
 بالنسبة للزمن \overline{OM} اي أن :

ملحظة: في الفيزياء يعبر عن المشتق بالنسبة للزمن بالمؤثر $\left(\frac{a}{dt}\right)$.

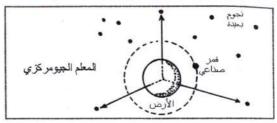
، مركبات السرعة اللحظية \vec{V} في المعلم الكارتيزي هي V_x ، V_z و بحيث

$$\vec{v}(t) = v_x \vec{i} + v_y \vec{j} + v_x \vec{k}$$





2/ المعلم المركزي الأرضي Référentiel géocentrique



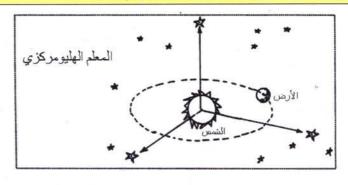
ويسمى أيضا معلم بطليموس

- هو معلم مبدؤه مركز الأرض (مركز عطالة الأرض) ومحاوره تتجه نحو ثلاثة نجوم ثابتة (تكاد تكون ثابتة في زمن التجربة).
 - وهو يصلح لدراسة حركة التوابع الأرضية.

مثال: القمر، الأقمار الصناعية ...

3- المعلم المركزي الشمسي (معلم كوبرنيك) Référentiel héliocentrique

- هو معلم مبدؤه مركز الشمس (مركز كتلة الشمس) ومحاوره تتجه نحو ثلاثة نجوم ثابتة (تكاد تكون ثابتة خلال زمن التجربة).
 - وهو يصلح لدراسة حركة الكواكب مثل : عطارد، الأرض، الذنبات...



▶ شعاع الموضع OM

شعاع الموضع OM هو شعاع يحدد موضع المتحرك M في لحظة زمنية (t) بالنسبة للمبدأ (O) لعلم كارتيزي

$\vec{r} = \overrightarrow{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$

x(t) عيث x(t) فاصلة المتحرك في اللجظة

$$y(t)$$
 ترتيبة المتحرك في اللحظة $y(t)$.

$$\left\| \vec{r} \right\| = \left\| \overline{OM} \right\| = \sqrt{x^2 + y^2}$$
 ؛ قيمة شعاع للوضع

لنعين قيمة $V(t_2)$ وقيمة $V(t_3)$ بنفس الطريقة

- $\vec{v}(t_3)$ و $\vec{v}(t_2)$ و $\vec{v}(t_1)$ و شمناسب نمثل \star
- لنمثل الآن $\vec{v}(t_1)$ بشعاع حاملة الماس للمسار في النقطة M_I المحددة باللحظة $\vec{v}(t_1)$ ، \star
- M_2 المحددة باللحظة الماس للمسار في النقطة M_2 المحددة باللحظة $v(t_2)$ المحددة باللحظة الماس للمسار في النقطة $v(t_2)$
 - \star ونمثل (t_3) بشعاع حاملة الماس للمسار في النقطة M_3 المحددة باللحظة (t_3)

شعاع التسارع

إذا تغيرت السرعة اللحظيـة لمتحـرك في القيمـة أو في المنحى أو في كليهمـا معـا بالنـسبـة إلى معلـم معـين خلال مجال، نقول إن المتحرك اكتسب تسارعا.

\vec{a}_m شعاع التسارع المتوسط

تعريف

شعاع التسارع المتوسط \vec{a}_m لمتحرك في مجال زمني $\begin{bmatrix} t_2,t_3 \end{bmatrix}$ هو نسبة تغير السرعة اللحظية إلى تغير $\vec{a}_m = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_1}{t_3 - t_1} = \frac{\overrightarrow{\Delta v}}{\Delta t}$. الزمن، وهذا بالنسبة إلى معلم معين :

$\vec{a}(t)$ شعاع التسارع اللحظي

تعريف

شعاع التسارع اللحظي \vec{a} لتحرك في لحظة زمنية (t) بالنسبة لعلم معين، هو التسارع المتوسط $\Delta\,t=t_3-t_1 o 0$. اي عندما يتقلص فيه المجال الزمني $[t_1,t_3]$ على لحظة واحدة (t) أي عندما .

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \to 0} \vec{a}_m = \lim_{\Delta t \to 0} \left(\frac{\overrightarrow{\Delta v}}{\Delta t} \right) = \frac{d\vec{v}}{dt}$$
 إذن:

$$\vec{a} = rac{d \, \vec{v}}{d \, t}$$
 السرعة اللحظية بالنسبة للزمن:

كيفية تعيين \vec{a} في وثيقة بطريقة تقريبية

- ، \vec{v}_l الوثيقة السابقة التي مثلنا عليها السرعة اللحظية * \vec{v}_3 ، \vec{v}_2
 - $\vec{a}_2(t_2)$ التسارع \star

$$\vec{a}_2(t_2) = \vec{a}_2 = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_I}{t_3 - t_I}$$
 : نعلم ان

$$ec{\Delta \vec{v}} = \vec{v}_3 + (-\vec{v}_1)$$
 : نضع $\Delta \vec{v} = \vec{v}_3 - \vec{v}_1$ نضع

فلكي نمثى $1 \vec{v}$ في النقطة M_2 وجب علينا تمثيل شعاع

السرعة \vec{v}_3 في النقطة M_2 ومن نهايته نمثل الشعاع $(-\vec{v}_2)$ ثم نرسم شعاع M_2 كما هو موضح في الشكل المقابل، ومن ثم نعين طوله. وبالاستعانة بسلم السرعة نجد قيمة \vec{v} .



$$v=\sqrt{v_x^2+v_y^2+v_z^2}$$
 : شدة السرعة بدلالة مركباتها

Mi (t)

 $M_0\left(t_0=0s\right)$

. خصانص آ

الحامل : مماسي للمسار في النقطة المحددة باللحظة (t). الاتجاه : اتجاه الحركة

$$v = \left\| \frac{d \overrightarrow{OM}}{dt} \right\|$$
 القيمة (الشدة) : تعطى بالعلاقة

كيفية تعيين شعاع السرعة اللحظية 7
 في وثيقة بطريقة تقريبية

- * تعطي الوثيقة الرفقة تسجيلا لمواضع متحرك في لحظات زمنية ... t_0,t_1,t_2
- \star زمن التسجيل بين لحظة وأخرى تليها هـ و au أي :

يلخ ...
$$t_2-t_I= au$$
 و $t_I-t_0= au$

خاصية هامة

إذا كان زمن التسجيل T صغيرا بكفاية، فإن السرعة اللحظية تساوي تقريبا السرعة المتوسطة في منتصف المجال الزمني.

- $v(t_1)pprox v_m[t_0,t_2]$. يكون ياللحظة (t_1) الواقعة في منتصف المجال الزمني المراي يكون ياللحظة (t_1) الواقعة في منتصف المجال الزمني المراي يكون ياللحظة (t_1) الواقعة في منتصف المجال المراي الم
 - $v(t_2)pprox v_m[t_1,t_3]$. يكون يا المحظة (t_2) الواقعة في منتصف المجال الزمني المحظة (t_2) يكون بالمحظة (t_2) المحظة (t_2) المحظة (t_2) المحظة (t_3) المحظة (t_2) المحظة (t_3) المح
 - * وهكذا بالنسبة لبقية اللحظات الأخرى...

$V(t_1)$ لنعين قيمة

$$v_m = \frac{d}{\Delta t}$$
 : نعلم ان

السافة المقطوعة، Δt الفترة الزمنية لذلك. d

حسب الخاصية السابقة نكتب:

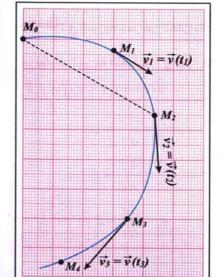
$$v(t_1) \approx v_m[t_0, t_2]$$

$$v(t_1) \approx \frac{M_0 M_2}{t_2 - t_0} = \frac{M_0 M_2}{2\tau - 0} = \frac{M_0 M_2}{2\tau}$$
 إذن:

 (M_2) و نحد بين نقيس المسافة بين نقيس المسافة بين نقيس

$$d_1 = M_0 M_1$$

 $v(t_1)$ ئم نحسب



للخروج من هذا التناقض، فرق نيوتن في البداية بين كتلة الجسم اثناء سقوطه وبين كتلته اثناء حركته على سطح الأرض. فسمى الأولى الكتلة الجاذبة (الكتلة الثقالية) Masse pesanteur

وسمى الأخرى (الكتلة العطالية) masse inertielle .

فالكتلة الجاذبة للجسم تتجلى أثناء سقوطه على الأرض والكتلة العطالية له تتجلى أثناء حركته على سطح الأرض.

ئم أجرى نيوتن دراسة معمقة من أجل إزالة التناقض الظاهري بين النتيجتين 1 و 2 فطرح السؤال
 التالي : كيف يمكن لأجسام لها كتل مختلفة، أن تكتسب نفس التسارع ؟
 للإجابة عن هذا السؤال قام نيوتن بسلسلة من التجارب :

تجربة ا

 \vec{F} le $\Sigma \vec{F}$

قذفت كرة كتلتها (m) فوق سطح أفقي أملس بقوة \tilde{F} فوجد أنها تكتسب تسارعا \tilde{a} (الشكل I). كرر التجربة لكرة أخرى كتلتها (2m) أي ضعف كتلة الكرة الأولى فوق سطح أفقي أملس بقوة $2\tilde{F}$ ، أي شدتها ضعف شدة القوة التي أثرت على الكرة الأولى فوجد أن الكرة اكتسبت نفس التسارع \tilde{a} الذي اكتسبته الكرة الأولى (الشكل 2).

وهكذا يكون نيوتن قد خلص إلى النتيجة التالية مجيبا عن السؤال السابق:

يمكن للأحسام ذات الكتل المختلفة، أن تكتسب نفس التسارع شريطة أن يؤثر عليها بقوى مختلفة تتناسب مع كتلتها (العطالية).

هذه النتيجة قادت نيوتن لأن يطرح سؤالا آخر ذا أهمية بالغة وهو ؛

هـل الأجـسام ذات الكتـل المختلفـة، الـساقطة سـقوطا حـرا تخضع جميعـا لـنفس قـوة جـنب الأرض لها ؟ أم أن كلا منها يخضع لقوة جنب مختلفة تتناسب مع كتلته ؟

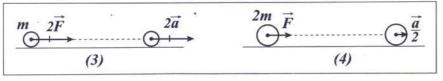
إن الدراسة السابقة جعلت نيوتن يجيب كما يلي :

ان كل جسم ساقط باتجاه الأرض يخضع لقوة جذب مختلفة تتناسب مع كتلته، ولهذا السبب يكتسب نفس التسارع \tilde{g} (جاذبية الأرض).

وبهذه الدراسة يكون نيوتن قد أزال نهائيا التناقض الظاهري بين النتيجتين $1\,$ و $2\,$ وجعلته يقبل بأنه $1\,$ لا فرق بين الكتلة العطالية والكتلة التجاذبية.

استرسل نيوتن في تجاربه كما يلي :

تجربة 2



وشعاع التسارع \vec{a}_2 یکون له نفس حامل \vec{v} ، وطوله بطبیعة الحال یختلف عن طول \vec{v} لأن \star

وليس $a_2=\Delta v$. فنقول إن $a_2=\Delta v$ وليس $a_2\approx \frac{\Delta v}{\Delta t}$

حاملِ $\Delta \vec{v}$ ، لكن نختار له سلما آخر مناسبا.

 $\Delta \vec{v}$ متسامت مع شعاع تغیر السرعة أ \vec{a}

◄ مقاربة أولية للقانون الثاني لنيوتن

رأينا في السنة الأولى ثانوي أن القوة \vec{F} أو مجموع القوى $\sum \vec{F}$ المؤثرة على جسم يمكن أن تغير من حالته الحركية.

ڪما راينا أن اتجاه \vec{F} أو \vec{F} يكون باتجاه تغير

السرعة $\Delta \vec{v}$ في حالة الحركة المتغيرة، وفي هذا الصدد يقول نيوتن في كتابه المبادئ :

إن تُغيرات الحركة تتناسب مع القوة وتتّم وفق المنحى الذي أثرت فيه هذه القوة.

نترجم قول نيوتن بلغة فيزيائية حديثة كما يلي :

في معلم عطالي (غاليلي) مجموع القوى $\sum \vec{F}$ المطبقة على جملة ميكانيكية في لحظة زمنية (t) لها نفس اتجاه وحامل شعاع تغير السرعة $\Delta \vec{v}_G$ لمركز عطالة (G) للجملة بين لحظتين متقاربتين تؤطران اللحظة t أي من أجل مجال زمني Δt صغير.

للحظة

مسالة اتجاه \vec{F} أو \vec{F} بجهة $\Delta \vec{v}_G$ قد علمناها. اما مسالة تناسب \vec{F} مع $\Delta \vec{v}_G$ فسنفسرها بتاثير

كتلة المتحرك (m) على حركته.

تأثير الكتلة على الحركة

في الدراسة السابقة استطعنا أن نحدد جهة وحامل القوة \tilde{F} وكيف أن لها نفس حامل التسارع فقد أعاد نيوتن تجربة غاليله في السقوط الحر لكرات لها كتل مختلفة وتركها تسقط من قمة بـرج عـال. فتبين له أن الأجسام تستغرق في سقوطها أزمنة متساوية وبالتالي تكتسب سرعا متساوية.

نتيجة 1 استنتج نيوتن أن حركة الجسم الساقط مستقلة عن كتلته.

جعل نيوتن الكرات السابقة فوق سطح أفقي أملس تماما، وأشر على جميعها بنفس القوة فلاحظ أن الكرة التي لها كتلة أكبر تكتسب سرعة أقل.

نتيجة 2 استنتج نيوتن أن حركة الجسم فوق المستوي الأفقي تتعلق بكتلته.

تعليق

يبدو أن هناك تناقضا بين النتيجة 1 والنتيجة 2!



محاكمة غاليله من طرف الهيئة المقدسة للفاتيكان.

وكان ذلك يوم 20 جويلية 1633 م، لأنه تبنى النموذج الهيليومركزي الذي ينادي بدوران الأرض حول الشمس. فخاف على حياته، لذلك تراجع عما قاله حول دوران الأرض حول الشمس، فخفف عليه الحكم من الإعدام إلى النفي. أصدر الفاتيكان اعتذارا رسميا لغاليله سنة 1980م، بعد 338 سنة من وفاته...



نيوتن وأسطورة التفاحة

• قذف مرة أخرى الكرة ذات الكتلة (m) بالقوة 2ec F فوجد أنها تكتسب تسارعا 2ec a (الـشكل 3)، فاستنتج ما يلي :

a كلما زادت القوة المؤثرة على الجسم، زادت قيمة التسارع الذي يكتسبه هذا الجسم. فالتسارع $a \propto F$. F عناسب طردا مع القوة $a \propto F$. F

• قدف الكرة (2m) بالقوة \vec{F} فوجد أنها تكتسب تسارعا $\frac{\vec{a}}{2}$ أي نصف التسارع السابق (الشكل 4)، فاستنتج ما يلي :

: الكتلة العطالية) الجسم كلما نقص تسارعه، فالتسارع a يتناسب عكسا مع الكتلة $a \propto \frac{1}{m}$

 $a \propto \frac{1}{m}$ ي الأخير نكتب: $a \propto F$ و

 $a=krac{F}{m}$. ولإزالة إشارة التناسب ∞ نضع مكانها ثابت التناسب k أي $a\propto rac{F}{m}$ إذن

اذن F=ma وهذا ما يعرف بالقانون الثاني لنيوتن.

نص القانون الثاني لنيوتن

في معلم عطالي مجموع القوى $\sum \vec{F}$ المؤثرة على جملة ميكانيكية كتلتها m تساوي حاصل جداء كتلتها في تسارع مركز عطالتها \vec{a} . ويعبر عنه رياضيا بالصيغة $\sum \vec{F} = m\vec{a}$.

* نتانج

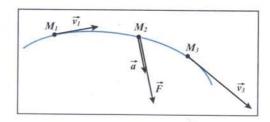
. $ec{F}$ عطالة الجملة الميكانيكية $ec{a}$ له نفس حامل مجموع القوى

$$ec{a}=ec{0}$$
 اِذَا كَان $ec{F}=ec{0}$ فإن $ec{F}=ec{0}$

 $\vec{v} = \overline{Cte} = 1$ وبالتالي : ثابت

فنجد مبدأ العطالة (القانون الأول لنيوتن).

Hard_equation



\vec{a} شعاع التسارع اللحظي $\vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j} + a_z \vec{k}$

$$\vec{a}(t) = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2 \overrightarrow{OM}}{dt^2}$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2} = \ddot{x}$$

$$a_y = \frac{dv_y}{dt} = \frac{d^2 y}{dt^2} = \ddot{y}$$

$$a_z = \frac{dv_z}{dt} = \frac{d^2 z}{dt^2} = \ddot{z}$$

- $a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$: قيمة شعاع التسارع •
- حامله وجهته ؛ نحو داخل تقعّر انحناء المسار.
 - $(M, \vec{u}_T, \vec{u}_N)$ في معلم فريني •
 - $\vec{v} = v \vec{u}_T$: شعاع السرعة اللحظية •

$$egin{align*} a_T = rac{dv}{dt} \\ a_N = rac{v^2}{
ho} \end{bmatrix} \vec{a} = a_T \, \vec{u}_T + a_N \, \vec{u}_N \ \end{aligned}$$
ف شعاع التسارع اللحظي •

حيث ho نصف قطر انحناء السار

3/ دراسة وثيقة = الدراسة التقريبية للحركة

- $\tau \approx 10^{-3} \, \mathrm{s}$ إذا كانت مدة التسجيل au صغيرة في حدود
 - شعاع السرعة اللحظية ت
 - قيمتها:

$$v_3 = v_{(t_3)} \approx \frac{M_2 M_4}{2\tau}$$
, $v_1 = v_{(t_1)} \approx \frac{M_0 M_2}{2\tau}$

- حاملها : الماس للمسار في مختلف مواضع المتحرّك.
 - جهتها : بجهة الحركة.

شعاع تغير السرعة ١٦٠

$$\Delta \vec{v}_2 = \vec{v}_3 - \vec{v}_I$$

- $\Delta \vec{v}_2$ قيمته بطول \bullet
- جهته وحامله : نحو داخل تقعر انحناء السار.



تطور جملة ميكانيكية

آ/ مقاربة تاریخیة لمیکانیك نیوتن ۱/ الحرکة

وصف الحركة يتم بتحديد : أين تمت الحركة ؟ متى حدثت؟ من المتحرّك؟

أين تفيد الكان الذي تمّت فيه الحركة ويتطلّب تحديد المرجع، ومن ثمّ العلم المناسب، ويجب أن يكون عطاليا، وبه نعيّن نوع المسار. متى تفيد الرّمن الذي استغرقته الحركة، وتتطلّب تحديد مختلف اللّحظات الزمنية المسجّلة أثناء الحركة. من تفيد المتحرّك نفسه، الذي يُدعى الجملة الميكانيكية، ومن هذه الجملة نختار نقطة مميّزة ندرسها وهي مركز العطالة، (وهي نفسها مركز الثقل G، في حقل جاذبية منتظم، وأيضا هي مركز الكتلة).

$(O, \vec{i} \,, \vec{j} \,, \vec{k} \,)$ (دیکارتی) کارتیزی (دیکارتی) /2

 $\vec{r} = \overrightarrow{OM}$ • mala line in $\vec{r} = \overrightarrow{OM}$

 $\vec{r} = x\,\vec{i} + y\,\vec{j} + z\,\vec{k}$

x(t) الفاصلة y(t) الترتيبة

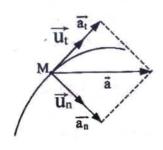
z(t) (الراقم) السمت

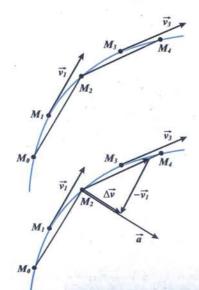
• شعاع السرعة اللحظية ت

$$\vec{v} = v_x \, \vec{i} + v_y \, \vec{j} + v_z \, \vec{k}$$

$$\vec{v}(t) = \frac{d\overrightarrow{OM}}{dt} \begin{vmatrix} v_x = \frac{dx}{dt} = \dot{x} \\ v_y = \frac{dy}{dt} = \dot{y} \\ dz \end{vmatrix}$$

- $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$: قيمة شعاع السّرعة :
 - حامل شعاع السرعة : مماسي للمسار.
 - جهة شعاع السرعة : بجهة الحركة.





تماريه خاصة بمقاربة تاريخية لميكانيك نيوته

التمرين ا

يقول أرسطو في الحركة :

(الجسم المتحرك يتوقّف عن الحركة، عندما تنعدم القوّة التي كانت تدفعه).

1/ هل نفهم من قول أرسطو، أن الحركة تحتاج إلى قوة ؟

2/ حسب قول أرسطو، هل نفهم منه أن السرعة دلالة على وجود قوة خارجية تؤثر على الجسم

كر هل نترجم الكلام السابق بأن القوة الدّافعة \vec{F} تتناسب مع السرعة \vec{v} للجسم، وإذا كان

 $ec{v}=Cte$ كذلك، فهل حسب ميكانيك أرسطو إذا كان الجسم يتحرك بسرعة ثابت أي

ای \vec{F} خابت \vec{F} خابت ا

1 / نعم، نفهم من قول أرسطو أن الحركة تحتاج إلى قوّة لكي تستمر.

2/ حسب قول أرسطو فإن السرعة دلالة على وجود القوة الخارجية بدليل أنه قال إذا انعدمت القوة الخارجية، توقّف الجسم عن الحركة (بمعنى انعدمت سرعته).

الرَمز ∞ هو رمز التناسب

 $ec{F} \propto ec{v}$ حسب میکانیك ارسطو

فإذا كان $\vec{V} = \overline{Cte}$ فإن $\vec{V} = \overline{Cte}$ فإذا كان

تعليق: سنرى في التمرين 2 أن فكرة أرسطو في المكانيك غير صحيحة.

يقول غاليله في كتابه (علمان جديدان) :

إن أية سرعة تنحفظ تمامًا، طالما بقيت الأسباب الخارجية للتسارع أو التباطؤ غائبة، وهو شرط لا يتحقق إلاً في الستوى الأفقى، لأنه يوجد في الستوى اللاًافقي، سبب للتسارع باتجاه التزول وسبب للتباطؤ باتجاه الصعود. ومن هذا ينتج أن الحركة على الستوى الأفقي متواصلة والسّرعة ثابتة لعدم وجود سبب يضعفها أو يعدمها.

1/ عبر بمقادير فيزيائية عن الفاهيم التالية :

أ/ السرعة تتحفظ تماما

ب/ الأسباب الخارجية للتسارع أو للتباطؤ غائبة

ا وسرعة الجسم V او V وسرعة الجسم V او V الحسب غاليله، بين فيما إذا كانت توجد علاقة بين القوة الخارجية

 $\Delta \vec{v}$ علاقة بين القوة الخارجية \vec{F} وتغيّر السرعة

3/ استناداً إلى غاليله، فهل أن وجود السرعة 7 لجسم ما، دلالة على أن الجسم يخضع لقوى خارجية.

4/ مَن مِن العالمين غاليله وأرسطو، بني أفكاره في الحركة على اسس علمية.

· شعاع التسارع اللحظي a

 $a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$: قيمته

حهته وحامله : نحو داخل تقعر انحناء المسار (بجهة √ △).

4/ أنواع الحركات

(M) في مرجع الحركة، تكون حركة نقطة مادية

- منتظمة ؛ إذا كانت قيمة شعاع السّرعة اللّحظية $\vec{v}(t)$ ثابتة.
- متسارعة ؛ إذا كانت قيمة شعاع السّرعة اللّحظية $\vec{v}(t)$ تزداد بتغيّر الزمن.
- متباطئة : إذا كانت قيمة شعاع السرعة اللحظية $\vec{v}(t)$ تنقص بتغيّر الرّمن.

5/ القوانين الثلاثة لنيوتن

• القانون الأول (أو مبدأ العطالة)

في معلم عطالي، إذا كان مجموع القوى $\sum F$ المؤثرة في جملة ميكانيكية معدوم فانَ هذه ألجملة إمّا ساكنة أو متحرّكة حركة مستقيمة، والعكس صحيح.

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \mid \vec{v} = \vec{0}$$
 : الجسم ساكن بالنسبة لعلم الحركة : الجسم ساكن بالنسبة العلم الحركة :

• القانون الثاني (أو نظرية مركز العطالة)

$$\sum \overrightarrow{F_{\acute{e}xt}} = \overrightarrow{ma_G}$$

مجموع القوى المؤثرة في الجملة الميكانيكية $\sum \vec{F}$

تسارع مركز عطالة الجملة في معلم عطالي. $ec{a}_{G}$

• القانون الثالث (مبدأ الفعلين المتبادلين)

إذا أثرت جملة ميكانيكية (A)على جملة (B)بقوة \vec{F}_{N_B} فان الجملة (B) تؤثر $ec{F}_{\gamma_8} = -ec{F}_{ec{\eta}_A}$: على (A) بقوة $ec{F}_{ec{\eta}_A}$ تساويها في الشدة وتعاكسها في الاتجاه

 $\vec{v} = Cte$ أر السرعة تنحفظ تمامًا، يُعبَر عنها بأن أر السرعة المرعة المرعة

ب/ الأسباب الخارجية للتسارع أو التباطؤ غائبة : معناه أنّ مجموع القوى الخارجية = 0 :

 $|\vec{F} \propto \Delta \vec{v}|$: اليله عاليله

3/ حسب غاليله: السرعة لا تنبئ عن وجود قوة.

فالجسم إذا كانت له سرعة ثابتة $\vec{v} = Cte$ فإنه إمّا أنه لا يخضع إلى أيّة قوّة خارجية أو أنّ $\sum ec{F}_{ext} = ec{0}$ او $ec{F}_{ext} = ec{0}$ افي انه إذا كان $ec{v} = Cte$ فإن $ec{v} = Cte$ او مجموع القوى الخارجية عليه معدوم. أي أنه إذا كان

4/ إذا ما قارنا نتائج أفكار غاليله وأرسطو في الحركة، فإننا نجد أنها متناقضة، إذ أنَ أرسطو بني أفكاره في الحركة على "الحدس" والمناقشات الفلسفية، لذا أتت أفكاره غير متماسكة، وتنقصها الدلائل العلمية. أما غاليله، فقد اعتمد على التجربة، والتجريب أسلوبًا ومنهاجا، وخاض في ذلك معارك كبيرة، ولذا أتت أفكاره متماسكة مبنية على البراهين العلمية. ولذا يعتبر غاليله مؤسّس المنهج التجريبي العلمي الحديث. وقد قال فيه اينشتاين هذه المقولة الشهيرة " إن التجربة هي لبَ اكتشاف غاليله ". من كتاب اينشتاين تطور الأفكار في الفيزياء.

التمرين 3

يقول اينشتاين في كتابه تطور الأفكار في الفيزياء : (إنّ النتيجة الصّحيحة التي استنبطها غاليله، صاغها نيوتن بعد جيل من الرّمان بالنص العروف باسم مبدأ العطالة).

(إنّ كلّ جسم يبقى على حالته من السّكون ومن الحركة المنتظمة في خطّ مستقيم، إلاّ إذا أجبر على تغيير هذا الحالة بواسطة قوى تتسلّط عليه).

ويستطرد اينشتاين قائلا:

(إن قانون العطالة لا يمكن أن يستمد من التجربة مباشرة، بل وحصراً من المجهود الفكري التلائم مع الملاحظة، فالتجربة المثالية لا يمكن أن تتحقق عملياً إطلاقا بالرغم من أنها هي التي تقود إلى فهم عميق للتجربة الواقعية ...).

1ا أشرح مبدأ العطالة في ضوء المقادير الفيزيائية الحديثة $ec{v}$ و $ec{F}_{ext}$ و $ec{F}_{ext}$

2/ اشرح قول اينشتاين عن مبدأ العطالة

1/ شرح مبدأ العطالة

إنّ مبدأ العطالة الذي وضعه ،غاليله،، وصاغه ،نيوتن، ينص على أنّ أيّ جسم لا يستطيع بنفسه تغيير حالته الحركية (زيادة سرعته، أو إنقاصها، أو تغيير جهة حركته)، فهو إذن ،عاطل، عن تغيير حالته الحركية، فهو إن كان في الأصل ساكنا بالنسبة لَعلم معيّن، بقى ساكنا، ما لم تؤثر عليه قوة خارجية، وإن كان، متحركا حركة مستقيمة منتظمة باعتباره جملة شبه معزولة ميكانيكيا، فإنه يبقى على هذه الحالة الحركية، إلاّ إذا أثرت عليه قوة خارجية.

نترجم مبدأ العطالة رياضيا كما يلي :

إذا كان $\vec{v} = \vec{0}$ ؛ فالجسم ساكن بالنسبة لمعلم معيّن وهذا يتطلّب أنه لا يخضع إلى أيّة قوة $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ او $\vec{F}_{ext} = \vec{0}$ خارجية اي:

إذا كان $\vec{v}=\overline{Cte}$: فالجسم يتحرك حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة لعلم معيّن وهذا يتطلّب $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ القول إن $\vec{F}_{ext} = \vec{0}$ أو

ملاحظة هامة

- الجسم الذي لا يخضع إلى أية قوة خارجية \overline{F}_{ext} ندعوه جملة معزولة ميكانيكيا، مثل هذا الجملة يجب أن تكون وحدها في الطبيعة، وهذا مستحيل
- الجسم الذي يخضع لقوى خارجية لكن مجموعها معدوم $\sum ec{F}_{ext} = ec{0}$ ، تسمّى الجملة شبه الحسم الذي يخضع المعزولة ميكانيكيا.

2- شرح اينشاتين لمبدأ العطالة

 $\vec{v} = Cte$ يقول اينشتاين إن مبدأ العطالة لا يمكن أن يتحقق تجريبيا بصفة مطلقة. لأنه لكى يكون يجب أن يكون المسار مستقيماً، ولا يوجد مسار مستقيم في الطبيعة (فمسارات الأرض مثلا كلّها منحنيه) كما يجب أن يتحقق $\sum ilde{F}_{ext} = 0$ ، وهذا لا يتحقق إلاً بصفة تقريبية، لأنَ أي جسم في الطبيعة يخضع لتأثيرات كل الأجسام في الطبيعة من أقرب جسم منه، إلى أبعد نجم عنه بالرّغم من ضآلة شدّتها، وعدم تأثيرها عمليا على حركته.

وعليه فإنه من الناحية المثالية المطلقة يستحيل تحقيق $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ على جسم، وبالتالي يستحيل تطبيق مبدأ العطالة عليه.

ولتقريب الصورة، نتخيّل التجربة المثالية الدّهنية التالية ؛

- تدفع كرية ملساء فوق منضدة خشبية، فتتحرك مسافة معيّنة ثم تتوقف نتيجة لوجود قوى
- تدفع الكرية مرّة ثانية ، بنفس السرعة الابتدائية السابقة، لكن هذه المرة فوق منضدة زجاجية، نلاحظ أنها تقطع مسافة أكبر ثم تتوقف.
- نعيد التجربة مرّة ثالثة ورابعة، وخامسة... في كلّ مرّة نستعمل زجاجًا صقيلا أكثر فأكثر، نلاحظ في كلّ مرة أنّ المسافة المقطوعة تكون أكبر فأكثر، وهكذا إذا تخيلنا عدم وجود احتكاك بين الكرية، والمنضدة الأفقية وأعطينا للكرية سرعة ابتدائية، فإنها ستتحرك حركة مستقيمة منتظمة، لا توقف بعدها.

وبهذه التجربة الذهنية (المثالية) يكون اينشتاين قد أعطى تصوّراً عميقًا لمبدأ العطالة. جعلتنا نفكّر في تحسين وسائلنا التجريبية، لتحقيق مبدأ العطالة بصورة أدق وأحسن مثال على ذلك (المنضدة

التمرين 4

وضع أرسطو نظرية كاملة في الميكانيك، وقسّمها إلى ميكانيك سماوية فلكية مثالية، وميكانيك أرضية فيها نوعين من الحركات، وهما الحركات الطبيعية (كالسقوط الحرّ وحركة الكواكب)

تماريه خاصة بمقاربة تاريخية لميكانيك نيوته

والحركات العنيفة (كحركة القذائف) وفي السقوط الحرّ قال أرسطو: (تسقط الأجسام الثقيلة بسرعة أكبر من الأجسام الخفيفة).

أراد غاليله أن يدحض فكرة أرسطو في السقوط الحر فقام بسلسلة من التجارب من أعلى برج بيزا بايطاليا (la tour de pize) التي ترتفع على سطح الأرض 100 ذراع (الذارع هو طول الساعد ويساوي 50cm تقريبا). وترك عدة أجسام مختلفة : كرة حديدية من 100 ليفر وكرة أخرى من 1 ليفر (1 ليفر = 478)، كرة من الخشب، ... إلخ. بعد التجربة كتب غاليله ما يلي :

(يصرح أرسطو أن الكرة الحديدية من 100 ليفر والكرة الحديدية من 1 ليفر، عندما يتركهما يسقطان معا، فإنه عندما تنزل الكرة الأولى 100 ذراع ، تكون الأخرى نزلت ذراعًا، وأنا أجزم أن الكرتين تصلان إلى الأرض معا. وإذا قمتم بالتجربة فسترون أن الفارق لا يتجاوز عرض أصبعين ولن تجدوا فارق 99 ذراعًا الذي توقعه أرسطو).

1/ اعط نظرية السقوط الحرّ حسب أرسطو ثمّ غاليله، وبيّن الوسيلة التي اعتمدها في ذلك كل
 واحد منهما. استخرج من النص السابق ما يؤيد شرحك.

2/ من تجاربك اليومية هل إذا تركنا ريشة تسقط مع كرة حديدية.

أ/ فهل تترافقان في حركتيهما ؟

ب/ إذا كان جوابك (لا)، فهل هذا يعني أن نظرية أرسطو في سقوط الأجسام صحيحة ؟ أين الإشكالية إذن؟

ج/ ميرز إذن بين سقوط الأجسام في الهواء وسقوطها في الخلاء.

الحل

1/ نظرية السقوط الحرّ حسب أرسطو

" تسقط الأجسام الثقيلة بسرعة أكبر من الأجسام الخفيفة ".

من المعلوم أن أرسطو اعتمد في وضع نظريته هذه على المناقشات الكلامية والتوقّعات فقط ونستشف هذا الكلام عندما قال غاليله عن أرسطو "... الذي توقّعه أرسطو".

نظرية السقوط الحرّ حسب غاليله

" تترافق الأجسام السّاقطة سقوطا حرًّا في حركتها ".

وقد اعتمد غاليله في وضع نظريته على التجربة فترك كرتين وزنيهما (100 ليفر) و(1 ليفر) يسقطان من أعلى برج بيزا، فوجد أن الكرتين تصلان الى الأرض، معا.

1/2/ من التجارب اليومية، نعلم أنه عند ترك ريشة وكرة حديدية يسقطان فإن كرة الحديد تصل قبل الرّيشة. وبالتالي لا يترافقان في حركتيهما.

ب/ إن نظرية أرسطو يمكن اعتبارها صحيحة إذا تم السقوط
 في الهواء، وكانت الأجسام مختلفة الكثافة (فكثافة الريشة أصغر بكثير من كثافة كرة الحديد).

وسبب ذلك يعود إلى أنَ الأجسام أثناء سقوطها، تكون خاضعة بالإضافة إلى ثقلها \vec{P} إلى قوى الاحتكاك بالهواء $\vec{\pi}$ ، وإلى دافعة ارخميدس $\vec{\pi}$.

نائم م حامه نسم

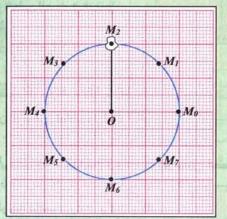
 $ec{P}$ فإذا كانت ذات كثافة كبيرة يمكن إهمال كلّ من $ec{f}$ و $ec{\pi}$ امام $ec{P}$. $ec{P}$ امام $ec{f}$ امام $ec{f}$ امام أمّا إذا كانت ذات كثافة صغيرة، فإنه لا يمكن إهمال $ec{f}$ و $ec{\pi}$ امام

 \vec{P} في حالة عدم وجود الهواء (الخلاء) فإن $\vec{\pi}=\vec{0}$ و $\vec{\pi}=\vec{0}$ وعليه فإن الرَيشة تصبح خاضعة لثقلها فقط، لذا تترافق في حركتها مع كرة الحديد، وندعو في هذه الحالة هذا السقوط بالسقوط الحرّ.

وقد قام احد تلاميذ غاليله وهو العالم (توريشيلي Toricelli) سنة بعد موت غاليله بتجربة داخل انبوب مفرع من الهواء وترك (ريشة) مع (تفاحة) يسقطان داخل الأنبوب، فوجد أنهما يترافقان في حركتيهما.

التمرين 5 ــ التأسيس لتوحيد الحركات الأرضية والفلكية

حجر مربوط بخيط. نمسك الخيط باليد في النقطة (O) منه، وندير الحجر في مستو شاقولي بسرعة ثابتة الشدة. فيرسم الحجر دائرة نصف قطرها R=50cm، ويُنجز دورة واحدة خلال دور زمني T=2s.



احسب قيمة السرعة اللحظية \overline{v} للحجر.

 M_6 مثل شعاع السرعة اللحظية في المواضع M_6 ، M_4 ، M_2 ، M_6 المحددة في الشكل المقابل.

 M_7 ، M_5 ، M_3 ، M_1 في المواضع ΔV مثل ΔV مثل أ

ب/ حدد خصائص AV.

4/1/ ما هي القوّة التي جعلت الحجر يتحرّك في مسار دائري؟

(نهمل تأثير قوة جنب الأرض للحجر أمام هذه القوة).

ب/ مثل هذه القوة في الموضع M2

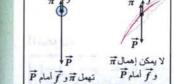
ج/ ما هي النتيجة التي يمكن أن تستخلص من هذه الدراسة ؟

5/ ما وجه الشبه بين حركة دوران الحجر وحركة دوران القمر حول الأرض ؟ اشرح.

الحل

 $ec{v}$ حساب قيمة السرعة اللحظية ~ 1

 $ec{\mathcal{V}}$ عالة الحركة الدائرة المنتظمة نستعمل العبارة التالية لإيجاد



 $\overrightarrow{v_2}$ M_2

لاحظ أن M_0 هو قيس قوس (هو محيط الدائرة) وليس $M_0 \, M_0$ الذي قيمته معدومة.

$$v = \frac{\pi}{2} = 1,57 \text{ m.s}^{-1}$$

2/ تمثيل أشعة السرعة اللحظية بما أن الحركة دائرة منتظمة فإن قيمة السرعة اللحظية ثابت= ٧ يمثل \vec{v} بشعاع حامله هو الماس للمسار في النقاط M_6, M_4, M_2, M_0 العينة

 $1,57cm \rightarrow 1cm$: مقياس رسم السرعة

 M_7 ، M_5 ، M_3 ، M_1 في المواضع $\Delta \vec{v}$ مثيل Δ / \vec{v} (M_2) في الموضع M_1 ؛ الموجود بين الموضعين M_0 و $\Delta \vec{v}_1 = \vec{v}_2 - \vec{v}_0$: Levil

لذا نمثل من النقطة M_1 الشعاع $\vec{v_2}$ والشعاع $\vec{v_2}$ والشعاع كما هو موضح في

 $\Delta \vec{v_3} = \vec{v_4} - \vec{v_2}$ ؛ بنفس الطريقة نكتب : M_3 الموضع : M_3 $\Delta \vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4$: نفس الشيء في الموضع (M_5) إذ نكتب $\Delta \vec{v_7} = \vec{v_8} - \vec{v_6}$: نكتب (M_7) وكذلك في الموضع

 $\Delta \vec{v}$ برا خصائص

الحامل: قطر الدائرة

الاتجاه: نحو مركز الدائرة

• طريقة 1

 $\Delta v = \Delta v_1 = \Delta v_3 = \Delta v_5 = \Delta v_7 \rightarrow 1,4cm$ بالقياس نجد . $1,57 \, m.s^{-1} \rightarrow 1 \, cm$: وحسب مقياس رسم السرعة فإن

 $|\Delta v \approx 2, 2 \, m.s^{-1}|$. ومنه $|\Delta v = 1, 57 \times 1, 4|$ اذن .

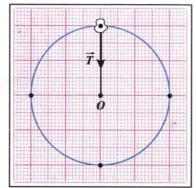
• طريقة 2 : $\Delta \vec{v}$ يعتبر وترا في مثلث قائم ضلعاه متقايسان فحسب نظرية فيثاغورث

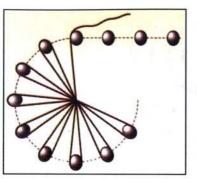
$$\Delta v_1 = \sqrt{2v_0^2} = v_0 \sqrt{2}$$
 . فإن $v_2 = v_0$ وبما ان $\Delta v = \sqrt{v_2^2 + v_0^2}$

. 1 وهي نفس النتيجة في الطريقة $\Delta v_1 = 1,57\,\sqrt{2}$; $\Delta v_1 = 2,2\,m.s^{-1}$

الخيط من T فلو تركنا الخيط من الخيط من الخيط T ألم القوة التي جعلت الحجر يتحرك في مسار دائري هي قوة شد الخيط Tيدنا لارتخى الخيط، وبالتالي يضحي غير مشدود أي $ec{T}=ec{0}$ وبالتالي ينفلت الحجر مع الخيط تمامًا مثلما يحدث في انفلات الحجر من المقلاع (la fronde). وهذا يؤكّد ضرورة وجود قوة جاذبة تمسك بالحجر فتجعله يتحرك في مسار دائري.

 Δv أن Δv وهذا ما هو معلوم بالاحظ أن Δv تتجه نحو المركز Δv أن تمامًا مثل شعاع تغيّر السرعة Δv سلفا. إذ يجب أن تكون القوة المسببة للحركة بجهة تغير السرعة $\Delta \vec{v}$.





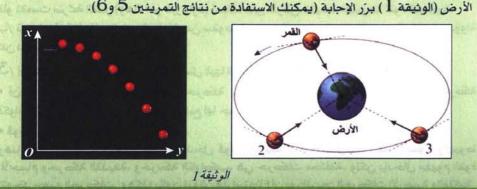
ج/ النتيجة المستخلصة : حتى يتحرك جسم حركة دائرية منتظمة يجب أن يخضع لقوة تتجه نحو مركز الدّوازن. تسمى هذه القوة بالقوة الجاذبة المركزية (force centrifuge).

5/ حسب نيوتن، فإن القمر يخضع لقوة الجاذبية الناتجة عن الأرض، وهذه القوة تتجه نحو مركز الأرض، فهي قوة مركزية.

وأيضا الحجر أثناء دورانه في المقلاع، يخضع لقوة شد الخيط وهي أيضا قوة مركزية. و هنا يكمن وجه الشبه بين الحركتين، مع اختلاف في طبيعة قوة الجاذبية وقوة شد الخيط.

التمرين 6 ــ نيوتن وتوحيد الحركات الفلكية والأرضية

1/ ما وجه الشبه بين حركة سقوط الأجسام باتجاه سطح الأرض وحركة دوران القمر حول الأرض (الوثيقة 1) برر الإجابة (يمكنك الاستفادة من نتائج التمرينين 5 و6).



تماريه خاصة بمقاربة تاريخية لميكانيك نيوتني

العالم غاليله لم يجد الرابط المشترك بين هذه الحركات لأنه درسها دراسة حركية ناهيك عن أنه كان يرفض " جملة وتفصيلا " فكرة أن قوة الجاذبية تؤثر عن بعد.

Hard_equation

يقول العالم الرياضياتي (لاغرانج La grange) في قانون الجاذبية : " إنّ للكون قانونا واحدًا، وقد اكتشفه نيوتن ".

2/ رسم نيوتن في كتابه (البادئ) شكلا يحمل رقم 213، كما هو موضّح في الوثيقة 2 وقد جاء تحت الشكل ما يلي: (إن الحجر الرمي ينحرف بتأثير الجاذبية عن طريقه المستقيم، ويتخذ مسارًا منحنيا نم يسقط

أخيراً على الأرض. وإذا رمي بسرعة كبيرة، فسوف يسقط متوغّلا إلى ما أبعد من ذلك. فإذا قذف بسرعة تتزايد شيئا فشيئا فإنه سيرسم قوسًا مقدارة 1، 2، 10، 100 و1000 ميل قبل ان يصل إلى الأرض، وسيذهب أخيراً في الفضاء متجاورًا حدود الأرض دون أن يلاقيها، ويبدأ بالدوران حول الأرض، مثلما تدور الكواكب على مداراتها في الفضاء الكوني...".



بناءً على الدراسة في السؤال 1، وفكرة نيوتن في السؤال 2، هل يمكن القول: أ/ إن القمر هو في حالة سقوط حرّ دائم على الأرض، مستمر ؟ ب/ إن قوة الجاذبية هي المسؤولة عن سقوط الحجر، وحركة القمر على مداره ؟

3/ إن الدراسة المابقة جعلت نيوتن يخلص إلى نتيجة عظيمة. هل يمكن أن تسجلها لنا ؟

l / كلّ الأجسام السّاقطة أثناء حركتها تخضع لقوة جذب الأرض لها. تمامًا مثل القمر فإنه أثناء دورانه حول الأرض يخضع لقوة جذب الأرض له، رغم أن الحركات مختلفة إلاّ أنه يمكن تشبيهها ببعضها البعض لأنها جميعا تخضع لقوة جذب الأرض لها.

2/ أ/ بناءُ على الوثيقة 2 لنيوتن، نعتبر أن حركة دوران القمر حول الأرض هو حالة خاصّة من السَقوط لكته سقوط دائم، تحوّل إلى دوران، نتيجة للسرعة الكبيرة التي يتحرك به القمر حول الأرض فلو نقصت سرعة القمر (وهذا أمر غير وارد) لسقط على الأرض، نتيجة خضوعه لقوة الجاذبية. ب/ نعم إن قوة الجاذبية هي المسؤولة عن سقوط الحجر والأجسام باتجاه الأرض كما أنها مسؤولة عن دوران القمر حول الأرض.

3/ إن النتيجة العظيمة الرائعة التي توصل إليها العالم العبقري نيوتن هي

- أنَّ قوة الجاذبية هي المسؤولة عن حركة سقوط الأجسام، وهي المسؤولة أيضا عن حركة الكواكب في مدارها. فهي قوة عامة تخضع لها جميع الأجسام المادية.
 - قوة الجاذبية توحّد الأرضية والفلكية.

وهنا تكمن عبقرية الرجل، فلو لم ندخل قوة الجاذبية للاحظنا أن حركة الصعود والهبوط للأجسام وحركة القذيفة، وحركة الكواكب، هي حركات مختلفة. ولكن بإدخال مفهوم القوة تتوحّد جميع الحركات. وهكذا يكون نيوتن قد استطاع أن يوحّد بين الحركات الأرضية والفلكية.

• نيوتن ودمجه للعلم والإيمان يقول نيوتن أنَ الكون يخضع لقوانين ثابتة، وضعها الخالق، فقال في هذا الصَّدد : " إن هذا النَّظام البديع، المكوّن من الشمس والكواكب والمذنبات، لا يمكن أن يسير إلاّ وفق هداية وربوبية كانن عظيم في منتهى الذكاء والحكمة... ". ثم يستطرد قائلاً : " إنه الحاكم على كل شيء، العالم بكل شيء كان، أو يكون، وبما أنه في كل مكان فهو أقدر بمشيئته على تحريك الأجسام...، وبالتالي فهو قادر على تكوين وتصليح كل أجزاء الكون أكثر مما نستطيع نحن تحريك أطراف أبداننا مارادتنا... ". اليست هذه كلمة سواء بيننا اليس هذا الكلام من وحي القرآن العظيم : ﴿ بديع السموات والأرض أني يكون له ولد ولم تكن له صاحبة وخلق كل شيء وهو بكل شيء عليم) الأنعام، الآية 101.

• نيوتن وتوحيده للخالق

عاش نيوتن موحَدًا للخالق، إذ رفض بشدّة فكرة التثليث طيلة حياته، وله بحوث توضّح كيف ادخلت فكرة التثليث في الإنجيل، وقد ضمّن هذه الأفكار في كتابه (عرض تاريخي لتحريفين.بارزين An historical account of two notable corruptions of scripture (الذي الَّفه عام 1690م. ووصلت به معارضته للكنيسة الكاثوليكية التي تتبثى عقيدة الثالوث إلى رفضه أن تقيم له هذه الأخيرة صلاة المحتضر وهو على فراش الموت.

> • نيوتن وما كتب على قبره هنا يرقد السير إسحاق نيوتن العالم الذي استطاع بقوة ذكائه الفذة أن يفسر لأوّل مرّة بواسطة طريقته الرياضياتية حركات وأشكال الكواكب، مسالك الذنبات، مد وجزر الحيط، وهو أوّل من بحث أنواع الأشعة الضوئية، وخصائص الألوان التاجمة عن ذلك، تلك الخصائص التي لم يفكر أحد في وجودها قبله. المفسر المجد، ألثاقب الفكر والموثوق به، للطبيعة والآثار القديمة والكتاب المقدس، وقد مجد في تعاليمه الخالق العظيم. لتبتهج البشرية الرائلة لأنه قد عاش بين ظهرانيها مثل هذا العالم الذي يعتبر زينة للجنس البشري.

> > ولد في 25 ديسمبر 1642 توفي في *20* مارس 1727

التمرين 7

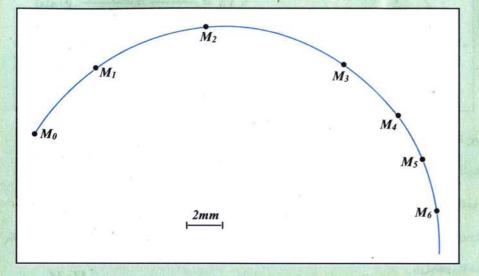
باريخية لميكانيك نبوته

متحرك نعتبره نقطة مادية، قمنا بتسجيل مواضعه المختلفة فوق منضدة هوائية، وكان زمن $au = 20 \, ms$ التسجيل بين موضع وآخر يليه هو

أراً/ أنقل التسجيل على ورق مقوّى واحسب قيم السرعة في المواضع (M_1) و (M_3) ، (M_5) . ب/ مثلها باختيار سلم مناسب.

ارد مثل شعاعي تغير السرعة $\Delta \vec{v}$ بين اللحظتين (t_3) و (t_3) ثم بين (t_3) و (t_5) . بر احسب قيمة التسارع في اللحظة $\vec{a}(t_2)$ أي $\vec{a}(t_2)$ واللحظة $\vec{a}(t_4)$ أي أي أي اللحظة بيانيا مع اختيار سلم مناسب.

ج/ قارن بین خصائص شعاعی التسارعین $\vec{a}(t_2)$ و $\vec{a}(t_4)$ قیم النتائج $\vec{a}(t_4)$



الحل

1 /أ/ قيم السرعة

 (M_I) السرعة \vec{v}_I في الموضع

$$ec{v_I} pprox rac{\overline{M_0 \, M_2}}{t_2 - t_0} = rac{\overline{M_0 \, M_2}}{\Delta t} = rac{\overline{M_0 \, M_2}}{2 au} :$$
نعلم آن : $ec{v_I} = rac{M_0 \, M_2}{2 au}$

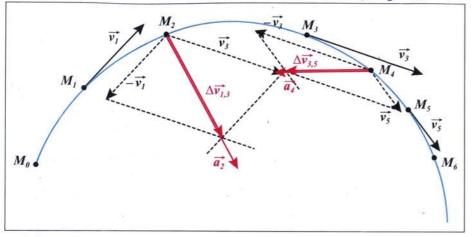
 $M_0 M_2$ لنعين

باستعمال آلة قياس الطول الميمة ية نجد $M_0 \, M_2 = 50 \, mm = 5 \, cm$ وبالاستعانة بمقياس الرسم الموجود في الوثيقة وهو $\frac{2mm}{1}$ ، وإذا قسنا طول هذه القطعة نجده (1cm) أي أن 1

 $1cm \rightarrow 2mm$

 (M_5) أمّا $ec{v}_5$ فنمثله بشعاع طوله $\dfrac{0$, $15 imes 1}{0$, $10}$ أمّا $ec{v}_5$ فنمثله بشعاع طوله أمّا ويكون مماسيا للمسار في النقطة

 $\Delta \vec{v}$ ا/ تمثيل شعاع تغير السرعة 2



 (t_3) و (t_1) و المحظتين

$$\Delta \vec{v}_{i,3} = \vec{v}_3 - \vec{v}_{i,-1}$$
الدينا:

 $\Delta \vec{v}_{l,3} = \vec{v}_3 + (-\vec{v}_l)$ ويمكن كتابتها بالشكل الآخر

لذا فإنَ $\Delta \vec{v}_{l,3}$ هي محصلة \vec{v}_3 و (M_3) ، نمثلها في النقطة (M_2) الواقعة بين (M_3) و (M_3) (انظر الشكل المقابل).

بين اللحظتين (t3) و (t5) :

$$\Delta \vec{v}_{3,5} = \vec{v}_5 - \vec{v}_3$$
 : لدينا

$$ec{\Delta \vec{v}_{3,5}} = \vec{v}_5 + (-\vec{v}_3)$$
 : وأيضا نكتب

 (M_5) و (M_3) المحصورة بين (M_4) لذا فإن (M_4) المحصورة بين (V_5) و (V_5) و (V_5) لذا فإن (M_5) المحصورة بين (V_5)

 $\vec{a}(t_2)$ بر حساب قيمة التسارع

 $\vec{a}\left(t_{2}\right)pproxrac{\Deltaec{v}_{l,3}}{t_{3}-t_{l}}=rac{\Deltaec{v}_{l,3}}{2 au}$ بنَ اللحظة (t_{2}) وقعة بين اللحظتين (t_{3}) و (t_{1}) لذا نكتب اللحظة (t_{2})

$$\vec{a}(t_2) = \frac{\Delta \vec{v}_{l,3}}{2\tau}$$
 : إذن الأردي وتوبيع: قيمة

$$M_0\,M_2=rac{5\,cm imes2\,mm}{1cm}=10\,mm=1cm$$
 : لذا نكتب $au=2 imes10^{-2}\,s$ ومنه $au=2 imes10^{-2}\,s$ كما أن $au=20\,ms$ إذن $au=20\,ms$ إذن $au=20\,ms$ ومنه $au=20\,ms$ نعوض فنجد $au=20\,ms$ $au=20\,ms$ نعوض فنجد $au=20\,ms$ a

السرعة \vec{v}_3 في الموضع $\vec{V}_3 \approx \frac{\vec{M}_1 M_3}{t_3 - t_1} = \frac{\vec{M}_1 M_3}{2\tau}$: نعلم أن المرابع $\vec{v}_3 = \frac{\vec{M}_1 M_3}{2\tau}$

بالقياس نجد $M_1 M_3 = 7 cm$ ، وبالاستعانة بمقياس الرّسم نكتب :

$$M_1 M_3 = \frac{7 \times 2}{2} = 14 \, \text{mm}$$

$$v_3 \approx \frac{14 \times 10^{-3}}{2(2 \times 10^{-2})} \; ; \; v_3 \approx 0.35 \, \text{m.s}^{-1}$$

 (M_5) السرعة \vec{v}_5 في الموضع $\vec{v}_5 = \frac{\overline{M_4 M_6}}{2\tau} :$ لدينا $v_5 = \frac{\overline{M_4 M_6}}{2\tau}$

بالقياس نجد $3\,cm'$ ، وبالاستعانة بمقياس الرّسم بالقياس

$$M_4 M_6 = \frac{3 cm \times 2 mm}{1 cm} = 6 mm$$

 $v_5 \approx \frac{6 \times 10^{-3}}{2(2 \times 10^{-2})} ; v_5 \approx 0,15 m.s^{-1}$

ب/ التمثيل : نختار السلم Icm > 0.10 ويمكنك اختيار سلَم مناسب آخر .

 (M_I) اي 2,5cm اي 0 اي 0 اي النقطة المسار في النقطة (10 اي النقطة (10 النقطة (1

ونمثل $ec{v}_3$ بشعاع طوله $\dfrac{0\,,35 imes1}{0\,,10}$ اي 3,5 ويكون مماسيا للمسار في النقطة $ec{v}_3$.

$$\Delta v_{I,3} = 0,33 m.s^{-1}$$
 : نجد ان

$$a(t_2) \approx 8,25 m.s^{-2}$$
 ومنه $a(t_2) \approx \frac{0,33}{2(2 \times 10^{-2})}$. إذن

$$\vec{a}(t_4) \approx \frac{\Delta \vec{v}_{3,5}}{t_5 - t_3} = \frac{\Delta \vec{v}_{3,5}}{2\tau}$$
 التسارع ($\vec{a}(t_4)$ بنفس الطريقة نجد : $\vec{a}(t_4)$

$$\vec{a}(t_4) = \frac{\Delta \vec{v}_{3,5}}{2\tau}$$

 $\Delta v_{3.5}
ightarrow 2cm$ نعينن نجد القياس نجد

$$\Delta v_{3,5} = 0,2m.s^{-1}$$
 : وبالاستعانة بالسلّم نجد

$$a(t_4) \approx 5 m.s^{-2}$$
 : نعوَض فنجد $a(t_4) \approx \frac{0.2}{2(2 \times 10^{-2})} = 5$: نعوَض فنجد

التمثيل : نمثل $\vec{a}(t_2)$ بشعاع خصائصه هي

.
$$\Delta \vec{v}_{I,3}$$
 الحامل : هو نفسه حامل

• الجهة : نفس جهة
$$\Delta \vec{v}_{l,3}$$
 (نحو داخل تقعر انحناء المسار).

$$a(t_2) \approx 8,25 \text{m.s}^{-2}$$
 : القيمة

$$a(t_2)$$
 نجد ان $a(t_2)$ يمثل بشعاع طوله $a(t_2)$ نجد ان $a(t_2)$ نجد ان $a(t_2)$ بشعاع خصائصه هي :

. $\Delta \vec{v}_{3,5}$ الحامل : هو نفسه حامل

• الجهة : نفس جهة
$$\vec{v}_{3,5}$$
 (نحو داخل تقعر انحناء المسار).

$$a(t_4) \approx 5 m.s^{-2}$$
 : القيمة

وباختيار السلّم $\frac{5}{2}=2,5cm$ نجد ان $\vec{a}\left(t_{4}\right)$ يمثل بشعاع طوله $2m.s^{-2}\to 1cm$ (انظر الشكل السابق).

تقييم النتائج

• في الحركة المنحنية الكيفية التسارع
$$ec{a}(t)$$
 يختلف في الحامل والجهة والقيمة في كل لحظة.

الشعاعان
$$ec{a}(t)$$
 و $ec{a}$ لهما نفس الحامل والجهة.

التمرين 8

تعطى لك الوثائق A و B و C و D مدّة التسجيل au=50 . نعتبر الموضع M_0 يوافق اللحظة الابتدائية (t_0

1/ حدد نوع المسار لكل متحرك.

كر احسب قيمة السرع اللحظية $\vec{v}(t_4)$ ، $\vec{v}(t_3)$ ، $\vec{v}(t_2)$ ، $\vec{v}(t_4)$ لكل متحرك.

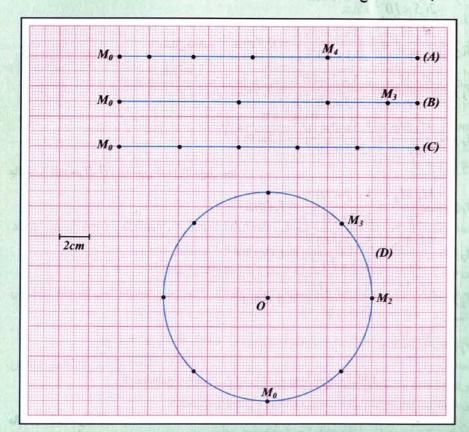
3/ ماذا تستنتج من حيث:

 $v_0 = v(t_0)$ عَيْر قيمة السرعة، ومقدار السرعة الابتدائية $v_0 = v(t_0)$

• طبيعة الحركة ؟

 $\vec{v}(t_4)$ ، $\vec{v}(t_3)$ ، $\vec{v}(t_2)$ ، $\vec{v}(t_1)$ مثل 4

ر المين خصائص التسارع $\vec{a}(t)$ في اللحظتين t_1 و ومثلهما. $\vec{a}(t)$ ماذا تستنتج $\vec{a}(t)$



1/ تحديد نوع المسار لكل متحرك

. و A و B و D لها مسارات مستقیمهٔ. الجسم D مساره دائري.

2/ حساب قيم السرع اللحظية لكل متحرك

lcm o 2cm ننبّه إلى أنّ مقياس رسم المسافة أعطى بـ ا $rac{2cm}{}$ أي

$$v(t_1) = \frac{M_0 M_2}{2\tau} : A$$
 بالنسبة للمتحرك

 $M_0 M_2 = 2,5 cm$ بالقياس نجد أن

$$M_0M_2=rac{2,5cm imes2cm}{lcm}=5cm=5 imes10^{-2}m$$
 . وباستعمال مقياس الرسم نجد $au=5 imes10^{-2}s$ ای $au=50ms$ الدينا

$$v(t_1) = \frac{5 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.5 \text{m.s}^{-1}$$
 $v(t_2) = \frac{M_1 M_3}{2\tau} = \frac{3.5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.7 \text{m.s}^{-1}$ بالثل نجد $v(t_3) = \frac{M_2 M_4}{2\tau} = \frac{4.5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.9 \text{m.s}^{-1}$
 $v(t_4) = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = \frac{5.5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 1.1 \text{m.s}^{-1}$

بالنسبة للمتحرك B: بنفس العمل السابق نجد:

$$v(t_1) = \frac{M_0 M_2}{2\tau} = \frac{7 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 1,4 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_2) = \frac{M_1 M_3}{2\tau} = \frac{5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 1,0 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_3) = \frac{M_2 M_4}{2\tau} = \frac{3 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0,6 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_4) = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = ?$$

$$(M_3) \approx 10 \text{km/s} = 14.5\% \text{ N/f}$$

 (M_5) لأنه لم يعط الموضع $V(t_4)$ لأنه لم يعط الموضع

بالنسبة للمتحرك :

نلاحظ أن كل المسافات متساوية، وتمّ قطعها في أزمنة متساوية، لذا نتوقع أن تكون السرعة متساوية في كل اللحظات.

$$v(t_1) = \frac{M_0 M_2}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_2) = \frac{M_1 M_3}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_3) = \frac{M_2 M_4}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_4) = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

بالنسبة للمتحرك D:

نلاحظ أنه يمسح أقواسا متساوية خلال أزمنة متساوية، فحركته إذن دائرية منتظمة. وعليه فإن سرعته اللحظية تكون ثابتة القيمة.

$$v=v(t_1)=v(t_2)=v(t_3)=v(t_4)=rac{1}{1}$$
 محیط الدائرة و محیط $v=\frac{RR}{4\tau}$ معن دورة و احدة $v=\frac{\pi R}{4\tau}$ بنصف قطر المسار $v=\frac{\pi R}{4\tau}$ بالقیاس نجد $v=\frac{\pi R}{4\tau}$ بالقیاس نجد $v=\frac{3.5\times 2}{1}=7$ محدد $v=\frac{7\times 10^{-2}}{1}=0.35$ من بالم من الم من

3/ أ/ تغير السرعة

بالنسبة للمتحرك A : نلاحظ أن سرعه هي 1,1m/s ، 0,9m/s ، 0,7m/s ، فهي تزداد بنفس المقدار أي (0,2m/s) خلال نفس الفترة الزمنية (0,2m/s).

تسمى هذه الحركة : الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام المتسارعة.

التي اللحظة الابتدائية هي السرعة في اللحظة الابتدائية $t_0=0$ وهي اللحظة قبل اللحظة (t_1) التي السرعة الابتدائية هي السرعة في اللحظة الابتدائية السرعة الابتدائية هي السرعة في اللحظة الابتدائية هي السرعة في السرعة في اللحظة الابتدائية السرعة في السرعة في السرعة في اللحظة الابتدائية السرعة في السرعة في اللحظة الابتدائية السرعة في اللحظة الابتدائية السرعة في اللحظة الابتدائية السرعة في اللحظة الابتدائية الابتدائ $v(t_1) = 0.5 m.s^{-1}$ فيها السرعة

 $|v_0=v(t_0)=0,3m.s^{-1}|$. وبما أن السرعة تزداد بـ 0,2m/s فنتوقع أن تكون

بالنسبة للمتحرك B : نلاحظ أن السرعة هي : 0.6m/s ، 1.0m/s ، 1.4m/s فهي تتناقص بنفس المقدار أي (0,4m/s) خلال نفس الزمن (0,4m/s)).

تسمى هذه الحركة : الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام المتباطئة.

 $|v_0 = v(t_0) = 1,8 \text{m.s}^{-1}|$ بنفس المحاكمة نجد ان :

Hard_equation

$$\vec{a}(t_1) \approx \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_0}{t_2 - t_0} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_0}{2\tau}$$
 : نعلم آن:

بالنسبة للمتحرك 4:

المسار مستقيم، وبالتالي فإن \vec{v}_2 و \vec{v}_2 لهما نفس الحامل ونفس الجهة، وعليه يمكن كتابة العلاقة

$$a(t_1) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau}$$
 : $\vec{a}(t_1)$ التسارع قيمة التسارع $\vec{a}(t_1)$

$$a(t_t) = \frac{0.7 - 0.3}{2(5 \times 10^{-2})} = 4m.s^{-2}$$
 بالتعویض نجد :

- - \vec{v}_0 \vec{v} , \vec{v} \vec{v}

$$a(t_1) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau} = \frac{1.0 - 1.8}{2(5 \times 10^{-2})} = -8 m.s^{-2}$$
 بنفس الطريقة لأن المسار مستقيم :

 $|a(t_1) = -8m.s^{-2}|$.

والإشارة (–) تعني أن التسارع بعكس جهة السرعة لأن الحركة متباطئة.

- \vec{v}_0 \vec{v}_2 \vec{v}_3 \vec{v}_4 \vec{v}_6 \vec{v}_6 \vec{v}_6 \vec{v}_7
- الاتجاه : بعكس اتجاه الحركة (حهة السرعة).

بالنسية للمتحرك :

$$a(t_1) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau} = \frac{0.8 - 8.8}{2(5 \times 10^{-2})} = 0 \text{ m.s}^{-2}$$

فالتسارع معدوم في الحركة الستقيمة المنتظمة $a(t_1) = 0 m.s^{-2}$

بالنسبة للمتحرك D:

بالنسبة للمتحرك . الحركة مستقيمة منتظمة وسرعتها ثابتة في كل اللحظات.

.
$$v_0 = v(t_0) = 0.8 m.s^{-l}$$
 إذن:

بالنسبة للمتحرك D : الحركة دائرية منتظمة وسرعتها ثابتة في كل اللحظات.

.
$$v_0 = v(t_0) = 1, 1 m.s^{-1}$$
 إذن:

 $\vec{v}(t_4)$ ، $\vec{v}(t_3)$ ، $\vec{v}(t_2)$ ، $\vec{v}(t_1)$ نمثيل السرع اللحظية 4

في المواضع
$$(M_1)$$
 ، (M_3) ، (M_2) ، (M_1) على الترتيب

 $0, Im.s^{-1} \rightarrow Imm$: نختار السلم بالنسبة للمتحرك 4:

. في نمثل $ec{v}(t_i)$ بشعاع مبدؤه النقطة (M_I) ، وجهته بجهة الحركة، وطوله $ec{v}(t_i)$

$$\vec{v}(t_2) \rightarrow 7mm$$
 : نفس الشيء بالنسبة للسرع

$$\vec{v}(t_3) \rightarrow 9mm$$

$$\vec{v}(t_4) \rightarrow 11mm$$

بالنسبة للمتحرك B:

$$\vec{v}(t_1) \rightarrow 14mm$$

$$\vec{v}(t,) \rightarrow 10mm$$

$$\vec{v}(t_3) \rightarrow 6mm$$

بالنسبة للمتحرك : C V=0.8m/s= ثابت

> بالنسبة للمتحرك D: $v \approx 1.1 \text{m.s}^{-1}$

 (t_1) في اللحظة ($\bar{a}(t_1)$ في اللحظة (أ \bar{b}

$$\vec{a}(t_1) \approx \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_0}{t_2 - t_0} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_0}{2\tau}$$
: علم أن:

$$a(t_1) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau}$$
 : $\vec{a}(t_1)$ السابقة دون اشعة لإيجاد قيمة التسارع

$$a(t_I) = \frac{0.7 - 0.3}{2(5 \times 10^{-2})} = 4 \text{m.s}^{-2} : 10^{-2}$$

- $a(t_1) = 4m.s^{-2}$: هي $\vec{a}(t_1)$ هي
- \vec{v}_2 وهو الكبير وهو

بالنسبة للمتحرك B:

$$a(t_1) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau} = \frac{1.0 - 1.8}{2(5 \times 10^{-2})} = -8$$
بنفس الطريقة لأن المسار مستقيم :

تاريخية لميكانيك نبوته

نقوم فقط بتعيين القيمة :

$$a(t_2) = \frac{v_3 - v_I}{2\tau} = \frac{0.9 - 0.5}{2(5 \times 10^{-2})} = 4 \text{m.s}^{-2} : A$$
 بالنسبة للمتحرك

$$a(t_1) = a(t_2) = 4m.s^{-2}$$
 : لاحظ أن التسارع ثابت

$$a(t_2) = \frac{v_3 - v_1}{2\tau} = \frac{0.6 - 1.4}{2(5 \times 10^{-2})} = -8 \text{m.s}^{-2}$$
 : B المتحرك

$$a(t_1) = a(t_2) = -8m.s^{-2}$$
 الاحظ أن التسارع ثابت :

$$a(t_2) = \frac{v_3 - \dot{v}_1}{2\tau} = \frac{0.8 - 0.8}{2\tau} = 0$$
m.s⁻² : C المتحرك

$$a(t_1) = a(t_2) = 0$$
m.s⁻² : لاحظ أن التسارع معدوم

$$a(t_1) = \frac{v^2}{R} = \frac{(1,1)^2}{7 \times 10^{-2}} = 17,3 \text{m.s}^{-2}$$
 المتحرك D المتحرك

$$a(t_1) = a(t_2) = 17,3 \text{m.s}^{-2}$$
 : لاحظ أن التسارع ثابت

التمثيل

بالنسبة للمتحرك A:

 $4m.s^{-2}
ightarrow 1cm$ على سبيل المثال السلم

لذا نمثل $\vec{a}(t,t)$ و $\vec{a}(t,t)$ بشعاع في نفس جهة الحركة وطوله ($\vec{a}(t,t)$ (انظر الشكل الموالي).

B المتحرك

ناخذ ايضا السلم $\vec{a}(t_1)$ و $\vec{a}(t_1)$ اذن $8m.s^{-2} \rightarrow 2cm$ اذن $4m.s^{-2} \rightarrow 1cm$ انخذ ايضا طوله 2cm معاكس لجهة الحركة لأن التسارع يساوى $(-8m.s^{-2})$.

المتحرك C :

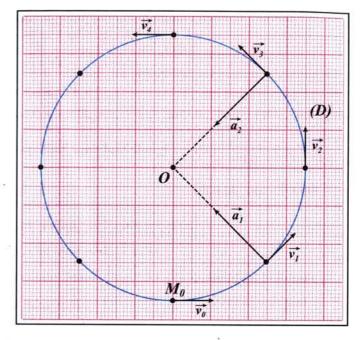
فشعاع التسارع معدوم، لذا لا نمثله. فشعاع التسارع معدوم، لذا لا نمثله.

المتحرك D:

بما أن قيمة التسارع له كبيرة نسبيا $a(t_1) = a(t_2) = 17,3 \text{m.s}^{-2}$ لذا نختار مقياس رسم $17.3m/s^2 \rightarrow 2 cm$. مناسب ولیکن

وتكون حهة $\vec{a}(t, t)$ و $\vec{a}(t, t)$ نحو مركز الدوران (0).

يماريه خاصة بمقاربة



 $a(t_2) = \frac{v_2 - v_0}{t_1 - t_2}$: المسار دائري وبالتالي لا نستطيع أن نكتب ولهذا السبب يمكن استعمال إحدى الطريقتين التاليتين.

 $a=rac{v^{2}}{D}$ الطريقة 1 : نعلم أن التسارع في الحركة الدائرية المنتظمة ثابت ويعطى بالعبارة

$$a = \frac{(1,1)^2}{7 \times 10^{-2}} \approx 17,3$$

- $|a(t_1) = 17,3m.s^{-2}|$: land
 - الحامل: نصف قطر السار.
 - الاتجاه : نحو مركز المسار.

 $\Delta \vec{v}$ الطريقة 2: نمثل الشعاع

$$\Delta \vec{v} = \vec{v}_2 - \vec{v}_0$$
 لأن $(-\vec{v}_0)$ و \vec{v}_2

 $a \approx \frac{\Delta v}{\Delta t}$ لأن $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ ثم نقوم بقياس طول v ومن ثم نحسب النسبة

 $\vec{a}(t)$ وسنأخذ هذه الطريقة عندما نقوم بتمثيل

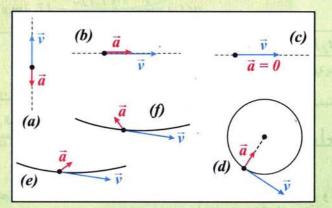
 (t_2) في اللحظة غضائص التسارع $\vec{a}(t_2)$ في اللحظة

$$\vec{a}(t_2) = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_I}{t_3 - t_I} = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_I}{2\tau}$$
 الدينا:

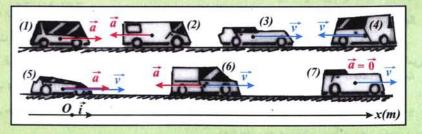
- ◄ اتجاه السرعة اللحظية (v ل باتجاه الحركة
 - : ā(t) والتسارع ◄
- يكون ب اتجاه السرعة اللحظية $\vec{v}(t)$ إذا كانت الحركة مستقيمة متغيرة متسارعة
 - يكون بعكس اتجاه السرعة اللحظية $\vec{v}(t)$ إذا كانت الحركة مستقيمة متغيرة.
 - يكون نحو مركز الدوران إذا كانت الحركة دائرية منتظمة
 - ā(t) قيمة التسارع (a(t)
 - ثابتة إذا كانت الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام (متسارعة أو متباطئة)
 - ثابتة إذا كانت الحركة دائرية منتظمة
 - معدومة إذا كانت الحركة مستقيمة منتظمة

التمرين 9

f.e.d.c.b.a المرعة اللحظية $ec{v}$ والتسارع اللحظي ألم لبعض الحركات



- 1/حدد طبيعة الحركة في كل حالة.
- 2/ تعطى صورة لعدة سيارات أخذت في لحظة زمنية كيفية.



أ/ حدد جهة حركة كل سيارة.

ب/ هل يمكن تحديد طبيعة حركة كل سيارة من حيث أنها متسارعة أو متباطئة.

الحل

1/ طبيعة الحركة

: a عالحا

- المسار مستقيم.
- ون الحركة متغيرة. $\vec{a} \neq \vec{0}$
- متعاكسان، فالحركة متباطئة. \vec{a} و \vec{v} •
- نستنتج أن الحركة مستقيمة متغيرة متباطئة
 - b الحالة
 - المسار مستقيم.
 - ون الحركة متغيرة. $\vec{a} \neq \vec{0}$
 - في متسارعة فالحركة متسارعة \vec{a} و \vec{v} •
- نستنتج أن الحركة مستقيمة متغيرة متسارعة

الحالة C الحالة

- المسار مستقيم.
- اذن الحركة متغيرة. $\vec{a} = \vec{0}$ •
- نستنتج أن الحركة مستقيمة منتظمة .

الحالة d

- المسار دائري.
- أ يتجه نحو مركز الدوران.
- نستنتج أن الحركة دائرية منتظمة .

f g e الحالتان

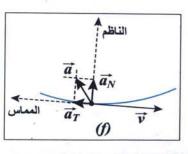
- المسار منحن.
- ه قالحركة متغيرة. $\vec{a} \neq \vec{0}$

لكي نعرف الحركة من حيث أنها متسارعة أو متباطئة نقوم بإسقاط \vec{a} على الماس للمسارع فنجد ما يعرف بالتسارع الماسى . \vec{a}_T

- . فإن كانت جهة $ec{a}_T$ بجهة $ec{v}$ كانت الحركة متسارعة.
- وإن كانت جهة $\vec{a}_{\scriptscriptstyle T}$ معاكسة لجهة \vec{v} كانت الحركة متباطئة.

نستنتج أن الحركة في الحالة e منحنية متغيرة متسارعة والحركة في الحالة f منحنية متغيرة متباطئة

ملاحظة: مسقط \vec{a} على الناظم على السار (عمودي على الماس) ندعوه التسارع الناظمي \vec{a}_N .



2/ 1/ تحدید اتجاه حرکة کل سیارة

إن اتجاه \vec{v} هو الذي يحدد اتجاه الحركة وليس اتجاه \vec{a} أو اتجاه معلم الحركة (O,\vec{i}) ، وعليه فإن السيارتين (I) و (2) لا نستطيع تحديد اتجاه حركتيهما لأنه لم يحدد عليهما اتجاه \vec{v} . أما السيارات (S) و (S) و (S) و (S) فهي تتحرك في الاتجاه الموجب لعلم الحركة (O,\vec{i}) . والسيارة (A) تتحرك في الاتجاه السالب لعلم الحركة.

ب/ تحديد طبيعة حركة كل سيارة

تحدد طبيعة حركة الجسم بمعرفة اتجاه \vec{v} و \vec{v} معا. فإذا كانا في نفس الاتجاه كانت الحركة متسارعة، وإن كانا في اتجاهين متعاكستين فإن الحركة تكون متباطئة. أما إذا كان $\vec{a}=\vec{0}$ فإن الجسم يكون إما ساكنا (حالة $\vec{v}=\vec{0}$) أو يكون متحركا حركة مستقيمة منتظمة (حالة $\vec{v}=\vec{0}$).

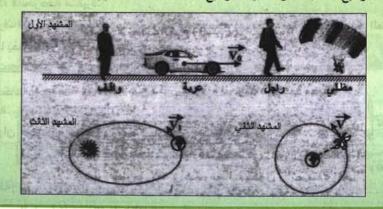
- . السيارتان(1) و (2) لا نستطيع تحديد طبيعتي حركتيهما لأن $ec{a}$ معلومة و $ec{v}$ مجهولة لكليهما.
- السيارتان (3) و (4) لا نستطيع تحديد طبيعة حركتيهما لجهلنا لـ \vec{a} لهما رغم معرفتنا \vec{v} لكليهما.
 - . \vec{a} بجهة \vec{v} بجهة لأن جهد لأن جهة \vec{v} بجهة أسيارة (5) . تتحرك حركة مستقيمة متغيرة بانتظام متسارعة الأن
 - . $ec{v}$ بعكس عند السيارة (a) : تتحرك حركة مستقيمة متغيرة بانتظام متباطئة لأن جهة
 - . $\vec{a}=\vec{0}$ و $\vec{v}=\overline{Cte}$ السيارة (7) و تتحرك حركة مستقيمة منتظمة لأن

التمرين 10

أعط تعريفا لما يلي:
المعلم السطحي الأرضي
المعلم المركزي الأرضي
المعلم المركزي الشمسي

2/ تعطي الوثيقة المرفقة عدة مشاهد، لبعض الأجسام:
 أ/ حدد لكل مشهد المرجع الناسب لدراسة حركة الأجسام فيه.

ب/ المراجع المناسبة، هل تعتبرها مراجع عطالية (غاليلية) برر إجابتك.



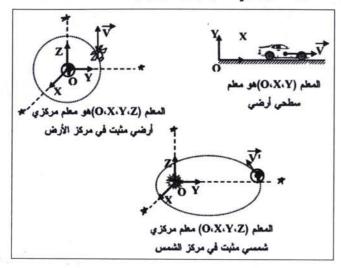
الحل

1 / إعطاء تعريف

المعلم السطحي الأرضي: هو معلم مرتبط بسطح الأرض، يصلح لدراسة حركة الأجسام التي تتم على سطح الأرض.

المعلم المركزي الأرضي (معلم بطليموس): هو معلم مبدؤه مركز الأرض، ومحاوره الثلاثة تتجه نحو ثلاثة نجوم بعيدة، نعتبرها تقريبا ساكنة (في حدود زمن التجربة أو زمن الحركة المراد دراستها) وهو يصلح لدراسة حركة الأجسام التي تدور حول الأرض.

العلم المركزي الشمسي (معلم كوبرنيكس) : هو معلم مبدؤه مركز الشمس، ومحاوره تتجه نحو ثلاثة نجوم بعيدة نعتبرها تقريبا (في حدود زمن التجربة).



ملاحظة هامة

كان اليوناني بطليموس يعتقد أن الأرض هي مركز الكون وجميع الكواكب تدور حولها، لذا عادة ما ينسب المعلم المركزي الأرضي إلى بطليموس فيقال ،معلم بطليموس،

أما كوبرنيكس، فكان يعتقد أن الشمس هي مركز الكون، وأن جميع الكواكب تدور حولها. لذا ينسب الملم المركزي الشمسي إلى كوبرنيكس فيقال (معلم كوبرنيكس).

1 / أ/ المشهد الأول: يظهر أجساما تتحرك على سطح الأرض هي:

- مظلي
 - راجل
 - عربة
- شخص واقف

إذن، فالمرجع المناسب لدراسة هذه الأجسام هو العلم السطحي الأرضي.

المشهد الثانى

يظهر صاروخ يدور حول الأرض، لذا فالمرجع المناسب لهذه الحركة هو المعلم المركزي الأرضي.

المشهد الثالث

يظهر الأرض تدور حول الشمس، لذا فالمرجع الناسب لهذه الحركة هو العلم المركزي الشمسي.

ب/ المعالم العطالية

هي المعالم الساكنة بالنسبة لبعضها، أو المتحركة بسرعة ثابتة (أي بحركة مستقيمة منتظمة). وبما أن الأرض تدور حول نفسها، إذن فلجميع نقاطها (بما فيها نقاط سطح الأرض)، تتحرك حركة دائرية وبالتالي لا ينطبق تعريف المعالم العطالي على المعلم السطحي الأرضي. لكن الأرض تدور حول نفسها بسرعة صغيرة نسبيا بدليل أنها تنجز دورة واحدة خلال 24 ساعة. لذا يمكن وبتقريب مقبول إهمال حركة الأرض حول نفسها، على الأقل لمدة تكون أكبر من المدة التي يستغرقها الجسم المتحرك على سطحها.

أما العلم الركزي الأرضي، فهو في الحقيقة معلم يدور حول الشمس، إذن لا ينطبق عليه تعريف المعلم العطالي، غير أن سرعة الأرض حول الشمس صغيرة جدا بدليل أن الأرض تنجز دورة حول الشمس خلال سنة. لذا يمكن اعتبار المعلم المركزي الأرضي معلما عطاليا، وبتقريب مقبول.

أما العلم الشمسي فنعتبره معلما عطاليا بتقريب جيد لأن حركة دوران الشمس، لا تكاد تذكر في زمن يقدر بعدة سنوات شمسية.

التمرين ١١

اجب بصحيح او خطأ وصحح العبارة الخاطئة، فيما يلي:

العبارة الصحيحة	خطا	صحيح	العبارة	
			المرجع العطالي سرعته ثابتة	1
		is.	قيم السرعة التي يسجلها عداد السرعة تكون مقيسة بالنسبة لعلم سطحي أرضي.	ب
			كل المراجع العطالية يتحقق فيها مبدأ العطالة.	٤
			مصعد عمارة في حالة هبوط نعتبره معلما سطحيا أرضيا.	د
1			مصعد عمارة في حالة حركة بسرعة ثابتة، نعتبره معلما عطاليا.	Δ
			مبدا العطالة غير محقق في المعالم اللاعطالية.	9

الحل

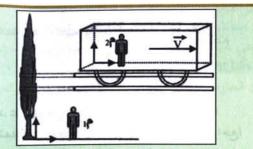
كل العبارات (أ) ، (ب) ، (ج) ، (هـ) ، (و) صحيحة.

العبارة (د) خاطئة والعبارة الصحيحة هي:

(مصعد عمارة في حالة هبوط ليس معلما سطحيا أرضيا، لأنه يتحرك بالنسبة لسطح الأرض).

التمرين 12

تتحرك عربة فوق سكة حديدية أفقية بسرعة ثابتة \tilde{v} بالنسبة لمراقب خارجي (م1) واقف في المحطة، ساكن بالنسبة للسكة.



ا/1/ السكة، هل يمكن اعتبارها معلما سطحيا أرضيا؟

2/ الراقب الخارجي م1، هل يمكن اعتباره معلما سطحيا أرضيا؟

3/ العربة، والمراقب الداخلي م2، هل يعتبر 'كل منهما معلما سطحيا أرضيا ؟

4/ بالنسبة للمعلمين (م1)، (م2)، هل نعتبر كل منهما معلما عطاليا ؟

ب/ بالنسبة للمعلمين (م1) و(م2)، كل على حدة حدد :

1/ مسار العربة

2/ سرعة العربة

3/ القوة الدافعة التي تخضع لها العربة (يهمل الاحتكاك).

ج/ ما هي النتائج الستقاة ؟

د/ تاكد من أن العلمين (م1) و(م2) متكافئين.

الحل

أ/ 1/ نعم، يمكن اعتبار السكة معلما سطحيا أرضيا فهي ساكنة بالنسبة لسطح الأرض.

2/ المراقب الخارجي (م1) واقف في المحطة، فهو إذن ساكن بالنسبة للسطح لذا نعتبره معلما سطحيا

3/ كل من العربة والمراقب الداخلي (م2)، يتحركان بالنسبة لسطح الأرض. لذا لا نعتبر أيا منهما معلما سطحيا أرضيا.

4/ المعلم (م1) هو معلم سطحي أرضي، وكما نعلم أن المعلم السطحي الأرضي يعتبر معلما عطاليا. إذن فالعلم (١٥) هو العلم عطالي.

وبما أن العلم (م2) يتحرك بسرعة ثابتة هي سرعة العربة \vec{v} بالنسبة للمعلم (م1)، إذن نعتبره معلما عطاليا.

القوة الدافعة	سرعة العربة	مسار العربة	of many five dates
$ec{F}_{l}=ec{0}$ لأن العربة تتحرك	$\vec{v}_I = \vec{v}$	مستقيم	بالنسبة للمعلم
بالنسبة لـ (م1) بسرعة ثابتة	وسا وياليسة وصاعكسيا	Contract the same tentor	(م1)

لأن العربة ساكنة

نقطة (هي نقطة تواجد العربة)

بالنسبة للمعلم (22)

ج/ النتائج الستقاة

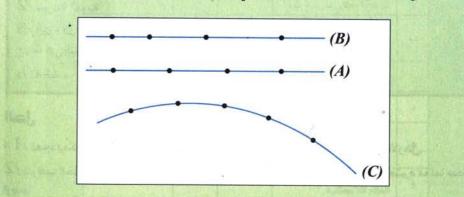
- المسار : يعتمد على المرجع (المسار يختلف باختلاف المراجع)
- السرعة : تعتمد على المرجع (السرعة تختلف باختلاف المراجع)
- القوة : لها نفس القيمة في جميع المعالم العطالية، لذا نقول إن المعالم العطالية متكافئة.

د/ في هذا التمرين لدينا $\vec{F}_i = \vec{F}_j$ إذن فالمعلمان (م $_1$) و (م $_2$) متكافئان.

التمرين 13

1/ اعط نص القانونين الأول والثالث لنيوتن العروفين بالاسمين (مبدأ العطالة) و(مبدأ الفعلين المتبادلين) على الترتيب.

2/ حدد من بين الحركات التالية الحركة التي تحقق مبدأ العطالة.



الحل

1/ نص القانون الأول لنيوتن (مبدأ العطالة)

توجد عدة نصوص كلِّها تؤدّي نفس العني إحداها هو :

في معلم عطالي إذا لم تتغير سرعة مركز عطالة جسم فإن مجموع القوى التي يخضع لها يكون معدومًا. والعكس صحيح.

- الجسم يكون وهذا يؤذي إلى أن الجسم يكون بالنسبة لعلم عطالي، وهذا يؤذي إلى أن الجسم يكون باذا لم تتغيّر $ec{v}=\overline{Cte}$ وإذا لم تتغيّر . $\sum F = 0$ اما ساكنا أو متحركا حركة مستقيمة منتظمة، وعليه فإن
 - نص القانون الثالث لنيوتن (مبدأ الفعلين المتبادلين) :

إذا أثرت جملة ميكانيكية B على جملة ميكانيكية B بقوة \vec{F}_{γ_g} فإن الجملة B تؤثر بدورها على . $ec{F}_{y_{eta}} = -ec{F}_{eta_A}:$ تساويها في القيمة وتعاكسها في الاتجاه ولها نفس الحامل أي

2/ تحديد الحركة التي تحقق مبدأ العطالة

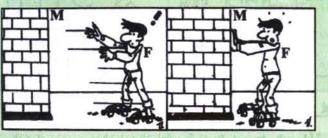
الحركة التي مسارها مستقيم وسرعتها ثابتة (الحركة المستقيمة المنتظمة) هي الحركة التي تحقق مبدأ العطالة، وهي هنا الحركة A فقط لأن الحركة B تتزايد فيها السرعة رغم أن المسار مستقيم، وبالتالي لا ينطبق عليها مبدأ العطالة.

• أما الحركة C، فإن مسارها منحن، وبالتالي شعاع السرعة يتغير في الجهة، وعليه لا تحقق مبدأ

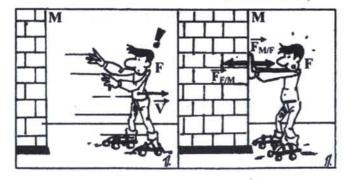
التمرين 14

تاريخية لميكانيك نبوته

ينتعل طفل F حذاء مزودا بعجلات (Patins)، يدفع بيديه جدارا M ، فيندفع هو إلى الخلف. أي من قوانين نيوتن تترجمه هذه الحالة ؟



عندما يدفع الطفل الجدار بيديه بقوة بقوة ، $ilde{F}_{F_L}$ ، بدوره الجدار يدفع الطفل بقوة مساوية للقوة السابقة في الشدة ومعاكسة لها في الاتجاه ولها نفس الحامل، وهذا ما يعرف بالقانون الثالث لنيوتن أو $|F_{F_{/M}} = -F_{M/F}|$: بمبدأ الفعلين المتبادلين

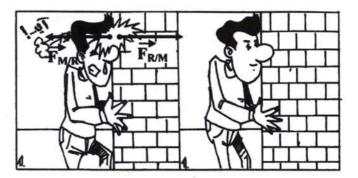


التمرين 15

يلمس طفل حائطا برأسه R ، فيشعر بلمس الحائط M له. فإذا ضرب الحائط برأسه، شعر بالألم. ما هو قانون نيوتن الذي يفسر هذه الحالة ؟

 $ec{F}_{ extit{R}_{/\!\!M}}$ الحائط M فإن رأس الطفل يؤثر في الحائط بقوة تلامس R عندما يلامس رأس الطفل Rوالحائط بدوره يؤثر على رأس الطفل بقوة تلامس $ec{F}_{_{M_R}}$ حسب مبدأ الفعلين المتبادلين. نفس المحاكمة نعطيها في حالة ضرب الحائط بالرأس، فقط مع اختلاف في شدة الفعلين المتبادلين بحيث زادت شدتهما في هذه المرة.

هذا الكلام هو ترجمة لبدأ الفعلين المتبادلين المسمى القانون الثالث لنيوتن ومنه $|\vec{F}_{R_{\!M}}|=-\vec{F}_{M_{\!R}}|$.



الذي لم يفهم مبدأ الفعلين المتبادلين، " يخبط راسو على الحيط ! ".

التمرين 16

1/ ذكر بنصّ القانون الثاني لنيوتن.

أ/ ما هي النقطة الميزة من الجملة التي يُطبق عليها القانون الثاني لنيوتن ؟ ب/ عندئذ، ما هو الاسم الآخر لهذا القانون ؟

ج/ هل هذا القانون يصلح تطبيقه في أيّ مرجع ؟ برر إجابتك.

الحل

l / نصَ القانون الثاني لنيوتن

في معلم عطالي، مجموع القوى $\sum ec{F}$ المؤثرة على جملة ميكانيكية، كتلتها m، تساوي حاصل جداء $-\sum ec{F}=mec{a}$. ويعبّر عنه رياضياتيا بالقانون $ec{a}$. ويعبّر عنه رياضياتيا بالقانون

 2/ أ/ النقطة الميزة من الجملة التي يُطبق عليها هذا القانون هو مركز عطالتها.
 ملاحظة : هذا لا يعني أن القانون لا يصلح تطبيقه على بقية نقاط الجملة، إنما قصد السّهولة، نطبقه على مركز العطالة.

ب/ لذا يسمّى القانون الثاني لنيوتن بـ (نظرية مركز العطالة).

ج/ هذا القانون يصلح تطبيقه فقط في المعالم العطالية (الغاليلية).

أمًا إذا كان العلم غير عطالي، فلكي يبقى القانون الثاني لنيوتن صالحاً، يجب إضافة قوى من نوع أخرى، تسمّى القوى العطالية.

التمرين 17

حدد الصحيح من الخطأ، وصحح العبارات الخاطئة :

جملة ميكانيكية مركز عطالتها G يتحرك بالنسبة لمرجع سطحي ارضي.

1/ هذا العلم نعتبره عطاليا بتقريب جيد.

اما يعندما تخضع لحصلة قوى معدومة $\sum \vec{F} = \vec{0}$ هذه الجملة عندما تخضع لحصلة قوى معدومة كالمام عندما الخصورة تكون إما ساكنة أو متحرّكة بحركة مستقيمة منتظمة.

قبن سرعتها تكون متغيرة. $\sum \vec{F} \neq \vec{0}$ فإن سرعتها تكون متغيرة.

لهما $ec{v}_{G}$ و $ec{F}$ النا كانت الجملة خاضعة لحصلة قوى $ec{F}$ غير معدومة ومسارها منحن فإن $ec{F}$ الهما $ec{V}_{G}$ نفس الحامل ونفس الجهة.

 $\Delta ec{v}_G$ جهة $ec{F}$ هي نفسها جهة جهه /5

 $\vec{F} = m \frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t}$ يلي ڪما يلي آھوی 6 /6

1 : صحيح ، 2 : صحيح ، 3 : صحيح ، 4 : خطأ ، والصحيح هو :

إذا كانت الجملة خاضعة لحصلة قوى $ec{F}$ غير معدومة ومسارها منحن، فإن $ec{F}$ و $ec{v}_G$ ليس لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

5 : صحيح ، 6 : صحيح.

التمرين 18

اختر الإجابة الصنحيحة، من بين الاقتراحات التالية :

1/ في معلم عطالي حركة مركز جملة ميكانيكية مستقيمة متغيرة متسارعة فإنه في أي

ار $ec{F}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

ب/ $ec{F}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل، وجهتين متعاكستين.

جر \vec{a} و \vec{F} لهما نفس الحامل والجهة.

د/ $ec{F}$ و $ec{f}$ لهما نفس الحامل وجهتين متعاكستين

2/ في معلم عطالي، إذا كانت حركة مركز عطالة جملة ميكانيكية مستقيمة متغيرة

أ V و V لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

ب/ $ilde{F}$ و $ilde{F}$ لهما نفس الحامل، وجهتين متعاكستين.

ج/ $ar{a}$ و $ar{f}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

5/ في الحركة الدائرية المنتظمة : 7/ في الحركة الدائرية المنتظمة : 7/ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

ب/ $ec{v}$ و $ec{F}$ لهما حاملان متعامدان.

جر \vec{a} و \vec{F} لهما حاملان متعامدان.

د/ $ec{a}$ و $ec{f}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

. ننبه إلى أن $ec{F}$ هي محصلة القوى التي تخضع لها الجملة المكانيكية \star

حل

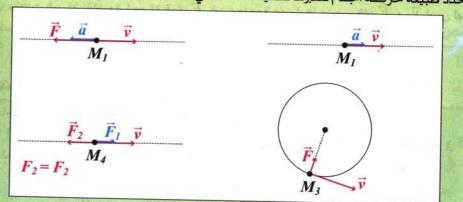
1/ الإجابات الصحيحة : ١، ج.

2/ الإجابات الصحيحة: ب، د.

3/ الإجابات الصحيحة: ب، د.

التمرين 19

حدد طبيعة حركة أجسام نعتبرها نقطية M ، مثلنا في لحظة كيفية $ec{v}$ و $ec{a}$ و لها.



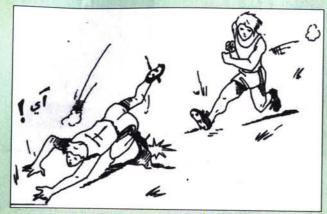
لحل

طبيعة حركة الأجسام

- المتحرك M_{I} : حركته مستقيمة متغيرة متسارعة لأن $ec{v}$ و $ec{f}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.
 - . المتحرك M_2 . حركته مستقيمة متغيرة متباطئة لأن $ec{v}$ و $ec{v}$ لهما جهتان متعاكستان.
 - المتحرك M_3 : حركته دائرة منتظمة لأن $ec{F}$ تتجه نحو مركز الدوران.
 - $ec{v}
 eq ec{0}$ و $\sum ec{F} = ec{F}_l + ec{F}_2 = ec{0}$ و المتحرك M_4 و و M_4 و المتحرك و ال

التمرين 20

طفل يجري بسرعة ثابتة وفق خط مستقيم (هذه حالة) تعثرت رجله بحجر فسقط وانسحب على الأرض ثم توقف (هذه حالة أخرى). أي الحالتين تترجم القانون الأول لنيوتن ؟ وأيهما تترجم القانون الثاني لنيوتن ؟



الحل

عندما كان الطفل يتحرك بسرعة ثابتة، وفق خط مستقيم، كانت حركته مستقيمة منتظمة بمعنى أن مجموع القوى المؤثرة عليه معدوم أي $\vec{F}=\vec{0}$ ويعتبر هذا ترجمة لبدأ العطالة العروف بالقانون الأول لنيوتن. لكنه عندما تعثرت رجل الطفل بالحجر، وسقط، ثم انسحب على الأرض حتى توقف، فإن حالة جديدة حدثت، وهي أن سرعته قد تغيرت، فنقصت من قيمة معيّنة (V) إلى أن انعدمت (0m/s) لحظة توقف الطفل عن الانسحاب، ما يدل على أن حركته أصبحت متغيرة. فلا يمكن إذن أن نفسرها بمبدأ العطالة.

 $\sum \vec{F} = m rac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهن يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهن يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو وهن يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهن يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهن يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثان يؤدي بنا إلى ڪتابة الله بنائي بنائ

إذن الحالة الأولى: نفسّرها بالقانون الأول لنيوتن. والحالة الثانية: نفسرها بالقانون الثاني لنيوتن.

لتمرين 21

تسقط كرة تنس B بسرعة \overline{v}_i قيمتها 15m/s على مضرب لاعب R وتصنع زاوية تساوي $\alpha=45^\circ$ مع مستوى المضرب ثم ترتد عنه بسرعة \overline{v}_i قيمتها $20m.s^{-1}$ وحاملها عمودي على مستوى المضرب. إذا علمت أن زمن تلامس الكرة بالمضرب هو 0,1s ،

1/ احسب قيمة تغير سرعة الكرة V.

2/ استنتج قيمة التسارع الذي اكتسبته كرة التنس لحظة التلامس.

B على الكرة R التي اثر بها المضرب R على الكرة R التي اثر بها المضرب R على الكرة R

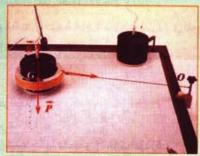
 $ec{F}_{\!\scriptscriptstyle{B_{\!/\!\!\!R}}}$ خصائص

- نقطة التأثير: النقطة من المضرب التي لامست الكرة.
 - $F_{B_{R}} = F_{R_{R}} = 32N$. الشدة
 - الحامل والجهة : موضّحان في الشكل السابق.

التمرين 22

يقول نيوتن في كتابه (المبادئ) :

(إن تغيّرات الحركة تتناسب مع القوة المحرّكة وتتم وفق النحى الذي أثرت فيه هذه القوة).

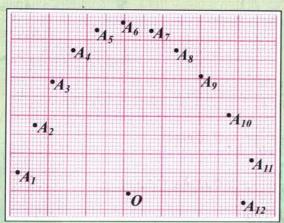


1 / عبر بلغة فيزيائية حديثة عن المصطلحات التالية التي استعملها نيوتن وهي إ

- تغيرات الحركة،
 - القوة المحركة.

ب/ إنَّ هذا القول لنيوتن، هو نصّ لأحد قوانينه الثلاثة، ما هو هذا القانون ؟ ج/ اعد صياغته بلغة فيزيائية حديثة.

2/ نريد التاكد من صحة هذا القانون من أجل ذلك نجري التجربة التالية :



في نقطة ثابتة O، نثبت خيطا مطاطيا ونربط طرفه الآخر بساق ينتهي بمفجر (éclateur)
 ويمر بمركز جسم صلب (محمول ذاتيا auto porteur) يستند على منضدة أفقية كما هو موضح في الشكل المقابل.

اي من قوانين نيوتن يسمح بذلك \S عين خصائص F_{B_R} التي تؤثر بها الكرة B على المضرب F_{B_R} التي تؤثر بها الكرة B على المضرب F_{B_R} التي تؤثر بها الكرة B على المضرب B



الحل

 Δv حساب تغير سرعة الكرة 1

 $.10m.s^{-1} \rightarrow 1\,cm$: لدينا \vec{v}_1 بنمثل \vec{v}_2 و \vec{v}_1 باختيار السلم المناسب \vec{v}_2 . \vec{v}_1 بنمثل \vec{v}_2 بنمثل \vec{v}_2 بنمثاع طوله \vec{v}_2 بنمثاع طوله \vec{v}_3 بنمثاع طوله \vec{v}_4 بنمثاع طوله \vec{v}_4

 $\Delta v=32\,m.s^{-1}$: نعین $\Delta v\to 3,2\,cm$: نعین فنجد

2/ تسارع كرة التنس a

 $a=320 m.s^{-2}$ ، $a=\frac{32}{0,1}$ ؛ اذن ، $approx \frac{\Delta v}{\Delta t}$ نعلم ان

لاحظ أن هذا التسارع كبير جدا، لأن زمن التلامس كان صغيرا جدا.

مادام عندنا قيمة Δv و Δt ، فيمكن تعيين القوة باستعمال القانون الثاني لنيوتن $ec{F}=mec{a}$

 $ec{F}_{\scriptscriptstyle R_{\!/\!_B}}$ فصائص

• نقطة التأثير : النقطة من الكرة B التي تلامس المضرب.

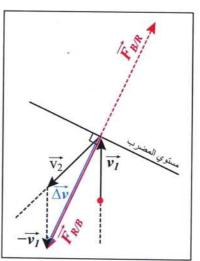
 $F_{
ho_{\!\!R}}=ma$ الشدة $F_{
ho_{\!\!R}}$: نعينها من القانون الثاني لنيوتن •

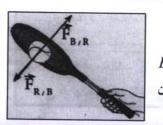
 $F_{R/B} = 0.1 \times 320 \; ; \; F_{R/B} = 32N$

• الحامل والاتجاه : هما نفس حامل واتجاه $ec{v}$ كما يلي :

32N
ightarrow 3,5cm ، مقياس رسم القوة

B التي تؤثر بها الكرة \vec{F}_{B_R} التي تؤثر بها الكرة على المضرب R هو القانون الثالث لنيوتن، أي مبدأ الفعلين المتبادلين وحسب هذا المبدأ فإن $\vec{F}_{B_R} = -\vec{F}_{B_R}$





$$2,2cm \stackrel{\text{total}}{\rightarrow} v_3 = 0,22m.s^{-1}$$

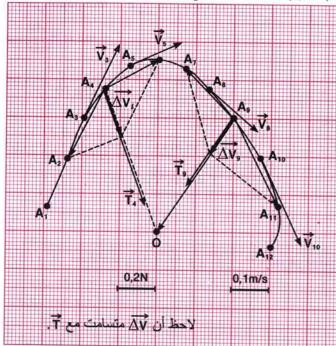
$$1.5 cm \stackrel{\text{lad}}{\rightarrow} v_s = 0.15 m.s^{-1}$$

$$1.8cm \stackrel{\text{def}}{\rightarrow} v_8 = 0.18m.s^{-1}$$

$$2.6 cm \xrightarrow{\text{quad}} v_{10} = 0.26 m.s^{-1}$$

$$\Delta v_4 = I,6\,cm$$
 : بنفس الطرق المتبعة في التمارين السابقة وبالقياس نجد

$$\Delta v_g = 0.11 m.s^{-1}$$
 : ومنه نجد $\Delta v_g
ightarrow 1.1 cm$ ومنه نجد



وة ثقل الجسم P

قوة التلامس أو ما يسمى برد فعل النضدة على الجسم \hat{R}

قوة شد الخيط الطاطى \widetilde{T}

حيث أنه لا توجد حركة للجسم وفق المحور الشاقولي فإن

$$\vec{P} + \vec{R} = \vec{0}$$

ندفع الجسم الصلب الذي كتلته m=400g ونقوم بواسطة الفجّر بتسجيل مواضع حركة مركز عطالة الجسم في فترات زمنية متساوية ومتعاقبة au=50 فنحصل على الوثيقة

(A_9) و (A_4) في الموضعين (A_4) المعاع تغير السرعة $\Delta \vec{v}$ في الموضعين (A_4) و (A_4) $1cm o 0, 1m.s^{-1}$ لركز عطالة الجسم. خذ السلم

ب/ احص القوى المؤثرة على الجسم (المحمول ذاتيا) أثناء الحركة وبيّن أن محصّلة هذه القوى تؤول إلى قوة شد الخيط الطاطي (\vec{T}) .

 $\circ \Delta \vec{v}$ اتجاه \vec{T} ينطبقان على حامل واتجاه

د/ بالاستعانة بنتائج الوثيقة عين قيمة قوة شد الخيط (T) في الموضعين (A_4) و (A_9) .

ب/ تحقق من صحة القانون الثاني لنيوتن.

1/ أ/ المصطلح: تغيرات الحركة

يُعبَر عنه حاليا بتغيرات السرعة ٧٠٠ .

مصطلح القوة المحرّكة يعبر عنه حاليا بمجموع القوى المؤثرة.

ب/ هذا النص هو للقانون الثاني لنيوتن.

ج/ نص القانون الثاني لنيوتن بلغة فيزيائية حديثة :

في معلم عطالي، مجموع القوى $\sum \tilde{F}$ المؤثرة على جملة ميكانيكية كتلتها (M)، تساوى حاصل $\sum \vec{F} = m \vec{a}_G$ جداء كتلتها في تسارع مركز عطالتها . ويعبّر عنها رياضيا بالقانون .

 $\Delta \vec{v}_{10}$ و $\Delta \vec{v}_{4}$ و مائص ΔV_{10}

$$\Delta \vec{v}_4 = \vec{v}_5 - \vec{v}_3$$
 نعلم ان

$$ec{\Delta} \vec{v}_g = \vec{v}_{I0} - \vec{v}_8$$
 ڪما اُن

.
$$\vec{V}_{10}$$
 و \vec{V}_8 وايضا \vec{V}_5 و \vec{V}_3 ويثن فيم لذا يجب تعيين قيم

$$v_3 = \frac{A_2 A_4}{2t} = \frac{2.2 \times 10^{-2}}{2 \times 50.10^{-3}} = 0.22 \text{m.s}^{-1}$$
 $v_5 = \frac{A_4 A_6}{2\tau} = \frac{1.5 \times 10^{-2}}{2(50.10^{-3})} = 0.15 \text{m.s}^{-1}$
 $v_8 = \frac{A_7 A_9}{2\tau} = \frac{1.8 \times 10^{-2}}{2(50.10^{-3})} = 0.18 \text{m.s}^{-1}$
 $v_{10} = \frac{A_9 A_{11}}{2\tau} = \frac{2.6 \times 10^{-2}}{2(50.10^{-3})} = 0.26 \text{m.s}^{-1}$

، نمثل في المسار السرع $ec{v}_s$ ، $ec{v}_s$ المثل في المسار السرعة وهو

 $0.1 \text{m.s}^{-1} \rightarrow 1 \text{cm}$

$$2,2cm \stackrel{\text{pull}}{\rightarrow} v_3 = 0,22m.s^{-1}$$

$$1.5 cm \stackrel{\text{pull}}{\rightarrow} v_5 = 0.15 m.s^{-1}$$

$$1.8cm \stackrel{\text{pull}}{\rightarrow} v_8 = 0.18m.s^{-1}$$

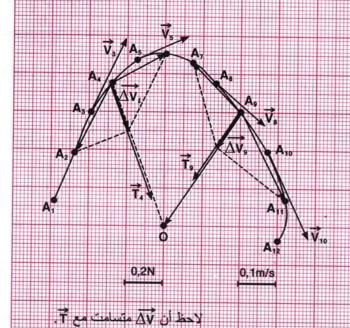
$$2,6 cm \xrightarrow{\text{pull}} v_{10} = 0,26 m.s^{-1}$$

$$I_4 = 1,6cm$$
 : نفس الطرق المتبعة في التمارين السابقة وبالقياس نجد

$$\Delta v_4 = 0.16 m.s^{-1}$$
 : وباستعمال مقياس رسم السرعة نجد

$$\Delta v_g = 0.11 m.s^{-1}$$
 : ومنه نجد $\Delta v_g
ightarrow 1.1 cm$ ومنه نجد

أمًا حاملًا اتجاهي $\Delta \vec{v}_q$ و $\Delta \vec{v}_q$ فهما ممثلان في الوثيقة المرفقة.



ب/ إحصاء جميع القوى المؤثرة على الجسم المتحرك

تاريخية لميكانيك نيوتن

الجملة: الجسم (A)

- المرجع: الأرض.
- العلم : (O, \vec{k}) معلم سطحي أرضي نفترضه عطاليا.
 - \vec{T}'_2 , \vec{T}_1 , \vec{P}_A : القوى الخارجية
- القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجسم لا نمثلها لأنها لا تؤثر في حالة توازنه

بما أن الجملة في حالة توازن، إذن نطبَق القانون الأول لنيوتن ؛

$$\vec{P}_A + \vec{T}_I + \vec{T}'_2 = \vec{0}$$
 فیکون: $\sum \vec{F} = \vec{0}$

 $-P_{\rm A}+T'_2+T_{\rm I}=0$: بالإسقاط على معلم الحركة (O,\vec{k}) نجد $T_{\rm I}=P_{\rm A}+T'_2$. اي :

$$(1)$$
 $T_{I} = m_{A}g + T'$ اذن: $P_{A} = m_{A}g$ لكن

(B) الجملة : الجسم

- \cdot العلم \cdot (O, \vec{k}) .
- . $\vec{P}_{\scriptscriptstyle B}$ ، $\vec{T}_{\scriptscriptstyle 2}$: القوى الخارجية
- القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

 $\sum \vec{F} = \vec{0}$; $T'_2 + \vec{P}_B = \vec{0}$: بما أن الجملة في حالة توازن، إذن : $T_2 = m_B g$. بالإسقاط على المعلم $T_2 = m_B g$ نجد : $T_2 = m_B g$ وبالتالي : $T_2 = m_B g$ لأنهما قوتا الشد على نفس الخيط..

 $T_{l}=m_{A}g+m_{B}g$: نعوَض عن T_{2} ب T'_{2} وهذه ب T_{2} في المعادلة $T_{1}=(m_{A}+m_{B})g$: ومنه

تطبيق عددي :

$$T_2 = 0.2 \times 9.8 = 1.96N$$
. $T_1 = (0.1 + 0.2) \times 9.8 = 2.94N$

ملاحظة هامة

كنا سنجد نفس النتائج لو كانت الجملة في حركة مستقيمة منتظمة (بسرعة ثابتة).

2/ حساب توتري الخيطين إذا كانت الجملة في حالة صعود بتسارع 2/4m/s²

 $\sum ec{F} = m ec{a}$ بنفس الطريقة السّابقة، فقط نطبّق القانون الثاني لنيوتن

• فبالنسبة للجملة (A) نجد معادلة تشبه المعادلة (1) بإضافة m_A إلى الطرف الأيمن :

$$T_1 = m_A g + T'_2 + m_A a$$

PA

$$T_1 = m_A(a+g) + T'_2 \dots (1')$$

وبالنسبة للجملة (B) : بنفس الطريقة نجد :

$$T_2 = m_B (a+g).....(2')$$

تماريه خاصة بمقاربة

$$\sum ec{F} = ec{P} + ec{R} + ec{T}$$
 کے $ec{F} = ec{T}$ یکن $ec{P} + ec{R} = ec{0}$ یکن

 \vec{T} . أي أنّ القوة الوحيدة التي تعمل على تغير حركة الجسم هي قوة شد الخيط المطاطي

 $\Delta \vec{v}_4$ من المعلوم أن حامل T هو الخيط المطاطي نفسه، وبالرجوع إلى الوثيقة السابقة نلاحظ أن عمل حامله هو الخط المستقيم ΔV_4 الذي هو الخيط المطاطي نفسه، فنستنتج أن ΔV_4 له نفس حامل حمد ΔV_4 الذي هو الخيط المطاطي نفسه، فنستنتج أن ΔV_4 الذي هو الخيط المطاطي نفسه، فنستنتج أن ΔV_4 الذي هو الخيط المطاطي نفسه، فنستنتج أن ΔV_4 الذي هو الخيط المطاطي نفسه، فنستنتج أن ΔV_4 الذي هو الخيط المطاطي نفسه، فنستنتج أن ΔV_4 الذي المحمد أن المحمد المطاطي نفسه المحمد المحمد

كذلك \vec{v}_g حاملها هو الخط المستقيم O ، أي الخيط المطاطي نفسه. إذن نستنتج أن \vec{V}_g له نفس حامل وجهة \vec{T} ، وهذا ما ينطبق مع نص القانون الثاني لنيوتن.

د/ تعيين قوة شد الخيط (T)

 $ec{T}=mec{a}$ إذن $\sum ec{F}=mec{a}$ الثاني لنيوتن

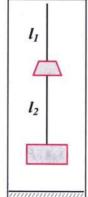
$$T = ma = m\frac{\Delta v}{\Delta t}$$
 بالإسقاط نجد :

$$T = m \times \frac{\Delta v_4}{2\tau} = \frac{0.4 \times 0.16}{2(50 \times 10^{-3})}$$
 : (A₄) ي الموضع

T = 0,64N

 $T = m \times \frac{\Delta v_g}{2\tau} = \frac{0.4 \times 0.11}{2(50 \times 10^{-3})} : (A_g)$ في الموضع T = 0.44N

التمرين 23



يعلّق جسمان (A) و (B) كتلتاهما m_A =100g و m_B =200g كما هو موضّح في الشكل المقابل. نهمل كتلة خيطي التعليق l_2 و l_2 .

احسب قيمة توتري الخيطين في الحالتين:

1/ جملة الجسمين والخيطين في حالة توازن.

2/ الجملة في حالة صعود نحو الأعلى بتسارع a=4 m/s².

g=9,8N/kg يؤخذ

الحل

 أ حساب قيمة توثري الخيطين إذا كانت الجملة في حالة توازن نبدأ بتمثيل القوى على الجملة.

من الأحسن أن ندرس كل جسم وحده.

$$T_1 = m_A(a+g) + m_B(a+g)$$

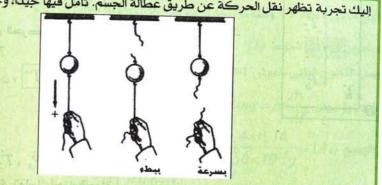
 $T_1 = (m_A + m_B)(a+g).....(3)$

تطبيق عددي:

$$T_1 = (0,1+0,2)(9,8+4) = 4,14N$$
 $T_2 = 0,2(9,8+4) = 2,76N$

التمرين 24

إليك تجربة تظهر نقل الحركة عن طريق عطالة الجسم. تامل فيها جيّدا، وحاول تفسيرها.

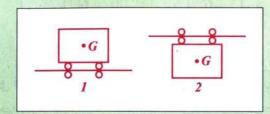


سنوجهك توجيها بسيطا وعليك أن تفكر حبِّدا في أهميَّة المسألة :

- . $T_2 T_1 + P = ma$: حاول أن تستفيد من التمرين السّابق، وأن تجد العلاقة التالية : حاول أن تستفيد من التمرين السّابق
 - . $T_1 > T_2$ اذا كانت الحركة سريعة يكون a كبيرا، وبالتالي ستجد أن
 - $T_1 < T_2$ وإذا كانت الحركة بطيئة يكون a صغيرا، وبالتالي ستجد أن

التمرين 25 (وضعية ادماجية)

ذهب التلميذان " أمزيان" و" أمقران " إلى حديقة التسلية، فأدهشتهما حركة العربة في مضمارها لللتوي للسمّى بالجبال الرّوسية (Montagnes russes)، وزاد من حيرتهما عدم سقوطها وسقوط ركّابها من قمم للسارات الدائرية الواقعة في مستويات شاقولية. فاستفسرا العون للسؤول عن حركة العربة فقال لهما إن العربة مزودة بعجلات إضافية ثدعى عجلات الأمان، تضمن التلامس النائم بين العربة والسكة مهما كانت وضعية العربة في للضمار، كما هو موضّح في التموذج للمثل بالشكلين 1 و2.



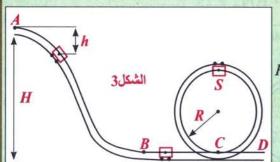
لكن أسئلة كثيرة شغلت بالهما، وهي أن العربة ليست مزودة بمحرّك، فكيف لها أن تنتقل عبر مضمارها الطويل؟ فَمن أين لها هذه الطاقة الكافية لحركتها؟ وهل تتمكّن من متابعة حركتها في للسارات النائرية الشاقولية في حالة ما إذا نزعنا منها عجلات الأمان؟

أجابهما العون بأن العربة مزودة بقوة دفع آلى (أوتوماتيكي)، وأنه من وجهة نظر فيزيائية بحتة يُمكن للعربة بشكل حرّ أن تستغني عن قوّة الدّفع الآلية، وأن تتحرّك في مضمارها، فقط يجب أن تنطلق من ارتفاع كبير.

وطلب العون من التلميذين "أمزيان" و "أمقران " أن يحلاً هذه المسألة الفيزيائية وزودها بالتموذج

المثل في الشكل 3.

H = 12m ، منحن ، AB الجزء الجزء BC : مستقيم وافقى. R=3,80 دائري نصف قطره CSC دائري نصف الجزء CD ، مستقيم افقى. صتلة العربة : m = 200kg $g = 9.80 \text{ms}^{-2}$



1/ التأكد من حركة العربة في المضمار ABCSCD بدون محرك

تترك العربة لحالها انطلاقًا من الموضع A بدون سرعة ابتدائية، يهمل الاحتكاك.

1/ قدر الطاقة الكلية لجملة (العربة + الأرض).

2/ استنتج سرعة العربة في الموضع C.

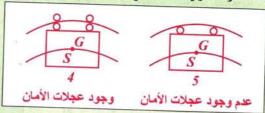
3/ا/تأكد من أن العربة يمكنها أن تبلغ القمة 8 للمسار الدائري الشاقولي.

ب/استنتج مقدار سرعتها ٧٠.

الشكل3

4/ تاكد من أن العربة تتحرّك في مضمارها ABCSCD دون محرّك.

S التاكد من أن العربة لا تسقط شاقوليا عند القمة Π نقترح التأكِّد من أن سرعة العربة تكون كافية لأن تبقى العربة في تلامس مع السكَّة، عندما يمرّ مركز عطالتها من قمّة المسار الدّائري S ، حتى في غياب عجلات الأمان (الشكلين 4 و5).



رسم الشكل 5 ومثل في G القوى الخارجية المؤثرة على جملة العربة.

. S عند مروره بالقمة G عين حامل وجهة وقيمة التسارع \ddot{a}_{s} لمركز عطالة العربة العربة G عند مروره بالقمة \ddot{a}_{s}

 \vec{g} و \vec{a}_S برا قارن بین

العربة. N استنتج خصائص رد فعل السكة N على العربة. N

ب/ تاكّد من أن جهة \vec{N} تسمح للعربة بالحركة على المسار الدائري دون أن تحتاج إلى عجلات الأمان، وبالتالي لا تسقط العربة شاقوليا.

التأكِّد من حركة العربة في المضمار

1/ الطاقة الكلية لجملة (العربة + الأرض) ABCSCD بدون محرّك

$$E_{\scriptscriptstyle A} = E_{\scriptscriptstyle C_{\scriptscriptstyle A}} + E_{\scriptscriptstyle P_{\scriptscriptstyle A}}$$
: في الموضع

الطاقة الحركية للعربة تعطى بالعبارة : E_{C_A}

$$E_{C_A} = \frac{1}{2} m v_A^2$$

(نطاقت العربة من A بدون سرعة ابتدائية) $v_{_{A}}=0\,{\rm ms}^{-1}$ لكن

 $E_{C_{I}}=0J$: إذن

باعتبار سطح $E_{P_A}=mgH$ باعتبار سطح : الطاقة الكامنة الثقالية لجملة (العربة + الأرض)، عبارتها هي $E_{P_A}=mgH$ $E_{\scriptscriptstyle A} = mgH + 0$: الأرض هو المستوي المرجعي للطاقة الكامنة الثقالية، إذن

 $E_A = 23520J = 23,52 \, KJ$ $E_A = 200 \times 9,8 \times 12$ بالتعويض نجد $E_A = 200 \times 9,8 \times 12$

Cسرعة العربة في الموضع 2

بما أن الاحتكاك مهمل، فإننا نعتبر جملة (العربة +الأرض) جملة معزولة طاقويا وبالتالي نستعمل $E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle C}$: مبدأ انحفاظ الطاقة

 $E_{\scriptscriptstyle C}=E_{\scriptscriptstyle cC}+E_{\scriptscriptstyle pC}$: لكن الطاقة الكلية في الوضع C اي $E_{\scriptscriptstyle C}$ نعيّنها كما يلي

. C لأنه لا يوجد ارتفاع بين العربة ومستوى سطح الأرض في الموضع $E_{
ho C}=0J$

$$v_C = \sqrt{\frac{2E_{cA}}{m}}$$
 : ومنه $\frac{1}{2}mv_C^2 = E_{cA}$ اذن $E_{cC} = \frac{1}{2}mv_C^2$

$$v_C = 15,3 ms^{-1}$$
 ، $v_C = \sqrt{\frac{2 \times 23,52}{0.2}}$: نعوض فنجد

 $u_{\scriptscriptstyle S} > 0$. يجب أن تكون سرعتها عند هذه القمة موجبة، بمعنى S القمة موجبة، بمعنى S $E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle S}$: S و A نطبق مبدأ انحفاظ الطاقة بين الموضعين

$$E_{\scriptscriptstyle S} = E_{\scriptscriptstyle pS} + E_{\scriptscriptstyle cS}$$
 لکن

$$E_{pS}=mg\left(2R
ight)$$
 بذن , $h=SC=2R$ مع $E_{pS}=mgh$

$$E_{S} = mg(2R) + \frac{1}{2}mv_{S}^{2}$$
 : اذن $E_{cS} = \frac{1}{2}mv_{S}^{2}$

$$V_S^2 = 2g(H-h)$$
 ، $mgH = mgh + \frac{1}{2}mV_S^2$ ومنه

. S بما ان H>h فان $V_{\mathcal{S}} \geqslant 0$ ، وعليه فان العربة يمكنها أن تبلغ القمة

 V_S — V_S — V_S

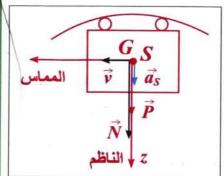
$$v_{\rm S} = \sqrt{2g(H-h)}$$
 : نعوَض في العبارة السّابقة

$$g = 9.8 ms^{-2}$$
; $h = 2R = 2 \times 3.80 = 7.6 m$; $H = 12 m$

$$v_S \approx 9.3 ms^{-1}$$
, $v_S = \sqrt{2 \times 9.8(12 - 7.6)} \approx 9.29$

4 هذه الثتائج تثبت أن العربة تتحرّك في مضمارها ABCSCD دون أن تحتاج إلى محرّك بدليل أنها عندما انطلقت من الارتفاع H=12m وصلت القمّة S بسرعة $V_S \neq 0$ فلو لا وجدنا ان $v_{\scriptscriptstyle S}$ قيمته تعطى بجذر تربيعي سالب وهذا مرفوض فيزيائيا، وبالتالي لا H < h = 2Rيمكن للعربة أن تبلغ القمّة S .

تماريه خاصة بمقاربة



S التأكد من أن العربة لا تسقط شاقوليا عند القمة S 1 تمثيل القوى الخارجية على جملة العربة

G من مركز عطالة العربة $ec{N}$ من مثل القوتان

. قوة ثقل العربة، حاملها شاقولي. $ec{P}$

فعل السكّة في العربة، ويكون ناظميا (عموديا على مماس $ec{N}$. المسار النائري) بإهمال الاحتكاك.

 $\vec{a}_{\scriptscriptstyle S}$ تعيين حامل وجهة وقيمة التسارع /1/2

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}_{\scriptscriptstyle S}$$
 نطبق القانون الثاني لنيوتن:

دائما حامله شاقولي نحو الأسفل: $ec{P}$

نن عامله شاقوليا. اذن S بعدم وجود الاحتكاك يكون ناظميا على مماس المسار، وفي النقطة S يكون حامله شاقوليا. اذن حامل المحصّلة $(\vec{P}+\vec{N})$ هو شعاع شاقولي، فنستنتج أن حامل \vec{a}_S شاقولي، وجهته بجهة $(\vec{P}+\vec{N})$ نحو الأسفل.

. وقيمة a_N حيث $a_N = \frac{v_S^2}{R}$ والتسارع التاظمي a_N عيث $a_S = a_N = \frac{v_S^2}{R}$

$$a_{s} \approx 22.8 \, ms^{-2}$$
 ، $a_{s} = \frac{(9.3)^{2}}{3.8}$ إذن

 \vec{g} المقارنة بين \vec{a}_S و

- . لهما نفس الحامل (الشاقول).
- لهما نفس الجهة (نحو الأسفل).
- $g=9,8ms^{-2}$ و $a_{\scriptscriptstyle S}=22,8ms^{-2}$ شدتاهما مختلفتان

 $ec{N}$ خصائص رد فعل السكة $ec{N}$

 $ec{P} + ec{N} = m ec{a}_{\scriptscriptstyle S}:$ حسب قانون الثاني لنيوتن

 $P+N=ma_{S}:\left(Oz\right)$ بالإسقاط على المحور

$$N = m(a_S - g)$$
 , $N = ma_S - mg$, $N = ma_S - P$!

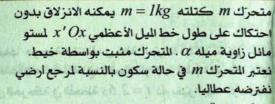
N = 2600N ، N = 200(22,8-9,8) : نعوض عدديا فنجد

أما جهة $ec{N}$ وحامله فهو شاقولي نحو الأسفل، كما قلنا سابقا.

ب/ إن جهة \overline{N} نحو الأسفل كما أحبنا في السّؤال السّابق يؤكّد على أنّ السكة تضغط على العجلات السفلى كأنها تمسك بها، دونما حاجة إلى عجلات الأمان، وبالتالي لا تسقط العربة شاقوليا.

التمرين 26

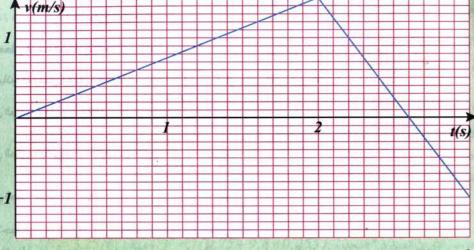
تاريخية لميكانيك نيوتني



في اللَّحظة t=0 يُسحب الخيط نحو الأعلى بموازاة

 $. \vec{F}$ فيؤثر بدوره على المتحرّك m بقوّة x' O x

. m للمتحرك v=f(t) ينقطع الخيط. ثمثل الوثيقة للرفقة مخطط السرعة v=f(t) للمتحرك v=t



1/ استنتج من البيان (دون حساب) طبيعة وجهة حركة m.

احسب قيمة التسارعa في كل طور.2

3/ ما هي المسافة التي قطعها المتحرك في كل طور؟

لخيط. قبل انقطاع الخيط. $ar{F}$ فبل انقطاع الخيط. 2

 $g = 9,80 \text{ms}^{-2}$ يؤخذ

الحل

1/ طبيعة الحركة وجهتها

حسب مخطّط السّرعة المعطى فان المتحرّك M يمرّ بمرحلتين في حركته.

 $0s \le t \le 2s$. الطور الأول •

Hard_e

سرعة المتحرّك تزداد بانتظام وقيمها موجبة (تزداد دالة السّرعة V(t) بشكل خطي)، وعليه فإن حركته مستقيمة متغيّرة بانتظام متسارعة، في الاثجاه الموجب لمعلم الحركة (أي أنّ المتحرّك في حالة صعود).

 $2s \le t \le 2,6s$. الطور الثاني $t \le 2,6s$

سرعة المتحرّك M تتناقص بانتظام، وقيمها موجبة (تتناقص دالة السَرعة v(t) بشكل خطي)، وعليه فإن حركته مستقيمة متغيّرة بانتظام متباطئة، في الاثجاه الموجب لمعلم الحركة (أي أن المتحرّك ما زال في حالة صعود)، ويتوقّف عن الحركة في اللّحظة t=2,6s ثم يغيّر جهة حركته.

 $2,6s \le t \le 3,0s$. الطور الثالث •

سرعة المتحرّك M تزداد بانتظام (بالقيمة المطلقة). وقيمها سالبة وعليه فانَ الحركة مستقيمة متغيّرة بانتظام متسارعة، لكن في الاتجاه السّالب لمعلم الحركة (أي أنَ المتحرّك في حالة هبوط).

2/ حساب قيمة التسارع a في كلّ طور

 $a=rac{dv}{dt}$ يعطى قيمة التسارع اللّحظي a للمتحرّك M بعبارة مشتق السّرعة بالنسبة للرّمن، أي تعطى قعطى قيمة التسارع اللّحظي a

. بيانيا a يمثل بميل مخطط السّرعة v=f(t) في كلّ طور من أطواره.

$$a_1 = \frac{1,5-0}{2-0} = 0,75 ms^{-2}$$
 . في الطور الأوّل $a_2 = \frac{0-1,5}{2,6-2} = -2,5 ms^{-2}$.

$$a_3 = \frac{-1-0}{3-2.6} = -2,5 ms^{-2}$$
 . في الطور الثالث

لاحظ أن $a_2 = a_3$ لأن لقطعتي الستقيمين نفس الميل

ملاحظة هامّة: قد يعتقد التلميذ أنّ الطّور 2 هو نفسه الطور 3، لأنّ لهما نفس التسارع، فهذا غير صحيح لأنّ في الطور 2 يكون المتحرّك في الجهة الموجبة للحركة، ويتوقّف في اللّحظة t=2,6s ثم يغيّر جهة حركته، ويتغيّر في الاتجاه السّالب للحركة.

3/ حساب المسافة القطوعة في كلّ طور

• في الطور $I_1: I_2$ عدديا مساحة الشكل الذي يحصره مخطّط السّرعة مع محور الرّمن.

$$\frac{1,5\times2}{2}=\frac{100}{2}$$
 إذن: $d_1:0$ الثالث = عدديا مساحة الثالث = $d_1:0$

 $d_1 = 1,5m$

$$d_2 = 0,45m$$
 : اي $d_2 = \frac{1,5 \times 0,6}{2}$: II وفي الطور •

$$d_3 = 0,2m$$
 : ای الطور $d_3 = \frac{\left|-1\right| \times 0,4}{2}$: III في الطور

 $ec{F}$ إيجاد قيمة القوة $ec{A}$

تاريخية لميكانيك نيوتك

- الجملة : المتحرّك M
- العلم : (x'Ox) معلم سطحي أرضي، نفترضه عطاليا.
 - القوى الخارجية :

القوّة المؤثرة على الخيط، \vec{F}

شقل المتحرّك: \hat{P}

. فعل المستوى المائل على المتحرِّك وهو ناظميا على المستوي المائل لعدم وجود احتكاك.

$$ec{P}+ec{F}+ec{R}=mec{a}$$
 ، إذن ، $\sum ec{F}=mec{a}$ ، نطبق القانون الثاني لنيوتن

 $F=ma+mg\sin lpha$ ومنه: $-P\sin lpha+F=ma$ ومنه: بالإسقاط على معلم الحركة

$$F = m(a + g \sin \alpha)$$
.....*

 $g=9,80 ms^{-2}$ ، m=0,1 kg ؛ ولدينا أيضا $a=a_1=0,75 ms^{-2}$ ؛ في لطور الأوَل

لكن lpha زاوية مجهولة يجب تعيينها من الطور الثاني لأنَ F=0 وذلك لأنَ الخيط انقطع، أمّا في الطور الأوّل فقيمة F مجهولة.

$$0 = m(a_2 + g \sin \alpha)$$
 : نضع $F = 0N$ في العبارة $F = 0$ السّابقة فنجد

$$\sin \alpha = \frac{-(-2,5)}{9,8} = 0,255$$
 . این $\sin \alpha = \frac{-a_2}{g}$. ومنه $a_2 = -g \sin \alpha$ این

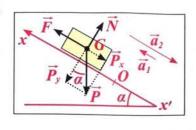
$$F = 3,25N$$
 ومنه : $F = 1(0,75+9,8\times0,255)$ ومنه : $F = 1(0,75+9,8\times0,255)$

النمرين 27 (وضعية ادماجية)

وُجد احد علماء الفيزياء داخل مصعد متجانس تماما، ولا توجد به فتحة يراقب من خلالها حركة الصعد بالنسبة للعمارة. بإحدى نقاط الصعد توجد ربيعة في وضع شاقولي مثبت به جسم كتلته m.

في البداية كان المصعد متوقفا، فلأحظ العالم أن القيمة التي تشير إليها الربيعة هي 2,4N. ولمّا انطلق المصعد نحو الأسفل شعر الشّخص لمدة وجيزة بخفّة وزنه، ولاحظ أن الربيعة تشير إلى إحدى القيم 2,0N، 2,4N و 3N و وبعد بعض الدقائق، لاحظ أن الربيعة تشير إلى القيمة 0N فشعر بخوف شديد، لأنه استنتج عندها تغيّر حركة المصعد، وبالتالي فسرّه بحدوث أمر

ما للمصعد، فاراد أن يتأكِّد من ذلك، وكان الرّجل يحمل معه كتابا، فتركه يسقط من يده، فلاحظ عندها أنّ الكتاب بقي معلّقا في مكانه. عنّدها اتصل هاتفيا بالصلحة المختصّة بالصاعد.



1/ استنتج قيمة الكتلة m للجسم العلق بالربيعة.

1/2 كيف تفسّر أنّ العالم شعر بخفّة وزنه ؟

ب/ حدّد القيمة التي أشارت إليها الرّبيعة في الطّور الثاني من حركتها، واستنتج حينئذ تسارع حركة الصعد.

3/أ/ ماذا يعني كون الربيعة أشارت إلى القيمة ON.

ب/ لماذا شعر العالم بالخوف؟ هل تخوّفه كان في محلّه؟

ج/ كيف تفسر بقاء الكتاب عالقا في الكان الذي ترك منه ليسقط؟

 $g = 10N.kg^{-1}$

الحل

1/ استنتاج قيمة الكتلة m للجسم المعلّق بالربيعة • الجملة : الجسم m .

• المعلم : (O,k) سطحي أرضي نفترضه عطاليا.

 \vec{T} القوى الخارجية : ثقل الجسم \vec{P} وقوة الإرجاع

بما أنّ الصعد موقف فإنّ الجملة في حالة توازن، وحسب مبدأ العطالة

$$ec{P}+ec{T}=ec{0}$$
 : الدينا $ec{P}+ec{T}=ec{Q}=ec{Q}$ الدينا

T=P . ومنه +P-T=0 بالإسقاط على معلم الحركة

$$m = \frac{T}{g}$$
 لكن $T = mg$ اي $T = mg$ لكن

T=2,4N القوة التي تحدّدها قيمتها الرّبيعة هي القوة $ec{T}$ وعليه فإن

$$m=rac{2,4}{10}$$
 وفي نهاية التمرين أعطي $g=10N.kg^{-1}$ ، نعوُض فنجد

1/2/ لتفسير شعور العالم بخفة وزنه لدة صغيرة، نستعرض القوى المؤثرة عليه.

- الجملة : الشخص الذي نفترض أنّ كتلته هي M.
- المعلم : (O, k) معلم سطحي أرضي نفترضه عطاليا.

. ثقل الشخص \vec{P}_l بحيث $\vec{R}=M\vec{g}$ ، وفعل أرضية المععد \vec{R} على الشخص نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز العطالة $ar{G}$ للشخص :

حيث $ec{a}$ التسارع الذي انطلق به الشخص، وهو نفس تسارع $ec{a}$ $\vec{P}_{l}+\vec{R}=M\vec{a}$: المعد، إذن

 $+P_{l}+R=Ma:$ وبالإسقاط على معلم الحركة $(O,\vec{k}\;)$ نجد $R = P_I - Ma$: نن

R = M(g-a) وبما ان $P_l = Mg$ ، إذن R = Mg - Ma ومنه ، $P_l = Mg$

نجري المناقشة التالية :

• إذا كان الصعد ساكنا أو متحرّكًا حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة للمعلم (O, \hat{k}) فإن ومنه R = Mg ، R = M(0+g) ، ومنه $a = 0 ms^{-2}$

• إذا كانت حركة المعد مستقيمة متغيرة بانتظام متسارعة فان جهة \vec{a} بجهة معلم الحركة، وبالتالي تكون قيمة a موجبة وهنا يؤدي إلى R < Mg ، أي أن الشخص بشعر بثقل ظاهري أقل من ثقله الحقيقي وهذا هو تفسير شعوره بخفّة وزنه.

ب/ القيمة التي أشارت إليها الرّبيعة

 $ec{P}+ec{T}=Mec{a}$ إذن $\sum ec{F}_{ext}=Mec{a}$ ؛ نطبَق القانون الثاني لنيوتن على جملة الجسم المعلَق بالرّبيعة T=mg-ma : اي T=P-ma : اي P-T=ma اي بالإسقاط على معلم الحركة وبالتالى: T = m(g - a)

لاحظ أن T < mg = 2,4N ، فناخذ من بين القيم المعطاة القيمة T < mg = 2,4Nتشير إليها الرّبيعة لأنه إذا كان T=3,0N فيجب أن يكون T>mg ، وهذا غير وارد حسب معطيات

a باستنتاج قيمة تسارع حركة المعد

$$a = \frac{mg - T}{m}$$
 ابدن $a = \frac{P - T}{m}$ نجد : $P - T = ma$ ابدن $a \approx 1,67 \, \text{ms}^{-2}$ ، $a = \frac{0.24 \times 10 - 2.0}{0.24}$: نعوض فنجد

 $T=\theta N$ عندما تشير الربيعة الى القيمة θN معناه /1/3

وهذا يؤدي إلى $a=\frac{mg-0}{a}$ اي تسارع المصعد a أصبح مساويا لتسارع حقل جاذبية $a=\frac{mg-0}{a}$ الأرض g ، وكأنّ المعد في حالة سقوط حرّ.

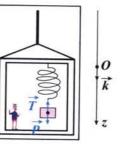
ب/ سبب شعور العالم بالخوف

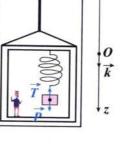
لًا رأى العالم أن الرّبيعة تشير إلى 0N أدرك أن المصعد في حالة سقوط حرّ، فتوقّع أن الكوابل التي تشدّ المصعد قد انقطعت، لذلك شعر بالخوف، وقد كان تخوّفه في محلّه.

ج/ عندما يترك جسم مثل الكتاب ليسقط في مقصورة المصعد، وكان المصعد في حالة هبوط أو صعود بتسارع a < g فإن الكتاب حتما سيسقط على أرضية المعد.

أمًا إذا كان المعد في حالة سقوط حرّ بتسارع a=g وتركنا الكتاب يسقط دون إعطائه سرعة ابتدائية، فانَ الكتاب أيضا سيكون في حالة سقوط حرّ وبتسارع هو نفسه تسارع جاذبية الأرض، ولذا يكون في حركة نسبية معدومة بالنسبة للمصعد، فيظهر وكانه عالق في مكان سقوطه.

وهذا ما تأكِّد منه العالم ... فأيّ نهاية تنتظر عالمنا هذا ؟!!!...





أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

 $\vec{a} = 0 \vec{T} + v \times \frac{v}{R} \vec{N}$! إذن نكتب

$$\vec{a} = \vec{a}_N = \frac{v^2}{R}\vec{N}$$
 : \vec{a} عبارة ومنه نجد عبارة

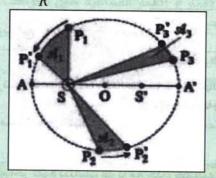
لاحظ أن جهة $ar{a}$ بجهة الشعاع الناظم N الذي هو يتجه دوما نحو مركز الدوران (O) لذا يقال عن التسارع في الحركة الدائرية المنتظمة إنه (تسارع مركزي centripète) (أو تسارع ناظمي).

$$v = rac{2\pi R}{T}$$
 اي $V = rac{2\pi R}{T}$ اي

تعطى قيمة السرعة اللحظية بالعبارة

2 قواني*ن ڪ*بلر

- ◄ القانون الأول (1609 م): يدور كل كوكب حول الشمس في الاتجاه المباشر في مسار على شكل قطع ناقص، حيث تقع الشمس في أحد محرقيه (بؤرتيه).
- ◄ القانون الثاني (1609 م): يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.
- ◄ القانون الثالث (1619 م): يتناسب مربع الدور الزمني T للكوكب حول الشمس مع مكعب $\frac{1}{R^3} = k$ خصف طول المحور الكبير R لمداره، اي ان مقدار ثابت



3 قانون الجذب العام

- ◄ كما سبق أن قلنا فإن العالم كبلر بقوانينه الثلاثة، استطاع أن يصف حركة الكواكب وصفا دقيقا (وصفا حركيا لا وصفا ديناميكيا).
- ◄ فالقانون الأول ينص على أن مدار الكوكب يكون على شكل قطع ناقص، وكحالة خاصة نفرض أن السار دائري (للعلم فإن الدائرة هي حالة خاصة من القطع الناقص في حالة انطباق المحرقين

$$a=rac{v^2}{R}$$
 البؤرتين) في مركز الدائرة). وعليه نعتبر أن حركة الكوكب دائرية منتظمة، تسارعها

Hard_equation

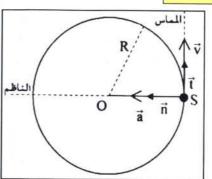
الوحدة 4

2 – شرح حركة كوكب أو قمر صناعي

1. الحركة الدائرية المنتظمة

لقد رأينا في دراسة سابقة أن تغير السرعة $\Delta ec{v}$ لحركة دائرية منتظمة يتجه دوما نحو المركز.

الحركة الدائرية المنتظمة هي حركة مسارها دائري، وسرعتها اللحظية ثابتة الشدة، ومتغيرة الجهة في كل لحظة.



خصانصها

- المسار : دائري.
- السرعة اللحظية ٧ :
- * شدتها ٧: ثابتة في كل لحظة.
- * اتجاهها : متغير في كل لحظة.
- حاملها : مماسي للمسار في كل لحظة.
 - التسارع اللحظى •

ينتج من تغير جهة السرعة. يمكن البرهنة على أن:

- . نصف قطر السار، R حيث $a = \frac{r}{R}$ انصف قطر السار. \star
 - * حامله: هو الناظم على السار.
 - * اتجاهه : نحو مركز الدوران (O).

ملاحظة هامة

ار بما أن الجسم النقطي (M) في حركة دائرية منتظمة، لذا يمكن أن يرفق بحركته معلم 1R. Frenet (معلم فريني)، يتحرك مع الجسم ندعوه (معلم فريني) متحرك مع الجسم ندعوه (معلم فريني)

حيث : \vec{N} شعاع الوحدة الناظمي، \vec{T} شعاع الوحدة الماسي.

 $\vec{a} = \frac{dv}{dt}$: يعرف كما يلي يعرف التسارع اللحظي أي يعرف كما يلي يعرف أن شعاع التسارع اللحظي

 $ec{v} = v \, ec{T}$: لكن $ec{v}$ محمولة على الماس دوما، لذا نكتب

 $\vec{a} = \frac{d(v\vec{T})}{dt} = \frac{dv}{dt}\vec{T} + v \times \frac{dT}{dt}$: \vec{a} قبارة نجد عبارة فيده العبارة نجد عبارة العبارة العبارة نجد عبارة العبارة نجد عبارة العبارة نجد عبارة العبارة العبارة نجد عبارة العبارة العبارة نجد عبارة العبارة الع

$$\frac{dv}{dt} = 0$$
 بما أن ثابت $v = v$ فإن

$$\frac{d\vec{T}}{dt} = \frac{v}{R} \times \vec{N}$$
 ڪذلك يبرهن على ان

استطاع العالم هنري كافنديش عام 1798م حساب الثابت G بميزان يسمى باسمه (ميزان كافنديش) وهي القيمة العطاة سابقا.

لقد آمن الناس بقوانين نيوتن وأخذوا بها حتى أن الانجليزي "جيمس أدامس" استطاع اكتشاف الكوكب الثامن وهو نبتون فحدد كتلته وموقعه وكذلك فعل الفلكي " لوفريي"، فتوصل إلى نفس التنبؤات وأرسل تقريره بذلك إلى مرصد برلين وفي نفس الليلة وجه الفلكي الألماني "غال" مرصده إلى السماء فلاحظ هذا الكوكب، وتلاه اكتشاف كوكب بلوتون عام 1930 من قبل الأمريكي"تومبو".

4 شرح حركة كوكب أو قمر صناعي

- ◄ لدراسة حركة كوكب (مثل حركة كوكب الأرض حول الشمس) أو حركة قمر او قمر صناعی حول کوکب معین (مثل حركة القمر حول الأرض): نعتبر كل كوكب أو قمر نقطة مادية مجمعة في مركز عطالتها.
 - ◄ كما نعتبر أن المسار دائري.
- ◄ كذلك نستعمل المعلم الهليومركزي (الركزي الشمسي) إذا أردنا دراسة حركة الكواكب حول الشمس.

أما إذا أردنا دراسة حركة الأقمار أو الأقمار الصناعية حول كوكب معين فإننا نستعمل المعلم المجيومركزي (المركزي الأرضي).

1 ـ سرعة قمر صناعي في مدار دائري

نعتبر قمرا صناعيا كتلته m على ارتفاع (Z) من كوكب وليكن الأرض كتلته M ونصف قطره R. وأن حركة هذا القمر هي حركة دائرية منتظمة بسرعة \vec{v} .

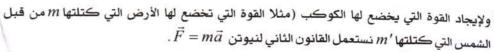
◄ لنعين قيمة ũ .

تدرس الحركة بالنسبة لمعلم مركزي أرضي، نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز العطالة G للقمر الصناعي:

. هنا توجد قوة واحدة هي قوة جنب الأرض \vec{F}_{γ_S} للقمر، مع إهمال تأثير بقية الأجسام الأخرى.

 $ec{F}_{ au_s} = -rac{GmM}{r^2} ec{u}$: يَذَن $ec{F}_{ au_s}$ ومع العلم بأن قوة الجاذبية $ec{F}_{ au_s}$ تعطى بالعبارة $ec{F}_{ au_s} = m ec{a}$ إذن : (-) لاحظ أن جهة $ec{F}_{ au_k}$ بعكس جهة $ec{u}$ لذا ظهرت الإشارة

 $ec{F}_{ au_S} = -G \, rac{mM}{(Z+R\,)^2} ec{u} \, :$ هنا r=R+Z الذا نكتب من جديد القوة



وعليه فإن القوة \vec{F} هي قوة تتجه نحو المركز (O) (انظر الشكل) لذا تسمى قوة جاذبة مركزية

$$F = ma = \frac{mv^2}{R}$$
.....(1) وشدة هذه القوة هي : $v = \frac{2\pi R}{R}$

$$v = \frac{2\pi R}{T}$$
 وحيث أن سرعة الكوكب V تعطى بالعبارة

$$F=rac{mrac{2\pi R^2}{T}}{R}$$
 : نصف قطر المدار، و T دور الحركة (زمن دورة واحدة)، فإن R : مع $R=rac{4\pi^2mR^2}{T^2}.....(2)$. إذن :

$$T^2 = KR^3$$
 : إذن $\frac{T^2}{R^3} = K$ اذن الثالث لكبلر فإن

$$F = \frac{4\pi^2 mR}{KR^3}$$
 : نعوض عن T^2 بما يساويه في المعادلة (2) نعوض عن

إذن :
$$\frac{4\pi^2 m}{KR^2}$$
 وهي القوة المتسببة في حركة الكوكب.

$$F = G\frac{mm'}{R^2} \; \text{i.خ.د.} \; \frac{4\pi^2}{K} = Gm' \;$$
 وبوضع وهو قانون الجذب العام لنيوتن.

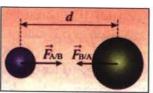
يصف العالم الرياضياتي الفرنسي (لاغرانج LAGRANGE) قانون الجاذبية فيقول : (إن للكون قانونا واحدا وقد اكتشفه نيوتن).

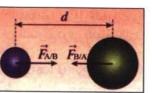
هذا القانون يدخل في سياق مبدأ الفعلين المتبادلين.

نص القانون

كل جسم يجذب أي جسم آخر بقوة تتناسب طردا مع جداء كتلتيهما، وعكسا مع مربع المسافة بينهما.

◄ بالنسبة لجسمين (A) و(B) تنمذج قوة الجاذبية بينهما كما يلي :



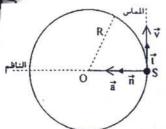


$$F_{N/B} = F_{B/A} = G \frac{M_A M_B}{d^2}$$

$$G = 6.67 \times 10^{-11} N.m^2 Kg^{-2}$$
(kg) (R) (kg) (A) (kg) (A)

(kg) ب (B) كتلة الجسم (B) ب (Kg) ب (A) ب (B)السافة بين مركزي عطالتي الجسمين بـ (m).

G : ثابت كوني يسمى ثابت الجذب العام.



II/ شرح حركة كوكب أو قمر صناعي 1/ الحركة الدائرية المنتظمة

- خصانصها
- **المسار** : دائري.
- . v = 1السّرعة : ثابتة القيمة ثابت
- $a=a_n=rac{v^2}{R}$ الثسارع: ناظمي أو مركزي: $a=a_n=rac{v^2}{R}$
 - $\vec{F} = m \frac{v^2}{R} \vec{u}_N$: القوة : جاذبة مركزية
 - $T = \frac{2\pi R}{v}$ النور الرّمني T ، وهو زمن انجاز دورة واحدة ،

2/ شرح حركة كوكب باستعمال قوانين كبلر

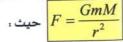
القوانين الثلاثة لكبلر

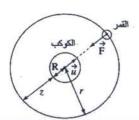
في معلم هليومركزي، يدور الكوكب حول الشمس في مسارات إهليلجية (قطع ناقص) تقع الشمس في احد محرقيه.	القانون الأوّل :	
يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية خلال فترات زمنية متساوية.	القانون الثاني :	
يتناسب مربع الدّور T ² للكوكب حول الشّمس مع مكعّب نصف	القائمين الخالية	

 $\frac{T^2}{a}=k=$ طول المحور الكبير a ، بمعنى : مقدار ثابت

3/ تفسير حركة الكواكب والأقمار الصناعية باستعمال قانون الجذب العام لنيوتن

في معلم هليومركزي يخضع كلّ كوكب إلى قوة جاذبية الشّمس له، وتعطى بالعبارة :





 $G=6,67.10^{-11}\,N.m^2kg^{-2}$: ثابت الجذب العام m : كتلة الكوكب M : كتلة الشمس M : بعد مركزي عطالتي الكوكب والشمس M : بعد مركزي عطالتي الكوكب والشمس

 $a=rac{v^2}{R+Z}$ نعلم أن قيمة التسارع في الحركة الدائرية المنتظمة تعطى بالعبارة \vec{N} هي جهة الشعاع الناظم \vec{N}

 $ec{a}=rac{ec{v}^2}{R+Z}ec{N}=-rac{ec{v}^2}{R+Z}ec{u}$ ؛ لذا نكتب ، $ec{u}$ ، لذا نكتب ، عكس شعاع الوحدة بتجميع كل العلاقات السابقة نجد ؛

$$\vec{F}_{7/s} = -\frac{mv^2}{R+Z}\vec{u} = -\frac{GmM}{R+Z}\vec{u}$$

$$\frac{v^2}{R+Z} = \frac{GM}{(R+Z)^2} : \text{ i.i.} \quad m\frac{v^2}{R+Z} = G\frac{mM}{(R+Z)^2} : \text{ i.i.}$$
 اين $v = \sqrt{\frac{GM}{R+Z}}$ وهي عبارة سرعة القمر الصناعي في مداره وهي عبارة سرعة القمر الصناعي في مداره

3- عبارة الدور الزمني T

نعلم أن القمر الصناعي في أثناء دورانه حول الأرض فإنه ينجز دورة كاملة خلال زمن ثابت ندعوه الدور الزمني T وقيمته نحسبها كما يلي :

$$T=rac{2\pi r}{v}$$
 هنا $T=rac{2\pi r}{v}$ إذن $r=R+Z$ ا

$$T = \frac{2\pi(Z+R)}{\sqrt{GM(Z+R)}} ; T = 2\pi\sqrt{\frac{(Z+R)^3}{GM}}$$

ملاحظة هامة

انطلاقا من عبارة الدور T يمكن إيجاد القانون الثالث لكبلر.

$$rac{T^2}{(R+Z)^3} = rac{4\pi^2}{GM}$$
 : ای $T^2 = 4\pi^2 rac{(Z+r)^3}{GM}$: این بتربیع T نجد این $T^2 = 4\pi^2 rac{(Z+r)^3}{GM}$ این بتربیع $T = R + Z$ این ایکن بتربیع T

$$\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM} =$$
اذن : إذن : وهذا هو القانون الثالث لكيلر .

تماريه خاصة بحركة كوكب أوقمر صناعي

التمرين 1: خصائص الحركة الدائرية المنتظمة

- في حركة دائرية منتظمة نصف قطرها R وسرعتها v ، بين إذا كانت العبارات التالية صحيحة :
 - السرعة \vec{v} ثابت.
 - 2/ قيمة شعاع السرعة ٧ ثابتة.
 - \vec{a}_N التسارع يتجه نحو مركز الدوران ويسمى التسارع الناظمي 3
 - $ec{a}_T$ التسارع مماسي ويسمى التسارع الماسي 4

$$a=a_N=rac{v^2}{R}\ : \ \vec{a}$$
 قيمة التسارع الكلي /5

- $\vec{a}_T = \vec{0}$ التسارع الماسي معدوم /6
 - 7/ القوة جاذبة مركزية.

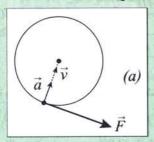
الحل

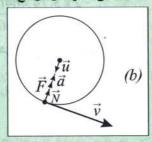
ا خطا 2 صحیح 3 صحیح 4 خطا 5 صحیح 6 صحیح 1

التمرين 2 : خصائص الحركة الدائرية المنتظمة

في حركة دائرية منتظمة نصف قطرها R وسرعتها ٧:

1/ أ/ اختر الشكل الصحيح الذي يتوافق مع الحركة الدائرية المنتظمة.





ب/ يعطى التسارع اللحظي \vec{a} بالعبارات التالية. اختر الصحيح منها ،

$$\vec{a} = \vec{0}$$
 , $\vec{a} = -\frac{v^2}{R}\vec{u}$, $\vec{a} = \frac{v^2}{R}\vec{N}$

حيث \vec{N} شعاع الوحدة الناظمي، و \vec{u} شعاع وحدة ممثل في الشكل.

$$T=rac{\pi R^2}{v}$$
 ، $T=rac{2\pi R}{v}$ ، نعطى الدور الزمني T بإحدى العبارتين التاليتين. اختر واحدة منهما ، $T=rac{2\pi R}{v}$

 يُعمَم هذا القانون على حركة كلّ التوابع (قمر، قمر صناعي) حول الكوكب أو الجرم الذي تدور حوله. مثل حركة القمر، أو أي قمر صناعي حول الأرض.

تنمذج حركة الكواكب أو الثوابع بحركة دائرية منتظمة :

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$
 : وسرعتها $T = \frac{2\pi r}{v}$

Hard_equation

التمرين 3 : المعالم العطالية

إليك المعطيات التالية:

- نصف قطر الأرض R₀= 6400km .
- الدور الزمني لدوران الأرض حول محورها $24h \approx 24h$
- نصف قطر مدار الأرض في مسارها حول الشمس $R = 1,5.10^{11}$
 - الزمن الدوري لدوران الأرض حول الشمس T= 1année.
- $R_{S}=3.10^{20} m$ نصف قطر مدار الشمس في مسارها الدائري حول المجرة
- . $v = 3 \times 10^5 \, m.s^{-1}$ والسرعة الخطية للشمس في مسارها حول مركز المجرة قيمتها ثابتة وهي

1/ هل المعلم السطحي الأرضي هو معلم عطالي ؟

إذا كان جوابك (لا) فكيف يمكن اعتباره كذلك ؟ برر إجابتك.

2/ هل المعلم المركزي الأرضي (معلم بطليموس) هو معلم عطالي؟ برر إجابتك.

3/ هل المعلم المركزي الشمسي (معلم كوبرنيكس) هو معلم عطالي ؟ برر إجابتك.

الحل

اللوهلة الأولى، نقول أن المعلم السطحي الأرض هو معلم لا عطالي لأنه مرتبط بسطح الأرض وبالتالي فهو يدور معها حول محورها، فله إذن تسارع جاذب مركزي. (من وجهة نظر نيوتن).

$$a=a_{N}=rac{v^{2}}{R_{T}}$$
 . وانتظمة هان منتظمة دائرية منتظمة المان عامتبار أن حركته دائرية منتظمة الماني .

 $R=R_0$ وإذا كان هذا المعلم موجودا على خط الاستواء فإن

$$v=rac{2\pi R_0}{T_0}$$
 لکن $a_0=rac{v^2}{R_0}$ منه
$$a_0=(rac{2 imes 3,14}{24 imes 3600})^2 imes 6400 imes 10^3 \; : عوض هنجد : \ a_0=3,38 imes 10^{-2} m.s^{-2}$$
 ومنه $a_0=(rac{2\pi}{T_0})^2 R_0$

وهذه قيمة لا يمكن إهمالها بسهولة، إذن فالعلم السطحي الأرضي هو معلم لا عطالي من وجهة نظر مطلقة غير أنه من الناحية العملية، في زمن قصير في حدود بعض الدقائق. يمكن إهمال أثر هذا التسارع وعليه يمكن اعتبار المعلم السطحي الأرضي معلما عطاليا.

إن العلم المركزي الأرضي، يتحرك مع الأرض في مسارها الذي نفرضه دائريا حول الشمس (في الواقع هو قطع ناقص) وعليه فإنه من وجهة نظر نيوتن، فإن التسارع الذي يكتسبه الجسم، يكون تسارعا جاذبا ونعين قيمته كما يلي:

$$a = \frac{2 \times 3,14}{365 \times 24 \times 3600} \times 1,5 \times 10^{11}$$
 نعوض: $a = (\frac{2\pi}{T})^2 R$

$$a = 5,95 \times 10^{-3} \, \text{m.s}^{-2}$$

3ر باعتبار الأرض كروية، كل نقطة من سطحها تدور حول مركز الأرض بسرعة. اختر $v=1m.s^{-1}$ ، $v\approx 365m.s^{-1}$ ، $v=465m.s^{-1}$. $v=1m.s^{-1}$. $v=365m.s^{-1}$. $v=465m.s^{-1}$. $v=465m.s^{-1}$. $v=465m.s^{-1}$. v=46400km يعطى : نصف قطر الأرض

 $T = 23h\,56\,min$ والدور الزمني لحركة نقطة حول مركز الأرض

4/ باعتبار الأرض نقطة مادية مجمعة في مركز عطالتها G وتدور حول الشمس في مسار نعتبره دائريا، نصف قطره $R=1.5\times 10^{11}m$ ودورها حول الشمس T=365,25J اختر قيمة لسرعتها حول مركز الشمس $v\approx 300000 km.s^{-1}$ ، $v\approx 465m.s^{-1}$ ، $v\approx 30km.s^{-1}$

الحل

b الشكل الصحيح هو 1

$$\vec{a}=-rac{v^2}{R}\vec{u}$$
 و $\vec{a}=rac{v^2}{R}\vec{N}$: برا العبارتان الصحيحتان هما

 $T=rac{2\pi R}{v}$ يعطى الدور الزمني في الحركة الدائرية المنتظمة بالعبارة /2

لكرة الأرضية تداور حول الأرض بسرعة ثابتة نحسبها كما يلي $v = \frac{2\pi R}{r}$

 $v = \frac{2\pi R}{T}$: نعين سرعة مركز عطالة الأرض حول الشمس بالعبارة $T = 365, 25J = 365, 25 \times 24 \times 3600s$

$$v = \frac{2\pi \times 1.5 \times 10^{11}}{365,25 \times 24 \times 3600} = 2,98 \times 10^4$$
 نعوض فنجد : $v \approx 3.10^4 \, \text{m.s}^{-1} = 30 \, \text{km.s}^{-1}$

إذن : $V \approx 30 km.s^{-1}$ إذن الصحيحة.

هل تعلم أننا نسير في مركبة فضائية هي الأرضية تسير بسرعة (30km/s) وهي سرعة كبيرة نسبيا مقارنة بكل الحركات التي تتم على الأرض ما عدا الضوء الذي يسير بسرعة رهيبة هي (300000km/s).

2/ نص القانون الثالث:

يتناسب مربع الدور الزمني T للكوكب حول الشمس مع مكعب نصف طول المحور الكبير a لمدار هذا الكوكب. أي مقدار ثابت K=1 لمدار هذا الكوكب.

3/ بعض نتائج قوانين كبلر

- يمر الكوكب في حركته حول الشمس باقصى نقطة ندعوها الأوج، وبأقرب نقطة من الشمس ندعوها الحضيض.
- سرعة الكوكب في الأوج (الرأس الأبعد) تكون أصغر ما يمكن (\vec{v}_{min}) وفي الحضيض (الرأس الأقرب) (\vec{v}_{max}) تكون أعظم ما يمكن
 - حركة الكوكب ليست منتظمة.
 - يمكن تعميم قوانين كبلر على التوابع مثل حركة القمر حول الأرض.
- المقدار الثابت K يعتمد على الجرّم الذي يدور حوله الكواكب مثل جرم الشمس أو حتى جرم الأرض إذا ما أردنا دراسة حركة القمر حولها.

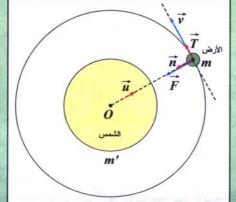
في حالة المسار الدائري نحصل على النتائج التالية :

- ينطبق المحرق مع مركز الدائرة.
- سرعة الكوكب تكون قيمتها ثابتة.
- حركة الكوكب تكون دائرية منتظمة.
- $\frac{1}{R^3} = K$: القانون الثالث نكتبه كما يلي •

التمرين 5: من القانون الثالث لكبلر إلى قانون الجاذبية لنيوتن

كمقاربة أولية لاستنتاج قانون الجاذبية، نعتبر أن كوكبا كتلته (m) يدور حول الشمس التي كتلتها (m').

حركة دائرية منتظمة، نصف قطرها R وبسرعة \vec{v} بالنسبة لعلم هيلومركزي كما يوضحه الشكل المرفق.



ولا يمكن إهمال هذه القيمة، فالعلم المركزي الأرضي، هو معلم لا عطالي من وجهة نظر مطلقة، لكن بتقريب مقبول، يمكن اعتبار المعلم المركزي الأرضي معلما عطاليا في زمن قصير نسبيا.

3/ إن المعلم المركزي الشمسي يتحرك مع الشمس في مسارها الذي نفرضه دائريا حول مركز المجرة $3 imes10^{5}\,m.s^{-1}$ في مدار نصف قطره $R_S=3 imes10^{20}\,m.s^{-1}$ وبسرعة خطية تساوي والتسارع الذي يكتسبه نعينه كالتالي :

$$a_S = 3 \times 10^{-10} \, m.s^{-2}$$
 این $a_S = \frac{(3 \times 10^5)^2}{3 \times 10^{20}}$ این $a_S = \frac{v^2}{R_S}$

وهذه القيمة صغيرة جدا يمكن إهمالها، لذا يمكن اعتبار العلم المركزي الشمسي معلما عطاليا وبتقريب

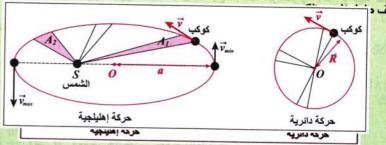
التمرين 4 : قوانين كبلر

وضع العالم الألماني يوهانز كبلر ثلاثة قوانين تجريبية تصف حركة الكواكب السيارة حول الشمس، وهذا بناء على إرصادات فلكية دقيقة قام بها الفلكي تيخو براهي بمعيته، نلخصها في العلومات اسفله مع ذكر أحد القوانين الثلاثة.

الساحاتان A_2, A_1 متساويتان.

 A_2 زمن مسح المساحة A_1 = زمن مسح المساحة

T: الدور الزمني.



1/ بناء على هذه العلومات، ذكر بالقانونين الأول والثاني لكبلر، علما بأن الأول يخص نوع المسار والثاني يتعلق بالساحة المسوحة.

2/ اعط بعض نتائج قوانين كبلر، وناقش الحالة الخاصة عندما يكون السار دائريا.

1/ التذكير بالقانونين الأول والثاني لكبلر

• علما بأن القانون الأول يمس نوع المسار، لذا نكتب:

نص القانون الأول :

مسار الكوكب حول الشمس هو قطع ناقص تقع الشمس في إحدى محرقيه.

• بما أن القانون الثاني يمس المساحة المسوحة، نكتب:

نص القانون الثاني :

يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية خلال أزمنة متساوية.

 $T^2=KR^3$ ، لذا نكتب a=R ومنه نجد ، a=R هنا a=R

 $F = \frac{4\pi^2 mR}{KR^3}$ ، $F = \frac{4\pi^2 m}{KR^2}$: نعوض في عبارة F السابقة نجد

 $K = \frac{4\pi^2 mR}{Gm'^2}$ باعتبار أن الثابت K يعطى بالعبارة

 $F = \frac{4\pi^2 m}{\frac{4\pi^2}{Gm'}}$: نعوض في آخر عبارة لF فنجد

$$F = G \frac{mm'}{R^2}$$
في الأخير نكتب

ملاحظة : ليس بالضرورة أن يكون نيوتن قد اتبع هذه البرهنة للحصول على قانون الجاذبية.

التمرين 6 : قانون الجاذبية ومبدأ الفعلين المتبادلين

1/ اعط نص قانون الجاذبية، ثم اعط صيغته الرياضياتية.

2/ ضمن أي مبدأ من مبادئ نيوتن يمكن إدراج هذا القانون.

3/ ما الفرق الجوهري بين القانون الثاني لنيوتن، وقانونه في الجاذبية؟

الحل

1/ نص قانون الجاذبية

كل جسم يجذب أي جسم آخر بقوة تتناسب طردا مع جداء كتلتيهما، وعكسا مع مربع السافة بينهما.

 $F_{\gamma_B}=F_{B_A'}=G imesrac{M_AM_B}{d^2}$ أما صيغة قانون الجنب العام، فننمذجها بالعبارة

رابت الجنب العام، $G = 6,67 \times 10^{-11} \, \mathrm{N.m^2.kg^{-1}}$

(kg) ب (A) اكتلة الجسم (A)

(kg) ب (B) اكتلة الجسم (B)

السافة بين مركزي ثقلي الجسمين بـ (m).

2/ هذا القانون يمكن إدراجه ضمن مبدأ الفعلين المتبادلين (المسمى

3/ الفرق الجوهري بين القانون الثاني لنيوتن وقانونه في الجاذبية نلخصه فيما يلي :

1 / ا/ مثل القوة $ec{f}$ التي يخضع لها الكوكب (m) .

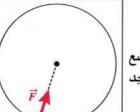
ب/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أعط عبارة هذه القوة بدلالة R ، m و T الذي هو الدور الزمني. 2/ كمقاربة ثانية نستعين بقوانين كبلر :

ا/ باستعمال القانون الثالث لكبلر، جد عبارة (T) وعوضها في عبارة F .

 $K = \frac{4\pi^2}{Gm'}$ بافتراض أن قيمة الثابت K في القانون الثالث لكبلر يعطى بالعبارة ب

حيث G ثابت يسمى ثابت الجذب العام.

استنتج حينئذ عبارة القوة F التي تتحكم في حركة دوران الكوكب حول الشمس والتي تسمى قانون الجاذبية.



التي يخضع لها الكوكب $ec{F}$ التي يخضع لها الكو

بما أن حركة الكوكب دائرية منتظمة، فإن حامل القوة \vec{F} التي يخضع لها الكوكب هو نصف القطر، وجهتها نحو مركز الدوران O (أين توجد الشمس).

الذا يكون تمثيل \vec{F} كما يلي :

 $arSigma ec{F} = m ec{a}$ بن القانون الثاني لنيوتن يعطى بالعبارة

 $\Sigma ec F = ec F$ هنا

 $\vec{F}=m\vec{a}$ إذن

F=ma وقيمة هذه القوة

 $a=rac{v^2}{R}$ ومن المعلوم أن تسارع الحركة الدائرية المنتظمة يعطى بالعبارة

$$F=rac{mv^2}{\dot{R}}$$
 عندما نعوض في العبارة F نجد

 $v = \frac{2\pi R}{T}$ ربما أن سرعة الكوكب v يمكن حسابها من العبارة

حيث T زمن دورة واحدة (الدور الزمني)

$$F = rac{4\pi^2 mR}{T^2}$$
 ومنه : $F = rac{m \left(rac{2\pi R}{T}
ight)^2}{R}$ ومنه : فعندما نعوض في عبارة F نجد

 $\frac{T^2}{a^3} = K$ اً/ يعطى القانون 3 لكبلر بالعبارة /2

الجملة : القمر الصناعي

- العلم : $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ معلم مركزي أرضي نعتبره عطاليا.
 - $F_{\tau_{k}}$: القوى الخارجية
 - القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة القمر الصناعي (نظرية مركز العطالة) نجد :

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a} \ ; \ \vec{F}_{\tau/\!/_{S}} = m\vec{a} \ ; \ F_{\tau/\!/_{S}} = ma$$

$$F_{ au_s} = rac{GmM}{\left(R+z
ight)^2}$$
 الكن حسب قانون الجنب العام لنيوتن :

$$\frac{GmM}{(R+z)^2} = ma$$
: وبالمساواة بين العبارتين نجد

$$a = \frac{GM}{(R+z)^2} : a$$

حساب قيمة a

$$a \approx 1 \text{m.s}^{-2}$$
 اذن $a = \frac{6,67.10^{-11} \times 5,98.10^{24}}{(6,37.10^6 + 1,36.10^7)^2} = 1$

2/ // عبارة السرعة V

$$a = \frac{v^2}{(R+z)}$$
 بما أن الحركة دائرية منتظمة فإن

$$v^2 = a(R+z)$$
 إذن

$$v = \sqrt{\frac{GM}{(R+z)^2}(R+z)} : e^{-\frac{2\pi}{3}}$$

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+z}}$$
 بالاختزال نجد

حساب قيمة ٧

$$v = \sqrt{\frac{6,67.10^{-11} \times 5,98.10^{24}}{(6,36.10^6 + 1,36.10^7)}} \quad ; \quad \boxed{v \approx 4,47 \times 10^3 \,\text{m.s}^{-1}}$$

$$T$$
اً/ عبارة الدور الزمني T نعلم أن عبارة T هي ميارة $T=rac{2\pi(R+z)}{v}$

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+z}}$$
 وبالتعويض عن v بعبارته

القانون الثاني $ec{F}=mrac{arDelta v}{\Lambda t}$ هو قانون عام للحركة يربط بين القوة $ec{F}$ المؤثرة على الجسم، أية قوة

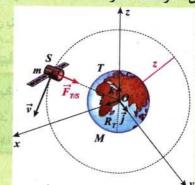
مهما كانت طبيعتها، وتغيّر السرعة $\Delta \, \vec{v}$ التي تحدث لهذا الجسم. فهو قانون يتميز بطابع العمق والشمولية إذ يطبق على حركة نملة، تماما مثلما يطبق على حركة إلكترون أو كوكب في مداره وحتى الأتربة الناعمة التي يحركها الهواء.

قانون الجاذبية $F = \frac{GMM'}{d^2}$ هي قوة من نوع خاص فهي تعطي علاقة دقيقة بين قوة جذب

. ويسمى هذا القانون أيضا بقانون التربيع العكسي. حسم لجسم آخر F وبين السافة بينهما d .

التمرين 7 : من قانون الجاذبية لنيوتن إلى القانون الثالث لكبلر

نعتبر قمرا صناعيا كتلته m على ارتفاع Z من سطح الأرض، حركته دائرية منتظمة بسرعة \overline{v} . نعتبر كتلة الأرض M ونصف قطرها R.



اً ﴿ فِي معلم مركزي ارضي $(O,ec{i}\,,ec{j}\,,ec{k})$ وبتطبيق القانون الثاني لنيوتن وقانون الجاذبية ؛ أ/ جد عبارة تسارع القمر الصناعي.

ب/ احسب قیمته.

أ/ جد عبارة السرعة ٧٠.

ب/ احسب قيمتها.

/ جد عبارة الدور الزمني T للقمر الصناعي حول الأرض.

ب/ احسب قيمته.

4/ استنتج القانون الثالث لكبلر.

 $Z=1,36.10^4 km$, $G=6,67.10^{-11} S.I$, $R_T=6,37.10^3 km$, $M=5,98.10^{24} kg$

الحل

1 / 1/ عبارة تسارع القمر الصناعي a

القمر الصناعي يتحرك حركة دائرية منتظمة، فهو إذن يخضع لقوة جاذبة مركزية نعينها في الشكل المقابل.

$$T = \frac{2\pi (R + 1)}{\sqrt{\frac{GM}{R + z}}}$$
نعوض جد $T = 2\pi \sqrt{\frac{(R + z)^3}{GM}}$

ب/ قيمة T

$$T = 2.81.10^4 \text{s} \quad a_{\text{out}} = 2\pi \sqrt{\frac{(6.37.10^6 + 1.36.10^7)^3}{6.67.10^{-11} \times 5.98.10^{24}}}$$

$$T=rac{2,81.10^4}{3600}=7,80h=7h+0,80h$$
 ويمكن التعبير عن هذا الزمن بالساعة والدقيقة $0,80h=0,80 imes60=48$ لكن $T=7h48min$ إذن

4/ استنتاج القانون الثالث لكبلر

$$T^2=rac{4\pi^2(R+z)^3}{GM}$$
 بتربيع عبارة الدور T نجد $rac{T^2}{(R+z)^3}=rac{4\pi^2}{GM}$ إذن

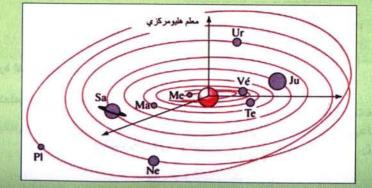
R + z = a فبوضع

يكون
$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{GM} =$$
يكون

 $\frac{T^2}{a^3}$ =K: وهذا هو القانون الثالث لكبلر

التمرين 8: استعمالات القوانين الثلاثة لكبلر

نمثل في معلم هيليومركزي (مركزي شمسي) مدارات كل الكواكب التابعة للمجموعة الشمسية.



1/1/ ما نوع مسارات الكواكب حول الشمس ؟

ب/ الشمس تحتل موقعا هندسيا مميزا في هذا السار، ما اسمه ؟

ج/ هل أن القانون الأول لكبلر محقق ؟

2/ // بالاستعانة بالقانون الثاني لكبلر، هل سرعة الكوكب الواحد تتغير أم تبقى ثابتة في بعض نقاط مداره.

T بالاستعانة بالقانون الثالث لكبلر، ما هو الكوكب الذي يتميز باصغر دور زمني T = T ما هو الكوكب الذي يتميز باصغر سرعة يدور بها حول الشمس =

نهدف إلى تعيين الكتلة M لكوكب المشرّي من أجل ذلك نعطي الدور T ونصف قطر الدوران R لثلاثة اقمار كبيرة تدور من بين الأربعة التي تدور حوله في الجدول التالي :

ä	(Ga) غاليماد	أوروبا (Eu)	إيو (IO)	القمر
į.	7,16	3,55	1,76	T (jours)
9	10,71.105	6,71.105	4,22.105	R (km)

استعن بالسلم $m : 8,0.10^{10} \, ext{s}^2
ightarrow 1$

 $1,56.10^{26} \text{ m}^3 \rightarrow 1\text{cm}$

 $\frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{GM} = K$ بر تأكد من أن هذا البيان يتوافق مع القانون الثالث لكلبر المعطى بالصيغة بالميان يتوافق مع القانون الثالث لكلبر المعطى بالصيغة

ج/ استنتج كتلة كوكب المشري.

 $G = 6,67 \times 10^{-11} \, N.m^2.kg^{-1}$ يعطى

الحل

1/ أ/ نوع مسارات الكواكب حول الشمس هي: قطوع ناقصة.

ب/ الشمس تقع في محرق (بؤرة) هذه القطوع.

ج/ نعم. القانون الأول لكبلر محقق، لأنه ينص على أن مسارات الكواكب هي قطوع ناقصة، والشمس تقع في أحد محرقيها. وهذا واضح في الشكل.

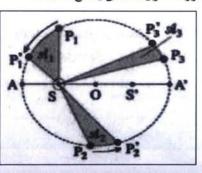
2/ أ/ إن القانون الثاني لكبلر ينص على أن الكوكب في أثناء دورانه حول الشمس يمسح مساحات متساودة خلال فقات زمنية متساودة ففي الشكل القادل

متساوية خلال فترات زمنية متساوية. ففي الشكل المقابل مثلنا ثلاث مساحات متساوية هي :

 $A_1 = A_2 = A_3$

ولكي يتحقق ذلك فإن الكوكب يستغرق نفس الزمن لمسح الأقواس $\hat{P_3P'}_1$ ، $\hat{P_2P'}_2$ ، $\hat{P_1P'}_1$ و

وبما أن أطوال الأقواس غير متساوية، لذا يتطلب أن تكون سرعة الكوكب في الموضع \vec{V}_1 أي \vec{V}_2 أي \vec{V}_3 وهذه أكبر من سرعته \vec{V}_3 في الموضع \vec{V}_2 وهذه أكبر من سرعته \vec{V}_3 في الموضع \vec{V}_3 .



ب/إن القانون الثالث لكلبرينص على أن: ، مقدار ثابت = $K = \frac{T^2}{m^3}$ حیث

. الدور الزمني للكوكب في مداره حول الشمس. T

r . نصف طول المحور الكبير للمسار.

نستنج أن سرعة الكوكب الواحد تتغير في بعض نقاط مداره.

. مقدار ثابت يتعلق بالشمس، فهو ثابت نفس القيمة لجميع الكواكب السيارة. K

 $T = \sqrt{Kr^3}$ اذن:

وكلما نقص (r) نقص (T).

واصغر قيمة لـ (r) هي للكوكب الأقرب إلى الشمس وهو كوكب عطارد Mercure. ج/ بتقريب مقبول، يمكن اعتبار القطع الناقص، دائرة وبالتالي يمكن تطبيق عبارة السرعة الخاصة

بالحركات الدائرية المنتظمة وهي $v=rac{2\pi r}{T}$ على حركة الكواكب.

. au وهذه العبارة تدل على أنه كلما كبر الدور T ، كلما نقصت قيمة السرعة

بما أن أقرب كوكب وهو عطارد له أصغر قيمة لـ T.

فإن ابعد كوكب وهو بلوتون Pluton له أكبر قيمة لـ T إذن فله أصغر قيمة سرعة.

كوكب بلوتون Pluton يدور بأصغر سرعة حول الشمس.

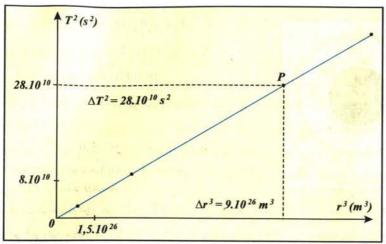
في صائفة 2006م، نزع علماء الفلك صفة كوكب عن بلوتون لاعتبارات، منها أنه صغير الحجم.

 $T^2(R^3)$ رسم البيان /3

نعين T^2 و R^3 لكل قمر من أقمار المشتري الثلاثة مع تحويل وحدة T إلى الثانية R^3 ووحدة R إلى المتر R^3 .

	غاليماد (Ga)	اوروبا (Eu)	ايو (IO)	القمر
	6,19.105	3,07.105	1,52.105	T(s)
	10,7.108	6,71.108	4,22.108	R(m)
100	38,3.1010	9,42.1010	2,31.1010	$T^2(s^2)$
	12,30.1026	3,02.1026	0,75.1026	$R^3(m^3)$

 $8,0.10^{10}\,\mathrm{s}^2 o 1cm$ ، R^3 بالاستعانة بسلم T^2 العطى ، بالاستعانة بسلم T^3 وكنا بسلم يمكن تمثيل البيان:



 $T^2 = bR^3$ ان بيان $T^2(R^3)$ هو خط مستقيم ميله موجب يمر من المبدأ، معادلته من الشكل $T^2 = bR^3$ حيث b ميل الستقيم.

. إذن فهي تحقق القانون الثالث لكبلر.
$$\frac{T^2}{R^3} = b = 1$$
 إذن فهي تحقق القانون الثالث لكبلر.

ج/ استنتاج كتلة كوكب المشري

. حيث M ڪتلة الشري نعلم أن القانون الثالث لکبلر هو $\frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{GM}$

$$M = \frac{4\pi^2}{b.G}$$
 ، ومنه وعبارة قانون ڪبلر، نجد وعبارة قانون ڪبلر، نجد وعبارة البيانية وعبارة قانون ڪبلر، نجد

لنحسب ميل المستقيم b ،

$$b = \frac{\Delta T^2}{\Delta R^3} = \frac{38,3 \times 10^{10} - 9,42 \times 10^{10}}{12,3 \times 10^{26} - 3,02 \times 10^{26}} = \frac{28,88 \times 10^{10}}{9,28 \times 10^{26}}$$

 $b \approx 3.11 \times 10^{-16} \, \text{s}^2 \, \text{m}^{-3}$

$$M=rac{4(3,14)^2}{3,11.10^{16} imes6,67.10^{-11}}$$
 : ومنه نجد ومنه نجد وهي ڪتلة المشري وهي ڪتلة المشري

التمرين 9 : المحاكاة بين أنواع السقوط

بواسطة برمجة خاصة نجري بالحاسوب محاكاة لقذف جسم بسرعات مختلفة من نفس نقطة تقع على ارتفاع $Z=2R_T$ من مركز الأرض بالنسبة لعلم مركزي ارضي. يتم القذف (L)بطريقة افقية بسرعة ابتدائية \vec{V}_0 (الشكل). يعطى \cdot

كتلة القنيفة : m = 1000kg

اذا كانت $v_0=0$ ، ما هو مسار القذيفة المحدد في 1الشكل السابق ؟

ان كانت $v'_0 = 5,59$ فإن المسار يكون دائرة $v'_0 = 5,59$ والقديفة تصبح قمرا صناعيا يدور حول الأرض. حدد خصائص القوة التي تخضع لها هذه القذيفة.

ب/ عندما نقذف جسم آخر كتلته m'=4000 بنفس السرعة (\vec{v}'_0) ، ما هو نوع مساره ؟ ج/ عندما يغادر رائد فضاء مركبته التي تتحرك بنفس السرعة (\vec{v}'_0) ، كيف تكون حركته ؟

3/ حدد رقم المسار من الشكل المعطى إذا تم قذف الجسم:

 \vec{v}'_0 اکبر بقلیل من \vec{v}_0 ا \vec{v}'_0 بسرعة \vec{v}_0 اقل بقليل من

4/ ما نوع المسار 2، وماذا يحدث للجسم القذوف؟

5/ هل يوجد فرق جوهري بين حركة سقوط الأجسام على سطح الأرض ودورانها حول الأرض ؟

الجسم يكون شاقوليا $u_0 = 0m/s + 3$ فإن سقوط الجسم يكون شاقوليا الجسم يكون أ إذا كانت السرعة الابتدائية للقذف معدومة (LA) ، اي رقم الساقول ويكون مساره هو الشاقول ويكون مساره هو الشاقول ويكون

2/ أ/ خصائص القوة التي يخضع لها القمر الصناعي

- نقطة التأثير : مركز عطالة الجسم المقذوف.
- الحامل: هو الشاقول، أي المستقيم الواصل بين مركزي عطالة الجسم والأرض.
 - الاتجاه : نحو الأسفل.
- $F=Grac{M_Tm}{d^2}=Grac{M_Tm}{\left(2R_T^{}
 ight)^2}=rac{GM_Tm}{4R_T^2}$ ؛ القيمة : تحسب بقانون الجذب العام لنيوتن :

$$F = \frac{6,67.10^{11} \times 5,98.10^{24} \times 1000}{4(6,38 \times 10^{6})^{2}}$$

$$F = 2,45 \times 10^{3} \,\text{N}$$

ب/ عندما نقذف جسما آخر كتلته m'=4000 بنفس السرعة $ec{v}'_0$ ، فإنه يجري نفس الحركة وبالتالي نفس المسار الدائري 4 ولا دخل لكتلة الجسم المقذوف في حركته.

 v'_0 جراند الفضاء الذي يغادر مركبته التي تتحرك بسرعة $ec{v}'_0$ ، سيتحرك أيضا هو بنفس السرعة ويرسم نفس المسار الدائري. قدف الجسم بسرعة v_0 أكبر بقليل من v_0' فإن مساره يكون هو المسار5، وهو قطع ناقص $\sqrt{3}$

ومركز عطالة الأرض إحدى محرقيه.

 $ec{v}_0$ أما إذا قذف بسرعة $ec{v}_0$ أقل بقليل من $ec{v}_0'$ فإن مساره يكون هو السار

4/ المسار 2 يسمى قطعا مكافئا، والجسم الذي يرسم هذا المسار يرتطم بالأرض.

5/ لا يوجد فرق جوهري بين حركة سقوط الأجسام على الأرض ودورانها حولها، إلا من حيث الشروط الابتدائية للقذف، وقيمة السرعة الابتدائية \vec{v}_{b}^{\prime} للقذف.

- فإذا كانت السرعة كافية (هنا $v_0' = 5,59 km.s^{-1}$) تحرك الجسم حركة دائرية منتظمة وبالتالي يصبح قمرا صناعيا تابعا للأرض.
- وإذا تحرك بسرعة أكبر، بقي أيضا قمرا صناعيا تابعا للأرض، لكن مساره يصير قطعا ناقصا، كما هو حال جميع الكواكب حول الشمس.
- أما إذا تحرك بسرعة أقل ($v_0 < 5,59 km.s^{-1}$) فيرسم قطعا مكافئا ويسقط في الأخير على الأرض.

التمرين 10*: الدراسة الطاقوية لقمر صناعي

قمر اصطناعي نعتبره نقطة مادية كتلته m=1000 يقع على بعد (r) من مركز الأرض. $R_T = 6400 km$ نعتبر الأرض، M_T ونصف قطرها

 g_0 حيث (r) ، (g) ، (R_T) وهذا بدلالة (r) وهذا جاذبية الأرض و على البعد البعد (r) ، (g) هذا بدلالة المراق هي شدة حقل الجاذبية على سطح الأرض $(g_0 = 9,8N/kg)$.

(dr) الذي ينجزه ثقل القمر الصناعي (P) اثناء الانتقال الجزئي العمل الجزئي (dw)بين البعدين (r) و (r+dr) مبتعدا عن سطح الأرض.

 $r_{2}=30000km$ و $r_{1}=20000km$ و $r_{1}=20000km$ برا استنتج العمل الكلي عندما يتنقل القمر الصناعي بين البعدين

من سطح الأرض (Z) عين عبارة الطاقة الكامنة الثقالية E_{PP} للقمر الصناعي على ارتفاع (Z) من سطح الأرض باعتبار أن جملة (القمر الصناعي- الأرض) هي جملة معزولة طاقويا. وأن الستوى المرجعي للطاقة $E_{PP_a} = 0 j$: الكامنة الثقالية يقع على بعد ما لا نهاية من مركز الأرض أي أن

ب/ باعتبار أن القمر الصناعي قريب جدا من سطح الأرض، وأن مرجع الطاقة الكامنة الثقالية هو سطح الأرض، استنتج عبارة الطاقة الكامنة الثقالية التقريبية.

4/ إذا علمت أن مسار القمر الصناعي حول الأرض هو قطع ناقص (الشكل الموالي)، احسب قيمة $v_{\scriptscriptstyle A}=9 imes 10^3\, m.s^{-1}$ سرعته عند الخضيض (P) مي عند الذروة (A) علما بأن شدة سرعته عند الحضيض . $r_A=30000km$ و هذا باستعمال مبدأ انحفاظ الطاقة. يعطى : $r_P=2000km$ وهذا

Will a too a little of the last

وهي عبارة العمل الجزئي لثقل القمر الصناعي.
$$dw = \frac{-mg_{_{0}}R_{_{T}}^{2}}{r^{2}}dt$$

ب/ عبارة العمل الكلى لقوة الثقل (١٧)

عندما ينتقل القمر الصناعي بين نقطتين تبعدان بعدين (r_1) و (r_2) عن مركز الأرض، فإن العمل الكلى لقوة الثقل نحسبه من مجموع الأعمال الجزئية، ونعبر عنه رياضيا بمؤثر التكامل كما يلي :

$$w = \int_{r_1}^{r_2} \frac{mg_0 R_T^2}{r^2} dr$$
 بذن $w = \int dw$

$$w = mg_0 R_T^2 \int_{r_I}^{r_2} \frac{-1}{r^2} dr = mg_0 R_T^2 \left[\frac{1}{r}\right]_{r_I}^{r_2}$$
 وهي عبارة العمل الكلي.
$$w = mg_0 R_T^2 \left[\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_I}\right]$$
 وهي عبارة العمل الكلي.

$$w = 1000 \times 9.8 \times (6400 \times 10^3)^2 \left[\frac{1}{3 \times 10^7} - \frac{1}{2 \times 10^7} \right]$$
 بالتعویض نجد $w = -6.7 \times 10^9 J$ إذن

 E_{PP} عبارة الطاقة الكامنة الثقالية

نعلم أنه من أجل الجملة الميكانيكية (قمر صناعي / أرض): والقوى الناخلية $E_{pp} = -W$

$$\Delta E_{PP} {=} {-} W_{(\!ec P\!)}$$
 وبما أن $ec P$ قوة داخلية، فإن

$$E_{pp_2} - E_{pp_1} = - mg_0 R_T^2 \left[\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right]$$

 (r_2) و (r_1) و بين البعدين ((r_2) و وهي عبارة تغير الطاقة الكامنة الثقالية عندما ينتقل القمر الصناعي بين البعدين

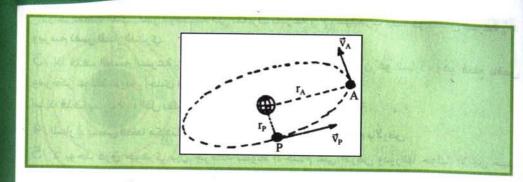
عندما يكون المستوي المرجعي للطاقة الكامنة الثقالية واقعا في اللانهاية فإنه يمكن وضع :

$$r_2
ightarrow \infty$$
 وهذا عندما $E_{PP_r} = E_{PP_r} = 0 J$

$$0-E_{pp_l}=mg_0R_T^2(rac{1}{\infty}-rac{1}{r_l})$$
 ; $E_{pp_l}=rac{-mg_0R_T^2}{r_l}$ نضع $r_l=r$ فيكون $r_l=r$ فيكون $r_l=r$

وبوضع $r=R_T+z$ نجد $\left|E_{pp}=rac{-mg_0R_T^2}{R_T+z}
ight|$ وهي عبارة الطاقة الكامنة الثقالية للقمر الصناعي

في مكان يبعد بعدا (z) عن سطح الأرض، وباعتبار اللانهاية مبدأ الطاقة الكامنة الثقالية.



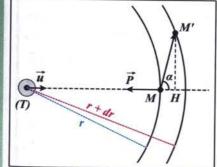
1/ عبارة شدة جاذبية الأرض g

- القمر الصناعي كتلته (m)، ويبعد عن مركز الأرض ببعد (r).
 - R_T ونصف قطرها (M_T)، ونصف قطرها
 - حسب قانون نيوتن للتجاذب الكوني فإن:
 - شدة ثقل القمر الصناعي = شدة قوة جاذبية الأرض له.

ين
$$g = \frac{GM_T}{r^2}$$
 الأرض. (r) على بعد (g) على بعد $g = \frac{GM_T}{r^2}$ الأرض.

 $g_0\!=\!\!rac{GM_T}{R_-^2}$ وعلى سطح الأرض فإن $r\!=\!R_T$ ومنه

بقسمة g على g_0 نجد $g = \frac{g_0 R_T^2}{r^2}$ وهي العبارة المطلوبة.



2/ ا/ عبارة العمل الجزئي لقوة الثقل (dw)

نفترض أن القمر الصناعي يوجد في النقطة (M) التي تبعد بعدا (٢) عن مركز الأرض. ثم ينتقل إلى النقطة (r+dr) تبعد عن مركز الأرض بعدا (M')

لنعين العمل الجزئي (dw) أثناء الانتقال الجزئي : فحسب تعريف العمل فحسب فعريف العمل

عمل الثقل \vec{P} = الجداء السلمي لشعاع القوة عمل الثقل عمل الثقل عمل الثقل عمل الثقل عمل الثقل عمل الثقل التقلق $dw = \vec{P} \cdot \overrightarrow{MM}'$ الانتقال (\overrightarrow{MM}'). إذن نكتب

 $ec{P} = -Pec{u}$ نكتب ($ec{P}$) وبتمثيل شعاع وحدة ($ec{u}$) معاكسا لاتجاه

$$dw = -P \|\vec{u}\| \cdot \|\overline{MM'}\|$$
 إذن $dw = -P \vec{u} \cdot \overline{MM'}$ ومنه

$$\|\vec{u}\|=1$$
 لکن $\|drpprox\|\overline{MM'}\|=\coslpha\|\overline{MM'}\|=\coslpha$ لکن $\|dw=-mg-dr\|$ ومنه $\|dw=-P.dr\|$

ب/ عبارة (E_{pp}) بجوار سطح الأرض

بالرجوع إلى عبارة تغير الطاقة الكامنة الثقالية. وباعتبار أن المستوى المرجعي للطاقة الكامنة الثقالية $E_{PP_{l}}=0 J$ فإن $r_{l}\!=\!R_{T}$ فإنه عندما يكون والأرض، فإنه عندما يكون

$$E_{pp_1} - 0 = -mg_0R_T^2(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{R_T})$$
 اذن

$$E_{pp}=-mg_{0}R_{T}^{2}(rac{1}{R_{T}+z}-rac{1}{R_{T}})$$
 وبوضع $r_{2}=R_{T}+z$ وبوضع $r_{2}=R_{T}+z$

$$E_{pp} = \frac{mg_{\theta}R_{T}z}{R_{T}+z}$$
 افن $E_{pp} = mg_{\theta}R_{T}^{2}\frac{z}{R_{T}(R_{T}+z)}$ ای

وهي عبارة الطاقة الكامنة الثقالية بجوار الأرض باعتبار أن مبدأ الطاقة الكامنة الثقالية هو سطح الأرض.

$$\frac{z}{R_T} << 1$$
 ومنه $z << R_T$ وعندما يكون القمر الصناعي قريبا جدا من الأرض فإن

$$E_{pp} = \dfrac{mg_0z}{1+\dfrac{z}{R_T}}$$
 : لذا يجوز استعمال دساتير التقريب

$$E_{PP}=mg_{\theta}z$$
 اِذَن $\frac{z}{R_{T}}+Ipprox 1$ لکن

وهي عبارة الطاقة الكامنة الثقالية المشهورة التي استعنا بها في الحركات التي تتم على سطح الأرض.

الذروة $\vec{v}_{\scriptscriptstyle A}$ للقمر الصناعي عند الذروة $\vec{v}_{\scriptscriptstyle A}$

بما أن مسار القمر الصناعي هو قطع ناقص، فإن أبعد نقطة يمر بها القمر عن الأرض ندعوها الذروة وتكون حينها له سرعة $ec{v}_A$ ، وتسمى أخفض نقطة يمر بها الحضيض (P) وتكون سرعته فيها (A)

فلحساب $\vec{\mathcal{V}}_A$ نستعمل مبدأ انحفاظ الطاقة لجملة (القمر الصناعي / الأرض) التي نعتبرها جملة معزولة

$$E_{\scriptscriptstyle A} = rac{1}{2} m v_{\scriptscriptstyle A}^2 - rac{m g_{\scriptscriptstyle 0} R_{\scriptscriptstyle T}^2}{r_{\scriptscriptstyle A}}$$
 إذن $E_{\scriptscriptstyle A} = E_{\scriptscriptstyle C_{\scriptscriptstyle A}} + E_{\scriptscriptstyle PP_{\scriptscriptstyle A}}$. في الذروة :

$$E_{P}=rac{1}{2}mv_{P}^{2}-rac{mg_{0}R_{T}^{2}}{r_{P}}$$
 إذن $E_{P}=E_{C_{P}}+E_{PP_{P}}:$ في الحضيض

 $E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle P}$: وحسب مبدأ انحفاظ الطاقة

$$v_{\scriptscriptstyle A} = \sqrt{v_{\scriptscriptstyle P}^2 - m g_{\scriptscriptstyle 0} R_{\scriptscriptstyle T}^2 (\frac{1}{r_{\scriptscriptstyle P}} - \frac{1}{r_{\scriptscriptstyle A}})}$$
 اذن $\frac{1}{2} m v_{\scriptscriptstyle A}^2 - \frac{m g_{\scriptscriptstyle 0} R_{\scriptscriptstyle T}^2}{r_{\scriptscriptstyle A}} = \frac{1}{2} m v_{\scriptscriptstyle P}^2 - \frac{m g_{\scriptscriptstyle 0} R_{\scriptscriptstyle T}^2}{r_{\scriptscriptstyle P}}$ ومنه : $v_{\scriptscriptstyle A} \approx 8223 m.s^{-1}$. واخيرا :

التمرين ا ا

حساب السرعة الكونية الثانية لكوكب الأرض والقمر والريخ

كوكب كتلته (M) موزعة بانتظام على حجم كروي نصف قطره (R) وشدة حقل الجاذبية على سطحه (g_0) و G هو ثابت التجاذب الكوني يهمل الاحتكاك.

ا نعتبر نقطة (A) من الفضاء تقع على بعد (z) من سطح هذا الكوكب. عبر عن شدة حقل 1 z, g_0, R جاذبية هذا الكوكب (g) في هذه النقطة بدلالة

2/ إن الطاقة الكامنة الثقالية للجملة المؤلفة من الكوكب وجسم كتلته (m) موجود في النقطة

$$E_{PP} = \frac{-GmM}{R_r + z}$$
 قعطى بالعبارة (A)

أ/ على أي ارتفاع تنعدم الطاقة الكامنة الثقالية ؟

 (E_{PP}) في عبارة (-) في عبارة (E_{PP}) .

ج/ عبر عن (Epp) بدلالة z, R, go, m

لي على حساب اقل قيمة للسرعة $ec{v}_0$ والتي ينبغي إعطاؤها لجسم كتلته (m) يقع على 3سطح الكوكب حتى ينفلت من جاذبية الكوكب ليغادره إلى اللانهاية.

// أعط عبارة الطاقة المكانيكية للجملة (جسم — كوكب) في الوضعين التاليين :

- على سطح الأرض وينطلق بسرعة \vec{v}_0 .
- على ارتفاع (z) من سطح الأرض وله سرعة \vec{v} .

.v.z.g.R باعتبار أن الجملة معزولة طاقويا ، استنتج عبارة v_0 بدلالة

ج/ استنتج v₀ اللازمة للانفلات من جاذبية كوكب الأرض والقمر والريخ علما بأن :

DESTRUCTION	الأرض	القمر	المريخ
$g_0(m/s^2)$	9,80	1,67	3,69
R (km)	6400	1750	3424

الحل

1 / عبارة شدة حقل جاذبية الكوكب (g)

$$g = \frac{g_0 R^2}{(R+z)^2}$$
 بنفس الطريقة التي اتبعناها في التمارين السابقة نكتب

2/ أ/ الارتفاع الذي تنعدم فيه الطاقة الكامنة الثقالية

لدينا
$$E_{PP} = \frac{-GmM}{R+z}$$
 لدينا

فإذا كان $z
ightarrow \infty$ فإن $E_{PP_{\infty}} = 0$ ، فالطاقة الكامنة الثقالية تنعدم في اللانهاية. وهذا معناه أنه تم اختيار اللانهاية كمرجع للطاقة الكامنة الثقالية.

بماريه خاصة بحركة كوكب أو قمر صناعي

 v_0 عبارة و

 $E\!=\!E_0$ بما أن الجملة معزولة طاقويا فإن طاقة الجملة محفوظة، لذا نكتب

$$\frac{1}{2}mv^{2} - \frac{-mg_{0}R^{2}}{(R+z)} = \frac{1}{2}mv_{0}^{2} - mgR$$
 ومنه:

$$v_0 = \sqrt{v^2 + 2g_0R(1 - \frac{R}{R+z})}$$
 اذن

ج/ القيمة العددية لسرعة الإفلات من الكوكب (السرعة الكونية الثانية)

حتى ينفلت الجسم من جاذبية كوكب فإنه يجب أن يقذف بسرعة \overline{v}_0 انطلاقا من الكوكب تسمح له بمغادرة الكوكب إلى ما لا نهاية ! أي إلى بعد $\infty \to z$ وحتى تكون السرعة \overline{v}_0 أقل سرعة ممكنة فإن الجسم يصل إلى ما لا نهاية بسرعة \overline{v} معدومة، أي (v=0m/s).

$$v_0 = \sqrt{0^2 + 2g_0R(1 - \frac{R}{R + \infty})}$$
 : لنعوض في عبارة v_0 السابقة

$$v_0 = \sqrt{2g_0 R}$$

وهي السرعة اللازمة للانفلات، وتسمى أيضا السرعة الكونية الثانية.

لنحسب ٧٥ من أجل الكواكب الثلاثة وهي الأرض، القمر والمريخ :

المريخ	القمر	الأرض	
5026,8	2417,6	11200	$v_0(m/s)$

نلاحظ أن السرعة الكونية الثانية للأرض كبيرة، ولذا تستعمل الصواريخ ذات المراحل المتعددة حتى تستطيع الانفلات من جاذبية الأرض. E_{pp} ب/ تبرير وجود الإشارة السالبة في عبارة

بما أن اللانهاية هي مبدأ الطاقة الكامنة الثقالية، فكل ارتفاع عن سطح الأرض يكون فيه $z \geq \infty$ تكون الطاقة الكامنة الثقالية فيه سالبة.



$$mg = \frac{GmM}{(R+z)^2}$$
 لدينا حسب قانون نيوتن في الجاذبية

ونكتبه بالطريقة التالية :

 $E_0 = E_{C_o} + E_{PP_o}$: لدينا

$$mg = \frac{GmM}{R+z} \times \frac{1}{R+z} \;\; ; \;\; mg = -E_{PP} \frac{1}{R+z}$$

$$E_{PP} = -mg(R+z)$$
 ومنه نکتب

$$g = \frac{g_0 R^2}{(R+z)^2}$$
 وبالتعويض بعبارة g المعطاة ب

$$E_{PP} = -m(R+z)\frac{g_0 R^2}{(R+z)^2}$$

. نجد في الأخير
$$E_{PP} = \frac{-mg_0R^2}{(R+z)}$$
 نجد في الأخير

بجد في المحير (R+z) وهي العبارة الطلق (R+z) . (R+z) على سطح الأرض (R+z) على سطح الأرض

$$E_{C_{\theta}}=rac{1}{2}mv_{ heta}^{2}$$
 : وبما أن $ec{v}_{ heta}$ هي سرعة الانطلاق، إذن

$$E_{PP_0} = \frac{-mg_0R^2}{(R+0)}$$
: على سطح الأرض، إذن $Z=0$ على سطح

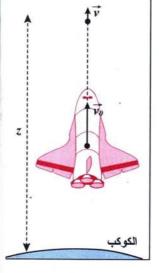
$$E_{PP_0} = -mg_0R$$
 ومنه نکتب

$$E_0 = \frac{1}{2} m v_0^2 - m g_0 R$$
اذن:

ب/ عبارة طاقة الجملة على ارتفاع (z) من سطح الأرض

$$E_C = \frac{1}{2}mv^2 \quad \text{as} \quad E = E_C + E_{PP}$$

$$E = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{-mg_0R^2}{(R+z)}$$
 يذن $E_{PP_0} = \frac{-mg_0R^2}{(R+z)}$ ڪما ان



أخي / أختي

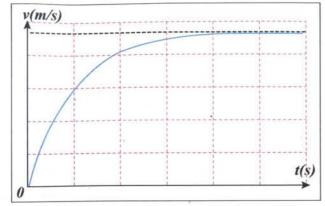
إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

◄ مرحلة الانطلاق (النظام الانتقالي)

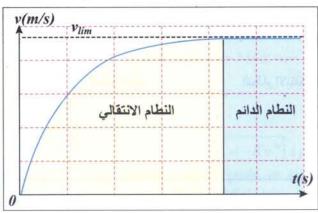


نلاحظ فيها أن السرعة تزداد بشكل غير منتظم، وهذا يدل على أن قوة ثقل الجملة \vec{P} اكبر من مجموع قوى الاحتكاك $|\vec{P}>\Sigma\vec{F_f}|$

◄ مرحلة الحركة المنتظمة (النظام الدائم)

وفيها نلاحظ أن قيمة السرعة أصبحت ثابتة v=cte عند حد معين نسميه السرعة الحدية $v=v_{lim}$ (أنظر الشكل الموالي).

$ec{P}=-arSigmaec{F}$ وهذا يدل على أن القوة $ec{P}$ أصبحت تساوي مجموع قوى الاحتكاك



نتيجة

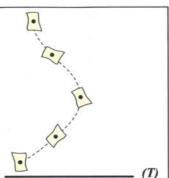
- ان قوة الاحتكاك الناتجة عن سقوط الجسم في الهواء، هي قوة معاكسة للحركة وتتعلق بالسرعة لذا يرمز لها بالرمز f(v).
- ولها عدة صيغ حسب سرعة الجسم فقد تكون من الشكل $\vec{f}=-K\vec{v}$ إذا كانت سرعة الجسم صغيرة في حدود (cm/s).
 - . وقد تكون من الشكل $f = -Kv^2$ إذا كانت شرعة الجسم كبيرة نسبيا.

Hard_equation دراسة حركة السقوط الشاقولي – 3 لجسم صلب في الهواء

1/ الدراسة التجريبية لحركة السقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء

1-1- توطئة

سندرس حركة السقوط الشاقولي لجسم في الهواء دون إعطائه سرعة ابتدائية $\vec{v_0} = \vec{0_0}$ ، بجوار الأرض، اين نعتبر أن شعاع حقل جاذبية الأرض (ثابت $\vec{G} = \vec{g} = 0$).



2.1 تجربة: إظهار قوى احتكاك الهواء

- ◄ اترك ورقة تسقط في الهواء ماذا تلاحظ ؟
- ◄ أكيد سنلاحظ أن حركتها معقدة (أنظر الشكل المرفق)
 - فهل خضعت الورقة لقوة الثقل \vec{P} فقط ؟
- ◄ بالطبع لا، فلو خضعت لثقلها فقط لما كانت حركتها شاقولية.
 - ◄ برايك من الذي أثر عليها بقوة أو قوى أخرى ؟
 - ◄ أكيد. الهواء هو الذي أثر على الورقة بقوى أخرى.
- ◄ هل أن القوى التي أثر بها الهواء تعرقل الحركة، أم تساعدها ؟
- ◄ إنها قوى تعرقل الحركة، بدليل أنها أنقصت من سرعة الورقة، فجعلت حركتها بطيئة.
 - ◄ اقترح مصطلحا لتسمية هذه القوى.
 - ◄ نقترح المصطلح: قوى مقاومة الهواء أو قوى احتكاك الهواء.

1-3- نمذجة قوى احتكاك الهواء

رأينا في التجربة السابقة، أن سقوط الورقة لم يكن شاقوليا، وبالتالي فإن البحث عن قوى احتكاك الهواء، ونمذجتها، لا يكون أمرا يسيرا.



1 تجربة

- ◄ نثبت بالونا بواسطة خيط ملتصق ببرغي(boulon)، نتركه يسقط في الهواء، فنلاحظ ان سقوطه شاقولي.
 - ندرس تطور سرعة الجملة (برغي + بالون) V(t) فنجد المنحنى التالي :

v(t) دراسة تطور السرعة

من خلال المنحني نميز مرحلتين:

 Λ_{π}

الهواء

دافعة أرخميدس هي قوة معاكسة للثقل تدفع من أسفل إلى أعلى وتظهر في الهواء أو الماء.

π خصائص دافعة أر خميدس

دافعة أرخميدس هي قوة تلامس يمكن نمذجتها بشعاع $\vec{\pi}$ تحدد خصائصه بالنسبة لجسم متجانس موجود في الهواء كما يلي :

- ◄ نقطة التائير : مركز عطالة الجسم (إذا كان الجسم مغمورا كليا داخل المائع).
 - ◄ الحامل: هو الشاقول.
 - ◄ الجهة : من الأسفل إلى الأعلى.
- ◄ القيمة ؛ عندما يوجد جسم في الهواء فإنه يحتل جزءا منه، وبالتالي ينزاح هذا $\pi = Mg$: الجزء من الهواء، أي

كتلة الهواء المزاح = الكتلة الحجمية للهواء imes حجم الهواء المزاح. M

الكتلة الحجمية للهواء ، $u = \rho_{air} vg$ الكتلة الحجمية الهواء ، $u = \rho_{air} vg$ إذن



لنعين القوى التي يخضع لها جسم كتلته (m) يسقط شاقوليا في الهواء (الشكل).

- - حامله : الشاقول.
 - جهته : نحو الأسفل.
- مدته : P = mg حيث g شدته الأرض.
 - f (v) algal lage ◄
 - حاملها : الشاقول.
 - جهتها : نحو الأعلى.
 - . $|f| = -Kv^n$ شدتها : تعطی بالعباره
- حيث : K ثابت يعتمد على طبيعة المائع (الهواء، السائل)، $1 \le n \le 2$ عدد حقيقي عادة ما يكون $n \le 1$
 - ◄ دافعة أرخميدس π
 - حاملها : الشاقول.
 - جهتها : نحو الأعلى.
 - $\pi = Mg$ شدتها : تعطى بثقل الهواء المزاح

حيث M كتلة المائع المزاح = الكتلة الحجمية للمائع imes حجم المائع.

$$\pi = \rho vg$$
 اذن $M = \rho v$

2 نمذجة قوة الاحتكاك في الهواء

ننمذج قوة الاحتكاك في الهواء بقوة وحيدة $f\left(v
ight)$ تزداد قيمتها بزيادة السرعة v وتعطى $\vec{f}(v) = -K\vec{v}^n$ بالعبارة

 $1 \le n \le 2$ عدد حقيقي، وعادة ما يكون $n \le n$

K : ثابت يعتمد على طبيعة المائع (الهواء، الغاز، السائل).

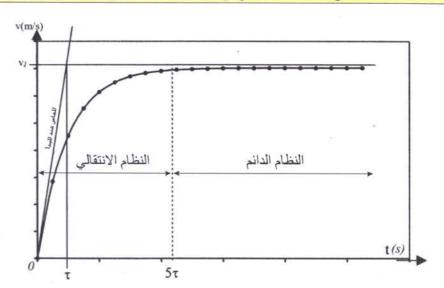
السرعة الحدية (Vlim)

السرعة الحدية هي أكبر سرعة يبلغها الجسم الذي يسقط شاقوليا في الهواء (وبشكل عام المائع) وتكون عندها حركته مستقيمة منتظمة.

تحدد (Vliny) تجريبيا بالخط المقارب الأفقي لنحنى تطور السرعة بدلالة الزمن (V(t).

الزمن المميز (٦)

الزمن الميز يسمح بتقدير مقدار الزمن الذي يفصل بين النظام الانتقالي والنظام الدائم. يعين بيانيا بلحظة تقاطع الخط المقارب الأفقي مع الماس عند المبدأ لمنحني تطور السرعة u(t).



$\bar{\pi}$ دافعة أرخميدس 4-1

عندما يتمدد شخص فوق سطح ماء البحر، بشكل أفقي جيد، نلاحظ أنه يبقى طافيا فوق الماء.

هل معنى هذا أنه لم يخضع لقوة ثقله $ec{P}$ التي تحاول أن تجعله يغوص داخل الماء $^{\circ}$

كلاً، فإن الشخص يخضع لقوة ثقله \widetilde{P} بالإضافة إلى قوة أخرى تدفعه من أسفل إلى الأعلى تسمى دافعة أرخميدس π . المعادلات الزمنية لحركة السقوط الحر

 $m ec{a} = m ec{g}$ او $m \dfrac{d \, ec{v}}{dt} = m ec{g}$. لدينا المعادلة التفاضلية

 $m \frac{dv}{dt} = mg$: بالإسقاط على معلم الحركة (O,z) السطحي الأرضي والذي نفرضه عطاليا نجد

$$\frac{dv}{dt} = g$$
 : ومنه نکتب

v = gt + B : حل هذه العادلة يعطى

باعتبار أن السرعة في اللحظة الابتدائية (t=0s) هي v_0 والتي نسميها السرعة الابتدائية .

 $B=v_0$: ومنه $v_0=g(0)+B$: فعندما نعوض في المعادلة السابقة نجد ونكتب المعادلة من جديد ونكتب المعادلة من جديد والتي نسميها معادلة السرعة اللحظية $v_0=g(0)+B$ بدلالة الزمن.

 $v = \frac{dz}{dt}$ عما أنه من المعلوم سلفا أن

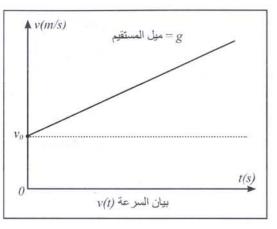
$$\frac{dz}{dt} = g t + v_0$$
 لذا نكتب

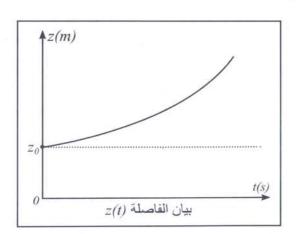
ومنه نجد :

(2)
$$z = \frac{1}{2} g t^2 + v_0 t + z_0$$

وهي معادلة الفاصلة اللحظية بدلالة الزمن. z_0 هي الفاصلة في اللحظة الابتدائية z_0 (الفاصلة الابتدائية).

نسمي المعادلتين 2،1 المعادلتين الزمنيتين لحركة السقوط الحر.





2 نمذجة قوة الاحتكاك في الهواء

ننمذج قوة الاحتكاك في الهواء بقوة وحيدة f(v) تزداد قيمتها بزيادة السرعة v وتعطى بالعبارة " f(v)=-Kv" بالعبارة " f(v)=-Kv0" عدد حقيقي، وعادة ما يكون v0 عدد حقيقي،

K : ثابت يعتمد على طبيعة المائع (الهواء، الغاز، السائل).

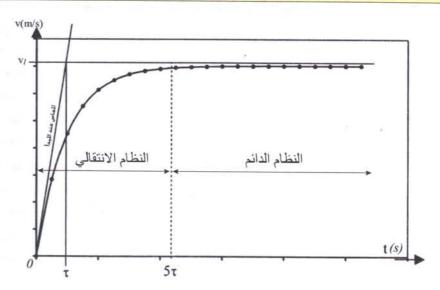
السرعة الحدية (vlim)

السرعة الحدية هي أكبر سرعة يبلغها الجسم الذي يسقط شاقوليا في الهواء (وبشكل عام المائع) وتكون عندها حركته مستقيمة منتظمة.

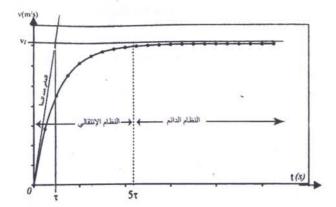
. V(t) تجريبيا بالخط المقارب الأفقي لنحنى تطور السرعة بدلالة الزمن V(t) .

الزمن المميز (٦)

الزمن الميز يسمح بتقدير مقدار الزمن الذي يفصل بين النظام الانتقالي والنظام الدائم. يعين بيانيا بلحظة تقاطع الخط المقارب الأفقي مع الماس عند المبدأ لمنحني تطور السرعة v(t).



π دافعت أرخميدس -4_1



· T : الزمن الميز.

IV/ دراسة حركة الستقوط الحر

- في الخلاء (انعدام الهواء)، يخضع الجسم لقوة ثقله $ec{P}$ فقط، فنقول إنه في حالة سقوط حرّ.
 - .القوى : $ec{P}$ فقط
 - $ec{P}=mec{a}_G=mrac{dec{v}_G}{dt}$: المادلة التفاضلية ullet

$$\frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{g}$$
 ، $\vec{a} = \vec{g} = \vec{m}$ ، اي : خابت $m\vec{g} = m\vec{a}$

• حلّ المعادلة التّفاضلية

$$\frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{g} \begin{vmatrix} \frac{dv_z}{dt} = g \\ \frac{dv_y}{dt} = 0 & \frac{\vec{J}}{\vec{J}} \\ \frac{dv_x}{dt} = 0 \end{vmatrix} \vec{v}_z = gt + v_{0z}$$

$$v_z = gt + v_{0z}$$

$$v_z = 0 \, m.s^{-1}$$

 $v_{O.} = 0 \, m.s^{-1}$ وإذا تم السَقوط الحر بدون سرعة ابتدانية فإن

$$z=rac{1}{2}gt^2+z_0$$
 والتي تسمّی معادلات السّقوط الحر ، ومسارها یکون شاقولیا. $v_z=gt$ ومنه نکتب $a_z=g$

الله دراسة حركة الستقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء

• القوى

كلّ جسم كتلته m ، يتحرّك في الهواء، أو الماء، أو أي مانع، يخضع لثلاثة قوى هي :

\tilde{P} قوة الثقل

و قيمتها P = mg حيث:

m: كتلة الجسم بـ (kg

 $(m.s^{-2})$ ب تسارع الجاذبية بg

• جهتها : شاقولية نحو الأسفل.

دافعة أرخميدس تر

: حيث $\pi = \rho V g$: قيمتها

. الكتلة الحجمية للمائع بho

V : حجم المائع المزاح = حجم الجسم إذا كان مغمورا كليا.

\vec{f} قوى احتكاك المائع

و قیمتها: $f = k v^n$ عیث:

في حالة السرعة صغيرة. f = k v

في حالة السّرعة كبيرة. $f = k v^2$

• معاكسة لجهة الحركة.

• المعادلة التفاضلية للحركة

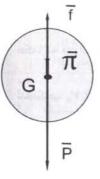
- $ec{P}+ec{f}+ec{\pi}=mec{a}_{_G}=mrac{dec{v}_{_G}}{dt}$: نطبَق القانون الثاني لنيوتن •
- $P-f-\pi=mrac{dv}{dt}:(O,\vec{z}\,)$ بالإسقاط على معلم الحركة بالإسقاط على معلم الحر

$$mg - k v^n - \rho vg = m \frac{dv}{dt}$$

• الحلّ التقريبي للمعادلة التّفاضلية

الحركة تتم وفق نظامين:

- النظام الانتقالي : فيه السَرعة تزداد.
- النظام الدّائم : تثبت فيه قيمة السّرعة عند السّرعة الحدّية ullet



2/ تعيين السرعة الحدية

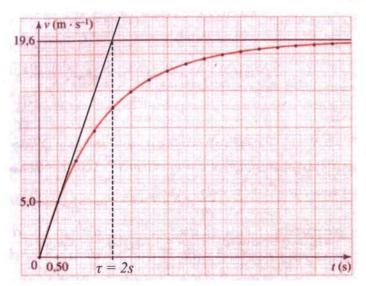
تعين من الخط المقارب الأفقي للمنحنى البياني :

.
$$v_{lim} = 19$$
 , $6 \, m.s^{-1}$ وهي القيمة

3/ استنتاج الزمن الميز T

يعين au بيانيا من نقطة تقاطع الخط المقارب الأفقي مع الماس عند المبدأ للمنحنى البياني.

 $\tau = 2s$



 a_0 أ/ قيمة التسارع الابتدائى 4

 a_0 . (t=0s) هو التسارع في اللحظة الابتدائية

$$a = \frac{dv}{dt}$$
 نعلم ان

لكن المشتق $\frac{dv}{dt}$ بيانيا هو ميل المستقيم.

$$t = 0$$
s في اللحظة إذن a_0 الأدن a_0 المعظة

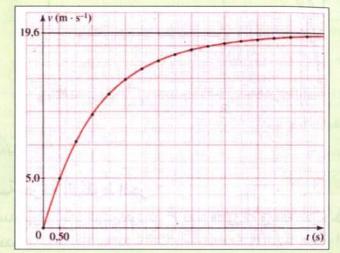
(t=0s) اي : الماس للبيان في اللحظة $=a_0$

$$a_0 = 9,8 \, m.s^{-2}$$
 اذن: $a_0 = \frac{19,6-0}{2-0}$ اذن:

 $a_0=g$ نستنتج إذن ان نسارع جاذبية الأرض $g=9\,,8\,m.s^{-2}$ بما ان تسارع جاذبية الأرض

التمرين ا : الدراسة التجريبية للسقوط الشاقولي في الهواء

ندرس في معلم ارضي، نعتبره عطاليا، حركة السقوط الشاقولي لجسم في الهواء. الوثيقة المرفقة تحدد تطور سرعة مركز عطالته V(t) بدلالة الزمن من لحظة السقوط إلى لحظة وصوله إلى الأرض.



1/ حدد مراحل الحركة.

2/ عين السرعة الحدية Vlim لسقوط الجسم.

استنتج الزمن الميز 7 للانتقال من نظام لأخر.

4/ أ/ احسب التسارع الابتدائي ao لحركة الجسم. ماذا تستنتج؟

ب/ استنتج التسارع النهائي a لحركة الجسم. ماذا تستنتج ؟ في المُقَالِ أَلَاهِمال أَحِيهِ

الفيزيائي $\frac{dv}{dt} + bv = C$ فعين المعنى الفيزيائي السابق ينمذج بالمعادلة التفاضلية $\frac{dv}{dt}$

للثابتين c_{b} واحسب قيمتيهما، وكذا القوى المؤثرة على الجسم في كل مرحلة مع التبرير.

6/ مثل القوى المؤثرة على الجسم في كل مراحل الحركة.

الحل

1/ تحديد مراحل الحركة (أنظمة الحركة)

مرحلة الانطلاق (أو النظام الانتقالي)

وتدوم من لحظة قذف الجسم ($t_0=0$ s) إلى لحظة ثبوت السرعة وهي اللحظة (t=8s).

• مرحلة الحركة المنتظمة (أو النظام الدائم)

وتبدأ من لحظة ثبوت السرعة وهي اللحظة (t=8s) إلى اللحظة (t=8,5s) وهي لحظة وصول الجسم إلى الأرض.

اذن قيمة $\vec{\pi}$ ثابتة.

قوة احتكاك الجسم بالهواء فيمتها تتعلق بالسرعة \vec{V}

 $f = -K \nu$ (a) $f = -K v^2$ $f = -K v^n$: وبشكل عام ويما أن \vec{V} تتغير فقوة الاحتكاك تتغير حتى تصبح:

 $u = v_{lim} =$ ثابت

عندها تصبح قيمة f ثابتة. ولذا يأتي تمثيل القوى في كل مرحلة كما يلي :

لحظة الاطلاق

 $\vec{f} = \vec{0}$

 $\Rightarrow v = 0 m/s$

لذا لم نمثل أ

حالة النظام الانتقالي

 $\vec{P} > \vec{f} + \vec{\pi}$

حالة النظام الدانم

 $\vec{P} = \vec{f} + \vec{\pi}$

• لحظة الانطلاق

 \vec{f} اذن $\vec{f}=\vec{0}$ اذن $v=0\,m.s^{-1}$

- $ec{P}>ec{f}+ec{\pi}$ ؛ في حالة النظام الانتقالي
 - $\vec{P} = \vec{f} + \vec{\pi}$: في حالة النظام الدائم
- P بشعاع طوله ثابت (2cm) في كل التمثيلات مثلنا P
 - $\vec{\pi}$ ایضا $\vec{\pi}$ مثلناه بشعاع طوله ثابت (0,5cm).
- اما f فقيمته متغيرة على حسب السرعة، مع الانتباه إلى أنه في مرحلة النظام الدائم يكون f ثابت وأما \vec{P} ویکون مجموع \vec{T} و ساوي \vec{P} لذا مثلنا \vec{P} بشعاع طوله (1,5cm).

التمرين 2 : حل المعادلة التفاضلية لتطور سرعة سقوط جسم في الهواء

ندرس في معلم سطحي ارضي، نعتبره عطاليا، السقوط في الهواء لكرة معدنية، نصف قطرها . ρ = 7 ,8 g / cm^3 وكتلتها الحجمية، R = 2cm

. $V=rac{4}{3}\pi R^3$ يعطى $ho_{air}=1,3g.L^{-1}$ يعطى

. $ec{\pi}$ ودافعة أرخميدس أ $ec{p}$. أ / أ عط العبارة الحرفية لكل من ثقل الكرة

g=9 , $8m.s^{-2}$ ب/ احسب قیمتیهما. ماذا تستنتج \$ خذ

 $f = -K \vec{v}$ ننمذج قوة احتكاك الهواء بالقوة /2

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد العادلة التفاضلية للسقوط الشاقولي للكرة.

3/ باعتبار أن السرعة الابتدائية معدومة تأكد من أن حل هذه المعادلة، يعطى بالعبارة :

u(t) =
u حيث : u =
u كتلة الكرة ، u كتلة الهواء المزاح.

4/1/ اعط عبارة السرعة الحدية N /1/

ب/ التسارع النهائي a لحركة الجسم

 $v=v_{lim}=19$, $6~m.s^{-1}$ في نهاية الحركة تكون السرعة ثابتة $a=0\,m.s^{-2}$: والحركة مستقيمة منتظمة إذن

u = 19 , 6 m . s^{-1} وبطريقة أخرى نقول إنa=a عنل الماس للمنحنى عندما والماس هو الخط القارب $u = V_{lim}$ الأفقي وعليه فإن ميله معدوم.

 $a = 0 \, m.s^{-2}$ اذن:

نستنتج انه في نهاية الحركة، تكون الحركة مستقيمة منتظمة.

أر المعنى الفيزيائي للثابت 5

 $(\frac{dv}{dt})$ المنتق الأولى للسرعة V (المنتق الأولى المعادلة التفاضلية العطاة هي من الرتبة الأولى المعادلة التفاضلية العطاة المعادلة ا

$$\frac{dv}{dt} + bv = C$$

 $t=0\,s$ هذه المحادلة محققة في جميع اللحظات بما فيها اللحظة الابتدائية

. لكن عند اللحظة t=0 لدينا t=0 المنا المتحرك انطلق بدون سرعة ابتدائية $v=v_0=0$ المنا المحظة المتحرك انطلق المتحرك المتح

 $\frac{dv}{dt}$ + $b \times 0 = C$: نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد

 $C=a_0=g$: الكن هنا $\dfrac{dv}{dt}$ يمثل التسارع $\dfrac{dv}{dt}$ ومنه : $\dfrac{dv}{dt}$

 $C=a_0=9\,,8\,m.s^{-2}$ فالثابت C هو التسارع الابتدائي a_0 وقيمته وقيمته C هذه المعادلة أيضا محققة في مرحلة الحركة المتظمة والذي يكون فيه

$$v = v_{lim}$$
 g $a = \frac{dv}{dt} = 0 \text{m.s}^{-2}$

 $0+b\; v_{lim}=a_0\; :$ نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد

$$b=0\,,5\,s^{-1}$$
 این $b=\frac{9\,,8\,m.s^{-2}}{19\,,6\,m.s^{-2}}$ قیمته $b=\frac{a_0}{v_{lim}}=\frac{g}{v_{lim}}$ اذن $b=\frac{g}{v_{lim}}$ اذن $b=\frac{g}{v_{lim}}$

تمثيل القوى المؤثرة على الجسم

القوى التي يخضع لها الجسم، أثناء حركة سقوطه الشاقولي في الهواء هي :

P=m و قوة الثقل \vec{P} . قيمتها \bullet

وبما أن ثابت g=g في مكان التجربة، إذن فشدتها ثابتة (بالطبع m ثابتة لأن السرع التي يكتسبها الجسم صغيرة مقارنة بسرعة الضوء).

 $\pi =
ho_{air} \, vg$ دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$: قيمتها هي دافعة أ

- حيث : ho_{air} الكتلة الحجمية للهواء، ho_{air} حجم الجسم، ho_{air} تسارع حقل الجاذبية، وكلها مقادير ثابتة

 $\rho_{air} = 1.3 \, kg / m^3$

$$\pi = \frac{4}{3}(3,14)(2.10^{-2})^3 \times 3,3 \times 9,8$$
 : نعوض فنجد

$$\pi \approx 0$$
, 43 × 10⁻³ N

$$\frac{P}{\pi} = \frac{2,56}{0,43 \times 10^{-3}} = 5,95 \times 10^{3} \approx 6 \times 10^{3}$$
 الوحدنا: $\frac{P}{\pi}$

اي
$$P = 6000$$
 فالثقل أكبر بـ 6000 مرة من دافعة أرخميدس.

2/ إيجاد المعادلة التفاضلية

لكي نطبق القانون الثاني لنيوتن، يجب تحديد كل من الجملة، المعلم، القوى.

- الجملة : هي الكرة.
- المعلم : هو (O,z) معلم سطحي نفرضه عطاليا.
 - \vec{p} ، $\vec{\pi}$ ، \vec{f} ؛ القوى الخارجية
 - القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

 $\Sigma \vec{F} = m \vec{a}$: نطبق نظرية مركز العطالة (القانون الثاني لنيوتن) نطبق مركز العطالة

$$\vec{\pi} + \vec{f} + \vec{P} = m\vec{a}$$

$$-\pi-f+P=ma:(O,z)$$
 بالإسقاط على معلم الحركة

$$-Mg - k v + mg = ma$$
 إذن:

$$a=g-rac{Mg}{m}-rac{K\, v}{m}$$
 : بالقسمة على m نجد $rac{d\, v}{dt}=g\left[1-rac{M}{m}
ight]-rac{K}{m}v$

$$\left| \frac{dv}{dt} + \frac{K}{m}v = \left(\frac{m-M}{m} \right)g \right|$$
 إذن:

وهي العادلة التفاضلية الطلوبة.

و حل للمعادلة التفاضلية
$$v(t)=\dfrac{\left(m-M\right)}{K}g\left(1-e^{-\dfrac{k}{m}t}\right)$$
 عو حل للمعادلة التفاضلية /3

السابقة يكفي أن نعوض به فيها فنجد أنها محققة.

 $\frac{dv}{dt}$ نعين في البداية المشتق

$$\frac{dv}{dt} = \frac{(m-M)}{K} g \frac{K}{m} e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{(m-M)}{m} g \cdot e^{-\frac{K}{m}t}$$

ب/ استنتج قيمة K إذا علمت أن السرعة الحدية لكرة الحديد هي 80m/s . ± 0.00 . ± 0.00 اعط إذن عبارة قوة احتكاك الهواء.

$$u = \frac{V_{lim}}{2}$$
 الذي تبلغ فيه السرعة نصف قيمة السرعة الحدية أي $t = t_{1/2}$ احسب الزمن $t = t_{1/2}$ الذي تبلغ فيه السرعة نصف قيمة السرعة الحديث أي

الحل

 $ec{P}$ العبارة الحرفية لثقل الكرة 1/1

$$P = mg$$

$$\frac{(m)}{(V)}$$
 الكتلة الحجمية $\rho = \rho$

$$P=
horac{4}{3}\pi R^3g$$
 اذن $V=rac{4}{3}\pi R^3$ ومنه نجد $ho=m=
ho V$ اذن $ho=rac{m}{V}$

 $ec{\pi}$ العبارة الحرفية لدافعة أرخميدس

نعلم أن : دافعة أرخميدس = ثقل الهواء المزاح

(g) إذن : دافعة أرخميدس (π) = كتلة الهواء المزاح

$$\pi = Mg$$
 : اي

بالمثل : كتلة الهواء المزاح (M) = الكتلة الحجمية للهواء imes حجم الهواء المزاح

$$M = \rho_{air} \times V_{air}$$

وبما أن الجسم موجود كليا في الهواء فإن : حجم الهواء المزاح $V_A = -\infty$ الكرة V_A

$$\pi=
ho_{air} imesrac{4}{3}\pi R^3g$$
 : وهنه $M=
ho_{air} imes V=
ho_{air}rac{4}{3}\pi R^3$ وهنه $M=
ho_{air}$

 π و p و مساب قيمتي p

$$P = \frac{4}{3}\pi R^3 \rho g$$

$$R = 2 \, cm = 2.10^{-2} \, m$$

$$g = 9,8 \, m.s^{-2}$$

$$\rho = \frac{7.8 \,\mathrm{g}}{\mathrm{cm}^3} = \frac{7.8 \times 10^{-3} \,\mathrm{kg}}{(10^{-2} \,\mathrm{m})^3} = 7.8 \times 10^3 \,\mathrm{kg} / \mathrm{m}^3$$

$$P = \frac{4}{3}(3,14)(2 \times 10^{-2})^3 \times 7,8 \times 10^3 \times 9,8$$
 إذن:

$$P \approx 2,56 N$$

$$\pi = \frac{4}{3}\pi R^3 \rho_{air} g$$

$$\rho_{air} = 1.3 g.L^{-1} = 1.3 \frac{g}{L} = \frac{1.3 \times 10^{-3} kg}{10^{-3} m^3}$$

• الطريقة 1

 $a = \frac{dv}{dt} = 0$

 $v_{lim} = \frac{m - M}{K} g(1 - 0)$ 1 وهي نفس العبارة التي وجدناها بالطريقة $v_{lim} = \frac{(m-M)}{K} g$

 $K = \frac{mg - Mg}{v_{lim}}$. يكون $v_{lim} = 80 \, m.s^{-l}$ وباعتبار $K = \frac{(m-M)}{v_{lim}} g$

 $\frac{(m-M)}{m}g\frac{K}{m}e^{-\frac{K}{m}t} + \frac{k}{m}\frac{(m-M)}{K}g\frac{K}{m}\left[1 - e^{-\frac{K}{m}t}\right] = \frac{(m-M)}{m}g$

 $\frac{(m-M)}{m}ge^{-\frac{K}{m}t}-\frac{(m-M)}{m}ge^{-\frac{K}{m}t}+\frac{(m-M)}{m}g=\frac{(m-M)}{m}g$

نحصل على السرعة الحدية عندما تصبح الحركة مستقيمة منتظمة، أي في حالة التسارع معدوم

نحصل على السرعة الحدية عندما يكون الزمن كبير نسبيا لذا نضع $\infty o t$ في عبارة السرعة.

$$K = \frac{P - \pi}{v_{lim}} = \frac{2,56 - 0,43.10^{-3}}{80} = 0,032$$

ومنه: $K \approx 0,032SI$ والمصطلح SI يعنى وحدة دولية.

ج/ عبارة قوة احتكاك الهواء

$$|\vec{f}|=-0$$
,032 $|\vec{r}|=-K$ إذن $|\vec{f}|=-K$ إذن وهكذا نستطيع حساب قيمة $|f|$ في كل لحظة.

$$t_{\gamma_2}$$
 -lus /5

$$v = 40 m.s^{-1}$$
 نعوض ب $v = \frac{v_{lim}}{2} = \frac{80}{2}$ بذن

$$v=v_{lim} \left(I - e^{-rac{K}{m} t}
ight)$$
 : نعوض في عبارة السرعة بعد تبسيطها

$$1 - e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{v}{v_{lim}} = \frac{40}{80} = \frac{1}{2}$$

$$e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{1}{2} \cdot -\frac{K}{m}t = \lim_{m \to \infty} \frac{1}{2} = -\lim_{m \to \infty} 2$$

$$t = t_{1/2} = \frac{m}{K} \ln 2$$

$$m = \frac{p}{g} = \frac{2,56}{9,8} \approx 0,261 \, \text{kg}$$
 لكن

$$t_{\frac{1}{2}} = 6,7s$$
 . $t_{\frac{1}{2}} = \frac{0,261}{0,027} \times 0,693$

التمرين3 : نمذجة احتكاك الهواء على مظلى

يقفز مظلى من طائرة على ارتفاع قريب من سطح الأرض دون أن يفتح مظلته وبدون سرعة ابتدائية. عندما بقيت له مسافة m 850 عن سطح الأرض فتخ مظلته ويكون عندها قد قطع مسافة m 2650.



. P ودافعة أرخميدس $ec{\pi}$ أمام ثقل المطلي ومظلته f ودافعة أرخميدس أمام ثقل المطلي ومظلته

 $g = 9,8m.s^{-2}$ ماذا نسمى هذا السقوط 9 يؤخذ

ب/ احسب حينئذ الزمن المستغرق لقطع المسافة بين الارتفاعين الذكورين. ج/ احسب سرعته حينئذ.

f في الواقع أثبتت الدراسات التجريبية أن قوة احتكاك الهواء f تنمذج بالعلاقتين التاليتين : اذا كانت السرعة \vec{V} صغيرة.

$$v = \frac{v_{lim}}{2} = \frac{80}{2}$$
نعوض ب

$$_{im}\left(1-e^{-rac{K}{m}t}
ight)$$
 : عوض في عبارة السرعة بعد تبسيطها

$$1 - e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{v}{v_{lim}} = \frac{40}{80} = \frac{1}{2}$$

$$e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{1}{2}$$
, $-\frac{K}{m}t = \lim_{m \to \infty} \frac{1}{2} = -\lim_{m \to \infty} 2$

$$t = t_{1/2} = \frac{m}{K} \ln 2$$

$$m = \frac{p}{g} = \frac{2,56}{9,8} \approx 0,261 \, kg$$
 لکن

$$t_{\frac{1}{2}} = 6,7 s$$
 : $t_{\frac{1}{2}} = \frac{0,261}{0,027} \times 0,693$

 \vec{u} حيث $\vec{f} = -K \vec{v}^2 \vec{u}$ اينا ڪانت السرعة \vec{v} ڪبيرة نسبيا (ايضا شعاعيا نکتبها $f = K v^2$ شعاع وحدة موجه بجهة الحركة.

// بناء على هذه العطيات، وأيضا على قيمة السرعة المستنتجة في السؤال (1 - ج) هل يمكن إهمال قوة احتكاك الهواء ؟ برر إجابتك.

ب/ أي النموذجين تختار للقوة أ

3/ يتطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم عطالي تحدده، جد العادلة التفاضلية التي تعطي تطور سرعة الظلى (نهمل دافعة أرخميدس).

> 4/ إذا علمت أنه عند فتح المظلة، استقرت السرعة عند القيمة 180km/h. ا/ ماذا تسمى هذه السرعة ؟

(90kg) باستنتج قيمة الثابت K علما أن كتلة المظلى ومظلته ج/ احسب الفترة الزمنية لقطع هذه المرحلة.

1/1/ نوع السقوط

نمثل القوى المؤثرة على المظلي في الشكل الموالي.

. ثقل المظلي ومظلته. $ec{P}$

نام دافعهٔ ارخمیدس. π

f . قوة مقاومة الهواء.

 $\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$: نطبق القانون الثاني لنيوتن

 $\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$

 $ec{P}=mec{a}$ اذن، أو $ec{\pi}$ انن، نهمل أو $ec{r}$

بالإسقاط على المعلم (O,z) السطحي الأرضي الموجه نحو الأسفل والذي نفرضه عطاليا نجد :

$$a = +g = +9,8 \, m.s^{-2}$$
 ومنه: $+mg = ma$

 $v_o = 0\,m.s^{-1}$ وأيضا فإن السقوط تم بدون سرعة ابتدائية

إذن فنوع السقوط هو سقوط حر بدون سرعة ابتدائية.

ب/ حساب الزمن المستغرق

: نحل هذه المعادلة التفاضلية بالكاملة فنجد وa=g اكن a=g اكن الكاملة فنجد ولدينا

وهي معادلة السرعة اللحظية. $u = g \ t + v_0$

$$\frac{dz}{dt} = g t + v_0$$
 إذن: $\frac{dz}{dt} = v$

 $z=rac{1}{2}gt^2+v_0t+z_0$ وايضا حل هذه العادلة التفاضلية يتم بالكاملة فنجد :

ننبه التلميذ إلى أنه يمكن استعمال هاتين المعادلتين المؤطرتين دون استنتاجهما.

 $z = \frac{1}{2}gt^2 + z_0$ اذن: $v_0 = 0 \, m.s^{-1}$ عند العلم بأن:

 $t=\sqrt{rac{2z}{g}}$ ان فاصلة الانطلاق هي $z=2650\,m$ وان $z=2650\,m$ وان ان فاصلة الانطلاق ع

$$t \approx 23,3s$$
 اذن: $t = \sqrt{\frac{2 \times 2650}{9,8}}$ التعويض نجد:

ج/ حساب سرعة المظلي

$$v=228$$
 , $3\,m.s^{-1}$ ومنه : $v=gt+v_0$ ، $v=9$, 8 (23 , 3) نستعمل معادلة السرعة

2/1/ لا يمكن إهمال قوة احتكاك الهواء، لأنها تتعلق بالسرعة.

كما أن السرعة المستنتجة v=228 , $3\,m.s^{-1}$ كما أن السرعة المستنتجة نسبيا.

 $\vec{f} = -\vec{K} v^2 \vec{u}$ بر تنمذج هنا قوة احتكاك الهواء بالعبارة (O,z) هو شعاع وحدة بجهة الحركة أي بجهة المعلم \vec{u}

3/ المعادلة التفاضلية لتطور السرعة

 $\Sigma \vec{F} = m \vec{a}$: نطبق القانون الثاني لنيوتن

$$\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$$

 $ec{P}+ec{f}=mec{a}$: بإهمال دافعة أرخميدس أمام أمام $ec{\pi}$ أمام

P-f=ma : بالإسقاط على معلم الحركة (O,z) الذي أشرنا إليه في السابق نجد

$$mg - Kv^2 = m\frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{K}{m}v^2 = g$$
 بالقسمة على m نجد :

وهذه هي المعادلة التفاضلية من الرتبة الأولى للسرعة بوجود طرف ثاني.

 V_{lim} هذه السرعة، السرعة الحدية 4

ب/ استنتاج قيمة الثابت K

بما أن السرعة استقرت عند القيمة $u = v_{lim} = 180\, km / h$ فهذا يعني أنها أصبحت ثابتة، وبالتالي

 $a=rac{dv}{dt}=0$ فالظلي أصبحت حركته مستقيمة منتظمة، وعليه فإن التسارع معدوم، أي

$$K=rac{gm}{v_{lim}^2}$$
 : نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد : g : نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد :

$$v = 180 \text{ km.h}^{-1} = \frac{180}{3.6} \text{ m.s}^{-1} = 50 \text{ m.s}^{-1}$$

تماريه خاصة بحركة السقوط

 $K = \frac{9,8 \times 90}{(50)^2} = 0,3528$ اذن $g = 9,8m/s^2$ ، m = 90kg

$$K = 0,353 \, N.s^2.m^{-2}$$

ج/ حساب الفترة الزمنية المستغرقة لقطع مسافة 850m بحركة مستقيمة منتظمة

$$v = \frac{dz}{dt}$$
 نعلم ان

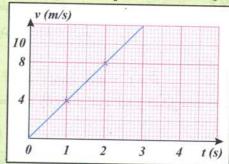
$$z = vt + z_0$$
 بالكاملة نجد

$$t=rac{z-z_{\,0}}{v_{lim}}$$
 باعتبار $z-z_{\,0}=850\,m$ باعتبار

$$t = 17s$$
: each $t = \frac{850}{50} = 17$

التمرين 4 : نمذجة قوة احتكاك الهواء على سقوط تفاحة

تسقط تفاحة صغيرة كتلتها m=40g شاقوليا من أعلى شجرة، بدون سرعة ابتدائية المنحني البياني الآتي يعطي تطور سرعة التفاحة V(t) في معلم أرضي نعتبره عطاليا.



1/ من البيان استنتج طبيعة حركة التفاحة.

2/ استنتج بيانيا تسارع التفاحة (a).

f أحسب قيمة قوة احتكاك الهواء f وبين أنها ثابتة.

(يمكن إهمال دافعة أرخميدس، ويؤخذ g=10~SI).

4/ احسب السافة الكلية التي قطعتها التفاحة.

V(t) أعط المعادلة الزمنية للسرعة اللحظية

1/ طبيعة حركة التفاحة

u=at الشكل من الشكل هي من البيان u(t) هو خط مستقيم ميله موجب يمر من المبدأ فمعادلته هي من الشكل وهي معادلة حركة مستقيمة متغيرة بانتظام إذن فحركة الجسم متغيرة بانتظام.

a حساب التسارع /2

الشاقولي لجسم صلب في العواء

$$a=4m/s^2$$
 ، $a=\frac{8-4}{2-1}=4$ ، $a=\frac{\Delta v}{\Delta t}$ نحسبه من ميل المنتقيم

 $ilde{f}$ حساب قيمة قوة احتكاك الهواء $ilde{f}$

أهملنا قوة دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ لذا لم نمثلها.

$$\sum \! ec{F} = m ec{a}$$
 : نطبق نظرية العطالة (القانون الثاني لنيوتن) نطبق نظرية $ec{P} + ec{f} = m ec{a}$

بالإسقاط على المعلم (O,z) الموجه نحو الأسفل والذي نفرضه عطاليا :

$$f = P - ma$$
 ! اذن ! $P - f = ma$ الكن ! $P = mg$! الكن ! $P = mg$! الكن ! $P = mg$!

$$f=0\,,24\,N$$
 : وبالتالي $f=0\,,04\,(\,10\,-4\,)$ نغوض فنجد

لاحظ أن f ثابتة القيمة.

4/ السافة الكلية التي قطعتها التفاحة

يمكن حساب المسافة بيانيا:

المسافة = عدديا مساحة المثلث الذي يحصره مخطط السرعة مع محور الزمن =

$$z = 12,5 m$$
 , $z = \frac{2,5 \times 10}{2} = 12,5 m$

5/ العادلة الزمنية للسرعة اللحظية

$$(m/s)$$
 ب $v=at$. لدينا $v=4t$ ، $v=at$. لدينا

التمرين 5 : وضعية إدماجية

أراد استاذ الفيزياء في حصة الأعمال التطبيقية دراسة السقوط الشاقولي لجسمين في الهواء ومن ثم

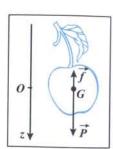
، $r_l = 1cm$ الجسم الحديد نصف قطرها ڪرية صغيرة من الحديد الحديد عن ڪرية الحديد

. $ho_{\rm fer}=7$, $8{
m g/cm}^3$ والكتلة الحجمية للحديد

، $(2r_2 = Imm)$ عبارة عن قطرة مطر، تشبه كرية قطرها

. $ho_{\rm ecm}=1\,{\rm g/cm^3}$ والكتلة الحجمية للماء

ار احضر الأستاذ كاميرا رقمية (web-cam) بتواتر $\binom{1}{15}$ بصورة 320 imes 220 imes 20 وصور الأستاذ حركة الجسمين (اللذين نعتبرهما نقطتين ماديتين) وسجلهما بالنسبة لعلم مخبري نعتبره معلما عطاليا. ثم كلف مجموعة من التلاميذ بمعالجة التسجيلات المتحصل عليها باستعمال برنامج ملائم فحصل التلاميذ على النقاط (Z,t)، ثم طلب منهم نقل هذه النقاط على ورقة مجدول واعطيت التعليمات لرسم منحنى تطور السرعة V(t) لكل جسم. فأتت كما هو موضح Excelفي البيان التالي. ثم طرح الأستاذ الأسئلة التالية :



الكرة يعطى بالعلاقة $V=rac{4}{3}\pi r^3$ وان الكتلة الحجمية للهواء في شروط $V=rac{4}{3}\pi r^3$

 $ec{f}=6\pi\eta rec{v}$ وأن قوة احتكاك الهواء للجسمين تعطى بالعبارة $ho_{air}=1$, 3 $g.L^{-1}$ التجربة هو او بالعبارة $ec{f}$ المواء ($ec{f}$ عيث $ec{f}$ حيث $ec{f}$ حيث $\eta=1,8.10^{-5}$ لزوجة الهواء ($ec{f}$ تسمى قوة ستوكس).

ب/ احسب النسبتين $rac{ec{\pi}}{\pi}$ و $rac{P}{f}$ لكلا الجسمين وبرر إجابتك، علما بأن : $ec{P}$ ثقل الجسم ، $ec{\pi}$ دافعة

 $u=0\,m.s^{-1}$ أرخميدس ، f مقاومة الهواء عند السرعة المشركة ج- ماذا تستنتج ؟

2/ // بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على كل جسم، جد المعادلة التفاضلية لتطور السرعة لكل

ب/ أرفق بكل متحرك المنحني الموافق لتطور سرعته.

ج/ حدد طبيعة الحركة لكل منهما.

لتفسير بيان المنحنى (b) ومن ثم معرفة النموذج الحقيقي ل \overline{f} اقترح الأستاذ على التلاميذ \overline{f}

$$\begin{cases} \frac{dv}{dt} + \frac{v}{3,1} = 9,8.....1 \\ \frac{dv}{dt} + v^2 = 9,8.....2 \end{cases}$$
 المعادلتين التفاضليتين التاليتين

ثم طرح على التلاميذ الأسئلة التالية :

1/ // ما هي قيمة التسارع الابتدائي ao لقطرة المطر ؟ في كل نموذج ؟ علَق على النتيجتين، وكيف تفسرهما ؟

ب/ برأيك هل بتعيين ao نستطيع اختيار النموذج الصحيح لقوة الاحتكاك؟

2/1 ما هي قيمة السرعة الحدية V_{lim} التي يعطيها كل نموذج ؟

ب/ قارن القيمة المحسوبة للسرعة الحدية بالقيمة المسجلة في البيان (b).

ج/ برأيك، هل بتعيين Vlim ، نستطيع اختيار النموذج الصحيح لقوة الاحتكاك؟

3/ // اختر الآن النموذج الصحيح ل f.

ب/ احسب الثابت K ، مع تحديد وحدته.

ج/ استنتج الزمن الميز ٢.

1/11/ مسب الارتفاع الذي سقطت منه كرية الفولاذ وكذلك الارتفاع الذي بدئ منه تسجيل حركة قطرة المطر (لاحظ أن بدء تسجيل حركتيهما تم في نفس اللحظة الابتدائية 0s=0).

2/ ما هو الزمن الذي استغرقه كل متحرك في حركة سقوطه ؟

3/ هل ترافَقَ الجسمان في حركتيهما ؟ إذا كان جوابك لا، فهل يعني هذا أن الجسم الأثقل هو الذي يسقط بسرعة أكبر حسب ما قاله أرسطو ؟ - اشرح واقترح تجربة تؤيد بها قولك.

4/ ما هي الأهداف المحققة في هذه التجربة ؟

 $\frac{P}{\pi}$ ارحساب النسبة 1/1/1

P=mg نعلم أن قوة الثقل

$$P = \rho \frac{4}{3} \pi r_i^3 g$$
 افن $m = \rho \frac{4}{3} \pi r_i^3 = \rho \frac{4}{3} \pi r_i^3$

 $\pi=$ كما أن دافعة أرخميدس ثقل الهواء المزاح

$$\pi =
ho_{air} \frac{4}{3} \pi r_i^3 g$$
 اذن: $\pi =
ho_{air} V g$ اذن:

، $ho=
ho_{\it fer}$ بالنسبة للجسم 1 الذي هو كرية فولاذية

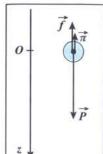
$$\frac{P}{\pi} = \frac{\rho_{fcr} \frac{4}{3} \pi r_l^3 g}{\rho_{air} \frac{4}{3} \pi r_l^3 g} = \frac{\rho_{air}}{\rho_{fer}}$$

$$\frac{P}{\pi} = \frac{\rho_{fer}}{\rho_{air}} = \frac{7,8g/cm^3}{1,3g/L} = \frac{7,8g/10^{-3}L}{1,3g/L}$$

 \vec{P} امام $\vec{\pi}$ امام $\vec{\pi}$ اکبر من دافعة ارخمیدس $\vec{\pi}$ بـ 6000 مرة لذا نهمل امام $\vec{\pi}$ امام $\vec{\pi}$

ب/ الاستنتاج

- نستنتج أن دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ في الهواء عادة ما تهمل أمام الثقل \vec{P} لأى جسم ذو كثافة كبيرة.
- $ec{P}$ امام ثقلها $ec{f}$ و $ec{\pi}$ الفولاذ نعتبر سقوطها الشاقولي في الهواء سقوطا حرا لأننا اهملنا $ec{h}$



2/ ا/ تطبيق القانون الثاني لنيوتن

• بالنسبة لكرية الفولاذ

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{\pi} = m\vec{a}$$

$$ec{P}=mec{a}$$
 : نهمل $ec{r}$ و أمام أمام أمام

بالإسقاط على المعلم (O,z) السطحى الأرضى الذي نفرضه عطاليا :

$$P = ma$$
; $mg = ma$

$$a=g=$$
اذن: اثابت

 $\left| \frac{dv}{dt} \right| = g$ وهي المعادلة التفاضلية لحركة كرية الفولاذ

• بالنسبة لقطرة المطر

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{\pi} = m\vec{a}$$

$$\vec{p}$$

$$ec{P}+ec{f}^{'}=mec{a}$$
 : نهمل فقط $ec{\pi}$ أمام

$$P-f=ma.....*$$
 بالإسقاط على المعلم (O,z) الذي نفرضه عطاليا

لدينا هنا نموذجان له \hat{f} وعليه نجد معادلتين تفاضليتين.

$$\vec{f} = -6 \pi \eta r \vec{v}$$
 . Plum this because \vec{r}

$$(-)$$
 اذن قیمه f هی $f=6$ $\pi\eta r \nu$ اذن قیمه

 $\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi\eta r}{v} = g$ ومنه : $mg - 6\pi\eta rv = ma$ نعوض في المعادلة (*) فنجد

$$\frac{6 \pi \eta r}{m}$$
لنعين المقدار

$$\frac{6 \pi \eta r}{m} = \frac{6 \pi \eta r}{\frac{4}{3} \pi r^3 \rho_2} = \frac{9 \eta}{2 r^2 \rho_2} = \frac{9 \times 1,8.10^{-5}}{2 (0,5.10^{-3})^2 (10^3)}$$

$$\left| \frac{dv}{dt} + 0,324v = g \right|$$
 ومنه تكون المعادلة التفاضلية : $\frac{6 \pi \eta r}{m} = 0,324$

$$f=+K\, {\it V}^2$$
 ، وقيمتها $ec f=-K\, {\it V}. ec {\it V}$ ؛ والنسبة للنموذج الثاني

$$mg - \frac{Kv^2}{m} = ma$$
: عندما نعوض في المعادلة (*) نجد

، $ho=
ho_{cau}=1$ و الذي هو قطرة مطر كروية الشكل إذن 2 الذي هو قطرة مطر كروية الشكل إذن

$$\frac{P}{\pi} = \frac{\rho_{eau}}{\rho_{air}} = \frac{1 \, g \, / \, cm^3}{1,3 \, g \, / \, L} = \frac{1 \, g \, / \, 10^{-3} \, L}{1,3 \, g \, / \, L}$$
 : نعوض فنجد

$$\frac{P}{\pi} = 1000$$

 $.ec{P}$ اکبر من دافعة أرخميدس $ec{\pi}$ بـ 1000 مرة لذا نهمل ألم أمام

نعلم ان \vec{f} تعطی بنموذجین هما :

مع
$$ec{f}=-6$$
 وهي لزوجة الهواء. $ec{f}=-6$ مع

مع
$$K$$
 ثابت. $ec{f}=-K\, v. ec{v}$

لم تعط قيمته لذا نفضل استعمال النموذج الأول لـ $ilde{f}$ حتى نستطيع تحديد النسبة :

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \rho r^2 g}{9 \eta v}$$
 : اذن $\frac{P}{f} = \frac{\rho \frac{4}{3} \pi r^3 g}{6 \pi \eta r v} = \frac{2 \rho r^2 g}{9 \eta v}$

بالنسبة لكرية الفولاذ (الجسم 1)

$$ho_1 =
ho_{fer}$$
 : نضع

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \rho_l r_l^2 g}{9 \eta v}$$

 $v=3\,,0\,m.s^{-1}$ ناخذ قيمة السرعة

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \times 7, 8.10^3 \times (10^{-2})^2 \times 9, 8}{9 \times 1, 8.10^{-5} \times 3}$$
 : نعوض بالقيم فنجد

$$. \vec{P}$$
 الذا نهمل \vec{f} امام $P=3$, 2×10^4

بالنسبة لقطرة المطر (الجسم 2)

$$\rho_2 = \rho_{eau}$$
: نضع

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \rho_2 r_2^2 g}{9 \eta v} = \frac{2 \times 10^3 \times (0, 5.10^{-3})^2 \times 9, 8}{9 \times 1, 8.10^{-5} \times 3}$$

 $.ec{P}$ امام منا لا نستطيع إهمال

ب- لاحظ أن كلا النموذجين يعطيان نفس التسارع الابتدائي ao وعليه فإن معرفة (ao) لا يؤدي بالضرورة إلى معرفة النموذج الصحيح.

2/1/ قيمة السرعة الحدية

سواء كان النموذج الأول أو الثاني فإن السرعة الحدية نحصل عليها في حالة النظام الدائم، أي في حالة الحركة المستقيمة المنتظمة، وهذا يؤدي إلى وضع $a=rac{dv}{dt}=0$ في كل معادلة تفاضلية.

• بالنسبة للنموذج الأول

$$0 + \frac{v}{3,1} = 9,8$$
 , $v_{lim} = 3,1 \times 9,8$

$$v_{lim} \approx 30$$
, $4 \, \text{m.s}^{-1}$

• بالنسبة للنموذج الثاني

$$0+v^2=9\,,8$$
 , $v_{lim}=\sqrt{9\,,8}\approx 3\,,1$

$$v_{lim} \approx 3$$
, $I m.s^{-1}$

ب/ مقارنة قيمة V_{lim} النظرية والبيانية

• بيانيا ؛ لدينا من المنحني $V_{lim}=3$, $1\,m.s^{-1}$ ؛ $V_{lim}=3$ فهي توافق تماما المحسوبة من النموذج الثاني بطريقة نظرية.

ج/ نعم، بتعيين V_{lim} نستطيع اختيار نموذج قوة احتكاك الهواء بالجسم.

3/ أ/ بناء على الإجابة السابقة (ب) نستطيع القول:

$$f=K\,v^2$$
 : بن النموذج الثاني هو النموذج الصحيح الصحيح بن النموذج الثاني النموذج الثاني النموذج الثاني النموذج الصحيح الصحيح المحتمد النموذج النموذ النموذج النموذ النم

Kب/ حساب الثابت

$$K=rac{f}{
u^2}$$
 : من العلاقة السابقة نكتب

 ν و f لذا يجب تعيين

 $\sum \vec{F} = \vec{0}$ يسهل تعيين f و V و و الله مرحلة الحركة المستقيمة المنتظمة إذ ان $.\vec{P}+\vec{f}=\vec{0}$: ومنه

P-f=0 ، P=f : وبالإسقاط على المحور (Oz) الموجه نحو الأسفل نجد

$$P = mg = \frac{4}{3}\pi r_2^3 \rho g$$
 لكن:

$$f = \frac{4}{3} \times 3,14(0,5.10^{-3})^3 \times 10^3 \times 9,8$$
 إذن $f = 5,13 \times 10^{-6} N$

إذن :
$$\dfrac{dv}{dt} + \dfrac{K}{m}v^2 = g$$
 وهي المعادلة التفاضلية بالنموذج الثاني.

ب/ إرفاق بكل متحرك منحني سرعته المناسب

يال الحل $\frac{dv}{dt}=g$ تؤدي إلى الحل هو المنحني (a) لأن معادلته التفاضلية و $\frac{dv}{dt}=g$ تؤدي إلى الحل $\frac{dv}{dt}=g$

. $u_0 = 0\,m.s^{-1}$ ومعادلة المستقيم (a) هي نفسها هذه المعادلة مع

• قطرة المطر: منحني سرعتها هو المنحني b.

ج/ طبيعة الحركة

 كرية الحديد : حركتها مستقيمة وتسارعها (g) ثابت، فحركتها مستقيمة متغيرة بانتظام متسارعة (أو نقول سقوطا حرا).

• قطرة الماء : حركتها تتم في مرحلتين :

المرحلة الأولى: مرحلة النظام الانتقالي، وفيها تكون الحركة مستقيمة متسارعة. المرحلة الثانية : مرحلة النظام الدائم ، وفيها تكون الحركة مستقيمة منتظمة.

ار المعيين التسارع الابتدائي a_0 لقطرة المطر $1/\Pi$

• بالنسبة للنموذج الأول: نأخذ المعادلة التفاضلية 1.

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{3.1} = 9.8$$

 $u=0\,m.s^{-1}$ نحصل على التسارع الابتدائي في حالة

$$a_0 = \frac{dv}{dt} = 9,8$$
 اذن: $a_0 = \frac{dv}{dt} + \frac{0}{3,1} = 9,8$ اذن: $a_0 = 9,8$ $m.s^{-2}$

• بالنسبة للنموذج الثاني: نأخذ المعادلة التفاضلية 2.

$$\frac{dv}{dt} + v^2 = 9,8$$

 $a_0 = \frac{dv}{dt} = 9,8$: نجد ایضا $v = 0 \, m.s^{-1}$

$$a_0 = 9,8 \, m.s^{-2}$$
 ! إذن

 $a_0 = g = 9$, $8 \, m.s^{-2}$ نلاحظ أن كلا النموذجين يعطيان نفس التسارع الابتدائي

وهنا متوقع لأنه في لحظة الانطلاق تكون $ec{f}=ec{0}$ لأن $ec{f}=ec{0}$ وهنا بالنسبة للنموذجين وعليه تكون قطرة الماء خاضعة لثقلها فقط $ec{P}$ (بإهمال $ec{\pi}$). إذن بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في لحظة $a = g = 9,8 \, m.s^{-2}$: ومنه ma = mg الانطلاق نجد 4/ الأهداف المحققة في هذه التجربة

• التحقق من القانون الثاني لنيوتن.

• يمكن تحديد بطريقة تجريبية نموذج قوة الاحتكاك .

• الأجسام الكروية صغيرة الحجم وذات الكثافة الكبيرة مثل المعادن يمكن إهمال فيها مقاومة الهواء

وأيضا دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ وبالتالي يمكن اعتبار سقوطها في الهواء سقوطا حرا بتقريب جيد.

 $v = v_{lim} = 3$, $1 \, m.s^{-1}$: لدينا ايضا

$$K = \frac{5,13 \times 10^{-6}}{(3,1)^2} = 5,34 \times 10^{-7} \, N.s^2.m^2$$
 الآن نعوض في عبارة K فنجد :

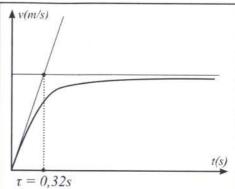
ج/ استنتاج الزمن المميز ٢

نعينه بيانيا من نقطة تقاطع الماس لنحني تطور سرعة قطر المطر مع الخط المقارب الأفقي الذي معادلته $\nu = 3$, $I \, m.s^{-1}$ معادلته

ولننتبه إلى أن منحنى تطور سرعة كرية الفولاذ V(t) هو خط مستقيم ويشكل مماسا للمنحنى لقطرة المطر فلا داعى إذن لتمثيل الماس. إذن من الشكل المقابل نجد:

$$\tau = 0$$
, $32s$

 $K = \frac{5,13 \times 10^{-6}}{(3.1)^2} = 5,34 \times 10^{-7} \, N.s^2.m^2$ الآن نعوض في عبارة K فنجد :



11/11/ مساب الارتفاع الذي سقط منه كل جسم

تم بدء تسجيل حركتي الجسمين في نفس اللحظة $(t_0 = 0s)$ ، وعليه فإن الارتفاع الذي نحسبه متساو للجسمين.

لحساب الارتفاع الذي سقطت منه كرية الفولاذ نستعمل الطريقة البيانية، مادام أعطى لنا مخطط

$$z = \frac{1,25 \, m}{2}$$
 عدد مساحة الثلث $z = \frac{1,25 \, m}{2}$ ، $z = \frac{0.5 \times 5}{2}$

ب/ الزمن الذي استغرقه كل متحرك في حركته

• كرية الفولاذ

 $t_1 = 0,5$ s : انظر البيان

• قطرة المطر

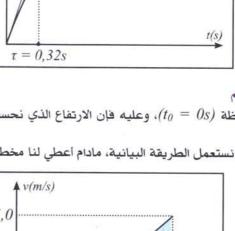
 $t_{s} \approx 0.85 \, \mathrm{s}$ من البيان نجد ان:

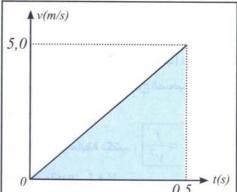
وعليه فإن كرية الفولاذ استغرقت مدة أقل في حركتها ولذا فإن الجسمين لم يترافقا في حركتيهما. ظاهريا بدا أن الجسم الأنقل وهو الكرية هبط بسرعة أكبر من سرعة قطرة المطر. لكن إذ انتبهنا إلى أن الأول كان تأثير كل من مقاومة الهواء ودافعة أرخميدس عليه قليلاً.

أما بالنسبة لقطرة المطر، فإن تأثير مقاومة الهواء عليها لا يمكن إهماله، وهذا هو السبب الذي جعل الجسمين لا يترافقان في حركتيهما.

فبمعزل عن الهواء تترافق الأجسام في حركتها، إذ من المعلوم أنه في تجربة أنبوب نيوتن الذي يفرغ من الهواء تترافق جميع الأجسام في حركاتها.

وعليه فإن فكرة أرسطو لا تتحقق إلا إذا كانت مقاومة الهواء كبيرة.





أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



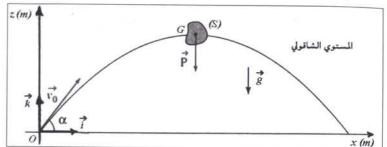
و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

4_ حركة قذيفة في حقل الجاذبية

1.4 حركة قذيفة في حقل الجاذبية

يقذف جسم بسرعة ابتدائية $ec{v}_0$ ، تميل عن الأفق بزاوية lpha في مكان فيه حقل الجاذبية $ec{g}$ منتظم في اللحظة الابتدائية (O,i,j,k) الجسم موجود في المبدأ O للمعلم الابتدائية الابتدائية الحراسة حركة مركز عطالة تتبع ما يلي :



الجملة : هي الجسم

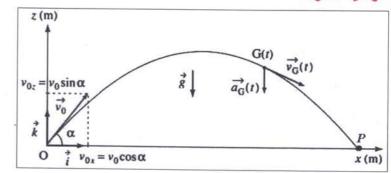
- . العلم و $(O,\vec{i}\,,\vec{j}\,,\vec{k}\,)$ معلم سطحي أرضي نفرضه عطاليا.
- . 3 القوى الخارجية : \vec{P} ، نهمل \vec{T} ، $\vec{f}_{(V)}$ ، \vec{P} ، فهمل الفقرة قي ا
 - القوى الداخلية ؛ قوى تماسك أجزاء الجملة.

التسارع في حقل الجاذبية

. نطبق القانون الثاني لنيوتن : \vec{a} حيث \vec{a} حيث \vec{c} تسارع مركز عطالة الجملة الجملة . $ma_x=0$ بإسقاط هذه العلاقة على المحور الأفقي (Ox) نجد : $P_x=0$ اين $P_x=0$ إذن $|a_{r} = 0 \, m.s^{-2}|$: each

 $P_z = -mg$ لكن $P_z = ma_z$: نجد (Oz) بالإسقاط على المحور الشاقولي . $a_z=-g$ این $-mg=ma_z$ این ایجههٔ (Oz) این ایجههٔ $\vec{P_z}$ این

المعادلات الزمنية للحركة



 $v_x = v_x = 0$ نعلم ان $\frac{dv_x}{dt} = 0$ ، اذن $a_x = 0$ ، اذن $a_x = 0$ ، وبما ان ثابت $a_x = \frac{dv_x}{dt}$ ، ومنه نستنتج ان ثابت فالسرعة وفق (Ox) ثابتة في كل اللحظات الابتدائية بما فيها اللحظة الابتدائية. $v_{\,\theta x} = \!\! v_{\,x} \, (\,t=0\,)\,$ الذن، مركبة السرعة الابتدائية وفق $(\,O\!x\,)$ هي $v_{\,\theta x} = \!\! v_{\,x} \, (\,t=0\,)$ $\cos \alpha = \frac{v_{\theta x}}{v_{\theta x}} = \frac{v_{\theta x}}{v_{\theta x}}$ المحن تعيين $v_{\theta x}$ ، فإنه لدينا : وكما هو موضّح في الشكل، بمكن تعيين

 $v_{\theta x} = v_{\theta} \cos \alpha$ اذن:

 $\sin \alpha = \frac{v_{0z}}{v_{0}}$ الدينا لدينا المركبة العمودية للسرعة الابتدائية v_{0x} وأيضا لدينا

 $v_x = v_{\theta x} = v_{\theta} \cos \alpha$: فنجد وفي الأخير نكتب وفي الأخير نكتب وفي الأخير نكتب

لكن $v_x = \frac{dx}{dt}$ نكن $v_x = \frac{dx}{dt}$ نكن الحظة $x = v_x t + x_0$ الذن $v_x = \frac{dx}{dt}$: ومن الشكل لدينا x ، نعوض في معادلة x فنجد الابتدائية (t=0 ه) . ومن الشكل لدينا

 $|x = (v_0 \cos \alpha) t|$ $|x = v_0 \cos \alpha t + 0|$

 $v_z = gt + v_{\theta z}$: ومنه نجد ، $\frac{dv_z}{dt} = -g$ ؛ إذن ، $a_z = -g$

 $v_z = gt + v_0 \sin \alpha$: وبالتعويض عن $v_{\theta z}$ نجد $\frac{dz}{dt} = -gt + v_0 \sin \alpha$ اذن: $\frac{dz}{dt} = v_z$

 $z_{\,0}=0\,m$ ومنه : $z_{\,0}=-rac{I}{2}\,gt^{\,2}+ig(v_{\,0}\,\sinlphaig)t+z_{\,0}$ ومنه : ومنه

 $z = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin \alpha)t$ الذا نكتب:

نلخص المعادلات الزمنية كما يلي:

• معادلات السرعة اللحظية على المورين

$$v_x = v_0 \cos \alpha$$

$$v_z = -gt + v_0 \sin \alpha$$

• معادلات الإحداثيتين (الفاصلة والرتيبة)

$$x = (v_0 \cos \alpha) t \dots (1)$$
$$z = -\frac{1}{2} g t^2 + (v_0 \sin \alpha) t \dots (2)$$

إذا تمّ السَّقوط الحرّ بسرعة ابتدائية غير شاقولية، فتسمَّى حركة القذيفة

يقذف حسم كتلته m بسرعة ابتدائية $ec{v}_0$ ، تصنع زاوية lpha مع الأفق. لندرس حركة الجسم.

- العلم $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ معلم سطحی أرضی نفترضه عطالیا.
 - $.\,ec{P}\,:$ القوى ullet

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$
 : نطبَق القانون الثاني لنيوتن

$$\vec{P} = m\vec{a} = m\frac{d\vec{v}}{dt}$$
 : نجد $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$: ومنه

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$
: each

• الشروط الابتدائية :

$$ec{r_0} = \overrightarrow{OM} egin{array}{c} z = 0m \\ y = 0m \\ x = 0m \end{array}$$
 بالتكامل : $ec{v_0} \ v_{0_x} = v_0 \sin lpha \ v_{0_x} = 0 \, m.s^{-l} \ v_{0_x} = v_0 \cos lpha \end{array}$

$$ec{v}=rac{d\overrightarrow{OM}}{dt}\begin{vmatrix} v_z=-gt+v_{0_z} \\ v_y=0\,m.s^{-l} \\ v_x=v_{0_x}=v_0\coslpha \end{vmatrix}$$
 : بالتكامل $ec{a}=rac{d\overrightarrow{v}}{dt}\begin{vmatrix} a_z=-g\\ a_y=0m.s^{-2} \\ a_x=0m.s^{-2} \end{vmatrix}$

$$\begin{vmatrix} z = -\frac{1}{2}yt^2 + v_0 \sin \alpha \dots (1) \\ y = 0m \dots (2) \\ x = (v_0 \cos \alpha)t \dots (3) \end{vmatrix} z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{0_z}t + z_0$$

$$y = 0m \\ x = (v_{0_z})t + x_0$$

z = f(x)

نجد (t) من المعادلة (3)، ونعوضها في المعادلة (1)، فنجد معادلة المسار.

z = f(x)معادلة مسار القذيفة

ايجاد معادلة المسار، معناه إيجاد علاقة مباشرة بين x و z دون وجود الزمن t، اي علاقة

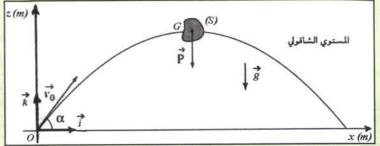
، نعوض في العادلة $t=\frac{x}{v\cos\alpha}$ نجد من العادلة t

$$z = -\frac{1}{2}g\left(\frac{x}{v_0 \cos \alpha}\right)^2 + v_0 \sin \alpha \left(\frac{x}{v \cos \alpha}\right)$$

$$z = -\left(\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x^2 + (v_0 t g \alpha) x$$

وهذه العادلة من الشكل $z=ax^2+bx$ وهذه العادلة من الشكل وعليه فإن مسار القديفة هو قطع مكافئ.

ر يقنف جسم صلب (S) كتلته m=100 من سطح الأرض بسرعة ابتدائية \vec{v}_0 ، شدتها m=100 مع الأفق. $v_0=20 m.s^{-1}$



. $ec{\pi}$ ودافعه أرخميدس ألجسم، مع إهمال مقاومة الهواء $ec{f}$ ودافعه أرخميدس أ

ا. ادرس طبيعة الحركة (S) في المعلم (O, \vec{i}, \vec{k}) (الشكل 1).

ب. أعط معادلة السار. ما نوعه ؟

2/ احسب كلا من المدى، والذروة اللذين تبلغهما القذيفة بطريقتين:

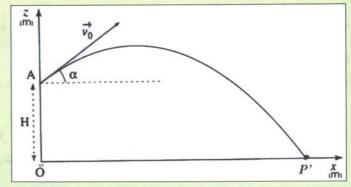
ا- حسابية،

ب- بيانية.

واحسب الزمن اللازم لبلوغ كل من المدى، والذروة.

3/ احسب سرعة الجسم (S) لحظة سقوطه على الأرض.

لكن من α لكن من الجسم (S) بنفس السرعة السابقة \vec{v}_0 على الأرض وبنفس زاوية القذف α لكن من ارتفاع M=2m عن سطح الأرض (الشكل2).



1/ جد معادلة المسار.

2/ احسب قيمة كل من المدى والذروة.

 $g=10m/s^2$ عندما يسقط على الأرض مباشرة. $g=10m/s^2$

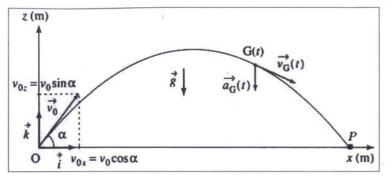
الحل

(S) دراسة طبيعة حركة (S)

الجملة: هي الجسم S.

العلم : (O, \vec{i}, \vec{k}) معلم سطحي أرضي نعتبره عطاليا.

.(نهمل). \vec{f} ، (نهمل) $\vec{\pi}$ ، \vec{P} : القوى الخارجية



 $\sum \vec{F} = m \vec{a}$: نطبق القانون الثاني لنيوتن (نظرية مركز العطالة)

ودافعة \vec{f} والجسم لا يخضع إلا لثقله (\vec{P}) ، وهذا بإهمال مقاومة الهواء \vec{f} ودافعة أرخميدس $\vec{\pi}$. لذا نكتب $\vec{r}=m\vec{a}$ ، وبما أن حركة (S) تتم في المستوى (O,x,z) ، لذا نسقط العبارة السابقة على المحورين (Ox) و (Oz) .

 $0 = ma_x : (Ox)$ بالإسقاط على

. فالحركة وفق (Ox) مستقيمة منتظمة منتظمة منتظمة منتظمة منتظمة

(Oz) بالإسقاط على (Oz): لاحظ أن \vec{P} معاكس للمحور

 $-mg=ma_z$: هو (Oz) هو

اذن: $\frac{a_z=-g=Cte}{a_z=-g}$ فالحركة وفق (Oz) مستقيمة متغيرة بانتظام.

العادلات الزمنية للحركة:

$$v_{x}=v_{x}=0$$
 اذن $u_{x}=0$ ومنه ثابت $u_{x}=0$ الدينا $u_{x}=0$ وبما أن $u_{x}=0$

 $v_{x}=v_{0x}$ اي مي التالي $v_{x}(t)=v_{x}(t=0)$ اي غابته وبالتالي (Ox

 $v_x = v_{0x} = v_0 \cos \alpha$ وفق (Ox) وفق السرعة الابتدائية الابتدائية بالمكل نجد مركبة السرعة الابتدائية

نعلم أن $v_x = \frac{dx}{dt}$ ومن $x = v_x t + x_0$: وبالكاملة وبالكاملة نعلم أن $v_x = \frac{dx}{dt}$ نعلم أن

 $x=20\cos30^{\circ}t$, $x=v_{o}\cos\alpha t$ إذن : $x_{o}=0$ إذن $x_{o}=0$

د.(1) وهي معادلة الفاصلة في اللحظة x = 17,32t

$$x=33,94m$$
 ومنه $x=rac{0,577}{0,017}$ اذن $x=0,017$ ومنه $x=0$ ومنه $x=0$

الما الزمن اللازم لبلوغ القذيفة مداها، فيكفي أن نعوض عن قيمة x_p في المعادلة (1)

$$t = 1,96s$$
 اذن: $t = \frac{x_p}{17.3} = \frac{34}{17.3} = 1,96s$

تعيين الذروة 25 بطريقة حسابية

نعلم أن الذروة هي أقصى ارتفاع شاقولي Z_{S} تبلغه القذيفة، والنقطة S هي الذروة. . $z=f\left(x
ight)$ عين الذروة بعدة طرق، إحداها نعتبر النقطة s هي نهاية عظمى للدّالة

ولإيجاد إحداثيي النهاية العظمى، نضع $\frac{dz}{dr}=0$ (مشتق z بالنسبة لـ x معدوم).

$$\frac{dz}{dx} = -0.034x + 0.577$$
 : وبالاشتقاق نجد $z = -0.017x^2 + 0.577x$: لدينا

$$x \approx 17m$$
 : يذن $x = \frac{0.577}{0.034}$ ومنه $x = \frac{0.577}{0.034}$ يذن $x = -0.034$

$$z = -0.017(17)^2 + 0.577(17)$$
 نعوض عن قيمة x في معادلة المسار فنجد والنتيجة . $z \approx 4.9m$

الطريقة الثانية

عند الذروة : $v_z = 0 m.s^{-1}$ (انظر الشكل المقابل)

 $\vec{v}_{i} = \vec{v}_{i}$ إذ ان : $\vec{v} = \vec{v}_{i}$, فلا يوجد مركبة للسرعة اللحظية \vec{v} وفق

$$-10t + 10 = 0$$
 : نعوض في المعادلة (3)، لنجد

اذن :
$$\frac{10}{10}$$
 ؛ الاذن القذيفة أو القذيفة العناس الدن القذيفة إلى القذيفة إلى العناس الع

ولإيجاد z ، نعوض عن t في المعادلة (3) :

$$z = z_s = 5m$$
 $z = -5(1)^2 + 10(1)$

وهي تقريبا نفس النتيجة التي حسبناها بالطريقة السابقة (والاختلاف البسيط يعود إلى أن الطريقة الأولى تمنت فيها بعض التقريبات الحسابية).

ب حساب
$$x_s$$
 و z_s بطریقة بیانیة

 $v_r(t)$ نمثل بیان

$$v_{y} = 17,3 \text{m.s}^{-1} = \text{Cte}$$
 الدينا :

نمثلها في المجال الزمني [0s; 1,96s]،

حيث t = 1,96s وهو زمن الوصول إلى المدى.

 $x = x_p \approx 33,94m$

نلخص النتائج كما يلي : $\begin{cases} a_x = 0m.s^{-2} \\ a_z = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_x = v_{0x} = v_0 \cos \alpha \\ v_z = -gt + v_0 \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = (v_0 \cos \alpha)t....(1) \\ z = \frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin \alpha)t....(3) \end{cases}$

بالثل، على الحور (Oz) لدينا g = -g وبالكاملة : $v_z = -gt + v_{0z}$ حيث v_{0z} السرعة الابتدائية

 $v_z=-10t+(\,20\sin30^\circ\,)t$. وبالتعويض ، $v_z=-gt+v_0\sin\alpha t$ فنجد وفق و

 $z = -5t^2 + 10t^2 + z_0$: وبالكاملة $v_z = \frac{dz}{dt}$, $v_z = -5t + 10$ (2) اذن:

 $z=-5t^2+10t$ (3) : وبالتالي $z_0=0m$ لكن

z = f(x)معادلة المسار

بحذف الزمن t بين المعادلتين (1) و (2) نجد ما يلي.

$$t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} : (1)$$

$$z = -\frac{1}{2}g\left(\frac{x}{v_0 \cos \alpha}\right)^2 + v_0 \sin \alpha \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$$
 : نعوض في (2) فنجد

$$z = \left(\frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x^2 + (tg\alpha)x$$
 إذن:

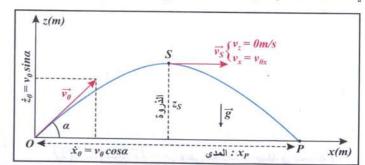
$$z = \left(\frac{-10}{2(20)^2(\cos 30^\circ)^2}\right) x^2 + (tg30^\circ)x$$
 : وعندما نعوض بالأعداد

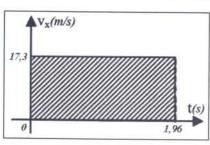
 $z = -0.017x^2 + 0.577x$

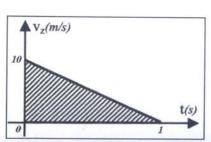
المسار معادلته من الشكل $z = ax^2 + bx$ فهو إذن قطع مكافئ.

تعيين المدى x_p بطريقة حسابية / 1/2

نعلم أن المدى هو $\frac{1}{100}$ مسافة أفقية $\frac{1}{100}$ تبلغها القذيفة. لكن أقصى نقطة يبلغها الجسم (S) هي $x=x_p$. النقطة z=0 النقطة z=0 النقطة z=0 النقطة z=0 النقطة z=0 النقطة z=0 النقطة الن







الظلّل الطلّل من مساحة الشكل الظلّل x_p $x_p \approx 34m$: إذن : $33.9 \approx 1.96 \times 17.3 = 34m$ إذن $x_p \approx 34m$

> [0s; Is] يَمثَل الآن بيان $v_{z}(t)$ في المجال الزمني حيث أن t=Is هو زمن الوصول إلى الذورة، $v_z = -10t + 10$. لدينا

$$\begin{array}{cccc}
1 & 0 & t(s) \\
0 & 10 & v_z (m/s)
\end{array}$$

z = 2 عدد مساحة المثلث = z_F

لأن $z_s = \frac{1 \times 10}{2}$ ، وهي تقريبا نفس النتيجة السابقة.

5/ حساب سرعة الجسم لحظة سقوطه على الأرض

Eنطبق مبدأ انحفاظ الطاقة بين الموضعين O و P لجملة الجسم : نهائية E مقدمة E مستقبلة E ابتدائية

$$\frac{1}{2}mv_O^2 + mgz = \frac{1}{2}mv_P^2 + E_{c(O)} + W(\vec{P}) - 0 = E_{c(P)}$$

z=0m كن الارتفاع z بين نقطة القذف O ونقطة السقوط P معدوم، إذن

ومنه :
$$v_P = v_O$$
 اذن $\frac{1}{2} m v_O^2 = \frac{1}{2} m v_P^2$ وبالتالي :

$$v = v_0 = 20 \, \text{m.s}^{-1}$$
 واخيرا: $\frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m v_0^2$ اي $\frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m v_0^2 = 0$

II/ 1/ معادلة المسار

(2m) في هذه الحالة الجسم (S) قذف من علو

فلإيجاد معادلة المسار، يجب إجراء نفس الدراسة السابقة كما في السؤال (1 - 1) مع اختلاف بسيط وهو x=17 , 3t ! نن $z_0=2\,m$ انه في هذه الحالة

$$z = -5t^2 + 10t + 2 \dots (2)$$

$$z = -0.017 x^2 + 0.577 x + 2$$
 من المعادلة (1) لدينا : $t = \frac{x}{17.3}$ نعوض في (2) فنجد

فالسار قطع مكافئ.

 x_p Sulphi Land $\sqrt{2}$

في هذه الحالة الجسم يسقط في النقطة P' التي ترتيبها z=0 ، نعوض في معادلة المسار فنجد :

$$-0,017x^{2}+0,577x+2=0$$

$$\Delta = (0,577)^2 - 4(-0,017)(2) \approx 0,469$$

$$\sqrt{\Delta} = 0,685$$

 $x = \frac{-0.577 + 0.685}{2(-0.017)} \approx -3.176 \, \text{m}$

وهذه النتيجة مرفوضة لأن النقطة P' يجب أن تكون فاصلتها موجبة كما هو واضح في الشكل.

$$x = x_p' \approx 37,1m$$
 الحل الثاني: $x = x_p' \approx 37,1m$ ومنه $x = \frac{-0,577,-0,685}{2(-0,017)}$ الحل الثاني:

 Z_S agoli – Z_S

$$(1-I)$$
نضع : $v_z=0\,m.s^{-1}$ نضع : نضع

$$t = 1s$$
, $-10t + 10 = 0$; eigen

$$z_s = 7 m$$
 : نعوض في المعادلة (2) فنجد

3/ حساب سرعة (S) عندما يسقط على الأرض

نطبق قانون انحفاظ الطاقة بين نقطة الانطلاق ونقطة السقوط لجملة الجسم :

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgz = \frac{1}{2}mv^2$$

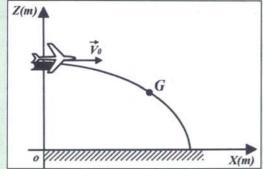
$$v^2 = v_0^2 + 2gz$$
 هنا $z = 2m$ هنا

$$v^2 - v_0^2 = 2 gz$$
; $v = \sqrt{v_0^2 + 2 gz}$

 $v \approx 20$, $98 \, m.s^{-1}$ کا $v = \sqrt{(20)^2 + 2(10)(2)}$: عندما نعوض نجد

التمرين 2

طائرة مقنبلة تسير في مسار مستقيم أفقي بسرعة ثابتة تساوي 720km/h تترك قذيفة تسقط سقوطا حرا من علو 10km.



اً / أ/ ما هي قيمة السرعة الابتدائية $ec{v_o}$ التي انطلقت بها القذيفة وهذا بالنسبة لمعلم سطحي 1أرضى، نعتبره عطاليا (أنظر الشكل).

 $. v_{\theta z}$ و $v_{\theta x}$ ما هي زاوية القذف ؟ حدد قيمة $x_{\theta z}$

2/ بتطبيق نظرية مركز العطالة على القذيفة، في العلم السطحي الأرضي، وهذا بإهمال مقاومة الهواء ودافعة أرخميدس.

$$z = -5\left(\frac{x}{200}\right)^2 + 10000$$
, $z = -1,25.10^{-4}x^2 + 10^4$

3/ لحظة سقوط القذيفة على الأرض

 $z=0\,m$ عندما تسقط القذيفة على الأرض في النقطة (H) (انظر الشكل السابق) تكون ترتيبها

$$0 = 5t^2 + 10^4$$
 ; $5t^2 = 10^4$; $t = \sqrt{\frac{10^4}{5}}$; $t = 44,7s$; نجد : $t = 44,7s$) نجد

4/ لكي تصيب القذيفة هدفها، يجب أن يكون مداها (x) يحقق المراجحة :

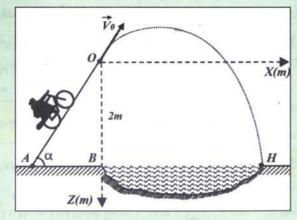
 $8000 \, m \le x \le 9000 \, m$

 $x = 200 \times 44$, وهذا بتعويض t = 44, t = 44 وهذا بتعويض (x)، وهذا بتعويض

هذه القيمة محتواة في المجال $m \le x \le 9000$ فالقذيفة تصيب هدفها.

التمرين 3

 $lpha=30\,^\circ$ ينطلق دراج من السكون، من نقطة (A) تقع أسفل طريق صاعد (AO) زاوية ميله



احسب قيمة $ec{v}_0$ التي يكتسبها الدراج في النقطة (O) علما بأن القوة المحركة التي انطلق بها الدراج ثابتة تساوي 1000N وان قوة الاحتكاك موجودة فقط على طول الطريق (AO) وشدتها ثابتة g=10SI ويعطى ڪتلة الدراج مع دراجته m=100kg ويعطى f=50 N

لما يصل الدراج إلى النقطة (O) يصادف حفرة (BH) مملوءة بالماء. تأكد من أنه يجتاز الحفرة عندما ينطلق بالسرعة $\vec{v_0}$. احسب قيمة أصغر سرعة ممكنة $\vec{v_0}_m$ تجعل الدراج يجتاز الحفرة. BH = 4m تعطى طول الحفرة أ/ أعط معادلات الحركة في هذا المعلم. ب/ اكتب معادلة مسار القذيفة

3/ باعتبار لحظة انطلاق القذيفة هي مبدأ الأزمنة، حدد لحظة سقوطها على الأرض.

4ر إذا علمت أن القذيفة صوبت نحو هدف أرضي محدد في المكان $x \leq 9000 \, m$ ، اذا علمت أن القذيفة والم

 $g = 10 \, m.s^{-2}$. هل تصیب القذیفة هدفها ? برر إجابتك

1/ أر قيمة (١/ 1

إن سرعة القنيفة لحظة تركها تسقط بالنسبة للمعلم العطالي المثل في الشكل هي نفسها سرعة الطائرة $ec{v}_0$.

$$v_0 = 200 \, \text{m.s}^{-1}$$
: $v_0 = 720 \, \text{km.h}^{-1} = \frac{720}{3.6}$

ب/ زاوية القذف

بالنسبة لمعلم سطحي أرضي، تنطلق القذيفة بسرعة $\vec{v_0}$ أفقية (لأن للقذيفة نفس سرعة

$$lpha=0^\circ$$
 : إذن الطائرة قبل القذف). إذن

 \vec{v}_0 ج/ تحدید مرکبتی

$$v_{0x} = v_0 = 200 \, \text{m.s}^{-1}$$
 : Lui

$$v_{0z} = 0 \, m.s^{-1}$$

2/ 1/ معادلات الحركة

$$ec{F}+ec{\pi}+ec{P}=mec{a}$$
 : فينتج $=mec{a}$ فينتج $=\sum ec{F}=mec{a}$ نطبق ن.م.ع على القذيفة

 $ec{P}=mec{a}$: نجد أمام ثقل القذيفة $ec{P}$ نجد وبإهمال مقاومة الهواء أودافعة أرخميدس أمام ثقل القذيفة $\vec{a} = \vec{g}$ ، $m\vec{a} = m\vec{g}$! إذن

بإسقاط هذه العلاقة على المحورين (Ox) و (Oz) نجد :

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = 0 m/s^2 & \text{which } \\ a_z = -g \end{cases} \begin{cases} v_x = v_{\theta x} & \text{which } \\ v_z = -gt + v_{\theta z} \end{cases} \begin{cases} x = v_{\theta x}t + x_{\theta} \\ z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{\theta z}t + z_{\theta} \end{cases}$$

$$v_{0z} = 0 \, m.s^{-1}$$
 و $z_0 = 10 \, km$ و $x_0 = 0 \, m$

$$\begin{cases} a_x = 0 \text{ m.s}^{-2} \\ a_z = -g = -10 \text{ m.s}^{-2} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} v_x = v_{0x} = 200 \text{ m.s}^{-1} \\ v_z = -10t \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = 200 t \dots (1) \\ z = -5 t^2 + 10000 \dots (2) \end{cases}$$

z = f(x)ب/ معادلة المسار

بحدف الزمن بين المعادلتين (1) و(2) نجد:

- القوة المحركة، \vec{F} ،
- أ: قوة الاحتكاك،
- R : قوة التلامس ،
- . ثقل الجملة \vec{P} ه

$$.$$
 $ec{P}_{y}$ و $ec{P}_{x}$ الى مركبتين من الأفضل دومًا في المستوى المائل أن نحلل $ec{P}$

• لاحظ أن الزاويتين eta=eta لتعامد أضلاعهما.

$$P_y = P \cos \alpha$$
 ؛ إذن $P_x = P \sin \alpha$ وكذلك لدينا ، $\sin \alpha = \frac{P_x}{P}$ لدينا

- الجملة : (الدراج + الدراجة).
- العلم : (O, \vec{i}, \vec{j}) معلم ارضی، نفرضه عطالیا.
 - \vec{R} ، \vec{f} ، \vec{F} ، \vec{P} : القوى الخارجية
 - القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

$$ec{R}+ec{P}+ec{f}+ec{F}=mec{a}$$
 نطبق القانون الثاني لنيوتن : $\sum ec{F}=mec{a}$ ، إذن $\sum ec{F}=mec{a}$ بالإسقاط على المعلم (i) نجد : i ، i نجد f - f - f - g sin g : i ، i ، i g - g - g sin g : g - g -

$$a_x = \frac{F - f}{m} - g \sin \alpha$$
 : a_x ومنه نجد

$$a_x = 4,5 \text{ m.s}^{-2}$$
 : اي $a_x = \frac{100 - 50}{100} - 10 \sin 30^\circ$ نعوض فنجد

$$R-P_{y'}=ma_y$$
 : نجد (O , \vec{j}) بالإسقاط على

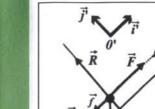
$$(O\,,\vec{j}\,)$$
 لكن $a_y=0\,m.s^{-2}$ لأنه لا توجد حركة وفق العلم

$$P \sin \alpha = R$$
 ، $P_{y'} = R$! إذن

$$a_y = 0 \, m.s^{-2}$$

بما أن ثابت = a_x فبالتكامل نجد : $v_{0x}=a_x$ $t+v_{0x}$ ، لأن الجملة انطلقت بما أن ثابت $v_x = a_x t \dots (1)$ ؛ بدون سرعة ابتدائية، ومنه نجد

$$x = \frac{1}{2} a_x t^2 + x_0$$
 : وبالتكامل مرة اخرى نجد



نعتبر $x_{\,0}=0\,m$ ، الانطلاق تم من النقطة (A) التي نعتبرها مبدأ للفواصل، $x = \frac{1}{2}a_x t^2 \dots (2)$!! $t = \frac{v_x}{a}$: وبحذف الزمن بين المعادلتين (1) و (2) نجد

$$v_x^2 = 2a_x x$$
 اذن $x = \frac{1}{2}a\left(\frac{v_x}{a_x}\right)^2$: (2) نعوض في

$$v_x^2 = 2 a_x x$$
 عند النقطة (0) لدينا $v_x = v_0$ اذن

$$v_x = \sqrt{2a_x x}$$
 : في الأخير نكتب

$$\sin \alpha = \frac{OB}{AO}$$
 : مع $x = AO$ عوالذي نحسبه كما يلي $x = AO$

$$AO = 4m$$
 ، $AO = \frac{2}{\sin 30}$ ، $AO = \frac{OB}{\sin \alpha}$ الذن:

$$v_0 = 6 \text{ m.s}^{-1}$$
 ، $v_0 = \sqrt{2 \times 4, 5 \times 4}$! إذن:

لا يصل الدراج إلى النقطة (0)، يغادرها بسرعة $ec{v}_0$ نعتبرها سرعة ابتدائية للحركة الموالية التي2يكون فيها خاضعا لثقله فقط. وعليه فإن حركته ستكون حركة سقوط حر (قذيفة) بسرعة lpha ابتدائیة $ec{v}_0$ تصنع زاویة هي نفسها زاوية ميل المستوي

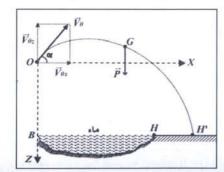
لاحظ أن السرعة $\vec{v_0}$ ، يجب أن تكون مماسية للمسار المستقيم (AO). ولذا يجب أن تكون زاوية ميلها

$$\vec{v}_0 \begin{cases} v_{0x} = v_0 \cos \alpha = 6 \cos 30 = 5, 2m.s^{-1} \\ v_{0z} = v_0 \sin \alpha = -6 \sin 30 = 3m.s^{-1} \end{cases}$$

(Oz) لها إشارة (-) لأن جهتها تعاكس جهة المحور (Dz).

 $x_{H'} \ge BH$ في نتاكد من أن الدراج يجتاز الحفرة، يجب إثبات أن المدى

. نطبق القانون الثاني لنيوتن : $ec{F}=mec{a}$ ، $\sum ec{F}=mec{a}$ ، ودافعة أرخميدس.



: يجب حذف الزمن من جملة المعادلتين u_0

$$t=rac{4,62}{v_0}$$
 : اذن $t=rac{4}{v_0 imes0,866}$ اذن (3) من المعادلة

$$2 = 5 \left(\frac{4,62}{v_0}\right)^2 - 0.5v_0 \left(\frac{4,62}{v_0}\right)$$
 : نعوض في (4) فنجد

$$v_2 = \frac{106,7}{v_0} - 2,31$$
; $v_0 = \sqrt{\frac{106,7}{4,31}}$

$$v_0 = v_{0min} \approx 4.98 \text{m.s}^{-1}$$

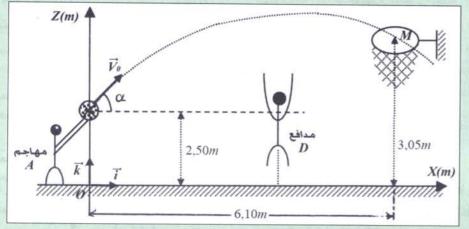
4, 6 m. s^{-1} المحفرة \vec{v}_0 المعنى النقطة (O) بسرعة \vec{v}_0 قيمتها أصغر من 4, 6 m. 8 فسيسقط في الحفرة 6 مسكين 8

التمرين 4

نهدف إلى دراسة حركة ومسار مركز عطالة كرة سلة، يقذفها (A)، نحو حلقة السلة، والتي يحاول أن يعترضها (A) مدافع (A).

 $z_H=2$, $50\,m$ الماجم قذف الكرة من نقطة (H)، ترتفع عن سطح الأرض ارتفاعا (V_0 من نقطة (V_0 من نقطة (V_0 من نقطة في المستوى الشاقولي (V_0 من نقطة في المستوى المستوى

والمثل في الشكل المقابل،



ار ادرس حركة مركز عطالة الكرة وجد معادلة المسار بدلالة الوسيط (v_0) . يؤخذ $g=10\,m.s^{-2}$ وتهمل مقاومة الهواء وحركة دوران كرة السلة.

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = 0 m/s^2 \\ a_z = g = 10 m/s^2 \end{cases} \xrightarrow{\text{plackalis}} \begin{cases} v_x = v_{\theta x} = v_{\theta} \cos \alpha \\ v_z = gt + v_{\theta z} \end{cases}$$

ومنه نجد :

$$\vec{v}$$

$$\begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha = 5, 2 \, m.s^{-1} \\ v_z = gt - v_0 \sin \alpha = 10t - 3 \end{cases}$$

$$\overrightarrow{OG}$$

$$\begin{cases} x = v_x t + x_0 \\ z = \frac{1}{2} g t^2 + v_{0z} t + z_0 \end{cases}$$
 شعاع الموضع:

بما أن الانطلاق تمَ من المبدا (O)، فإن $x_0=0\,m$ و $x_0=0\,m$ ، لذا نكتب :

$$\vec{r} = \overrightarrow{OG} \begin{cases} x = 5, 2t \dots (1) \\ z = 5t^2 - 3t \dots (2) \end{cases}$$
 : epilizegid $\vec{r} = \overrightarrow{OG} \begin{cases} x = v_x t \\ z = \frac{1}{2}gt^2 - v_0 \sin \alpha t \end{cases}$

(2) المعادلة (3) المعادلة (3) المعادلة (3) المعادلة (4) المعادلة (2) المعادلة (3) مع الانتباه إلى أن لنقطة السقوط (3) ترتيبة هي (3) المعادلة (3) المعادلة (3) مع الانتباه إلى أن لنقطة السقوط (3) ترتيبة هي (3) المعادلة (3) المعادلة (3) مع الانتباه إلى أن لنقطة السقوط (3) ترتيبة هي (3) المعادلة (3) ا

 $\sqrt{\Delta} = 7$, $\Delta = (-3)^2 - 4(-2)(5) = 49$; $\Delta = 49$;

انحل الأول هو $t_I=\frac{+3-7}{2(5)}$ ، $t_I=\frac{+3-7}{2(5)}$ هو حل مرفوض لأن t_I سالب، على أساس أن

لحظة قفز الدراج هي مبدأ الأزمنة $(t_0=0\,s\,)$ وكل لحظة قبلها تكون حينئذ مرفوضة.

. الحل الآخر هو
$$t_2 = \frac{3+7}{2(5)} = 1s$$
 وهو حل مقبول.

 $x=x_{H'}=5\,,2\,m$: ومنه $x=5\,,2\times 1$ ومنه $x=5\,,2\times 1$ ومنه x=1 في معادلة x لنجد المدى x=1 في المدراج يجتاز الحفرة المدراج يجتاز المدراج يعتار المدراج يعتار المدراج يعتار المدراج المدراج يعتار المدراج المدراع المدراع المدراع المدراع المدراع المدراع المدراع المدراع الم

 \vec{v}_{0m} حساب قيمة اصغر سرعة ابتدائية

 $x_{H'}=x_H=4\,m$: اصغر سرعة سرعة الدراج يجتاز الحفرة هي السرعة التي بها يكون المدى z=2m أما z فهي نفسها والمدى .

في هذه الحالة \vec{V}_0 مجهولة القيمة. لنعوض في معادلات الحركة :

$$\begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t \; ; \; 4 = v_0 \cos 30t \\ z = \frac{1}{2}gt^2 - v_0 \sin \alpha t \; ; \; 2 = 5t^2 - v_0 \sin 30t \end{cases}$$

تماريه خاصة بحركة فنيفة في حقل الجاذبية

 V_0 التي تسمح لكرة السلة بالرور من مركز حلقة V_0 التي تسمح لكرة السلة بالرور من مركز حلقة (M).

ر نفترض أن المدافع (D) كان يبعد بمسافة أفقية تساوي 1,00m عن المهاجم لحظة قذفه الكرة، فقفز شاقوليا نحو الأعلى ليعترض الكرة، فبلغت رؤوس أصابعه علوا z=3, z=3 (انظر الشكل).

// في هذه الحالة، بين أن المدافع لا يستطيع لس الكرة.

ب/ كم تكون أقصى مسافة أفقية بين المدافع والمهاجم، حتى يلمس كرة السلة \hat{z} مع افتراض أنه يقفز العلو $3,20\,m$.

 $R = 12,5 \, cm$ يعطى نصف قطر كرة السلة

الحل

1/ أ/ دراسة حركة مركز عطالة الكرة

- الجملة : الكرة.
- العلم : (O,i,\vec{k}) معلما أرضيا، نعتبره غاليليا.
- . $\vec{\pi}$ ودافعة أرخميدس \vec{r} ، ونهمل كلا من قوة احتكاك الهواء ودافعة أرخميدس القوى الخارجية .
 - القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

 $ec{P}=mec{a}$ ، $\sum ec{F}=mec{a}$: (G) نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الكرة $ec{g}=ec{a}$: إذن $ec{m}ec{g}=mec{a}$ ومنه ومنه الم

قصد السهولة نستعمل هذا الجدول:

		-
على الحور (Oz)	على الحور (Ox)	
$-g = -10 \text{m.s}^{-2}$	$0 m.s^{-2}$	\vec{a} التسارع
$v_{0z} = v_0 \sin \alpha$	$v_{\theta x} = v_{\theta} \cos \alpha$	$\vec{v_0}$ السرعة الابتدائية
$v_z = -gt + v_{0z}$	$v_x = v_\theta \cos \alpha t$	السرعة اللحظية ٧
$z = -\frac{1}{2}gt^{2} + v_{0z}t + z_{0}$ $z = -\frac{1}{2}gt^{2} + (v_{0}\sin\alpha)t + z_{0}(2)$	$x = v_x t + (x_0 = 0)$ $x = (v_0 \cos \alpha)t \dots (1)$	\overrightarrow{OG} شعاع الوضع المعادلات الزمنية

معادلة المسار

نحذف الزمن بين معادلتي x و z

: نعوض في معادلة z فنجد ، $t=\frac{x}{v_{0}\cos\alpha}$ الدينا

$$z = -\frac{1}{2}g\left(\frac{x}{v_0 \cos \alpha}\right)^2 + v_0 \sin \alpha \frac{x}{v_0 \cos \alpha} + z_0$$

$$z = -\left(\frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x^2 + (tg\alpha)x + z_0$$

$$z_0=2$$
 , $5~m$ ، $g=10~m.s^{-2}$ ، $\alpha=\frac{\pi}{4}$ عددیا، لدینا

$$z = -\left(\frac{-10}{2v_0^2 \cos^2 \frac{\pi}{4}}\right) x^2 + \left(tg \frac{\pi}{4}\right) x + 2,50$$
 نعوض فنجد :

$$z = \frac{-10}{v_0^2} x^2 + x + 2,50$$
 إذن:

 $\left(V_{_{\scriptscriptstyle{0}}}
ight)$ وهي معادلة مسار مركز عطالة الكرة بدلالة الوسيط

 v_0 — lm > / —

عندما يمر مركز عطالة كرة السلة من النقطة (M) مركز الحلقة فهذا يعني أن إحداثيي الكرة هما نفس النقطة M وهما $(3,05\,m)$ وهما نفس النقطة $(3,05\,m)$

: فنجد يوض في معادلة المسار ب $z=3\,,05\,m$ و $x=6\,,10\,m$ فنجد

$$-5,55 = \frac{-10}{v_0^2} (6,10)^2 \quad 3,05 = \frac{-10}{v_0^2} (6,10)^2 + 6,10 + 2,5$$
$$v_0 = \sqrt{\frac{10(6,10)^2}{5.55}} \quad ; \quad \boxed{v_0 = 8,19 \, m}$$

2/ أ/ إثبات أن المدافع لا يستطيع لمس كرة السلة

حتى يستطيع المدافع لمس الكرة وإبعادها عن مسارها الطبيعي (القطع المكافئ) (\widehat{HM}) . يجب أن يقفز في عتى يستطيع المدافع لمس الكرة وإبعادها عن مسارها الطبيعي (القطع المكافئ) $z>z_D=3$, $z_D=3$, $z_D=1$ 00 النقطة تقع المعاوض عن قيمة $z>z_D$ في معادلة المسار، فإذا وجدنا $z>z_D$ قلنا إن الكرة تمر من نقطة تقع أعلى النقطة التي يصلها المدافع.

الدينا : x=1 , 00 m ، $v_0=8$, $19m.s^{-1}$ الدينا : لدينا

$$z = \frac{-10}{(8,19)^2} (1)^2 + 1 + 2,5 \quad ; \quad \boxed{z = 3,35m}$$

فمركز عطالة الكرة (C) يمر من علو $z_G=3$, $35\,m$ يمر من علو $z_C=3$, أما أسفل نقطة (C) من محيط كرة السلة، فتكون على ارتفاع $z_C=3$, $z_C=3$, $z_C=3$

$$z_{\,\scriptscriptstyle C}=3$$
 , $255\,m$. ومنه نجد $z_{\,\scriptscriptstyle C}=3$, $35-0$, 125

Zc=3,225

 $z_{\,D}=3$, $20\,m$ بينما المدافع أثناء قفزه وصلت رؤوس أصابعه إلى علو و بما أن $z_D > z_C$ فالمدافع لا يستطيع لمن الكرة (انظر الشكل المقابل).

ب/ حساب اقصى مسافة أفقية

في هذه الحالة نفترض أن $x_D \neq 1$, $00\,m$ فهي مجهولة ونريد تعيينها. فلكي يلمس المدافع (D) الكرة يجب أن تمر النقطة (C) من الكرة من الارتفاع:

$$z \le z' = 3, 2m$$

أما مركز عطالة كرة السلة، فيجب أن يمر من z = 3,325m نقطة ارتفاعها

$$z = 3,2 + R$$
; $z = 3,2 + 0,125$

إذن، نعوض عن z=3,325m في معادلة مسار مركز عطالة الكرة وهي :

التي حسبناها سابقا
$$v_{\,0}=8\,,10\,m.s^{-1}$$
 مع $z=\frac{-10}{v_{\,0}^{\,2}}x^{\,2}+x+2\,,5$

$$3,325 = \frac{-10}{(8,19)^2} x^2 + x + 2,5$$

$$-0.149x^{2} + x + 0.825 = 0$$

$$0.149x^2 - x + 0.825 = 0$$

$$\Delta = (-1)^2 - 4(0,149)(0,825) = 0,5083$$
; $\sqrt{\Delta} = 0,173$

$$\begin{cases} x \approx 5,75m \\ x \approx 0,963m \end{cases}$$
 فحلاً هذه المعادلة هما

إذن، يمكن للمدافع اعتراض كرة السلة في الحالتين التاليتين :

من اللاعب المهاجم. $x=x_D=0$, $963\,m$ عندما يكون على بعد $x=x_D=0$

$$x = x_D = 5$$
 من اللاعب الهاجم. $x = x_D = 5$ من اللاعب الهاجم.

من اللاعب المهاجم.
$$x=x_D=5$$
 , 75 من اللاعب المهاجم.

ملاحظة

- في الحالة 1 يكون المدافع قد اعترض الكرة في حالة صعودها، وهذا مسموح به حسب قواعد لعبة كرة السلة.
- أما في الحالة 2 فيكون المدافع قد اعترض الكرة في حالة هبوطها، وهذا مرفوض حسب قواعد لعبة كرة السلة.

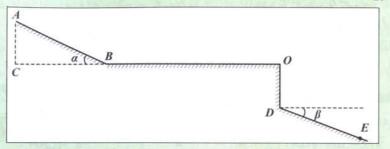
التمرين ا

Za=3.35#

طريق ثلجي يمكن تجزئته حسب الشكل المرفق. انطلق متزحلق من أعلى قمة (A) ومن السكون، فإذا أهملنا مقاومة الهواء والاحتكاك وافترضنا أن

، OD=5,25m ، AC=45m ، AB=90m وان m وان الزلاجات تساوي m الزلاجات تساوي m

 $g = 10m/s^2$, $tg\beta = 0.80$



الما طبيعة الحركة خلال قطع المسافة (AB)؟ ما تسارعه حينئذ ؟ احسب 1

2/ // ما طبيعة الحركة خلال قطع المسافة (BO) ؟

ب/ أي المبادئ تحقق ؟

ج/ هل يمكن اعتبار المتزحلق جملة شبه معزولة ميكانيكيا على طول المسار الأفقي (BO) ؟

3/ لما يصل المتزحلق إلى النقطة 0 : أي طريق يسلكه ؟ دعم إجابتك بالمعادلات. احسب بعد

النقطة E التي يسقط فيها عن النقطة D. كم تكون سرعته في النقطة E (نقطة السقوط) E

الحل

1/ طبيعة حركة المتزحلق على طول الطريق المائل (AB)

- الجملة ؛ المتزحلق وزلاجته.
- المعلم : (O_1, i_1) سطحى أرضى نفترضه عطاليا.
 - \vec{R}_1 ، \vec{P} : القوى الخارجية
 - القوى الداخلية : لم تمثل.

نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجملة (G) (الشكل (G)):

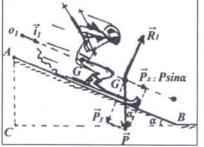
 $\vec{P} + \vec{R}_1 = m\vec{a}$, $\sum \vec{F} = m\vec{a}$

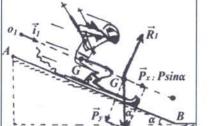
 $P_x = ma$: نجد (O_1, i_1) الحركة بالإسقاط على معلم الحركة

 $mg \sin \alpha = ma$: ومنه $P \sin \alpha = ma$ (كن $P_x = P \sin \alpha$ ومنه $P_x = P \sin \alpha$

 $a = \sin \alpha$ امع g ثابت و $a = g \sin \alpha$

إذن : ثابت a=0 ، فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام على طول المسار (AB).





(B) و (A) و نطبق مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة الدراج ودراجته بين الموضعين

$$E$$
 ابتدانیه $+E$ ابتدانیه $-E$ امدده E ابتدانیه

$$\frac{1}{2}mv_{A}^{2} + mgh - 0 = \frac{1}{2}mv_{B}^{2} \quad \text{(2)} \quad E_{c(A)} + W(\vec{P}) + W(\vec{R}) = E_{c(B)}$$

 \overline{AB} لأن \overline{R} عمودي على الانتقال $W_{(\vec{R}\,)}=0$ لان

: كما ان $h=A\,C$ و $v_A=0\,m.s^{-1}$ و لأن الانطلاق تم من السكون بالنسبة لعلم الحركة، إذن

$$\frac{1}{2}mv_B^2 = mgh \; ; \; v_B = \sqrt{2g[AC]}$$

 $v_B = 30 \, \text{m.s}^{-1}$. اي $v_B = \sqrt{2 \times 10 \times 45}$. بالتعويض نجد

لو اعتبرنا الجملة المدروسة هي (العربة + الأرض) لوجب إدخال الطاقة الكامنة الثقالية E_{pp} ، وفي هذه الحالة تعتبر الأرض تابعة للجملة، وبالتالي تكون الطاقة المستقبلة معدومة. إذن:

$$\frac{1}{2}mv_A^2 + mgh + 0 = \frac{1}{2}mv_B^2 + 0 \quad \text{if} \quad E_{c(A)} + E_{pp(A)} + W(\vec{R}) = E_{c(B)} + E_{pp(B)}$$

$$0 + mgh = \frac{1}{2}mv_B^2$$

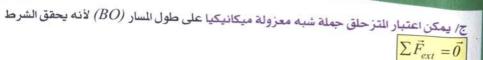
2/ 1/ طبيعة الحركة في المسار الأفقي (BO)

 $\Sigma ec{F} = m ec{a}$: (2 انظر الشكل) المترحلق وزلاجته المترحلق على جملة المترحلة المترحلة المتركبة المترحلة المترحلة

بنفس الطريقة السابقة نحدد معلم الحركة الجديد $(O_2\,,i_2\,)$ الموجه بجهة الحركة، وبالإسقاط (BO) على معلم الحركة : $a=0\,m.s^{-2}$ اي : 0+0=ma : فالحركة وفق المسار الأفقي $.\vec{\mathcal{V}}_{B}$ مستقيمة منتظمة (نستبعد أن يكون الجسم ساكنا ؛ لأن له سرعة ابتدائية

> ب/ المبدأ الذي نحقق على طول المسار (BO) $a = 0 \, m.s^{-2}$ وجدنا

ومنه : $\Sigma \vec{F} = \vec{0}$ وهذا هو مبدأ العطالة. .



7/ حركة المتزحلق ابتداء من النقطة 0/

 $v_0 = v_B = 30\, m.s^{-1}$ يصل المتزحلق إلى النقطة O بسرعة

لأن الحركة وفق (BO) مستقيمة منتظمة فهي ثابتة السرعة. لذا يغادر التزحلق النقطة O بسرعة $ec{v}_{B}$ نعتبرها ابتدائية $m.s^{-1}=30\,m.s$ ويكون في حركته هذه خاضعا لثقله فقط، وتتم

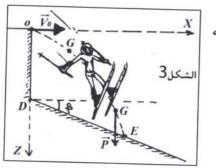
الحركة في الستوي المحدد بالمحورين (Ox) و (Oz).

نطبق القانون الثاني لنيوتن على جملة التزحلق وزلاجته

 $\sum \vec{F} = m\vec{a}$: (الشكل)

الجملة خاضعة لثقلها $ec{P}$ وهذا بإهمال قوة احتكاك $ec{P}=mec{a}$: اذن $ec{\pi}$ ودافعة ارخميدس $\vec{a} = \vec{g}$ ومنه: $\vec{a} = m\vec{g}$ ومنه:

تسهل الدراسة باستعمال الجدول التالي :



على المحور (Oz) على المحور (Ox) $a_z = g = 10 \, m.s^{-2}$ $a_X = 0 \, m.s^{-2}$ التسارع a $v_{0z} = 0 \, m.s^{-1}$ $v_{0x} = v_0 = 30 \, m.s^{-1}$ $\vec{v_0}$ السرعة الابتدائية $v_z = g t = 10t$ $v_x = v_0 = 30 \, m.s^{-1}$ \vec{V} السرعة اللحظية $z = \frac{1}{2}gt^2 + (z_0 = 0)$ $x = v_0 t + (x_0 = 0)$ شعاع الموضع OG $z = 5t^2$ x = 30tالمعادلات الزمنية للحركة

معادلة المسار

لكي نعين المسار الذي يسلكه المتحرك يجب تحديد معادلة المسار، لذلك نحذف الزمن بين x و z ،

 $z=rac{5}{900}x^2$ ، $z=5\left(rac{x}{30}
ight)^z$ ؛ فمن معادلة z فمن معادلة z ونعوض في معادلة z ونعوض وي

ومنه : $z = \frac{x^2}{180}$ ، فالمسار (*OE*) قطع مكافئ.

حساب البعد (DE)

باعتبار أن النقطة E هي نقطة سقوط المتزحلق على الطريق (DE) المائل بزاوية β بالنسبة للأفق. فهي إذن نقطة تقاطع القطع الكافئ (OE) مع المستقيم (DE).

 $z=(tgeta\,)\,x\,+OD$: لنشكل معادلة المستقيم (DE) بالنسبة للمعلم السابق

x = f(t) أعط معادلة الحركة x = f(t)، ثم احسب الزمن المستغرق منسوبا إلى لحظة البدء لرجوع

. $\sin \varphi = 0$, 04 ، l = 40 m ، g = 10 N / kg ، m = 4 kg ؛ O العربة إلى النقطة

لتسهيل الحسابا<mark>ت نعتبر أن العربة جسم نقطي، وأن الستوى AB هو مستو خشن قوة الاحتكاك</mark>

فيه \widehat{f} ثابتة. أما الجزء \widehat{BC} فهو زلق، لذا فقوى الاحتكاك به مهملة، كما تهمل مقاومة الهواء.

اعط عبارة شدة قوة الاحتكاك f بدلالة : α ، d ، g ، m ، استنتج قيمتها إذا علمت أن :

heta ، r ، g ، V_B : وذلك بدلالة وذلك بدلالة المحدد بالزاوية heta وذلك بدلالة السرعة V_C في الموضع V_B

. C بالمثل، جد عبارة رد الفعل \widehat{R} التي تؤثر بها الطريق على الغربة عند النقطة

ج- جد القيمة العددية للزاوية heta التي من أجلها تغادر العربة الطريق الدائري.

 $\alpha = 10^{\circ}$, m = 4kg, r = 100m, g = 10SI, d = 500m, $v_B = 18m.s^{-1}$

. $ec{V}_B$ بسرعة معدومة ، $ec{V}_A=ec{0}$ بسرعة معدومة ، A بسرعة بسرعة B بسرعة A بسرعة $V_A=0$ بسرعة $V_A=0$

الذي يمكن تجزئته إلى ما يلي : AC الذي يمكن تجزئته إلى ما يلي : AC الذي يمكن تجزئته إلى ما يلي :

الجزء طوله d نعتبره ممرا مستقيما يميل عن الأفق بزاوية α

. B مند B فهو دائري الشكل مركزه O_0 ونصف قطره B افقى عند

z (القطع المتقيم مع القطع المكافئ يتحقق : (المستقيم) القطع الكافئ (عندما يتقاطع المتقيم مع القطع المكافئ)

 $x^2 - 144x - 945 = 0$:

 $\Delta' = (-72)^2 - 1(-945) = 6129$: حل هذه المعادلة يستدعي تعيين الميز $\sqrt{\Delta'} = 78.3$

 $x_2 = -6,3m$ و $x_1 = 150,3m$: المعادلتين جذران هما

يرفض الحل x_2 لأن موضع النقطة E موجود في الجهة الموجبة للمحور، لذا يجب أن تكون فاصلة

$$DE \approx 192,6 \, m$$
 ، $DE = \frac{150,3}{0.78}$ ؛ يَذِن

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgh = \frac{1}{2}mv_E^2$$

$$h = z_E v_E = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$$

يكفي التعويض عن x_E في معادلة المستقيم أو معادلة القطع المكافئ :

$$z_E = \frac{1}{180} (150,3)^2 = 125,5 m$$

$$v_E = 58,4 \text{ m.s}^{-1}$$
 , $v_E = \sqrt{(30)^2 + 2(10)(125,5)}$!

$$v_E = 58,4 \, m.s^{-1}$$

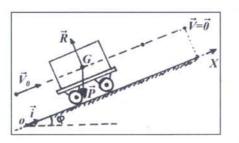
الحل

 V_0 – V_0 – V_0

قبل أن نطبق القانون الثاني لنيوتن نحدد ما يلي :

- الجملة : العربة.
- العلم: (0,i) معلم أرضي نفرضه عطاليا.
 - القوى الخارجية : R . p .
- القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

$$ec{P}+ec{R}=mec{a}$$
 : نطبق القانون الثاني لنيوتن نيم $\Sigma ec{F}=mec{a}$: فنجد $-Psin\, \varphi=ma$: $(O,ec{i})$ الإسقاط على المعلم $-mg\, sin\, \varphi=ma$



 $x_1 = x_E = 150, 3 \, m$ النقطة موجبة، ومنه نقبل الحل الأول : : لتعيين (DE) نستعمل المثلث (DHE) الموضح في الشكل المقابل $DE = \frac{x_E}{\cos\beta}$: ومنه $\cos\beta = \frac{x}{DE}$ اذن $\cos\beta = \frac{DH}{DE}$ cosetapprox 0 , 78 ومنه : 38 , 7 والدينا : 6 , 80 والدينا : 6 , 80 والدينا : 6

نطبق مبدأ انحفاظ الطاقة لجملة الجسم:

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgh = \frac{1}{2}mv_E^2$$

$$h = z_E \bowtie v_E = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$$

التالي: E هي ترتيبة نقطة السقوط E ونعينها كالتالي:

$$z_E = \frac{1}{180}(150,3)^2 = 125,5 \text{ m}$$

$$v_E = \sqrt{(30)^2 + 2(10)(125, 5)}$$
 . v_E

التمرين 2

ا/ عربة صغيرة ذات كتلة m يمكنها أن تتحرك بلا احتكاك على خط الميل الأعظمي لستو مائل واوية ميله ϕ يمكن ان تحدد حركة العربة بالإحداثي x على الحور ϕ .

ار تدفع العربة نحو الأعلى بسرعة $ec{v}_0$ انطلاقا من المبدأ $ec{v}_0$.

حدد قيمة السرعة $\vec{v_0}$ التي من اجلها تصل العربة إلى اقصى نقطة فاصلتها \vec{v} حيث \vec{x} هو إحداثي مركز عطالة العربة منسوبا إلى O (في اللحظة t=0 كان t=0 وهذا باستعمال القانون الثاني لنيوتن.

 $a=-0,4m.s^{-2}$: والتعويض $a=-10\times0,04$: وبالتعويض $a=-g\sin\phi$

$$v=at+v_0$$
 : فبالتكامل نجد ، $a=rac{dv}{dt}$ لكن
$$x=rac{1}{2}at^2+v_0t+x_0$$
 : وبالتكامل نجد ، $x=rac{dv}{dt}$ نجد ، وبالتكامل نجد ، $x=\frac{dv}{dt}$

$$x=rac{1}{2}at^2+v_0t$$
 : لأن الانطلاق تم من النقطة O وهي مبدأ الفواصل، إذن $x_0=0$ لأن الانطلاق الم

، نعوض في معادلة السرعة
$$v$$
 يمكن أن نستخرج : $t=\frac{v-v_0}{a}$ ، نعوض في معادلة v لنجد

$$x = \frac{1}{2}a\left(\frac{v - v_0}{a}\right)^2 + v_0\left(\frac{v - v_0}{a}\right) = \frac{v - v_0}{a}\left[\frac{v - v_0}{2} + v_0\right]$$
$$x = \frac{v - v_0}{a}\left[\frac{v - v_0}{2}\right]$$

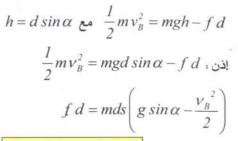
$$v=0m.s^{-1}$$
 وفيها تكون $x=40m$ نعلم أن أقصى نقطة تصلها العربة هي النقطة التي فاصلتها $v=0m.s^{-1}$ وفيها تكون $v=0m.s^{-1}$ عندما نعوض في المعادلة نجد $v=0m.s^{-1}$ إذن : $v=0m.s^{-1}$ إذن المعادلة نجد $v=0m.s^{-1}$ إذن المعادلة نجد المعادلة نحد المعادلة نحد المعادلة نحد المعادلة نحد المعادلة نحد المعادلة المعادلة المعادلة نحد المعادلة المعادلة نحد المعادلة المعاد

2/ المعادلة الزمنية للحركة

$$x = -0.2t^2 + 5.7t$$
 ومنه: $x = \frac{1}{2}(0.4)t^2 + 5.7t$ اذن: $x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$ الدينا

تنطلق العربة من المبدأ O الذي فاصلته x=0 وتعود إلى نفس الفاصلة بعد زمن t نحسبه كالتالي : t(-0,2t+5,7)=0 : نضع x=0 اي : $0=-0,2t^2+5,7t$: نضع x=0 اي : x=0

$$t=28,5s$$
 : وهي لحظة الانطلاق، أو $t=0,2t+5,7=0$ إذن $t=0.2$ ومنه الانطلاق الإنطلاق الإنطلاق العرب الإنطالاق الإنطالاق العرب الإنطالاق العرب ا



$$f=4igg(10\sin10^\circ-rac{(18)^2}{2(v)}igg)$$
 : وبالتعويض $f=migg(g\sin\alpha-rac{v_B^2}{2d}igg)$: في الأخير نكتب

2/ // عبارة يV

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة العربة بين الوضعين B و C (انظر الشكل المقابل) نكتب:

$$E_{c(R)} + W(\vec{P}) + W(\vec{R}) = E_{c(C)}$$

مع ملاحظة عدم وجود احتكاك في هذا السار، لذا نكتب:

$$W(\vec{R}) = 0J$$

$$\frac{1}{2}mv_{B}^{2} + mgh + 0 = \frac{1}{2}mv_{C}^{2} : equal 3$$

$$v_B^2 + 2gh = v_C^2$$
 ; $v_C = \sqrt{v_B^2 + 2gh}$! إذن

 $h' = r \cos \theta$ مع h = r - h' . لدينا

اي $h=r-r\cos\theta$ نعوض في عبارة v_{c} السرعة السابقة فنجد ؛

 $v_C = \sqrt{v_B^2 + 2gr(1 - \cos\theta)}$

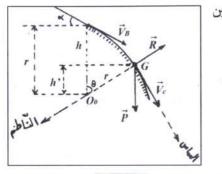
ب/ عبارة شدة رد الفعل R

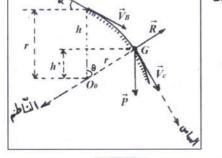
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على جملة العربة :

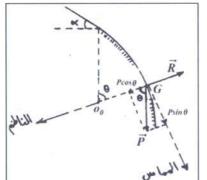
$$ec{P} + ec{R} = m ec{a}$$
 اذن ، $\sum ec{F} = m ec{a}$

ننبه إلى أنه إذا كان المسار دائريا، يُفضَل أن نستعمل معلم فريني (محور مماسي للمسار ومحور ناظمي، كما هو موضح في الشكل المقابل).

محمول كله على الناظم، لذا يتم إسقاط العلاقة \overline{R} $-R + P\cos\theta = ma_N$: السابقة على الناظم فقط $-R = m (a_N + g \cos \theta) \dots (*)$







ليوثر على الجسم بقوة ثابتة $ec{F}$ على طول المسار AB فقط. 1

F ، m ، l غلی طول السار AB ثم جد عبارة v_B في الموضع B بدلالة AB بدلالة B عام دان B عام دان B بدلالة B عام دان B بدلالة B بدلالة B عام دان B بدلالة B بدلالة B بدلالة B عام دان B بدلالة B بد

علما بان
$$F=4\,N$$
 ، $AB=l=4\,m$ ، $v_A=0\,m.s^{-1}$ علما بان . $g=10\,m.s^{-2}$ غلما بان

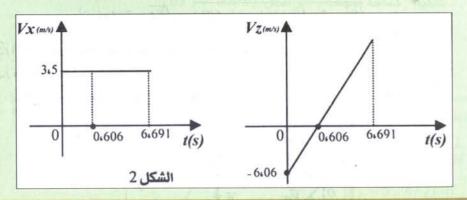
 V_0 تنزع القوة \vec{F} ابتداء من النقطة B . عين عبارة و V_0 في النقطة V_0 فيصبح خاضعا لثقله فقط.

 $\beta = \alpha$ القذف أن زاوية القذف أ

ب/ اكتب معادلة مساره بالنسبة للمعلم المحدد في الشكل، الذي نفترضه عطاليا.

ج/ إذا علمت أن v_x و v_z هما مركبتا سرعة الجسم على طول مساره، نمثل مخططيهما في الشكل 2 ابتداء من لحظة قذفه بالسرعة v_z حتى لحظة سقوطه. استنتج اعلى ارتفاع يبلغه الجسم (الذروة) بيانيا. احسب طول القطعة v_z حيث v_z نقطة سقوط الجسم على المستوى

 $\frac{\pi}{4}$ المائل بزاویة



الحل

سنقوم بحل هذا التمرين حلا مختصرا.

AB طبيعة الحركة $ar{1}$

نطبق القانون الثاني لنيوتن

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \ , \ \vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m\vec{a}$$

 $a = 8 \, m.s^{-2}$ اي: $a = \frac{4}{0.5}$ اي: $a = \frac{F}{m}$ اي: $a = \frac{F}{m}$ الذن F = ma الذن الإسقاط على F = ma

نلاحظ أن ثابت = a ، فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام.

 v_B عبارة

 $v^2-v_0^2=2\,a\,x$. يمكن الاستفادة من المعادلة التي استنتجناها في التمرين السابق وهي $v_A=0\,m.s^{-1}$ مع $v_B^2-v_A^2=2\,a\,x$. هنا

 $a_N = rac{v_C^2}{r}$ العبارة C يعطى بالعبارة a_N لكن ي الموضع C يعطى بعبارة V_C السابقة نجد

$$a_N = \frac{v_B^2}{r} + 2 \operatorname{gr}(1 - \cos \theta)$$
 : إلى $a_N = \frac{v_B^2 + 2 \operatorname{gr}(1 - \cos \theta)}{r}$ $-R = m \left[\frac{v_B^2}{r} + 2 \operatorname{gr}(1 - \cos \theta) + g \cos \theta \right]$: نعوض في المعادلة (*) لنجد $R = m \left[3 \operatorname{g} \cos \theta - 2 \operatorname{g} - \frac{v_B^2}{r} \right]$

 θ ايجاد زاوية الخروج

 $R=0\,N$: عندما تغادر العربة المسار الدائري تصبح غير مستندة عليه وهذا معناه

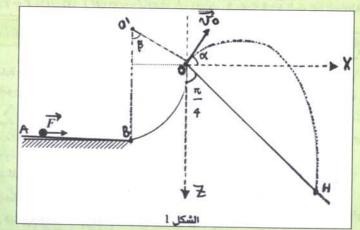
$$\cos \theta = \frac{2}{3} + \frac{v_B^2}{3 gr}$$
 : وبالتالي $\theta = m \left(3g \cos \theta - 2g - \frac{v_B^2}{r} \right)$ إذن

$$\cos\theta = 0$$
,774 : اذن $\cos\theta = \frac{2}{3} + \frac{(18)^2}{3(10)(100)}$ بالتعويض نجد

 $\theta = 39,3^{\circ}$: each

التمرين 3*

جسم نقطي كتلته m=0,5kg يتحرك على مسار ABO وواقع في مستو شاقولي، يهمل فيه الاحتكاك. الجزء AB مستقيم وأفقي، أم الجزء BO فهو قوس من دائرة مركزها O ونصف قطرها BO عندا القوس يحصر زاوية BO (انظر الشكل).



rcosp

تماريه خاصة بحركة مركز عطالة جسم صلب

نلخص الدراسة في جدول:

على المحور (Oz)	على الحور (Ox)	
$v_{0z} = v_0 \sin \alpha$	$v_{0X} = v_0 \cos \alpha$	$\vec{v_0}$
+P	0	$ec{F}$ القوة
$a_z = +g = 10 m.s^{-2}$	$a_x = 0 m.s^{-2}$	\vec{a} التسارع
$z = \frac{1}{2}gt^2 - (v_0 \sin \alpha)t$	$x = (v_0 \cos \alpha) t$	المعادلات الزمنية للحركة

$$z = \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 - (tg\alpha)x$$
 ومنه معادلة المسار :

 z_C جساب الذروة

[0s;0,606s] عددیا = مساحة مخطط v_z في المجال z_C

$$z_C = \frac{0,606 \times 6,06}{2}$$
 , $z_C = 1,84 \, m$

حساب المدى OH

$$x_P = OH \cos \frac{\pi}{4}$$
; $\cos \frac{\pi}{4} = \frac{x_P}{OH}$

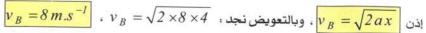
 $x_P = 0.707 [OH]$

$$[0s;0,691s]$$
 كىن: V_z مساحة V_z مساحة الجال OH

$$[OH] = 3,5 \times 6,691 = 23,2m$$

$$x_P = 0,707 \times 23,2$$
: each

$$x_P = 16, 4m$$



$$:O$$
 و B نطبق مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة الكرية بين

$$E_{c(B)} + W(\vec{P}) + W(\vec{R}) = E_{c(O)}$$

$$\frac{1}{2}mv_B^2 - mgh + 0 = \frac{1}{2}mv_O^2$$

$$h=r-r\cos eta$$
 مع $v_0=\sqrt{v_B^2-2\,gh}$ إذن:

$$h = r(1 - \cos \beta)$$
 : ومنه

$$v_0 = \sqrt{v_B^2 - 2gt(1 - \cos\beta)}$$
 : نعوض في v_0 فنجد

 v_0 عبارة وهي

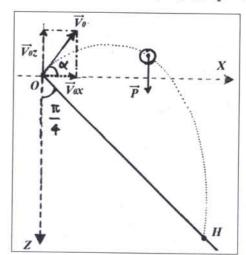
الحساب قيمة v_0 يكفى أن نعوض بالقيم العددية فنجد

$$v_0 = \sqrt{8^2 - 2 \times 10 \times 1(1 - \cos 60^\circ)} = \sqrt{54} = 7,4 \text{m.s}^{-1}$$

ار الزاویتان α و β مستویتان لتعامد ضلعیهما مثنی مثنی β الزاویتان β

ب/ معادلة المسار

$$ec{m{a}}=ec{m{g}}$$
 ، $mar{g}=mar{a}$ إذن $ec{P}=mar{a}$ المانون الثاني لنيوتن فنجد



أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

مراقبة تطور جملة كيميائية خلال تحول كيميائي

الوحدة 1 • التطور التلقائي لجملة كيميائية - الأعمدة

كل جملة كيميائية تتطوّر تلقائيا نحو حالة توازنها

Hard_equation

1- تذكرة

 Q_r كسر التفاعل

يتميّز التفاعل $lpha \ A + eta \ B = \gamma \ C + \delta \ D$ في وسط متجانس بكسر التفاعل

$$Q_r = \frac{[C]^{\gamma} [D]^{\delta}}{[A]^{\alpha} [B]^{\beta}}$$

. $K = \frac{ [\,C\,]_f^\gamma \,[\,D\,]_f^\delta}{ [\,A\,]_f^\alpha \,[\,B\,]_f^\beta}$: K ثابت التوازن

2- مقياس التطور التلقائي

كيفً يمكن معرفة اتجاه تطوّر التفاعل المتوازن السّابق؟ هل في الاتجاه

الباشر $C+\delta D \to \alpha A + \beta B \to \gamma C + \delta D$ أم في الاتجاه المعاكس $\alpha A + \beta B \to \gamma C + \delta D$ إذا كانت الجملة الكيميائية لا تتبادل المادة مع الوسط الخارجي، فإنّ كسر التفاعل (نسبة التفاعل). Q_r هو المقياس الذي يعتمد عليه للتنبؤ بجهة تطوّر التفاعل.

إذا كان $Q_{,} \neq K$ ، فإنه يوجد على الأقل نوع كيميائي واحد من الأنواع D ، C ، B ، A الم تركيز C يختلف عن تركيزه النهائي C اي C اي اي خالة عالى عن تركيزه النهائي C اي اي اي اي الجملة الكيميائية لم تبلغ حالة توازنها.

تعریف

- $\alpha A + \beta B \rightarrow \gamma C + \delta D$ إذا كان $Q_{r,i} < K$ الجملة تتطور في الاتجاه المباشر
- $\gamma \ C + \delta \ D o lpha \ A + eta \ B$ إذا كان $Q_{r,i} > K$ الجملة تتطور في الاتجاه المعاكس $Q_{r,i} > K$
 - إذا كان $Q_{r,i}=K$ ، الجملة لا تتطوّر فهي في حالة توازن كيميائي lacksquare

 $.\alpha A + \beta B \rightarrow \gamma C + \delta D$

Qri	K	Qri	—▶ PH
 تطوّر الجملة في		تطوّر الجملة في	
الإجاه المباشر		الإجّاه المعاكس	

Qr. كسر التفاعل الابتدائي.

ملاحظة هامة

الدراسة السابقة تنطبق على التحولات حمض/ اساس. كما تنطبق على التحولات اكسدة / إرجاع. لكن في بداية التفاعل لا يوجد النوعان الكيميائيان Ag و عليه فان $Q_{r_i}=0$ الكن في بداية $[Cu^{2+}]=0\ mol.L^{-1}$ و $[Ag]=0\ mol.L^{-1}$

حدّد اتجاه تطوّر التفاعل.

بما أنّ Q_r فإنّ التفاعل يتطوّر في الاتجاه المباشر، الذي نحصل به على الشوارد Cu^{2+} الزرقاء، ومعدن التحاس Cu . وهذا يتوافق تماما مع التجربة الملاحظة.

نتيجة

إنّ التحويل الإلكتروني (انتقال الإلكترونات) تمّ بصورة تلقائية من المرجع $Cu_{(s)}$ إلى المؤكسد $Ag_{(aq)}^+$ بطريقة مباشرة.

ملاحظة هامة

ان التلامس المباشر بين شريط النحاس Cu ومحلول نترات الفضة $(ag^+ + NO_3^-)_{(aq)}$ ومحلول نترات الفضة $(e^-)_{(aq)}$ وبالتالي لا نحصل على حمل الالكترونات $(e^-)_{(aq)}$ تنتقل مباشرة من $(cu_{(s)})_{(s)}$ الى $(cu_{(s)})_{(aq)}$ وبالتالي في دارة مغلقة، حصلنا على تيار كهربائي، وبالتالي نستطيع أن نحوّل الطاقة الداخلية للجملة الكيميائية إلى طاقة كهربائية. وكيف يمكن إذن الحصول على ذلك ؟

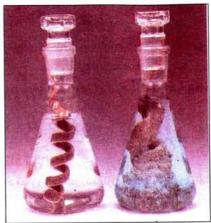
هذا ما سنتطرَق إليه في الفقرة الموالية، بصناعة العمود الكهربائي (الحاشدة).

2-2- التحول الكيمياني التلقائي بتحويل الكتروني غير مباشر في عمود نشاط 2: تحقيق عمود دانيال

- $(Cu_{(aq)}^{2+} + SO_{4(aq)}^{2-})$ اغمس صفيحة النحاس ي بيشر به محلول ڪبريتات الزنك $(Zn^{2+} + SO_4^{2-})$ واغمس صفيحة الفضّة Zn ي بيشر آخر به محلول ڪبريتات الزنك Zn^{2+}
 - صل بين المحلولين بواسطة جسر مؤلف من أنبوب به مادة شاردية هلامية شفّافة مثل كلور البوتاسيوم $(K^+ + Cl^-)$.
 - ◄ اربط بين الصفيحتين فولطمتر أو مقياس ميلي آمبير وصل بينهما بواسطة أسلاك توصيل (الوثيقة).
 - ◄ ماذا تلاحظ؟
 - ◄ ستلاحظ تسجيل مرور تيار كهربائي.
 - ◄ كيف تفسر ذلك ؟
 - Zn تنتقل الإلكترونات (e^-) التي تفقدها صفيحة عبر سلك التوصيل إلى صفيحة النحاس (Cu) فينشأ تيار كهربائي (I) جهته الاصطلاحية هي عكس
- جهة حركة الإلكترونات. ومن العلوم أن التيار ينتقل من القطب (+) للمولِّد إلى قطبه السَّالب (-)

3- تطبيق على الأعمدة 1-3- التحول الكيمياني التلقاني بتحويل الكتروني مباشر نشاط أ

 $(Ag^+ + NO_3^-)_{(aq)}$ فع شريطا من النحاس Cu في دورق يحتوي على محلول نترات الفضّة (الوثيقة المرفقة).



ماذا تلاحظ ؟

ستلاحظ أنه بعد مدّة :

- . Cu²⁺ يتلوّن المحلول بالأزرق، دلالة على ظهور شوارد النحاس الثنائي . Cu²⁺
 - ◄ تترسب شعيرات الفضئة Ag على شريط النحاس.
 كيف تفسر ذلك ؟
- التحوّل حسب التحوّل حسب التحوّل Cu التحاس Cu ولا يمكن أن تأتي من شيء أخر. وهذا حسب التحوّل الكيميائي : $Cu_{(s)} = Cu_{(aq)}^{2+} + 2e^-$ الكيميائي : $Cu_{(s)} = Cu_{(aq)}^{2+} + 2e^-$
 - ، معدن الفضة Ag أتى من شوارد الفضّة Ag^+ حسب التحوّل الكيميائي \blacksquare

. (العادلة النصفية للإرجاع) $Ag^+_{(aq)}+Ie^-=Ag_{(s)}$

أما معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي الحادث فنحصل عليها بجمع المعادلتين السَّابقتين :

$$Cu_{(s)} = Cu_{(aq)}^{2+} + 2e^{-}$$

 $2 \times [Ag_{(aq)}^{+} + 1e^{-} = Ag_{(s)}]$

 $Cu_{(s)} + 2Ag_{(aq)}^+ = Cu_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}^-$ عمادلة الأكسدة-الإرجاعية :

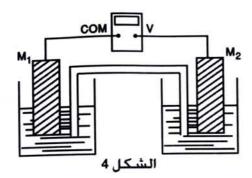
عين الكسر الابتدائي Q_r للتفاعل.

$$Q_{r_i} = \frac{[Cu^{2+}][Ag]^2}{[Cu][Ag^+]^2}$$
 is in its set of $Q_{r_i} = \frac{[Cu^{2+}][Ag]^2}{[Cu][Ag^+]^2}$



2/ قطبية العمود

- . تحليليا : الصفيحة M_1 تخرج منها الـ e^- فهي القطب (-) للمولد، و M_2 هو القطب (+) للمولد.
 - . (4 الشكل M_2 و M_1 و يتجريبيا عندما يربط فولطمتر بين الصفيحتين M_1



- ◄ فإذا كان القياس موجبا فإن الفولطمتر يكون قد ربط بشكل صحيح، بمعنى أن القطب (+) COM للعمود موصول إلى قطب القياس V للفولطمتر، والقطب (-) للعمود موصول بالقطب
 - ◄ العادلة المنمذجة للتحوّل الكيميائي هي:

$$n_{2}[M_{I(s)} = M_{I(aq)}^{n_{1}^{+}} + n_{1}e^{-}]$$

$$n_{1}[M_{2(aq)}^{n_{2}^{+}} + n_{2}e^{-} = M_{2(s)}]$$

$$\overline{n_2 M_{I(s)} + n_1 M_{2(aq)}^{n_2^+}} = n_2 M_{I(aq)}^{n_1^+} + n_2 M_{2(s)}$$

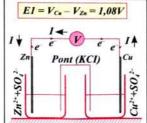
 $M_1/M_1^{n_1^+}//M_2^{n_2^+}/M_2^+$: الرّمز الاصطلاحي للعمود:

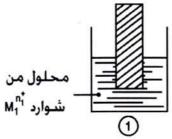
القوة المحركة الكهربائية للعمود E

تمثل فرق الكمون الكهربائي بين صفيحتي العمود $M_{\, 1}$ و E $E = V_{+} - V_{-}$: (معنى شدة التيار معدومة $E = V_{+} - V_{-}$

◄ قيم E لبعض الأعمدة

العمود	E(V)
$Cu/Cu^{2+}//Ag^{+}/Ag$	$0,459 \approx 0,46$
$Pb/Pb^{2+}//Cu^{2+}Cu$	$0,471 \approx 0,47$
$Fe/Fe^{2+}/Cu^{2+}/Cu$	$0,772 \approx 0,77$
$Cu/Cu^{2+}//Zn^{2+}/Zn$ appe $Cu/Cu^{2+}//Zn^{2+}/Zn$	1,08V





- وعليه فإننا نكون قد حصلنا على مولد كهربائي قطبه (-) هو صفيحة Cu وقطبه السّالب (+) هو صفيحة Zn.
 - ◄ أعط الرَّمز الاصطلاحي لهذا العمود.
 - Zn / Zn²⁺ // Cu²⁺ / Cu⁺ : من هذا العمود

الدراسة النظرية للأعمدة والحاشدات 1/ تركيب العمود

يتركّب العمود من نصفين:

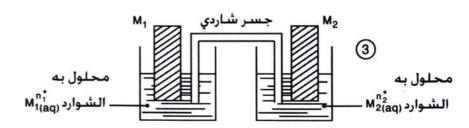
نصف العمود الأول

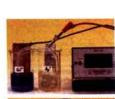
- يتالف من صفيحة معدنية M_I مغموسة في محلول من شوارد هذا المعدن M_1 والتى نرمز لها بالرّمز $M_1^{n_1^+}$ (الشكل 1)، وبالتالي فهو يتميّز بالثنائية مؤكسد $(M_1^{n_i}, M_1)$ مرجع
- . $M_{I(s)} = M_{I(aq)}^{n_1^+} + n_1 e^-$: (معادلة الإرجاع) العادلة النصفية الالكترونية (معادلة الإرجاع)

نصف العمود الثاني

- يتألف من صفيحة معدنية M_2 مغموسة في محلول من شوارد lacktrianglerightهذا المعدن M_2 أي $M_2^{n_2^+}$ (الشكل 2) يتميّز بالثنائية مرجع/ $.(M_2^{n_2^+}/M_2)$ ، مؤكسد
 - ◄ المعادلة النصفية الإلكترونية للأكسدة :
 - $. M_{2(aq)}^{n_2^+} + n_2 e^- = M_{2(s)}$

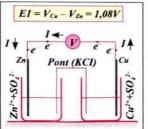
◄ يتألُّف إما من غشاء مسامي كوعاء دانيال التاريخي أو من أنبوب يحتوي على محلول شاردي هلامي مثل $(K^+ + Cl^-)$ ، أو ورق ترشيح مبلًل بمحلول شاردي مثل $(K^+ + Cl^-)$. هذا الجسر يصل بين نصفي العمودين فنحصل على عمود واحد (الشكل 3).

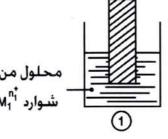












محلول من

شــوارد M₂ⁿ2

تماريه خاصة بالاعمده

التمرين ا

$$Cu_{(s)} + 2Ag_{(aq)}^+ = Cu_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}$$
 نعتبر التفاعل

نسمي Q_{r,i} كسر التفاعل الابتدائي و k ثابت التوازن.

أجب بصحيح أو خطأ، وصحح العبارة الخاطئة.

الم إذا كان $Q_{r,i} < k$ ، يتطور التفاعل في الاتجاه المباشر، أي في اتجاه استهلاك المتفاعلات.

. $Ag_{(s)}$ ، يتطور التفاعل في اتجاه تشكل راسب الفضة $Q_{r,i}>k$ باذا كان

ج/ إذا كان $Q_{r,i}=k$ ، فالجملة الكيميائية السابقة تكون في توازن كيميائي.

الحل

ا/ صحيح.

 $Ag_{(s)}$ با نا كان $Q_{r,i}>k$ ، فإن التفاعل يتطور في الاتجاه العكسي، أي في اتجاه استهلاك و $Cu_{(s)}$ و بالتالي تشكل $Ag_{(aq)}^+$ و $Cu_{(aq)}^+$.

ج/ صحيح.

التمرين 2

$$I_{(aq)}^-/I_{2(aq)}$$
 و $S_2O_{(aq)}^{2-}/S_4O_{6(aq)}^{2-}$ و تعطی الثنائیتان مر/مؤ :

1/أ/ اكتب المعادلتين النصفيتين الإلكترونيتين.

ب/ استنتج معادلة الأكسدة الإرجاعية.

2/ يعطى المزيج الابتدائي المؤلف من:

$$V_{\Gamma} = 4.0 \text{mL} \cdot n_{\Gamma} = 5.10^{-3} \text{mol.L}^{-1} \cdot V_{s_2 O_3^{2-}} = 20 \text{mL} \cdot n_{s_2 O_3^{2-}} = 4.10^{-3} \text{mol.L}^{-1}$$

$$V_{I_2} = 15 \text{mL}$$
 , $n_{I_2} = 4.10^{-3} \text{mol.L}^{-1}$, $V_{S_4O_6^{2-}} = 20 \text{mL}$, $n_{S_4O_6^{2-}} = 2.10^{-3} \text{mol.L}^{-1}$

أ/ احسب التراكيز الابتدائية لهذه الأنواع الكيميائية.

ب/ استنتج قيمة كسر التفاعل الابتدائي .Q

 $k=10^8$ ، فحدد في أي جهة يتطور التفاعل هو $k=10^8$ ، فحدد في أي جهة يتطور التفاعل.

الحل

1 /أ/ المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان

$$2S_2O_{3(aq)}^{2-} = S_4O_{6(aq)}^{2-} + 2e^-$$

$$I_{2(aq)} + 2e^{-} = 2I_{(aq)}^{-}$$

سلم الكمونات

كمية الكهرباء التي ينتجها العمود تعريف

الفاراداي F هو كمية الكهرباء التي تنتج من 1 مول (1mol) من الإلكترونات أثناء حركتها $|e^-|$ عدد أفوغادرو.

كمية الكهرباء التي ينتجها العمود أثناء التقدم X للتفاعل

Q(C) كمية الكهرباء بالكولون

$$Z=n_{
m l}n_{
m 2}^*=$$
 عدد الالكترونات المحوّلة أثناء التفاعل $Q=Z.X.F$. (mol) . $Z=n_{
m l}n_{
m 2}^*=0$ عدد الالكترونات المحوّلة أثناء التفاعل ب

ملاحظة :
$$n_1 n_2^* = n_1 \times n_2$$
 إذا كان (n_1) و (n_2) أوليين فيما بينهما. $n_1 n_2^* = PPCM(n_1, n_2)$ و (n_2) أوليين فيما بينهما. (n_2, n_1) هو المضاعف المشرّك الأصغر لـ (n_2, n_1) . $Q_{max} = Z.X_{max}.F$ إذا كان التقدم أعضميا فإنَ :

Δt مدة اشتغال العمود

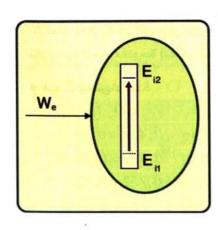
 $Q=I\,\Delta t$: فإن Δt فإن في التي ينتجها العمود هي في المدة التيار الكهربائي التي ينتجها العمود هي في خلال مدة زمنية في التي ينتجها العمود هي في المدة التي ومنه المدة المدة

 $\Delta t = rac{Q_{max}}{I}$: وعليه فإن مدة اشتغال العمود هي

$$\Delta t = \frac{Q_{max}}{I} = \frac{ZX_{max}F}{I}$$
 إذن:

الحصيلة الطاقوية للعمود

 E_{i_1} $-W_e=E_{i_2}$: معادلة انحفاظ الطاقة . W_e . التحويل الكهربائي



ب/ بجمع هاتين المعادلتين نحصل على معادلة الأكسدة الإرجاعية :

$$2S_2O_{3(aq)}^{2-} + I_{2(aq)} = S_4O_{6(aq)}^{2-} + 2I_{(aq)}^{-}$$

2/أ/ حساب التراكير الابتدائية للأنواع الكيميائية

$$\left[\quad \right] = \frac{n}{V_0} = \frac{n}{V_1 + V_2 + V_3 + V_4}$$
 نعلم أن التركيز $\left[\quad \right]$ لأي نوع كيميائي يعطى بالعلاقة

 $(S_2O_{3(aq)}^{2-})$ بالنسبة للنوع

initial) معناه ابتدائی

$$[S_2O_3^{2-}]_i = \frac{n_{S_2O_3^{2-}}}{(20+40+5+15).10^{-3}} = \frac{4.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 4.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[I_2]_i = \frac{n_{I_2}}{100.10^{-3}} = \frac{4.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 4.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

 $(I_{(aq)}^-)$ بالنسبة للنوع •

$$[I^-]_i = \frac{n_{I^-}}{100.10^{-3}} = \frac{5.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 5.10^{-2} \,\text{mol.L}^{-1}$$

 $(S_4O_{6(aq)}^{2-})$ بالنسبة للنوع

$$[S_4O_6^{2-}]_i = \frac{n_{S_4O_6^{2-}}}{(20+40+5+15).10^{-3}} = \frac{2.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 2.10^{-2} \, \text{mol.L}^{-1}$$

ب/ حساب الكسر الابتدائي للتفاعل إ

$$\begin{aligned} Q_{r,i} = & \frac{(2.10^{-2})(5.10^{-2})^2}{(4.10^{-2})(4.10^{-2})^2} = 0{,}781 \quad \text{is} \quad Q_{r,i} = & \frac{[S_4O_6^{2-}]_i[I^-]_i^2}{[I_2]_i[S_2O_3^{2-}]_i^2} \end{aligned}$$

3/ تحديد حِهة تطور التفاعل

بما أن $Q_{\rm r,i} = 0.781$ ومنه فإن التفاعل يتطور في اتجاه تشكل كل بما أن $Q_{\rm r,i} << k$ من I^- و $S_4O_6^{2-}$ أي في الاتجاه المباشر .

التمرين 3

نمزج 1,0g من مسحوق الحديد (E_(s) و Fe_(s) من مسحوق النحاس (Cu_(s) من عرب عن مسحوق العديد عرب عن المعالم عن محلول كلور النحاس الثنائي ($(Cu_{aa}^{2+} + 2cl_{(aa)}^{-})$ و 20,0mL محلول كلور الحديد الثنائي $.5,0.10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$ يركيز كلا المحلولين يساوي ($\text{Fe}_{(aa)}^{2+} + 2\text{cl}_{(aa)}^{-1}$).

$$Cu^{2+}_{(aq)}+Fe_{(s)}=Cu_{(s)}+Fe^{2+}_{(aq)}$$
 ، للمعادلة $k=10^{26}$ للمعادلة . $Q_{r,i}$ احسب قيمة $Q_{r,i}$.

ب/ حدد في أي جهة تطور التفاعل.

2/أ/ احسب التقدم النهائي ، X للتفاعل (استعن بجدول التقدم).

ب/ هل التفاعل تام ؟

ج/ احسب قيمة , Q.

3- استنتج (m(Cu) و m(Fe) عند التوازن.

يعطى: M(Fe) = 56g/mol ، M(Cu) = 63,5g.mol

الحل

1 /أ/ حساب قيمة Q₁₁

. (S) لكن
$$Q_{r,i} = \frac{[Fe_{(aq)}^{2+}]_i[Cu_{(s)}]_i}{[Fe_{(s)}]_i[Cu_{(aq)}]_i}$$
 لكن $Q_{r,i} = \frac{[Fe_{(aq)}^{2+}]_i[Cu_{(s)}]_i}{[Fe_{(s)}]_i[Cu_{(aq)}^{2+}]_i}$

$$\left[Cu_{(aq)}^{2+} \right]_{i} = \frac{n_{Cu^{2+}}}{V_{odd}} = \frac{5.10^{-1}.20.10^{-3}}{(20+20).10^{-3}} \text{ usu } Q_{r,i} = \frac{\left[Fe_{(aq)}^{2+} \right]_{i}}{\left[Cu_{(aq)}^{2+} \right]_{i}} \text{ usu }$$

$$[Cu_{(aq)}^{2+}]_i = 2{,}5.10^{-1} mol.L^{-1}$$

$$\left[Fe_{(aq)}^{2+}\right]_{i} = \frac{n_{Fe^{2+}}}{V_{out}} = \frac{5.10^{-1}.20.10^{-3}}{(20+20).10^{-3}} = 2,5.10^{-1} \, \text{mol.L}^{-1}$$

$$Q_{r,i} = 1$$
 ومنه : $Q_{r,i} = \frac{2,5.10^{-1}}{2,5.10^{-1}} = 1$ ومنه :

ب/ تحديد جهة تطور التفاعل

 $. Fe_{(aq)}^{2+}$ و $Cu_{(s)}$ و تجاه تشكل و التجاه المباشر، أي في اتجاه تشكل $Q_{r,i} < 1$ بما أن

2/أ/ حساب التقدم النهائي X للتفاعل

نحسب كمية المادة الابتدائية لكل نوع كيميائي:

$$n_{0(Cu^{2+})} = n_0(Fe^{2+}) = 5.10^{-1}.20.10^{-3} = 10^{-2} \text{mol}$$

$$n_{0(Cu)} = \frac{m(Cu)}{M(Cu)} = \frac{1}{63.5} \approx 1,57.10^{-2} \text{ mol}$$

$$n_{0(Fe)} = \frac{m(Fe)}{M(Fe)} = \frac{1}{56} \approx 1,78.10^{-2} \text{ mol}$$

ننشئ جدول التقدم:

العادلة	$Cu_{(aq)}^{2+} + Fe_{(s)} = Cu_{(s)} + Fe_{(aq)}^{2+}$			
الحالة الابتدائية	10^{-2} mol	1,78.10 ⁻² mol	1,57.10 ⁻²	10 ⁻² mol
الحالة النهائية	$10^{-2} - x_f$	$1,78.10^{-2} - x_f$	$1,57.10^{-2} + x_f$	$10^{-2} + x_f$

$$k = \frac{10^{-2} + x_f}{10^{-2} - x_f} \text{ ومنه } k = \frac{\frac{10^{-2} + x_f}{V}}{\frac{10^{-2} - x_f}{V}} \text{ اذن } k = \frac{[Fe^{2+}]_{eq}}{[Cu^{2+}]_{eq}}$$

$$k(10^{-2} - x_f) = 10^{-2} + x_f$$
, $10^{-2}(k-1) = x_f(k+1)$

$$k(10^{-2} - x_f) = 10^{-2} + x_f \quad in \quad 10^{-2}(k-1) = x_f(k+1)$$

$$x_f \approx 10^{-2} \text{ mol} \quad \text{if} \quad x_f = \frac{10^{-2}(k-1)}{(k+1)} = 10^{-2} \frac{(10^{26} - 1)}{(10^{26} + 1)} \approx 10^{-2} \text{ mol}$$

. فالتفاعل تام
$$au_f=1$$
 ، $au_f=rac{ ext{x}_f}{ ext{x}_{ ext{max}}}=rac{10^{-2}}{ ext{n}_{0(ext{Cu}^{2+})}}=rac{10^{-2}}{10^{-2}}=1$

$$Q_{\mathrm{r},f} = k = 10^{26}$$
 اي $Q_{\mathrm{r},f} = \frac{[\mathrm{Fe}^{2+}]_f}{[\mathrm{Cu}^{2+}]_f} = k$ لدينا

3/ حساب (m(Cu) و m(Fe) عند التوازن

نستعين بخانات الحالة النهائية من جدول التقدم.

$$m(Cu) = n_{(Cu)}.M(Cu)$$
 ومنه $m = n.M$ إذن $n = \frac{m}{M}$

 $M(Cu) = 63,5g.mol^{-1}$

$$n(Cu) = 1,57.10^{-2} + x_f = 1,57.10^{-2} + 10^{-2} = 2,57.10^{-2} \text{ mol}$$

 $m(Cu) = 2,57.10^{-2}.63,5 = 1,63g$

 $\rm{m(Fe)} = (10^{-2} - 10^{-2}).56 = 1{,}12g$ اي $\rm{m(Fe)} = (10^{-2} - x_{\it f}).56$. بالمثل نجد :

اختر الإجابة الصحيحة.

/ حاملات الشحنة في الدارة الخارجية للعمود الكهربائي هي الشوارد / الإلكترونات. ب/ حاملات الشحنة في الدارة الداخلية للعمود الكهربائي هي الشوارد / الإلكترونات. ج/ تنتقل الإلكترونات من للسرى للوجب إلى المسرى السالب/ من المسرى السالب إلى المسرى الوجب. د/ الجسر اللحي يعمل على عزل محلولي العمود عن بعضهما / وصل محلولي العمود ببعضهما. هـ/ يعمل الجسر الملحي على هجرة الشوارد بين المحلولين / توقف الشوارد.

و/ القطب الموجب للعمود هو المسرى الذي تخرج منه الإلكترونات / تدخل إليه الإلكترونات. ي/ المسرى الموجب هو المصعد / الهبط. ك/ العمود الكهربائي يعمل بالتحول القسري / التلقائي.

الحل

أ/ الإلكترونات. ب/ الشوارد. ج/ من المسرى الموجب إلى المسرى السالب. د/ وصل محلولي العمود ببعضهما. هـ/ هجرة الشوارد بين الحلولين. و/ تدخل إليه الإلكترونات. ي/ الصعد. ك/ التلقائي.

التمرين 5

أجب بصحيح أو خطأ على المقترحات التالية. القوة المحركة الكهربائية لعمود دانيال تتعلق ب:

. $(Cu_{aq}^{2+} + SO_{4(aq)}^{2-})$ المحلول كبريتات النحاس النحاس محلول المحلول الم

 $(Zn_{aq}^{2+} + SO_{4(aq)}^{2-})$ برکیز محلول کبریتات الزنك

ج/ حجم هذين المحلولين.

د/ نوع الشوارد المتواجدة في الجسر الملحي.

الحل

أ/ صحيح. ب/ صحيح. ج/ خطأ. د/ خطأ.

التمرين 6

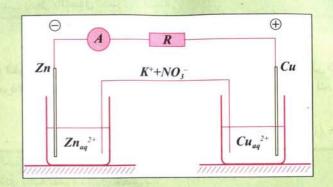
كسر التفاعل ، Q الحادث في عمود كهربائي يساوي ثابت التوازن الكيميائي لهذا التفاعل : أ/ عندما يكون العمود في الحالة الابتدائية ؟ ب/ عندما يكون العمود في الحالة الانتقالية ؟

ج/ عندما يكون العمود في الحالة النهائية (العمود تفرع كلية) ؟

الحل

- يكون $Q_r = Q_{r,f} = k$ في الحالة النهائية، وعندما يتوقف التفاعل، وبالتالي يتوقف اشتغال العمود.
- أما في الحالة الابتدائية فإن $Q_{r,i} = Q_{r,i} = Q_{r,i}$ ، لذا يسرى التفاعل في الاتجاه المباشر.
 - وأيضا في الحالة الانتقالية، يكون $Q_r < k$ ، وبالتالي فإن العمود، مازال في حالة اشتغال.

نحقق تركيب الدارة المؤلفة من عمود دانيال يسرى في ناقل أومي R.



أجب بصحيح أو خطأ، وصحح العبارة الخاطئة :

أ/ الإلكترونات تنتقل من مسرى Cu إلى مسرى Zn .

ب/الشوارد $Zn^{2+}_{(\mathrm{aq})}$ و $Cu^{2+}_{(\mathrm{aq})}$ تنتقل في الجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي.

$$\theta_{Zn_{(s)}/Zn_{(aq)}^{2+}} /\!/ Cu_{(aq)}^{2+} /\!/ Cu_{(s)}^{+} : \theta_{Zn_{(s)}/Zn_{(aq)}^{2+}}$$
 ج/ رمز العمود هو

 $E = V_{+} - V_{-} = 1,08V$ هـ/ القوة المحركة للعمود

الحل

أ/ خطأ. والصحيح هو: الالكترونات تنتقل من مسرى Zn إلى مسرى الذي يحدث عند المسرى الخارجية تفاعل أكسدة ذلك لأن Zn هو الذي يفقد الالكترونات وهذه الإلكترونات تنتقل عبر الدارة الخارجية للعمود (عبر أسلاك التوصيل)، فتصل إلى مسرى النحاس Cu ، فيحدث عنده تفاعل إرجاع من قبل

بر صحيح. إذ أن كل الشوارد الموجبة $k_{(aq)}^{+}$ ، $Cu_{(aq)}^{2+}$ ، $Zn_{(aq)}^{2+}$ ، وهي $Eu_{(aq)}^{2+}$ ، $Eu_{(aq)}^{2$

ج/ صحيح. د/ صحيح.

 $\begin{array}{c|c}
\hline
Cu \\
\hline
Zn \\
\hline
Zn_{aq}^{2+}
\end{array}$ $\begin{array}{c|c}
\hline
Cu \\
\hline
Cu_{aq}^{2+}
\end{array}$

التمرين 8

 $\Theta {
m Ni}_{(s)}\,/\,{
m Ni}_{(aq)}^{2+}\,/\,{
m Ag}_{(aq)}^{+}\,/\,{
m Ag}_{(s)}^{+}\,\oplus\,$ نعتبر العمود (نيكل- فضة) $\Theta {
m Ni}_{(s)}\,/\,{
m Ni}_{(aq)}^{2+}\,/\,{
m Ag}_{(aq)}^{2+}$ هذا العمود يمكن أن يشتغل لمدة 0 min معطيا تيارا شدته ثابتة، وقيمتها 1 .

1 /ا/ اكتب المعادلتين النصفيتين الإلكترونيتين الحادثتين عند السريين، وصف كيفية نشوء التيار الكهربائي في هذا العمود.

ب/ استنتج معادلة الأكسدة الإرجاعية، التي تحدد اشتغال هذا العمود.

2/ احسب كمية الشحنة الكهربائية Q التي ينتجها هذا المولد خلال مدة اشتغاله.

 x_f استنتج قيمة التقدم النهائي x_f عند انتهاء مدة اشتغال العمود.

4/ احسب مقدار تغير كتلته مسرى الفضة Δm(Ag) .

. M(Ag) = 108g.mol⁻¹ ، F = 96500c.mol⁻¹

الحل

أ /أ/ المعادلة النصفية للأكسدة

• عند الهبط : ذرات معدن النيكل Ni ِ تفقد كل ذرة 2e حسب المعادلة النصفية :

$$Ni_{(s)} = Ni_{(aq)}^{2+} + 2e^{-}$$

هذه الأزواج الإلكترونية تنتقل عبر المهبط لتصل إلى المصعد عبر أسلاك التوصيل.

• عند المصعد : ذرات معدن الفضة $Ag_{(s)}$ المؤلفة للمصعد تصلها الإلكترونات التي فقدتها من الهبط، وهذه الإلكترونات تكتسبها الشوارد الموجبة من المحلول $Ag_{(aq)}^+$ المحيطة بالمصعد، فتتحول إلى ذرات متعادلة كهربائيا، حسب المعادلة النصفية : $Ag_{(aq)}^+ + 1e^- = Ag_{(s)}$

ب/ معادلة الأكسدة الإرجاعية

$$Ni_{(s)} = Ni_{(aq)}^{2+} + 2e^{-}$$

$$2 \times (Ag_{(s)}^{+} + 1e^{-} = Ag_{(s)})$$

$$Ni_{(s)} + 2Ag_{(s)}^{+} = Ni_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}$$

2/ حساب كمية الشحنة الكهربائية Q

 $I=10 \, \mathrm{min}$ بالعلاقة : $\Delta t=30 \, \mathrm{min}$ بالعلاقة : $\Delta t=30 \, \mathrm{min}$ بالعلاقة : $\Delta t=30 \, \mathrm{min}$

 $Q = (10.10^{-3}) \times (30.60)$ این Q = 18C این $Q = I.\Delta t$

 x_f حساب قيمة التقدم النهائي x_f

نعلم أن $Z = Z \times F$ ومنه $Q = Z \times F$ حيث $Z = Z \times F$ وهو عدد الإلكترونات المتبادلة $Q = Z \times F$ (المحولة) أثناء التفاعل. $Q = Z \times F$ وهو الفارادي.

 $x_f = \frac{18}{2 \times 96500} = 9.3.10^{-5} \text{ mol}$

4/ حساب مقدار تغير كتلة الفضة Δm(Ag)

ننشئ جدول التقدم لعرفة كمية مادة الفضة (Ag) المرسبة :

المعادلة	$Ni_{(s)} + 2Ag_{(s)}^+ = Ni_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}$			
الحالة الابتدائية	n ₀ (Ni)	$n_0(Ag^+)$	n ₀ (Ni ²⁺)	n ₀ (Ag)
الحالة النهائية	$n_0(Ni) - 2x_f$	$n_0(Ag) - 2x_f$	$n_0(Ni^{2+}) + 2x_f$	$n_0(Ag) + 2x_f$

نلاحظ من هذا الجدول أن 2x + 2x + 4 هي كمية مادة الفضة 4g التي زادت (ترسبت).

$$m_{Ag} = \Delta m_{(Ag)} = 2x_f. M(Ag)$$
 وبما أن $m = nM$ إذن $n = \frac{m}{M}$ وهنا $\Delta m_{(Ag)} = 2.9, 3.10^{-5}.108$ إذن $\Delta m_{(Ag)} = 2.9, 3.10^{-5}.108$

التمرين 9

إن عمود لكلانشي (Leclanché) هو عمود يتألف من أسطوانة من الزنك Zn ومحلل كهربائي حمضي هلامي من ثنائي أكسيد المنغنيز MnO₂ ومسرى غير متأثر من الغرافيت C (الكربون).

1 /أ/ حدد مسريي هذا العمود.

ب/ ماذا يقصد بمسرى الغرافيت أنه غير متأثر ؟

2/أ/ لماذا يسمى عمود لكلانشي بالعمود الجاف؟

ب/ لماذا يقال عن هذا العمود أنه حامضي؟

 $Zn_{(aq)}^{2+}/Zn_{(s)}$ الثنائيتان (مر/مؤ) الداخلتان في اشتغال هذا العمود هما (مر/مؤ)

. MnO, / MnOOH 9

/ اكتب المعادلتين النصفيتين للأكسدة والإرجاع وهذا في وسط حمضي (H⁺_(ag)

ب/ استنتج معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي في العمود.

ج/ أعط رمز هذا العمود.

4/ هذا النوع من الأعمدة يحمل العلومات: 750mAh; 1,5V

أ/ ماذا تحمل هذه الخصائص ؟

ب/ احسب المدة الزمنية Δt التي يشتغل فيها العمود علما بأنه يعطي تيارا ثابت الشدة قيمته

5/ أعط الحصيلة الطاقوية لهذا العمود وبين أنه تحول تلقائي.

 Δt في هذه الله الستهلكة من قبل كل من Δt و Δt في هذه الدة الزمنية Δt .

 $M(MnO_2) = 86.9g.mol^{-1}$, $M(Zn) = 65.4g.mol^{-1}$:

الحل

1/1/ تحدید مسریی العمود : مسری Zn ومسری 1/1

ب/ مسرى الغرافيت غير متأثر، يعنى أنه لا يتفاعل.

1/2/ يسمى عمود لكلانشي بالعمود الجاف، لأنه لا يحتوي على محاليل، بل على مادة هلامية (gel).

 $(H_{(aq)}^+)$ وسط حمضى في وسط عند السريين يتم في وسط حمضى المناعل برا يقال عن هذا العمود أنه حامضى، لأن التفاعل عند السريين يتم في وسط حمضى

3/أ/ المعادلتان النصفيتان للأكسدة والإرجاع

 $Zn = Zn^{2+} + 2e^{-}$

 $(MnO_2 + H^+ + e^- = MnOOH) \times 2$

 $Zn + 2MnO_2 + 2H^+ = Zn^{2+} + MnOOH$

 \ominus Zn / Zn²⁺ // MnOOH / MnO₂ / C \oplus : رمز العمود هو

العدد 1,5V يمثل القوة المحركة الكهربائية للعمود أي E=1,5V . العدد 1,5V وحدته هي mAh أي الميلي آمبير ساعي وبالتالي فهو يمثل القيمة الأعظمية لكمية الكهرباء.

ب/ حساب المدة الزمنية لاشتغال هذا العمود

 $\Delta t = \frac{Q}{I} = \frac{750.10^{-3} \text{ Ah}}{0.1 \text{ A}} = 7.5 \text{ h}$

 $\Delta t = 7.5h$

5/ الحصيلة الطاقوية لعمود لكلانشي

 MnO_2 و Zn الكتلة الستهلكة من قبل كل من Zn

1h = 3600s لكن $Q = 750 \text{mAh} = 750.10^{-3} \text{Ah}$ لدينا

 $Q = 0.750 \times 3600 A.s$ إذن

وبما أن IAmper×1Seconde = 1Coulomb إذن

من المعادلتين النصفيتين السابقتين نلاحظ أنَّ كل 1 ذرة من Zn تحرر -2e

 $n_{(MnO_2)} = n_{(\bar{e})}$ اي : $n_{(\bar{e})} = n_{(\bar{e})}$ من المعادلة الثانية أن $n_{(Zn)} = \frac{1}{2} n_{(\bar{e})}$ ، $n_{(\bar{e})} = 2 n_{(Zn)}$ اي : لنحسب إذن عدد الإلكترونات المحولة :

 $n_{(\bar{e})} = \frac{2700}{96500} = 2,8.10^{-2} \, \text{mol}$ نعلم أن $\frac{n_{(\bar{e})}}{F} = \frac{Q}{F}$ نعلم أن

 $n_{(Zn)} = 1,4.10^{-2} \text{ mol}$ و $n_{(MnO_2)} = 2,8.10^{-2} \text{ mol}$: فنكتب

 $W_e=750 mAh$

 $m_{(Z_n)} = n_{(Z_n)} M_{(Z_n)} = 1,4.10^{-2}.65,4 = 0,92g$ epilille.

 $m_{(MnO_2)} = n_{(MnO_2)} M_{(MnO_2)} = 2,8.10^{-2}.86,9 = 2,43g$

2-2- مردود الاسترة

في حالة مزيج ابتدائي متساوي كمية المادة (متساوي عدد المولات) من الحمض الكربوكسيلي والكحول فإن مردود الاسترة يتعلّق بصنف الكحول.

$$r_{i} = \frac{X_f}{X_{max}} = \frac{n}{n_0} = \frac{n}{n_0}$$
 مردود الاسترة = $\frac{X_f}{100}$ الكمية الابتدائية للحمض أو الكحول

$$r_{\rm init} = au_f = rac{X_f}{X_{
m max}}$$
: مردود الاسترة يساوي النسبة النهائية لتقدّم التفاعل

 r_{i} أن الكحول أوليا 67% = 0.67 إذا كان الكحول أوليا

 r_{i} أين الكحول ثانويا : 60% = 0.60 إذا كان الكحول ثانويا

 $r_{\rm i}$ المحول ثالثيا : 10% إلى 5% المين أ

2-3- مردود إماهة الاستر

$$r_{\text{init}} = au_f' = rac{X_f}{X_{max}} = rac{n}{n_0} = rac{1}{n_0}$$
 عردود إماهة الاسترة = $rac{1}{n_0}$ الكمية الابتدائية للاسترأو الماء

r إذا كان الكحول الناتج أوليا 33% = امامة الاست

إذا كان الكحول الناتج ثانويا : 40% = امامة الاست γ

إذا كان الكحول الناتج ثالثيا : 5% إلى 95% من امامة الاستر r

4-2- ثابت التوازن K

في حالة تفاعل الاسترة :

$$K = \frac{\left[\text{Nunit} \right]_{f} \left[\text{Nunit} \right]_{f}}{\left[\text{Nunit} \right]_{f} \left[\text{Nunit} \right]_{f}}$$

ويتحوّل إلى :

$$K = \frac{n_{\text{pul}} \times n_{\text{pl}}}{n_{\text{coc}} \times n_{\text{del}}}$$

مراقبة سرعة تفاعل الاسترة (أو اماهة الأسترة)

تزداد سرعة التفاعل دون تغيير المردود :

1/ إذا زادت درجة حرارة المزيج.

 (H^+) إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز (زيادة الشوارد (H^+)).

الوحدة 2 = مراقبة تحول كيمياني - الأسترة وإماهة الاستر

1/ تحولات الأسترة وإماهة الاستر

1/1/ تفاعل الاسترة

تفاعل الأسترة هو تفاعل حمض كربوكسيلي مع كحول، فينتج استر وماء. ماء + استر = كحول + حمض كربوكسيلي

الصيغة الجزينية نصف المفصلة للاستر

$$R - C \downarrow O - H + R' - OH = R - C \downarrow O - R' + H_2O$$

 $2 \le n$ مع $C_n H_{2n} O_2$ الصيغة الجزيئية المجملة للاستر

1-2- تفاعل إماهة الاستر

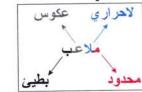
تفاعل إماهة الاستر هو تفاعل استر مع الماء، فيعطي حمضا كربوكسيليا وكحولا.

$$R - C \downarrow_O - R' + H_2O = R - C \downarrow_O - H + R' - OH$$

كحول + حمض كربوكسيلي = ماء + استر

1-3- خصائص تفاعلى الاسترة وإماهة الاستر:

محدود (غير تام) — لا حراري — عكوس — بطيئ. نلاحظها في كلمة ملاعب:



2- مراقية الحالة النهانية

2-1- جدول التقدّم لتفاعل الاسترة

$$R - COOH + R' - OH = RCOOR' + H_2 O$$

الحالة الابتدائية
$$n_0$$
 n_0 $0 \, mol$ $0 \, mol$

الحالة النهائية
$$n_0 - X_f$$
 $n_0 - X_f$ X_f X_f

تماديه خاصة بالأسترة وإماهة الأستر

التمرين ا

اختر الإجابة الصحيحة، وصحح الخاطئة.

1/ تفاعل الأسترة هو :

أ/ تفاعل بطئ

ب/ تفاعل تام

ج/ تفاعل ناشر للحرارة

2/ يمكن زيادة نسبة تقدم تفاعل الأسترة إذا:

أ/ رفعنا درجة الحرارة

ب/ أضفنا قطرات من حمض الكبريت المركز.

ج/ استعملنا كحولا أوليا، بدل كحولا ثالثيا.

د/ أنقصنا كمية المادة لأحد المتفاعلات.

الحل

تذكرة: تفاعل الأسترة هو تفاعل يتم بين حمض كربوكسيلي وكحول. أما تفاعل إماهة الاستر، فيتم بين الاستر والماء. وخصائص كل تفاعل هي : لاحراري، بطيئ، عكوس، محدود.

1/1/ صحيح. ب/ صحيح.

ج/ خطأ، والصحيح هو أن تفاعل الأسترة هو تفاعل لاحراري، لا ينتج عنه انتشار أي حرارة إضافية، فبقدر ما يعطى له حرارة أثناء التفاعل بقدر ما يعطي هو حرارة، عند انتهاء التفاعل (عند التوازن). 2/ تذكرة: كلا التفاعلين (أسترة، إماهة الاستر) يصل إلى حالة التوازن، فإذا أردنا تغيير حالة التوازن

نقوم بما يلي: • كلما ظهر ناتج، ننزعه، وهذا بتقدم التفاعل.

بنضیف بزیادة أحد المتفاعلات.

 أ/ خطأ : فالحرارة عامل حركي، تغير فقط من سرعة التفاعل، فكلما زادت الحرارة زادت سرعة التفاعل.

ب/ خطأ : فحمض الكبريت المركز هو عامل مساعد يزيد من سرعة التفاعل فقط.

ج/ خطأ : فالاسترة لا تتقدم عمليا إذا استعملنا كحولا ثالثيا، بدل كحول أولي.

التمرين 2

حدد المعادلات التي تعطي تفاعلات أسترة وإماهة أستر من بين التفاعلات التالية :

 $R - COOH + R' - OH = R - COO - R' + H_2O$

 $H - COOH + H - CH_2 - OH = H - COOCH_3 + H_2O / -$

 $CH_3COOH + C_2H_5OH = CH_3COOC_2H_5 + H_2O$ /z

 $CH_3COOH + C_2H_5OH = C_2H_5COOCH_3 + H_2O$ /2

 $CH_3COOH + HO^- = CH_3COO^- + H_2O$ / \triangle

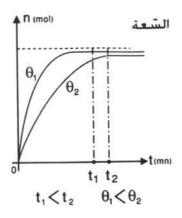
 $CH_3COOC_3H_7 + H_2O = C_2H_5COOH + C_3H_7OH / 9$

3- مراقبة مردود التفاعل

يزداد مردود التفاعل في الحالات التالية :

1/ المزيج الابتدائي غير متساوى كمية المادة.

2/ إجراء تفاعل الاستر بكلور الاسيل بدل الحمض الكربوكسيلي، يجعل التفاعل تاما.



$CH_3 - (CH_2)_5 - C$ $O + H_2O = CH_3 - (CH_2)_5 - C$ $O + C_2H_5OH$ $O + C_2H_$

الحل

تفاعلات الأسترة هي : ماء + أستر = كحول + حمض كربوكسيلي. فتفاعلات الأسترة هي التفاعلات (أ)، (ب)، (ج). أما (د) فهو أيضا تفاعل أستر، لكن تم فيه تغيير صيغة الأستر الناتج، فالأستر يجب الا تكون صيغته ، C2H5 - COOCH ، بل يجب ان تكون صيغته . (ج) ويمكنك المقارنة بين المعادلتين (ج) و(د). $CH_3 - COOC_2H_5$

التفاعل (د) هو تفاعل حمض بأساس، فهو ليس تفاعل أسرة. تفاعلات إماهة الأستر يجب أن تحقق : كحول + حمض كربوكسيلي = ماء + أستر

فالتفاعلان (و) و(هـ) هما تفاعلا إماهة أسر.

التمرين 3

املأ الجدول التالي.

 $CH_3 - COO - CH_2 - CH_3$

H-C O CH_3 $-C-CH_2-CH_3$

الوظيفة الكيميائية	الاسم	الصيغة الطوبولوجية	الصيغة نصف الفصلة
			$CH_3 - CH_2 - OH$
		OH OH	
		Ю	
			$CH_3 - CHOH - CH_3$
		V_0 0-	
		`O-	

ميثانوات البروبيل

الحل

الوظيفة الكيميائية	الاسم	الصيغة الطوبولوجية	الصيغة نصف الفصلة
كحول أولي	ایثان—1—اول	∕_он	$CH_3 - CH_2 - OH$
حمض كربوكسيلي	حمض البوتانويك	OH OH	$CH_3 - CH_2 - CH_2 - C$ OH
كحول ثانوي	بروبان —2— اول	V — он	CH ₃ – CHOH – CH ₃
شاردة	شاردة البوتانوات	~_°	$\mathrm{CH_3} - \mathrm{CH_2} - \mathrm{CH_2}\mathrm{COO}^-$
استر	إيثانوات الإيثيل	$\sqrt{0}$	$CH_3 - COO - CH_2 - CH_3$
استر	ميثانوات البروبيل	(°)	$H-COO-CH_2CH_2-CH_3$
	ميثانوات مثيل—2 البوتيل—2	e	$H-C$ O CH_3 $-C-CH_2-CH_3$ CH_3

التمرين 4

- أر نحقق تجريبيا أسرة بتفاعل حمض الإيثانويك مع الإيتانول.
 - 1/ ماذا نقصد بتفاعل استرة ؟
 - 2/ اكتب معادلة التفاعل الكيميائي الحادث.
- 3/ يجري التفاعل بمزيج ابتدائي متساوي عدد المولات يتألف من 1mol حمض و 1mol كحول. عند حدوث حالة التوازن، يكون المزيج مؤلفا من 0,33mol من الحمض و 0,33mol من الكحول، و 0,67mol من الاستر و 0,67mol ماء.
 - أ/ أنشئ جدول التقدم. ب/ احسب مردود التفاعل ٢ ، وتأكد من أن الكحول المتفاعل أولى.

3/أ/ جدول التقدم

نعلم في هذه الحالة كميات المادة في الحالتين الابتدائية والنهائية، لذا يأتي جدول التقدم كما يلي :

	الحمض الكربوكسيلي	= الكحول (الأولي) +	الاستر	الماء +
الحالة الابتدائية	1mol	1mol	0mol	0mol
الحالة النهائية	0,33mol	0,33mol	0,67mol	0,67mol

ب/ حساب مردود التفاعل T

$$egin{aligned} r_{_{
m fin}} &= au_{_f} = rac{x_{_f}}{x_{_{
m max}}} = rac{n($$
حمض أو كحول ابتدائي) $n_0($ حمض أو كحول ابتدائي) $r_{_{
m fin}} &= au_{_f} = rac{1-0.33}{1} = 0.67 \ r_{_{
m fin}} &= au_{_f} = 0.67 = 67\% \end{aligned}$

. بما أن r = 67% ، فهذا يدل على أن الكحول المتفاعل أولي. فلو كان الكحول ثانويا لوجدنا r = 67%

$$r_{\text{out}} = 60\%$$

ج/ حساب كسر التفاعل عند التوازن Q_{r.eq}

$$Q_{r,eq} = \frac{\left[\text{ldala}\right]_{eq}}{\left[\text{ldaed}\right]_{eq}\left[\text{ldaed}\right]} = \frac{Q_{r,eq}}{\left[\text{ldaed}\right]_{eq}}$$

$$Q_{r,eq} = \frac{\frac{n_{ini}}{V} \times \frac{n_{ila}}{V}}{\frac{n_{ini}}{V} \times \frac{n_{ila}}{V}} = \frac{n_{ini} \times n_{ila}}{n_{ini} \times n_{ila}}$$

$$Q_{r,eq} = \frac{0.67 \times 0.67}{0.33 \times 0.33} = 4$$
نعوض فنجد

شابت التوازن k

.
$$k=Q_{r,eq}=2,25$$
 ولو ڪان الکحول ثانويا لوجدنا $k=Q_{r,eq}=4$

ج/ احسب Q وثابت التوازن K .

II/ نضيف للمزيج السابق عند حالة التوازن lmol من حمض الإيثانويك.

1/ احسب الكسر الابتدائي للتفاعل . Q . ا

2/ حدد جهة تطور التفاعل.

3/ أعط من جديد جدول التقدم.

 x_f بدلالة $k = Q_{r,eq}$ بدلالة بارة $k = Q_{r,eq}$

ب/ احسب قيمة X .

5/ أعط التركيب النهائي للمزيج عند التوازن.

الح

1/1/ تفاعل الأسترة هو تفاعل حمض كربوكسيلي مع كحول فينتج أستر وماء.

2/ معادلة التفاعل

نعين صيغة حمض الإيثانويك :

• وبما أنه حمض الإيثانويك، فكلمة إيث تعني آثنان، أي 2 ذرة كربون C ، فهذا الحمض يجب أن يحتوي على 2 ذرة C ، لذا نضيف إلى المجموعة الوظيفية ذرة C أخرى فيكون من الشكل

و و درة C المضافة ينقصها C روابط، لأن كل ذرة C تنشئ C روابط، لذا يجب إضافة C ذرات C إلى

$$\mathrm{CH_3-C}$$
 المضافة، فتصبح صيغة الحمض الكربوكسيلي هي $\mathrm{CH_3-C}$

وبما أنه إيثانول، أي إيث، فيجب أن تكون له 2 ذرة C ، لذا وجب إضافة ذرة C أخرى كما يلي : C C C C C C C C C

ثم نكمل الروابط بذرات
$$H$$
 كما يلي $C-C-OH$ او $C-C+OH$ خم نكمل الروابط بذرات H فتكون المعادلة الكيميائية كما يلي :

Q_{r.i} للتفاعل الكسر الابتدائي للتفاعل /أ/I

$$\boxed{ Q_{\text{r,i}} = \text{1,02} } \quad Q_{\text{r,i}} = \frac{n_{\text{init}} \times n_{\text{els}}}{n_{\text{case}}' \times n_{\text{data}}'} = \frac{0,67 \times 0,67}{(0,33+1) \times 0,33}$$

2/ تحديد جهة تطور التفاعل

بما أن $Q_{r,i} < k$ فهذا يعني أن التفاعل يتم في الاتجاه المباشر ، أي في اتجاه تفاعل الأسترة، وليس في الاتجاه العكسي، أي في اتجاه إماهة الاستر. ولذا نتوقع زيادة كمية المادة لكل من الأستر والماء.

3/ جدول التقدم

في هذه الحالة، نعلم فقط كميات المادة في الحالة الابتدائية، لا نعرف كمياتها في الحالة النهائية لذا يأتي جدول التقدم بدلالة X كالتالي :

	- الحمض الكربوكسيلي	= الكحول (الأولي) +	الاستر	+	Шз
الحالة الابتدائية	1,33mol	0,33mol	0,67mol		0,67mol
الحالة النهائية	$1,33-x_f$	$0.33 - x_f$	$0,67 + x_f$	($0,67 + \mathbf{x}_f$

4/ عبارة k

$$\frac{(0,67+x_f)^2}{(1,33-x_f)(0,33-x_f)} = 4 \text{ i.i. } k = 4 \text{ oist} k = \frac{(0,67+x_f)(0,67+x_f)}{(1,33-x_f)(0,33-x_f)}$$

$$9x_{f}^{2}-24x_{f}+4=0$$
 وبعد التبسيط نجد

$$\sqrt{\Delta} = 20{,}78$$
 اي $\Delta = 432$ فنجد $\Delta = (-24)^2 - 4(9)(4)$ اي ځم نحسب الميز

$$\mathbf{x}_f = 0,\!178 \mathrm{mol}$$
 ومنه : $\mathbf{x}_{f_2} = \frac{24 - 20,\!78}{2(9)} = 0,\!178 \mathrm{mol}$ ومنه : ومنه :

5/ التركيب النهائي للمزيج

$$n_{f(\omega)} = 1,33 - 0,178 = 1,15 \text{mol}$$

$$n_{f(0,0)} = 0.33 - 0.178 = 0.15 \text{mol}$$

$$n_{f(1,1,1)} = 0,67 - 0,178 = 0,848 \text{mol}$$

$$n_{f(sla)} = 0.67 - 0.178 = 0.848 \text{mol}$$

التمريري 5

نريد تحضير نوع كيميائي عضوي E ، وهو إيثانوات البنزيل (اسيتات البنزيل) كثافته d = 1,06 ، الموجود في عطر الياسمين. $: CH_3COOCH_2C_6H_5$ هي E الركب المحت ان صيغة المركب المحت ان صيغة المحت ان صيغة

أ/ حدد الوظيفة الكيميائية للمركب E .

M(A) > M(B) علما بان (B) و (B) اللذان تأتي منهما (B) علما بان (B)2/ نضع في حوجلة (0,50mol) من الركب (B) و (0,20mol) من الركب (A)، ثم نضيف قطرات من حمض الكبريت المركز، نسد الحوجلة، ونضعها في فرن درجة حرارته 180°C. // ما الهدف من إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز والتسخين؟

ب/ عند حدوث حالة التوازن يكون $au_f = 0.88$. لم لا يكون $au_f = 0.67$ رغم أن الكحول

ج/ اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيمياني وحدد خصائصه.

 X_f و X_{max} و X_f

هـ/ احسب كتلة الاستر المتشكل، وأيضا حجمه الصافي.

3/ نضيف إلى المزيج السابق عند حالة التوازن 0,024mol من المركب E.

أ/ حدد في أي اتجاه يتطور التفاعل.

ب/ أعط التركيب الكتلي للمزيج الجديد عند بلوغ حالة التوازن الجديد.

الحل

. الوظيفة الكيميائية للمركب ${
m E}$ هي أستر، فاسمه يدل على ذلك لأنه على وزن "الكانوات الألكيل". ب/ النوعان الكيميائيان (A) و (B) اللذان يأتي منهما هذا الأستر E ، أحدهما كحول، والآخر حمض كربوكسيلي. ونعين صيغة كل منهما كما يلي :

$$CH_3COOCH_2C_6H_5$$
 : نكتب صيغة الأستر المحرل التي من الكحول التي من الحمض الحمض الحمض الحمض $^{-1}$

نضيف إلى الجزء الذي أتى من الكحول ذرة H فنحصل على الكحول : $HO-CH_2C_6H_5$ ونقبله . $C_6H_5 - CH_2 - OH$ فنحصل على الكحول

نضيف إلى الجزء الذي أتى من الحمض المجموعة OH فنحصل على الحمض الذي أتى من الحمض المجموعة نلاحظ بدون حساب أن الكتلة المولية للكحول (كحول) M أكبر من الكتلة المولية للحمض

(الحمض) M . إذن (الحمض) M < (کحول) M ، فنستنتج أن :

. $C_6H_5-CH_2-OH$ هو الكحول الأولي A هو الكحول الأولى •

• النوع الكيميائي B هو الحمض الكربوكسيلي CH3COOH .

1/2/ الهدف من إضافة حمض الكبريت المركز والتسخين هو تسريع التفاعل، فالحرارة هي من العوامل الحركية، وحمض الكبريت المركز هو عامل مساعد.

ب/ بالفعل نحصل على $au_f = 0.67$ إذا كان الكحول أوليا، وهذا في حالة واحدة وهي أن المزيج الابتدائي متساوي عدد المولات. لكن هنا المزيج الابتدائي 0,20mol من الكحول و 0,50mol من . $au_f \neq 0,67$ غير متساوي عدد المولات، لذا نجد (B) غير متساوي

الحالة

هـ/ حساب كتلة الأستر (m(E

$$m(E)=n_{(E)}.M(E)$$
 الذن $n=\frac{m}{M}$

$$n_{(E)} = x_f = 0.176 \text{mol}$$

$$M(E) = M(CH_3COOCH_2C_6H_5) = 9.10 + 16.2 + 10.1$$

$$M(E) = 150 \text{g.mol}^{-1}$$

$$m(E) = 0.176.150 = 26.4g$$
 إذن

 $V_{(E)}$ حساب حجم الأستر

$$l_{(E)}=d.l_{(E)}$$
 نعلم أن $d=rac{l_{(E)}}{l_{(E)}}$ إذن الماء

 $l_{(E)} = 1,06 \times 1g / cm^3$

 $l_{(E)} = 1,06g/cm^3$

$$V(E) = rac{26,4}{1,06}$$
 لكن $I_{(E)} = rac{m(E)}{I_{(E)}}$ إذن $I_{(E)} = rac{m(E)}{V(E)}$ ككن

اذن V(E) = 24,9cm³

3/أ/ تحديد اتجاه تطور التفاعل

عند إضافة 0,024mol من الاستر يتغير التركيب الجديد للمزيج النهائي السابق، والذي نعتبره مزيجا ابتدائيا حديدا.

$$n_{f(l)} = 0.176 + 0.024 = 0.2 \text{mol}$$

$$n_{f(ala)} = 0,176 \text{mol}$$

$$n_{f(2e, 0)} = 0,20 - 0,176 = 0,024 \text{mol}$$

$$n_{f(auc)} = 0.50 - 0.176 = 0.324 \text{mol}$$

$$Q_{r,i} = \frac{0.2 \times 0.176}{0.024 \times 0.324} \approx 4.53 \; : k$$
 ونقارنه ب $Q_{r,i}$ ونقارنه ب فلمعرفة جهة تطور التفاعل نحسب

ب/ إعطاء التركيب الكتلي للمزيج الجديد عند التوازن

ننشئ جدول التقدم بشكل مختصر:

	الحمض الكربوكسيلي	الكحول (الأولي) +	الاستر =	الماء +
الحالة النهائية	$0,324 + x_f$	$0,024 + x_f$	$0,2-x_f$	$0,176 - x_f$

ج/ معادلة التفاعل النمذج للتحول الكيميائي

$$CH_3 - COOH + C_6H_5 - CH_2 - OH = CH_3COOCH_2C_6H_5 + H_2O$$

خصائص تفاعل الأسترة وإماهة الأستر هي : محدود (غير تام) — لاحراري — عكوس — بطيئ. فهي موجودة في كلمة "م لاع ب".

 $X_f \in X_{max}$ 0

ننشئ جدول التقدم:

 $CH_3 - COOH + C_6H_5 - CH_2 - OH = CH_3COOCH_2C_6H_5 + H_2O$ 0,50mol 0,20mol 0mol 0mol

الابتدائية 0,50mer العالم 0,50mer الحالم x_f x_f x_f x_f

في التفاعلات المتوازنة مثل الأسترة أو إماهة الأستر فإن x_{max} يحدد من النوع الكيميائي الذي له أصغر عدد ممكن من المولات، وهو هنا الكحول الذي وضعنا منه $(0,20 \mathrm{mol})$ ، إذن $x_{max} = 0,20 \mathrm{mol}$ لنحسب x_{r} :

الطريقة 1

.
$$\mathbf{x}_f = 0,\!176 \mathrm{mol}$$
 ومنه $\mathbf{x}_f = 0,\!88 \times 0,\!20$ اي $\mathbf{x}_f = \tau_f \mathbf{x}_{\mathrm{max}}$ ومنه $\tau_f = \frac{\mathbf{x}_f}{\mathbf{x}_{\mathrm{max}}}$ لدينا

الطريقة 2

$$k = \frac{x_f \times x_f}{(0,5-x_f)(0,2-x_f)} = 4$$
 لكن $k = 4$ لكن وان الكحول أولي فإن $k = 4$

$$x_f^2 = 4(0, 5 - x_f)(0, 2 - x_f)$$

$$3x_f^2 - 2,8x_f + 0,4 = 0$$

 $\sqrt{\Delta}$ لنحسب

$$\sqrt{\Delta}=1{,}74$$
 اذن $\Delta=(-2{,}8)^2-4(3)(0{,}4)$ لدينا

ومنه نجد
$$x_{if} = \frac{2,8+1,74}{2(3)} = 0,757$$
 عن هذه القيمة في

حالة الحمض أو الكحول لوجدنا قيما سالبة، وهذا مرفوض كيميائيا.

. مقبول
$$x_{2f} = \frac{2,8-1,74}{2(3)} = 0,176$$
mol

وهي نفس النتيجة التي حسبناها سابقا. $x_{2f} = 0,176$ mol

Hard_equation

المراجع

• الكتب بالعربية

1 الفيزياء للجامعات (ترجمة: السمان، الحصري)

1 إ قصة الطاقة الذرية (جلادكوف): مير

1 إ قصة الكون (قسوم - ميموني): المعرفة

1 المنهل في الفيزياء والكيمياء (AS, 3AS) - (نفس المؤلف، حديبي) - المعرفة

1 حروس PO19 للأستاذ عبد الحميد بن تشيكو

1 إ العلوم الفيزيائية والتكنولوجيا (لنفس المؤلف)

1 الفيزياء – السنة الثالثة – مكتبة المدارس

• الكتب بالإنجليزية

The Power House of the atom (Gladkov) – Mir ⊲1

Chemistry for changing times (John, Hill) ⊲1

• الكتب بالفرنسية

Ondes, optique et physique moderne (HALLIDAY) Editions du nouveau pédagogique ⊲1

Mécanique général (T1, T2) : (Alonso – Finn) ⊲2

Chimie (T.S + 1^{re} S): NATHAN ⊲3

Hachette (T.S + 1^{re}) ⊲4

Physique – Chimie (P. closier): Ellipses ⊲5

Annabac (1999, 2001) Sujet : Hatier < 6

S. Bac (T.S) (Serverine): Bréal <7

تماريه خاصة بالأسترة وإماهة الأستر

$$\mathbf{k} = 4 = \frac{(0,176 - \mathbf{x}_f)(0,2 - \mathbf{x}_f)}{(0,324 + \mathbf{x}_f)(0,024 + \mathbf{x}_f)}$$

$$4(0,324 + \mathbf{x}_f)(0,024 + \mathbf{x}_f) = (0,176 - \mathbf{x}_f)(0,2 - \mathbf{x}_f)$$

$$4(7,776.10^{-3} + 0,348.5 + \mathbf{x}^2_f) = 0,0352 + \mathbf{x}^2_f - 0,376\mathbf{x}_f)$$

$$0,031 - 0,035 + 3\mathbf{x}^2_f + 1,768\mathbf{x}_f = 0$$

$$3\mathbf{x}^2_f + 1,768\mathbf{x}_f - 0,004 = 0$$

$$\vdots$$

$$\mathbf{x}_{f} = 1,78 \cdot \Delta = (1,768)^2 - 4(3)(-0,004)$$

$$\mathbf{x}_{f} = 2.10^{-3} \, \text{mol} \quad \text{where} \quad \mathbf{x}_{f} = \frac{-1,768 + 1,78}{2(3)}$$

$$\mathbf{x}_{f} = \frac{-1,768 - 1,78}{2(3)} < 0 \quad \text{for } \mathbf{x}_{f} = 2.10^{-3} \, \text{mol}$$

$$\mathbf{x}_{f} = 2.10^{-3} \, \text{mol} \quad \text{where} \quad \mathbf{x}_{f} = \frac{-1,768 - 1,78}{2(3)} < 0 \quad \text{for } \mathbf{x}_{f} = 2.10^{-3} \, \text{mol}$$

$$\mathbf{x}_{f} = 2.10^{-3} \, \text{mol} \quad \text{for } \mathbf{x}_{f} = 2.10^{-3} \, \text{mol}$$

لنحسب إذن التركيبُ الكتلي للمزيج عند التوازن الجديد ،
$$m_{\rm cont}=n_{\rm cont}$$
. $M($ حمض $)=0.326\times60=19,56g$ $n_{\rm cont}=0.324+2.10^{-3}=0.326mol$

$$m_{\text{dec}} = n_{\text{dec}} \cdot M(28 \times 108 = 3,024g)$$
 کحول) = 0,028×108 = 3,024g

$$n_{\text{tas}} = 0.024 + 2.10^{-3} = 0.028 \text{mol}$$

$$m_{\text{init}} = n_{\text{init}} . M($$
استر $) = 0,198 \times 150 = 29,7g$

$$n_{\text{loc}} = 0.2 - 2.10^{-3} = 0.198 \text{mol}$$

 $n_{\text{el}} = 0.176 - 2.10^{-3} = 0.174 \text{mol}$, $m_{\text{el}} = n_{\text{el}} \cdot M(\text{el}) = 0.174 \times 18 = 3.132 \text{g}$

للحظة

$$M(\text{pl}) = M(\text{H}_2\text{O}) = 18\text{g/mol}$$
 $M(\text{pl}) = M(\text{CH}_3\text{COOCH}_2\text{C}_6\text{H}_5) + 150\text{g/mol}$ $M(\text{ch}_3\text{COOH}) = 60\text{g/mol}$ $M(\text{CH}_3\text{COOH}) = 60\text{g/mol}$

$$M(U_6H_5CH_2OH) = 108g/mol$$

المجال الثاني: التطورات المهتزة الوحدة 1: الاهتزازات الحرة لجملة ميكانيكية

	1- التواس المرن
344	خلاصة الدرس
357	تمارين خاصة بالاهتزازات الحرة للنواس المرن
	2- النواس الثقلي والبسيط
380	خلاصة الدرس
	تمارين خاصة بالاهتزازات الحرة للنواسين الثقلي والبسيط
	الوحدة 2: الاهتزازات الحرة لجملة كهربائية
	1- الدارة الكهربانية (R,L,C)
397	خلاصة الدرس
	تمارين خاصة بالدارة (R,L,C)
	الوحدة 3: *الاهتزازات القسرية
	1- الاهتزازات القسرية للنواس الثقلي
423	خلاصة الدرس
	2- الاهتزازات القسرية للدارة الكهربائية (R,L,C)
427	خلاصة الدرس
	3- التشابه الميكاتيكي – الكهرباني
432	خلاصة الدرس
433	تمارين خاصة بالاهتزازات القسرية
	المجال الثالث : ظواهر الانتشار
	الوحدة 1: انتشار الاضطراب
152	خلاصة الدرس
	تمارين خاصة بانتشار الاضطراب
437	الوحدة 2: انتشار موجة ميكانيكية دورية
472	خلاصة الدرس
	تمارين خاصة بانتشار موجة ميكانيكية دورية
777	الوحدة 3: النموذج التموجي للضوء
482	خلاصة الدرس
1000000	تمارين خاصة بالنموذج التموجي للضوء
720	الوحدة 4: انتشار الأصوات
500	خلاصة الدرس
	تمارين خاصة بانتشار الأصوات
505	
	المجال الرابع : مراقبة تطور حملة كيميائية خلال تحول كيميائي
	الوحدة 1: التطور التلقاني لجملة كيميانية - الأعمدة
1	خلاصة الدرس
589	تمارين خاصة بالأعمدة
NID ISSNE	الوحدة 2: مراقبة تحول كيمياني - الأسترة وإماهة الأستر
	خلاصة الدرس
601	تمارين خاصة بالأسترة وإماهة الأستر



الإهداء
المقدمة

المجال الأول : التطورات الرتبية
الوحدة 1: تطور كميات المادة للمتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بتطور كميات المادة خلال تحول كيميائي
الوحدة 2: دراسة تحولات نووية
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بالتحولات النووية
الوحدة 3: دراسة ظواهر كهربانية
1- الدارة (R,C)
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بالدارة (R,C)
2- الدارة (R,L)
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بالدارة (R,L)
الوحدة 4: تطور جملة ميكانيكية
1- مقاربة تاريخية لميكانيك نيوتن
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بمقاربة تاريخية لميكانيك نيوتن
2- شرح حركة كوكب أو قمر صناعي
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بحركة كوكب أو قمر صناعي
3- دراسة حركة السقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بحركة السقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء
4- حركة قذيفة في حقل الجاذبية
خلاصة الدرس ألله المستقبل المستول المستول المستقبل المستو
تمارين خاصة بحركة قنيفة
تمارين خاصة بحركة مركز عطالة جسم صلب
5- حدود ميكانيك نيوتن _ الانفتاح على العالمين الكمي والنسبي
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بمستويات الطاقة في الذرة
الوحدة 5 : تطور تحول جملة كيميانية خلال تحول كيمياني نحو حالة التوازن _ الأحماض والأسس
خلاصة الدرس
تمارين خاصة بالأحماض والأسس

عبد القدير خان . . . هذا الهمام

ليس حل مشكلات العالم الإسلامي قنبلة نووية، ولكن ماداموا يفعلون فعلينا أن نمتلك مصادر القوة، هذه وجهة النظر الباكستانية في مشروعها النووى، قد يوافق عليها البعض وقد يرفضها آخرون، لكن هذا ما صار فعلاً وتطور على يد العالم الباكستاني عبد القدير خان.

ولد الدكتور عبد القدير خان في ولاية بوبال الهندية عام 1936 لا يصغره سوى أخت واحدة من بين خمسة من الإخوة واثنتين من الأخوات. كان والده عبد الغفور خان مدرسًا تقاعد عام 1935، أي قبل ولادة ابنه عبد القدير بعام واحد، ولذا نشأ الابن عبد القدير تحت جناح أبيه المتفرغ لتربيته ورعايته.



كان لوالد عبد القدير خان تأثير كبير في حياة ابنه ، حيث كان الوالد إنسانًا عطوفًا ورقيقًا؛ فعلَم ابنه تقدير الحياة وحب الحيوانات، حتى إن القردة القاطنة بتلال مارجالا التي تحيط بمنزل الدكتور عبد القدير قد علمت عنه ذلك، فتأتي إليه في كل مساء بعد رجوع الدكتور عبد القدير من يوم عمل شاق لتأكل من يديه !!

كانت زليخة بيجوم والدة الدكتور عبد القدير خان سيدة تقية تلتزم بالصلوات الخمس ومتقنة للغة الأوردية والفارسية، ولذلك نشأ الدكتور عبد القدير خان متدينًا ملتزمًا بصلواته.

تخرج عبد القدير خان من مدرسة الحامدية الثانوية ببوبال ، ليستجيب لنداء إخوته بالهجرة إلى الباكستان أملاً في حياة أفضل وفرص أكبر ، إذ كان يرى أن الفرص المتاحة له ببوبال محدودة، وربما لم يكن لينجز أكثر من كونه مدرسًا مثل أبيه وعيشه حياة خالية تمامًا من الأحداث المثيرة.

لم يكن عبد القدير خان طالبًا متميزًا؛ حيث أراد أبواه له أن يحيا طفولة عادية، فلم يمارسا عليه أية ضغوط من حيث درجاته ؛ ولذا كانت حياته الأكاديمية في المدرسة والكلية خالية تماما من الضغوط النفسية.

توفي والد الدكتور عبد القدير خان رحمه الله، والذي لم يهاجر مع أبنائه إلى الباكستان في بوبال عام 1957.

تخرج عبد القدير في كلية العلوم بجامعة كاراتشي عام 1960، وتقدم لوظيفة مفتش للأوزان والقياسات، وهي وظيفة حكومية من الدرجة الثانية. كان عبد القدير أحد اثنين من بين 200 متقدم فبلوا بالوظيفة، وكان راتبه 200 روبية في الشهر. ربما لو استمر الدكتور عبد القدير خان في هذه الوظيفة لتدرج في مناصبها ، لولا رئيسه المباشر في العمل ، الذي كان يفرض على عملائه أن يدعوه على الغداء لإتمام أوراقهم، فلم يتقبل عبد القدير الشاب هذه التصرفات التي اعتبرها نوعًا من الرشاوى ، فاستقال من وظيفته.

قرر عبد القدير خان السفر إلى الخارج لاستكمال دراسته وتقدم لعدة جامعات اوروبية ، وانتهى به الأمر في جامعة برلين التقنية ، حيث أنّم دورة تدريبية لمدة عامين في علوم المعادن. كما نال الماجستير عام 1967 من جامعة دلفت التكنولوجية بهولندا، ودرجة الدكتوراة من جامعة لوفين البلجيكية عام 1972.

لم يكن ترك الدكتور عبد القدير خان لألمانيا وسفره إلى هولندا سعيًا وراء العلم... بل كان ليتزوج من الآنسة هني الهولندية التي قابلها بمحض الصدفة في ألمانيا. فتمت مراسم الزواج في أوائل الستينيات بالسفارة الباكستانية

حاول الدكتور عبد القدير مرازًا الرجوع إلى الباكستان ولكن دون جدوى. حيث تقدم لوظيفة لمصانع الحديد بكراتشي بعد نيله لدرجة الماجستير ، ولكن رفض طلبه بسبب قلة خبرته العملية، وبسبب ذلك الرفض أكمل دراسة الدكتوراة في بلجيكا ، ليتقدم مرة أخرى لعدة وظائف بالباكستان، ولكن دون تسلم أية ردود لطلباته. في حين تقدمت إليه شركة FDO الهندسية الهولندية ليشغل لديهم وظيفة كبير خبراء المعادن فوافق على عرضهم.

كانت شركة FDO الهندسية أيامها على صلة وثيقة بمنظمة اليورنكو، أكبر منظمة بحثية أوروبية والمدعمة من أمريكا وألمانيا وهولندا. كانت المنظمة مهتمة أيامها بتخصيب اليورانيوم من خلال نظام آلات النابذة Centr. ثعرض البرنامج لعدة مشاكل تتصل بسلوك المعدن استطاع الدكتور عبد القدير خان بجهده وعلمه التغلب عليها. ومنحته هذه التجربة مع نظام آلات النابذة خبرة قيمة كانت هي الأساس الذي بنى عليه برنامج الباكستان النووي فيما بعد.

حين فجرت الهند القنبلة النووية عام 1974 كتب الدكتور عبد القدير خان رسالة إلى رئيس وزراء الباكستان في حينها ، ذو الفقار علي بوتو، قائلا فيها؛ إنه حتى يتسنى للباكستان البقاء كدولة مستقلة فإن عليها إنشاء برنامج نووي. لم يستغرق الرد على هذه الرسالة سوى عشرة أيام، والذي تضمن دعوة للدكتور عبد القدير خان لزيارة رئيس الوزراء بالباكستان، والتي تمت بالفعل في ديسمبر عام 1974. قام رئيس الوزراء بعدها بالتأكد من أوراق اعتماده عن طريق السفارة الباكستانية بهولندا، وفي لقائهما الثاني عام 1975 طلب منه رئيس الوزراء عدم الرجوع إلى هولندا ليرأس برنامج الباكستان النووي.

حين أبلغ الدكتور عبد القدير خان زوجته بالعرض، والذي كان سيعني تركها لهولندا إلى الأبد، مساء نفس اليوم سألته إن كان يعتقد أنه يستطيع إنجاز شيء لبلده... فحين رد بالإيجاب ردت على الفور : ابق هنا إذن حتى الم أغراضنا في هولندا وأرجع إليك. ومنذ ذلك الحين وآل خان في الباكستان.

توصل الدكتور عبد القدير خان بعد فترة قصيرة من رجوعه إلى الباكستان إلى أنه لن يستطيع إنجاز شيء من خلال مفوضية الطاقة الذرية الباكستانية، والتي كانت مثقلة ببيروقراطية مملة. فطلب من بوتو إعطاءه حرية كاملة للتصرف من خلال هيئة مستقلة خاصة ببرنامجه النووي. وافق بوتو على طلبه في خلال يوم واحد وتم إنشاء المعامل الهندسية للبحوث في مدينة كاهوتا القريبة من مدينة روالبندي عام 1976 ليبدأ العمل في البرنامج. وفي عام 1981 وتقديرًا لجهوده في مجال الأمن القومي الباكستاني غير الرئيس الأسبق ضياء الحق اسم المعامل إلى معامل الدكتور عبد القدير خان للبحوث.

بدأ الدكتور عبد القدير خان بشراء كل ما يستطيع من إمكانات من الأسواق العالمية، وفي خلال ثلاث سنوات تمكن من بناء آلات النابذة وتشغيلها بفضل صلاته بشركات الإنتاج الغربية المختلفة وسنوات خبرته الطويلة.

يقول الدكتور عبد القدير خان في إحدى مقالاته : (أحد أهم عوامل نجاح البرنامج في زمن قياسي كان درجة السرية العالية التي تم الحفاظ عليها، وكان لاختيار موقع المشروع في مكان ناء كمدينة كاهوتا أثر بالغ في ذلك. كان الحفاظ على أمن الموقع سهلا بسبب انعدام جاذبية المكان للزوار من العالم الخارجي، كما أن موقعه القريب نسبيًا من العاصمة يسر لنا اتخاذ القرارات السريعة، وتنفيذها دون عطلة. وما كان المشروع ليختفي عن عيون العالم الغربي لولا عناية الله تعالى، ثم إصرار الدولة كلها على إتقان هذه التقنية المتقدمة التي لا يتقنها سوى أربع أو خمس دول في العالم. ما كان لأحد أن يصدق أن دولة غير قادرة على صناعة إبر الخياطة ستتقن هذه التقنية المتقدمة).

حين علم العالم بعدها بتمكن الباكستان من صناعة القنبلة النووية هاج وماج ، إذ بدأت الضغوط على الحكومة الباكستانية من جميع الجهات ما بين عقوبات اقتصادية وحظر على التعامل التجاري وهجوم وسائل الإعلام الشرس على الشخصيات الباكستانية. كما تم رفع قضية ظالمة على الدكتور عبد القدير خان في هولندا تتهمه بسرقة

وثائق نووية سرية. ولكن تم تقديم وثائق من قبل ستة أساتذة عالميين اثبتوا فيها أن المعلومات التي كانت مع الدكتور عبد القدير خان من النوع العادي، وأنها منشورة في المجلات العلمية منذ سنين. تم بعدها إسقاط التهمة من قبل محكمة أمسرَ دام العليا. يقول الدكتور عبد القدير خان : (إنه حصل على تلك العلومات بشكل عادي من أحد أصدقائه ، إذ لم يكن لديهم بعد مكتبة علمية مناسبة أو المادة العلمية المطلوبة).

يتلخص إنجاز الدكتور عبد القدير خان العظيم في تمكنه من إنشاء مفاعل كاهوتا النووي (والذي يستغرق عادة عقدين من الزمان في أكثر دول العالم تقدمًا، في ستة أعوام) وكان ذلك بعمل ثورة إدارية على الأسلوب المتبع عادة من فكرة ثم قرار ثم دراسة جدوى ثم يجوث أساسية ثم بحوث تطبيقية ثم عمل نموذج مصغر ثم إنشاء الفاعل الأولى، والذي يليه هندسة المفاعل الحقيقي، وبناؤه وافتتاحه. قام فريق الدكتور خان بعمل كل هذه الخطوات دفعة واحدة.

استخدم فريق الدكتور خان تقنية تخصيب اليورانيوم لصناعة أسلحتهم النووية. هناك نوعان من اليورانيوم يوليهما العالم الاهتمام: يورانيوم 235 ويورانيوم 238. ويعتبر اليورانيوم 235 أهمهما، حيث هو القادر على الانشطار النووي وبالتالي إنشاء الطاقة. يستخدم هذا النوع من اليورانيوم في الماعلات الذرية لتصنيع القنبلة الذرية.

ولكن نسب اليورانيوم 235 في اليورانيوم الخام المستخرج من الأرض ضئيلة جدا تصل إلى %0,7 وبالتالي لا بد من تخصيب اليورانيوم لزيادة نسبة اليورانيوم 235 ، إذ لا بد من وجود نسبة يورانيوم 235 بنسبة %4-3 لتشغيل مفاعل ذرى وبنسبة 90% لصناعة قنبلة ذرية. يتم تخصيب اليورانيوم باستخدام أساليب غاية في الدقة والتعقيد وتمكنت معامل كاهوتا من ابتكار تقنية باستخدام آلات النابذة، والتي تستهلك عُشْر الطاقة المستخدمة في الأساليب القديمة. تدور نابذات كاهوتا بسرعات تصل إلى 100 ألف دورة في الدقيقة الواحدة. يقول الدكتور خان: (في حين كان العالم المتقدم يهاجم برنامج الباكستان النووي بشراسة كان أيضًا يغض الطرف عن محاولات شركاته المستميتة لبيع الأجهزة المختلفة لنا! بل كانت هذه الشركات تترجّانا لشراء أجهزتها. كان لديهم الاستعداد لعمل أي شيء من أجل المال ما دام المال وفيرًا!).

قام الفريق الباكستاني بتصميم النابذات وتنظيم خطوط الأنابيب الرئيسية وحساب الضغوط وتصميم البرامج والأجهزة اللازمة للتشغيل. وحين اشتد الهجوم الغربي على البرنامج وطبق الحظر والعقوبات الاقتصادية بحيث لم يتمكن الفريق من شراء ما يلزمهم من مواد... بدأ المشروع في إنتاج جميع حاجياته بحيث أصبح مستقلا تماما عن العالم الخارجي في صناعة جميع ما يلزم المفاعل النووي.

> امتدت أنشطة معامل خان البحثية لتشمل بعد ذلك برامج دفاعية مختلفة ؛ حيث تصنع صواريخ وأجهزة عسكرية أخرى كثيرة وأنشطة صناعية وبرامج وبحوث تنمية، وأنشأت معهدا للعلوم الهندسية والتكنولو جية ومصنعًا للحديد والصلب، كما أنها تدعم المؤسسات العلمية والتعليمية.

> نال الدكتور خان 13 ميدالية ذهبية من معاهد ومؤسسات قومية مختلفة ونشر حوالي 150 بحثًا علميًا في مجلات علمية عالمية. كما مُنح وسام هلال الامتياز عام 1989 وبعده في عام 1996 نال أعلى وسام مدنى تمنحه دولة الباكستان تقديرًا لإسهاماته الهامة في العلوم والهندسة : نيشان الامتياز.

وقد خصصت الأسبوعية الأمريكية التايم، الواسعة الانتشار، (حوالي 5 ملايين نسخة) عددا خاصا لهذه الشخصية

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation